

A PROLOG NYELV KÖZELÍTŐ SZINTAXISA



Predikátumok, klózek

● Példa:

```
% két klózból álló predikátum definíciója, funktora: sum_tree/2
sum_tree(leaf(Val), Val).                %                1. klóz, tényállítás
sum_tree(node(Left,Right), S) :-        %                fej \
    sum_tree(Left, S1),                % cél \      |
    sum_tree(Right, S2),                % cél | törzs | 2. klóz, szabály
    S is S1+S2.                        % cél /      /
```

● Szintaxis:

```
⟨ Prolog program ⟩ ::= ⟨ predikátum ⟩ ...
⟨ predikátum ⟩     ::= ⟨ klóz ⟩ ...           { azonos funktorú }
⟨ klóz ⟩          ::= ⟨ tényállítás ⟩.⊥ |
                   ⟨ szabály ⟩.⊥           { klóz funktora = fej funktora }
⟨ tényállítás ⟩  ::= ⟨ fej ⟩
⟨ szabály ⟩      ::= ⟨ fej ⟩ :- ⟨ törzs ⟩
⟨ törzs ⟩        ::= ⟨ cél ⟩, ...
⟨ cél ⟩          ::= ⟨ kifejezés ⟩
⟨ fej ⟩          ::= ⟨ kifejezés ⟩
```

Prolog programok formázása

- Programok javasolt formázása:
 - Az egy predikátumhoz tartozó klózok legyenek egymás mellett a programban, közéjük ne tegyünk üres sort. A predikátumokat válasszuk el üres sorokkal.
 - A klózfejet írjuk sor elejére, minden célt lehetőleg külön sorba, néhány szóközzel beljebb kezdve

Lexikai elemek

● Példák:

```
% változó:          Fakt FAKT _fakt X2 _2 _
% névkonstans:     fakt ≡ 'fakt' 'István' [] ; ', ' += ** \= ≡ '\\\='
% számkonstans:    0 -123 10.0 -12.1e8
% nem névkonstans: !=, Istvan
% nem számkonstans: 1e8 1.e2
```

● Szintaxis:

```
⟨ változó ⟩      ::= ⟨ nagybetű ⟩⟨ alfanumerikus jel ⟩...|
                  _⟨ alfanumerikus jel ⟩...
⟨ névkonstans ⟩ ::= '⟨ idézett karakter kar ⟩... ' |
                  ⟨ kisbetű ⟩⟨ alfanumerikus jel ⟩...|
                  ⟨ tapadó jel ⟩...| ! | ; | [ ] | { }
⟨ egész szám ⟩   ::= {előjeles vagy előjeltelen számjegysorozat}
⟨ lebegőpontos szám ⟩ ::= {belsejében tizedespontot tartalmazó
                           számjegysorozat esetleges exponenssel}
⟨ idézett karakter ⟩ ::= {tetszőleges nem ' és nem \ karakter} | \ ⟨ escape szekvencia ⟩
⟨ alfanumerikus jel ⟩ ::= ⟨ kisbetű ⟩ | ⟨ nagybetű ⟩ | ⟨ számjegy ⟩ | _
⟨ tapadó jel ⟩   ::= + | - | * | / | \ | $ | ^ | < | > | = | ` | ~ | : | . | ? | @ | # | &
```

Szintaktikus édesítőszerek: operátorok

- Példa:

`% S is -S1+S2 ekvivalens az is(S, +(-(S1),S2)) kifejezéssel`

- Operátoros kifejezések

$\langle \text{összetett kifejezés} \rangle ::=$

$\langle \text{struktúranév} \rangle (\langle \text{argumentum} \rangle, \dots)$	{eddig csak ez volt}
$\langle \text{argumentum} \rangle \langle \text{operátornév} \rangle \langle \text{argumentum} \rangle$	{infix kifejezés}
$\langle \text{operátornév} \rangle \langle \text{argumentum} \rangle$	{prefix kifejezés}
$\langle \text{argumentum} \rangle \langle \text{operátornév} \rangle$	{posztfix kifejezés}
$\langle \text{operátornév} \rangle ::= \langle \text{struktúranév} \rangle$	{ha operátorként lett definiálva}

- Operátor-kezelő beépített predikátumok:

- `op(Prioritás, Fajta, OpNév)` vagy `op(Prioritás, Fajta, [OpNév1, OpNév2, ...])`:
 - Prioritás: 0–1200 közötti egész
 - Fajta: az `yfx`, `xfy`, `xfx`, `fy`, `fx`, `yf`, `xf` névkonstansok egyike
 - OpNév: tetszőleges névkonstans
 - pozitív prioritás esetén definiálja az operátor(oka)t, 0 prioritás esetén megszünteti azokat.
- `current_op(Prioritás, Fajta, OpNév)`: felsorolja a definiált operátorokat.

Szabványos, beépített operátorok

Szabványos operátorok

```

1200 xfx :- -->
1200 fx :- ?-
1100 xfy ;
1050 xfy ->
1000 xfy ', '
900 fy \+
700 xfx < = \= =..
      ::= =< == \==
      =\= > >= is
      @< @=< @> @>=
500 yfx + - /\ \/
400 yfx * / // rem
      mod << >>
200 xfx **
200 xfy ^
200 fy - \

```

Egyéb beépített operátorok SICStus Prologban

```

1150 fx dynamic multifile
      block meta_predicate
900 fy spy nospy
550 xfy :
500 yfx #
500 fx +

```

Operátorok jellemzői

- Egy operátort jellemez a fajtája és prioritása
- A fajta meghatározza az operátor-osztályt (írásmódot) és az asszociatívitást:

Fajta			Osztály	Értelmezés
bal-asszoc.	jobb-asszoc.	nem-asszoc.		
yfx	xfy	xfx	infix	$X \ f \ Y \equiv f(X, Y)$
	fy	fx	prefix	$f \ X \equiv f(X)$
yf		xf	posztfix	$X \ f \equiv f(X)$

- Több-operátoros kifejezésben a zárójelezést a prioritás és az asszociatívitás határozza meg, pl.
 - $a/b+c*d \equiv (a/b)+(c*d)$ mert / és * prioritása 400, ami **kisebb** mint a + prioritása (500) (kisebb prioritás = **erősebb** kötés).
 - $a+b+c \equiv (a+b)+c$ mert a + operátor fajtája yfx, azaz bal-asszociatív — balra köt, balról jobbra zárójelez (a fajtanévben az y betű mutatja az asszociatívitás irányát)
 - $a^b^c \equiv a^(b^c)$ mert a ^ operátor fajtája xfy, azaz jobb-asszociatív (jobbra köt, jobbról balra zárójelez)
 - $a=b=c$ szintaktikusan hibás, mert az = operátor fajtája xfx, azaz nem-asszociatív

Operátorok: zárójelezés

- Induljunk ki egy teljesen zárójelezett, több operátort tartalmazó kifejezésből!
- Egy részkifejezés prioritása a (legkülső) operátorának a prioritása.
- Egy op prioritású operátor ap prioritású argumentumát körülvevő zárójelpár elhagyható ha:
 - $ap < op$ pl. $a+(b*c) \equiv a+b*c$ ($ap = 400, op = 500$)
 - $ap = op$, jobb-asszociatív operátor jobboldali argumentuma esetén, pl. $a^(b^c) \equiv a^b^c$ ($ap = 200, op = 200$)
 - $ap = op$, bal-asszociatív operátor baloldali argumentuma esetén, pl. $(1+2)+3 \equiv 1+2+3$.
Kivétel: ha a baloldali argumentum operátora jobb-asszociatív, azaz az előző feltétel alkalmazható.
- Példa a kivétel esetére:
 - `:- op(500, xfy, +^).`
 - `| ?- :- write((1 +^ 2) + 3), nl. => (1+^2)+3`
 - `| ?- :- write(1 +^ (2 + 3)), nl. => 1+^2+3`
 - tehát: konfliktus esetén az első operátor asszociativitása „győz”.

Operátorok —kiegészít ő megjegyzések

- Azonos nevű, azonos osztályba tartozó operátorok egyidejűleg nem megengedettek.
- Egy program szövegében direktívákkal definiálhatunk operátorokat, pl.

```
:- op(500, xfx, --).           :- op(450, fx, @).
sum_tree(@V, V).              (...)
```

- A „vessző” kettős szerepe

- struktúra-kifejezés argumentumait választja el
- 1000 prioritású xfy operátorként működik pl.: $(p \text{ :- } a, b, c) = \text{:-}(p, ', '(a, ', '(b, c))$)
- a „pucér” vessző $(,)$ nem névkonstans, de operátorként aposztrófok nélkül is írható.
- struktúra-argumentumban 999-nél nagyobb prioritású kifejezést zárójelezni kell:

```
| ?- write_canonical((a,b,c)).  => ', '(a, ', '(b, c))
| ?- write_canonical(a,b,c).    => ! procedure write_canonical/3 does not exist
```

- Az egyértelmű elemezhetőség érdekében a Prolog szabvány kiköti, hogy
 - operandusként előforduló operátort zárójelbe kell tenni, pl. $\text{Comp} = (>)$
 - nem létezhet azonos nevű infix és posztfix operátor.
- Sok Prolog rendszerben nem kötelező betartani ezeket a megszorításokat.

Operátorok felhasználása

- Mire jók az operátorok?

- aritmetikai eljárások kényelmes írására, pl. $X \text{ is } (Y+3) \bmod 4$
- aritmetikai kifejezések szimbolikus feldolgozására (pl. szimbolikus deriválás)
- klózok leírására ($:-$ és $' , '$ is operátor)
- klózok átadhatók meta-eljárásoknak, pl `asserta((p(X):-q(X),r(X)))`
- eljárásfejek, eljárás hívások olvashatóbbá tételére:

`:- op(800, xfx, [nagyszülője, szülője]).`

`Gy nagyszülője N :- Gy szülője Sz, Sz szülője N.`

- adatstruktúrák olvashatóbbá tételére, pl.

`:- op(100, xfx, [.]).`

`sav(kén, h.2-s-o.4).`

- Miért rosszak az operátorok?

- egyetlen globális erőforrás, ez nagyobb projektben gondot okozhat.

Aritmetika Prologban

- Az operátorok teszik lehetővé azt is, hogy a matematikában ill. más programozási nyelvekben megszokott módon írassunk le aritmetikai kifejezéseket.
- Az `is` beépített predikátum egy aritmetikai kifejezést vár a jobboldalán (2. argumentumában), azt kiértékeli, és az eredményt egyesíti a baloldali argumentummal
- Az `==` beépített predikátum mindkét oldalán aritmetikai kifejezést vár, azokat kiértékeli, és csak akkor sikerül, ha az értékek megegyeznek.

- Példák:

```
| ?- X = 1+2, write(X), write(' '), write_canonical(X), Y is X.
⇒           1+2                +(1,2)    ⇒ X = 1+2, Y = 3 ? ; no
| ?- X = 4, Y is X/2, Y == 2.    ⇒ X = 4, Y = 2.0 ? ; no
| ?- X = 4, Y is X/2, Y = 2.    ⇒ no
```

- **Fontos:** az aritmetikai operátorokkal (+,-,...) képzett kifejezések **összetett Prolog kifejezést** jelentenek. Csak az aritmetikai beépített predikátumok értékelik ki ezeket!
- A Prolog kifejezések alapvetően szimbolikusak, az aritmetikai kiértékelés a „kivétel”.

Klasszikus szimbolikus kifejezés-feldolgozás: deriválás

- Írjunk olyan Prolog predikátumot, amely számokból és az x névkonstansból a $+$, $-$, $*$ műveletekkel képzett kifejezések deriválását elvégzi!

```
% deriv(Kif, D): Kif-nek az x szerinti deriváltja D.
```

```
deriv(x, 1).
```

```
deriv(C, 0) :- number(C).
```

```
deriv(U+V, DU+DV) :- deriv(U, DU), deriv(V, DV).
```

```
deriv(U-V, DU-DV) :- deriv(U, DU), deriv(V, DV).
```

```
deriv(U*V, DU*V + U*DV) :- deriv(U, DU), deriv(V, DV).
```

```
| ?- deriv(x*x+x, D).
```

```
⇒ D = 1*x+x*1+1 ? ; no
```

```
| ?- deriv((x+1)*(x+1), D).
```

```
⇒ D = (1+0)*(x+1)+(x+1)*(1+0) ? ; no
```

```
| ?- deriv(I, 1*x+x*1+1).
```

```
⇒ I = x*x+x ? ; no
```

```
| ?- deriv(I, 0).
```

```
⇒ no
```

Operátoros példa: polinom behelyettesítési értéke

- Formula: számokból és az 'x' névkonstansból '+' és '*' operátorokkal felépülő kifejezés.
- A feladat: Egy formula értékének kiszámolása egy adott x érték esetén.

% erteke(Kif, X, E): A Kif formula értéke E, az x=X behelyettesítéssel.

erteke(x, X, E) :-

 E = X.

erteke(Kif, _, E) :-

 number(Kif), E = Kif.

erteke(K1+K2, X, E) :-

 erteke(K1, X, E1),

 erteke(K2, X, E2),

 E is E1+E2.

erteke(K1*K2, X, E) :-

 erteke(K1, X, E1),

 erteke(K2, X, E2),

 E is E1*E2.

| ?- erteke((x+1)*x+x+2*(x+x+3), 2, E).

E = 22 ? ;

no

PROLOG PROGRAMOK JELENTÉSE, VÉGREHAJTÁSA



Deklaratív szemantika – klózek logikai alakja

- A matematikai logikában bevezetik az általános klóz fogalmát:

$$F_1, \dots, F_n : \neg T_1, \dots, T_m. \quad \forall \bar{X} (F_1 \vee \dots \vee F_n \vee \neg T_1 \vee \dots \vee \neg T_m)$$

- Definit klóz (*definite clause*) vagy Horn klóz (*Horn clause*):
olyan klóz, amelynek fejében legfeljebb egy elemi állítás szerepel ($n \leq 1$).

- Horn klózek osztályozása

- Ha $n = 1, m > 0$, akkor a klózt **szabálynak** hívjuk, pl.

nagyszuloje(U, N) :- szuloje(U, Sz), szuloje(Sz, N).

logikai alak: $\forall UNSz (\text{nagyszuloje}(U, N) \leftarrow \text{szuloje}(U, Sz) \wedge \text{szuloje}(Sz, N))$

ekvivalens alak: $\forall UN (\text{nagyszuloje}(U, N) \leftarrow \exists Sz (\text{szuloje}(U, Sz) \wedge \text{szuloje}(Sz, N)))$

- $n = 1, m = 0$ esetén a klóz **tényállítás**, pl.

szuloje('Imre', 'István').

logikai alakja változatlan.

- $n = 0, m > 0$ esetén a klóz egy **célsorozat**, pl.

:- nagyszuloje('Imre', X).

logikai alak: $\forall X \neg \text{nagyszuloje}('Imre', X)$, azaz $\neg \exists X \text{nagyszuloje}('Imre', X)$

- Ha $n = 0, m = 0$, akkor **üres klózról** beszélünk, jele: \square . Logikailag üres diszjunkció, azaz azonosan hamis.

A logika függvényeinek szerepe Prologban

- A függvényjelek szerepe

- A Prolog az ún. egyenlőségmentes logikára (*equality-free logic*) épül, tehát két függvénykifejezés egyenlőségéről nem állíthatunk semmit.
- Emiatt Prolog-ban a logika függvényei *kizárólag* ún. konstruktor-függvények lehetnek:

$$f(x_1, \dots, x_n) = z \Leftrightarrow (z = f(y_1, \dots, y_n) \wedge x_1 = y_1) \wedge \dots \wedge (x_n = y_n)$$
- Például $\text{leaf}(X) = Z \Leftrightarrow Z = \text{leaf}(Y) \wedge X = Y$, azaz $\text{leaf}(X)$ minden más értéktől különböző, egyedi érték.

- Példa:

```
sum_tree(leaf(Value), Value).
sum_tree(node(Left,Right), S) :-
    sum_tree(Left, S1), sum_tree(Right, S2), S is S1+S2.
```

```
| ?- sum_tree(node(leaf(1),leaf(2)), Sum).      => Sum = 3 ?
| ?- sum_tree(Tree, 3).                        => Tree =leaf(3) ?
```

- A kérdésben felépített $\text{node}(\text{leaf}(1), \text{leaf}(2))$ „függvénykifejezést” az eljárás *egyértelmű* módon szétbontja.
- A mintaillesztés (egyesítés) kétirányú: szétbontásra és építésre is alkalmas.

A Prolog deklaratív szemantikája

● Deklaratív szemantika

- Segédfogalom: egy kifejezés/állítás **példánya**: belőle változók behelyettesítésével előálló kifejezés/állítás.
- Egy célsorozat lefutása **sikeres**, ha a célsorozat törzsének egy példánya logikai **következménye** a programnak (a programbeli klózek konjunkciójának).
- A futás eredménye a példányt előállító **behelyettesítés**.
- Egy célsorozat többféleképpen is lefuthat sikeresen.
- Egy célsorozat futása **sikertelen**, ha egyetlen példánya sem következménye a programnak.

● Példa:

```

szuloje('Imre', 'István').           (sz1)
szuloje('Imre', 'Gizella').         (sz2)
szuloje('István', 'Géza').          (sz3)
szuloje('István', 'Sarolt').        (sz4)
szuloje('Gizella', 'Civakodó Henrik'). (sz5)
szuloje('Gizella', 'Burgundi Gizella'). (sz6)

nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N). (nsz)

:- nagyszuloje('Imre', N).           (cel)

```

- (sz1) + (sz3) + (nsz) **következménye**: `nagyszuloje('Imre', 'Géza')`, tehát (cel) sikeresen fut le az `N = 'Géza'` behelyettesítéssel.
- Egy másik sikeres lefutás, pl. (sz1)+(sz4)+(nsz) alapján `N = 'Sarolt'`.

Deklaratív szemantika

- Miért jó a deklaratív szemantika?

- A program **dekomponálható**: külön-külön vizsgálhatjuk az egyes predikátumokat (sőt az egyes klózokat).
- A program **verifikálható**: a predikátumok szándékolt jelentésének ismeretében eldönthető, hogy az egyes klózok igaz állításokat fogalmazznak-e meg.
- Egy predikátum szándékolt jelentését nagyon fontos egy ún. **fejkommentben**, azaz az argumentumok kapcsolatát leíró kijelentő mondatban megfogalmazni. Példák:

- Fejkommentek:

```
% szuloje(Gy, Sz):      Gy szülője Sz.
                    % nagyszuloje(Gy, NSz): Gy nagyszülője NSz.
```

`nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N).`

A klóz jelentése: Ha Gy szülője Sz és Sz szülője N , akkor Gy nagyszülője N . Ez megfelel elvárásainknak, **igaz állításként** elfogadható.

- Fejkommentek:

```
% sum_tree(T, Sum):  A T fa levélösszege Sum.
                    % E is Kif:      A Kif aritm. kif. értéke E. (is infix!)
```

`sum_tree(node(L,R), S) :- sum_tree(L, S1), sum_tree(R, S2), S is S1+S2.`

A klóz jelentése: Ha az L fa levélösszege $S1$, az R fa levélösszege $S2$, és $S1+S2$ értéke S akkor a `node(L,R)` fa levélösszege S . Ez is egy igaz állítás.

Deklaratív szemantika (folyt.)

- Miért nem elég a deklaratív szemantika?
 - A deklaratív szemantika egy általános következményfogalomra épít.
 - A következtetés szükségképpen többirányú, tehát kereséssel jár.
 - Végtelen keresési tér esetén a következtető is **végtelen ciklusba** eshet.
 - Véges keresési tér esetén is lehet a keresés nagyon **rossz hatékonyságú**.
 - Egyes **beépített predikátumok** csak bizonyos feltételek mellett képesek működni. Pl. `S is S1+S2` hibát jelez, ha `S1` vagy `S2` ismeretlen mennyiség. Emiatt


```
sum_tree(node(L,R), S) :- S is S1+S2, sum_tree(L, S1), sum_tree(R, S2).
```

 logikailag helyes, de működésképtelen.
- Ezek miatt fontos, hogy a Prolog programozó ismerje a Prolog pontos végrehajtási mechanizmusát is, azaz a nyelv **procedurális szemantikáját**.
- Jelszó: **Gondolkodj deklaratívan, ellenőrizz procedurálisan!**
 Azaz: miután megírtad deklaratív programodat, gondold végig azt is, hogy jó lesz-e a procedurális végrehajtása (nem esik-e végtelen ciklusba, elég hatékony-e, működésképesek-e a beépített predikátumok stb.)!

A Prolog procedurális szemantikája

- A Prolog végrehajtási mechanizmusa többféleképpen is leírható. Különbőféle megadási módok:
 - Az ún. SLD rezolúciós tételbizonyítási módszer (nagyon tömören lásd alább)
 - egy cél-redukción alapuló tételbizonyítási módszer (lásd a következő fóliákon)
 - mintaillesztésen alapuló visszalépéses eljárás-szervezés (részletesen lásd később).
- A Prologban alkalmazott rezolúciós tételbizonyítási módszerről:
 - SLD resolution: **L**inear resolution with a **S**election function for **D**efinite clauses.
 - A célsorozat **tagadja** a keresett dolgok létezését, pl. 'Imre'-nek nincs nagyszülője:

$$:- \text{nagyszuloje}('Imre', N). \equiv \neg \exists N \text{nagyszuloje}('Imre', N)$$
 - A célsorozat és egy programklóz ún. rezolvenseként kapunk egy újabb célsorozatot.
 - A rezolúciós lépéseket addig ismételjük, amíg el nem jutunk az üres klózhhoz (zsákutcák esetén visszalépést alkalmazva).
 - Ha ez sikerül, akkor ezzel **indirekt** módon beláttuk, hogy a célsorozat törzse következik a programból, hiszen a törzs negáltjából és a programból következik az azonosan hamis \square .
 - A rezolúciós bizonyítás konstruktív, siker esetén behelyettesíti a célsorozat változóit — ez a keresett válasz (pl. $N = 'Géza'$).
 - További válaszok alternatív bizonyításokkal állíthatók elő.

A Prolog mint cél-redukciós tételbizonyító

- Alapgondolat: a megoldandó célt redukáljuk (visszavezetjük) olyan részcélokra, amelyekből ő következik.

- Példaprogram

```
szuloje('Imre', 'István').                (sz1)
```

```
szuloje('Imre', 'Gizella').              (sz2)
```

```
szuloje('István', 'Géza').    (...)      (sz3)
```

```
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N).  (nsz)
```

- A kezdeti célsorozat: `:- nagyszuloje('Imre', N).`

(Most a célsorozatot úgy tekintjük mint bizonyítandó állítások sorozatát.)

- Kiegészítjük a célsorozatot egy vagy több speciális céllal, a keresett változók értékének megőrzése érdekében:

```
:- nagyszuloje('Imre', N), write(N).
```

- A célsorozatot ismételten **redukáljuk** (lásd következő fólia), amíg csak `write` cél marad:

```
[red. a (nsz) klózzal]    :- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N), write(N).
```

```
[red. a (sz1) klózzal]   :- szuloje('István', N), write(N).
```

```
[red. a (sz3) klózzal]   :- write('Géza').
```

- A futás eredményét a `write` argumentumából olvashatjuk ki.

A redukciós lépés

- A példa érintett klózai és a célsorozat:

```
szuloje('Imre', 'István').                (sz1)
szuloje('István', 'Géza').                (sz3)
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N). (nsz)
:- nagyszuloje('Imre', N), write(N).
```

- Redukciós lépés: egy célsorozat + egy rá vonatkozó klóz \Rightarrow új célsorozat.
- A redukciós lépést a vonatkozó predikátum **minden** klózára sorra megkíséreljük:
 - A célsorozat **első** elemét a klóz fejével azonos alakra hozzuk, változók behelyettesítésével.
 - Mind a klózt, mind a célsorozatot **specializáljuk** a kívánt behelyettesítések elvégzésével. A példában előállítjuk (nsz) speciális esetét:


```
nagyszuloje('Imre', N) :- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N). (nsz*)
```
 - Az első célt helyettesítjük a klóz törzsével, azaz ezt a célt egy előfeltételére redukáljuk. A példában az új célsorozat: `szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N), write(N).`
- A következő lépésben az (sz1) klózzal redukálunk, a **célsorozatot** specializálva az `Sz = 'István'` behelyettesítéssel: `szuloje('István', N), write(N).`
Mivel tényállítással redukálunk, üres törzset helyettesítünk, így a célsorozat hossza csökken.
- A (sz3) ténnyel való hasonló redukciós lépés eredménye: `write('Géza').`

Redukciós lépés —további részletek

- Változók kezelése
 - A változók hatásköre egy klózra terjed ki (vö. $\forall X_1 \dots X_j (F \leftarrow T)$).
 - A redukciós lépés előtt a klózt le kell másolni, a változókat szisztematikusan újakra cserélve (vö. rekurzió).
- **Egyesítés:** két kifejezés/állítás azonos alakra hozása, változók behelyettesítésével.
 - A változókat tetszőleges kifejezéssel lehet helyettesíteni, akár más változóval is.
 - Az egyesítés a **legáltalánosabb** közös alakot állítja elő. Pl.

<code>sum_tree(leaf(X), X)</code>	közös alakja	<code>sum_tree(leaf(X), X)</code> és nem pl.
<code>sum_tree(T, V)</code>		<code>sum_tree(leaf(0), 0)</code>

- Az egyesítés eredménye a legáltalánosabb közös alakot előállító behelyettesítés. Ez változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű. A példában: $T = \text{leaf}(X)$, $V = X$.
- Példák:

Hívás:

```
nagyszuloje('Imre', N)
szuloje('Imre', Sz)
szuloje('Imre', Sz)
szereti('István', Kit)
szereti(Ki, Kit)
```

Fej:

```
nagyszuloje(Gy, NSz)
szuloje('Imre', 'István')
szuloje('István', 'Géza')
szereti(X,X)
szereti(X, X)
```

Behelyettesítés:

```
Gy = 'Imre', NSz = N
Sz = 'István'
nem egyesíthető
X = 'István', Kit = 'István'
X = Ki, Kit = Ki
```


Választási pontok, visszalépés

- A példában „szerencsénk” volt, a redukciós lépések sorozata elvezetett egy megoldáshoz.

- Az általános esetben zsákutcába, egy nem redukálható célsorozathoz is juthatunk, pl.

```
:- nagyszuloje('Imre', 'Civakodó Henrik').           (nsz)
:- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, 'Civakodó Henrik'). (sz1): szuloje('Imre', 'István')
:- szuloje('István', 'Civakodó Henrik').             ???
```

- A 2. célsorozatot az (sz1) klózzal redukáltuk, de a megoldáshoz az (sz2): szuloje('Imre', 'Gizella') vezet — nem csak az első egyesíthető klózfejet kell kezelnünk, hanem az összeset!

- Ha nem az utolsó klózzal redukálunk, akkor létrehozunk egy **választási pontot**, ebben elmentjük a célsorozatot és azt, hogy melyik klózzal redukáltuk.

- **Zsákutca**, vagy **új megoldás** kérése esetén visszatérünk a legutóbbi (legfiatalabb) választási ponthoz és ott a **fennmaradó** (még ki nem próbált) klózek között folytatjuk a keresést.

- Ha egy választási pontnál nem találunk újabb klózt, újabb visszalépés következik. Ha nincs választási pont ahova visszaléphetnénk, akkor a célsorozat futása megghiúsul.

- A fenti példában: visszatérünk a második lépéshez, és ott az (sz2) klózzal próbálkozunk:

```
(...)
:- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, 'Civakodó Henrik').           (sz1)
:- szuloje('Gizella', 'Civakodó Henrik').                         (sz5)
□
```

Visszalépéses keresés szemléltetése keresési fával

```

sz('Imre', 'István').      % (sz1)
sz('Imre', 'Gizella').    % (sz2)
sz('István', 'Géza').     % (sz3)
sz('István', 'Sarolt').   % (sz4)
sz('Gizella', 'CH').      % (sz5)
sz('Gizella', 'BG').      % (sz6)

```

```

nsz(Gy, N) :-
    sz(Gy, Sz), sz(Sz, N). % (nsz)

```

● A keresési fa

● csomópontjai a végrehajtási állapotok

● címkék:

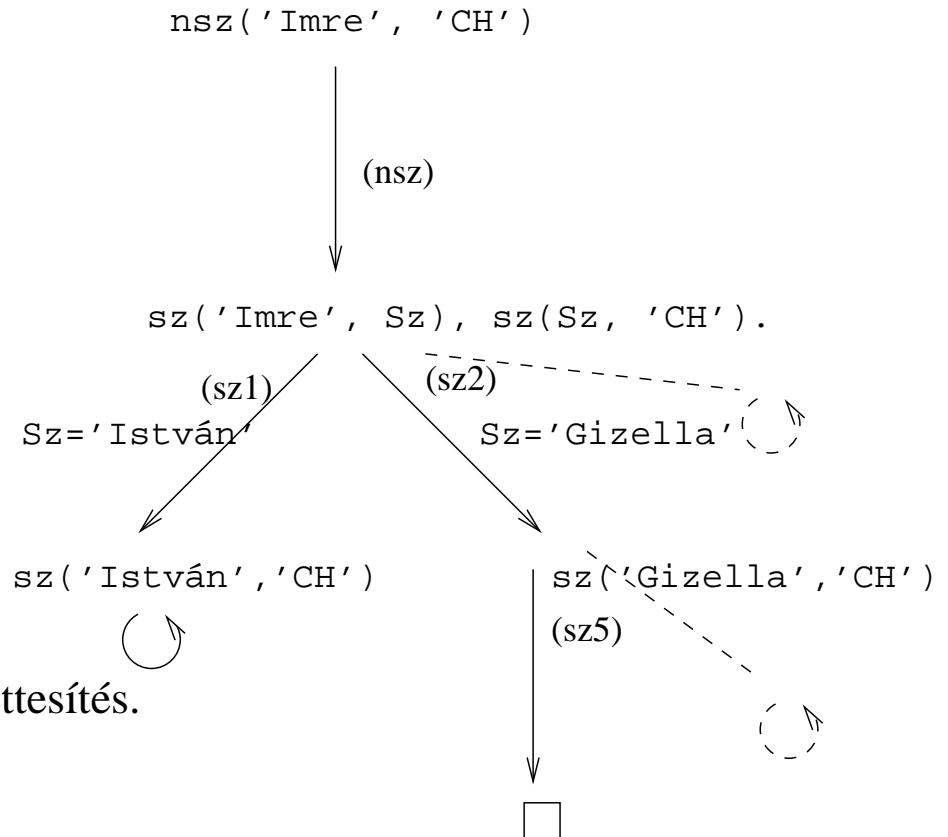
- csomópontokban: célsorozatok,
- éleken: a kiválasztott klóz és a behelyettesítés.

● A Prolog keresés: a keresési fa bejárása

● balról jobbra,

● mélységi (depth-first) kereséssel.

- A szaggatott vonalak sikertelen klózkeresésre utalnak, az ún. első argumentum szerinti indexelés a felsőt kiküszöböli.



A keresési tér bejárásának nyomkövetése

- Egy (szerkesztett) párbeszéd a redukciós nyomkövetővel, a megghiúsuló egyesítéseket elhagytuk.

```

|| ?- nagyszuloje('Imre', 'Civakodó Henrik').
G0:  nagyszuloje('Imre', 'Civakodó Henrik') ?           <--- ujsor leütésére folytatja
|                                     Trying clause 1 of nagyszuloje/2 ... successful
| (1) {Gyerek_1 = 'Imre', Nagyszulo_1 = 'Civakodó Henrik'} <--- változó-átnevezés
|
G1:  szuloje('Imre', Szulo_1), szuloje(Szulo_1, 'Civakodó Henrik') ?
|                                     Trying clause 1 of szuloje/2 ... successful
| (1) {Szulo_1 = 'István'}
|
|-----G2:  szuloje('István', 'Civakodó Henrik') ?
| (...)
| |<<<< Failing back to goal G1
|                                     <--- G3-G8 6 sikertelen klózzillesztés
|                                     <--- Van-e másik szuloje 'Imre'-nek?
|                                     Trying clause 2 of szuloje/2 ... successful
| (2) {Szulo_1 = 'Gizella'}
|
|-----G9:  szuloje('Gizella', 'Civakodó Henrik') ?
|                                     Trying clause 5 of szuloje/2 ... successful
| (5) {}
| |-----G14:  [] ?
| |           |+++++ Solution:  ?
| |           |<<<< Failing back to goal G1
| |                                     <--- az előző fólián alsó szaggatott
| |
|<<<< No more choices
|                                     <--- az előző fólián felső szaggatott

```

Keresési fa —újabb példa

```

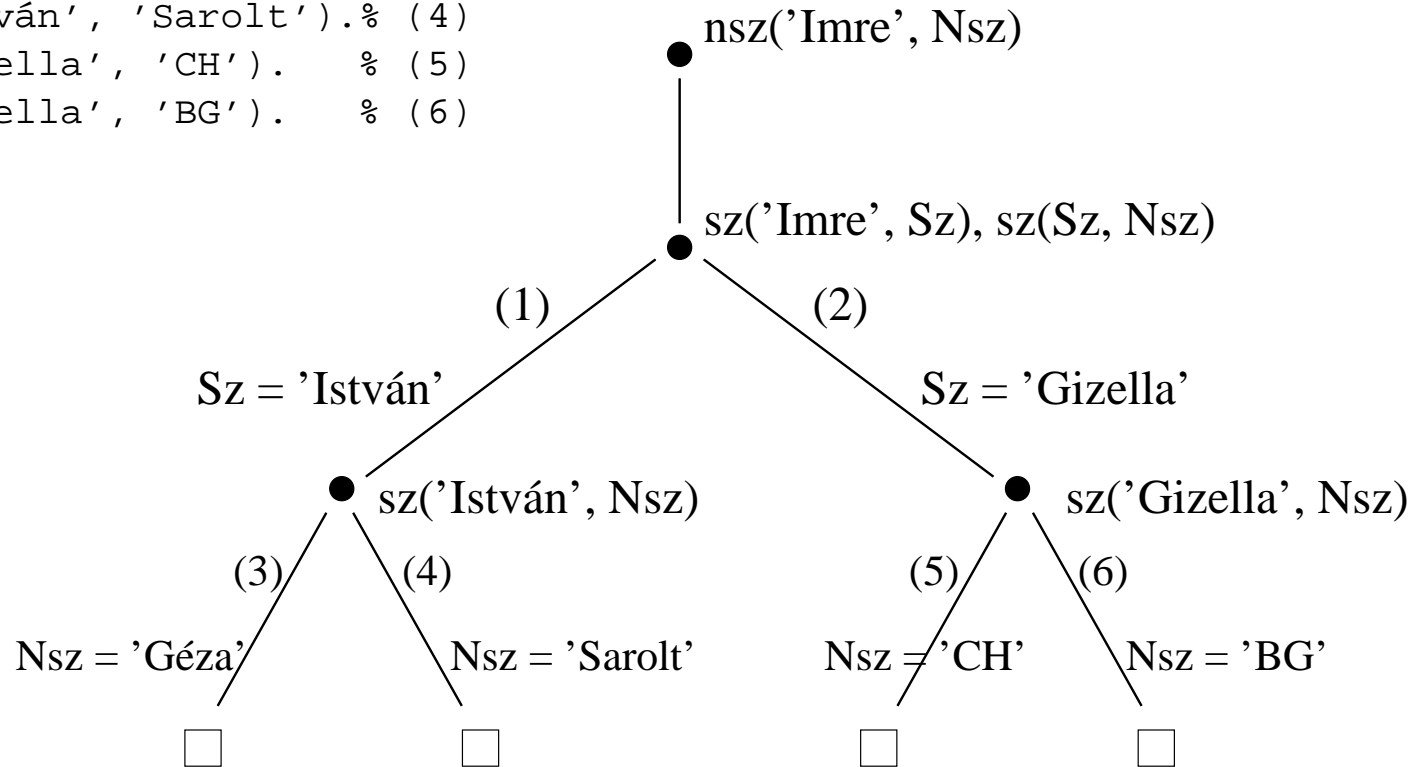
sz('Imre', 'István'). % (1)
sz('Imre', 'Gizella'). % (2)
sz('István', 'Géza'). % (3)
sz('István', 'Sarolt'). % (4)
sz('Gizella', 'CH'). % (5)
sz('Gizella', 'BG'). % (6)

```

```

nsz(Gy, N) :-
    sz(Gy, Sz), sz(Sz, N).

```



Keresési fa —még újabb példa

```

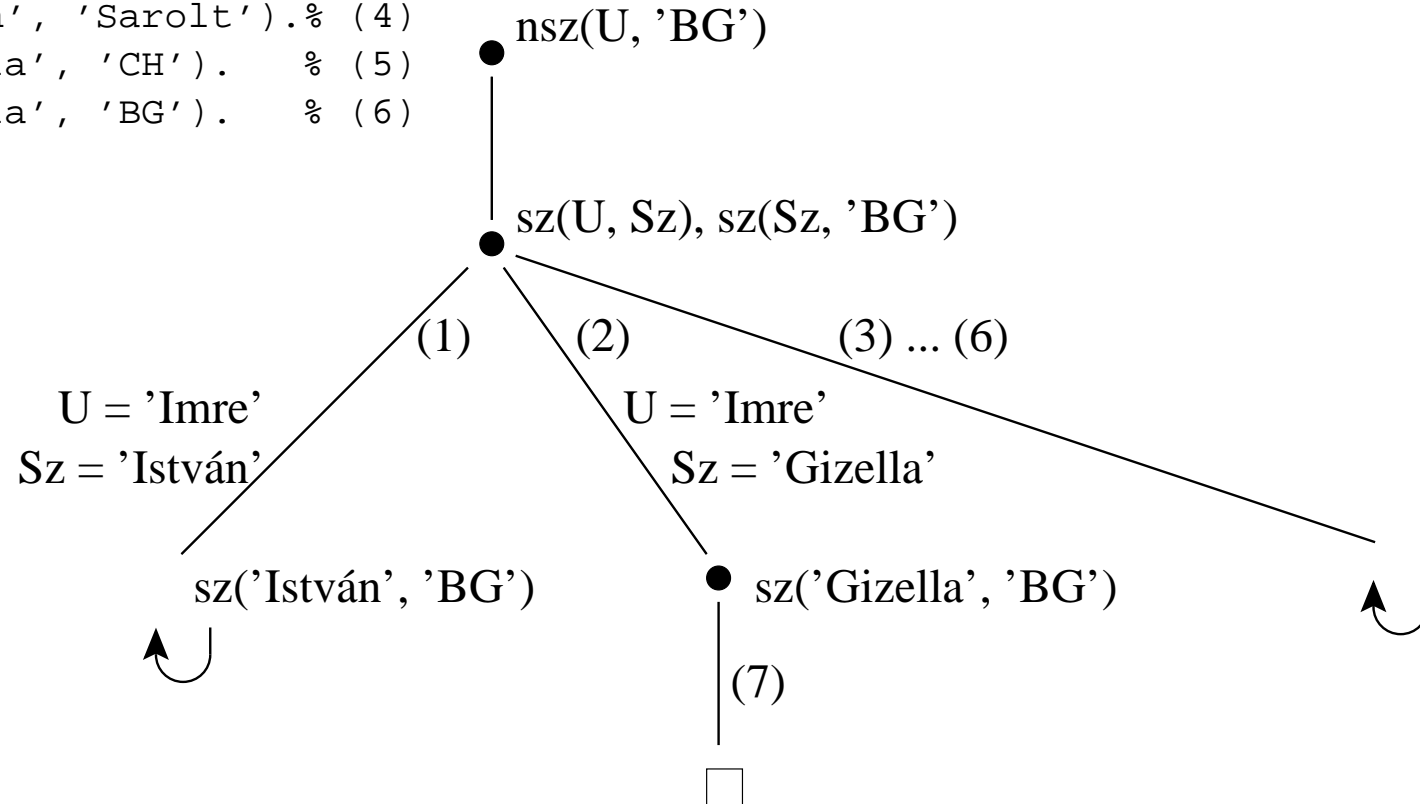
sz('Imre', 'István'). % (1)
sz('Imre', 'Gizella'). % (2)
sz('István', 'Géza'). % (3)
sz('István', 'Sarolt'). % (4)
sz('Gizella', 'CH'). % (5)
sz('Gizella', 'BG'). % (6)

```

```

nsz(Gy, N) :-
    sz(Gy, Sz), sz(Sz, N).

```



A PROLOG ELJÁRÁSOS MODELLJEI



A Prolog végrehajtás eljárásos modelljei

- Az azonos funktorú klózek alkotnak egy eljárást
- Egy eljárás meghívása a hívás és klózfej mintaillesztésével (egyesítésével) történik
- A végrehajtás lépéseinek modellezése:
 - Eljárás-redukciós modell
 - Lényegében ugyanaz mint a cél-redukciós modell.
 - Az alaplépés: egy hívás-sorozat (azaz célsorozat) redukálása egy klóz segítségével (ez a már ismert redukciós lépés).
 - Visszalépés: visszatérünk egy korábbi célsorozathoz, és újabb klózzal próbálkozunk.
 - A modell előnyei: pontosan definiálható, a keresési tér szemléltethető
 - Eljárás-doboz modell
 - Az alapgondolat: egymásba skatulyázott eljárás-dobozok kapuin lépünk be és ki.
 - Egy eljárás-doboz kapui: hívás (belépés), sikeres kilépés, sikertelen kilépés.
 - Visszalépés: új megoldást kérünk egy már lefutott eljárástól (újra kapu).
 - A modell előnyei: közel van a hagyományos rekurzív eljárásmodellhez, a Prolog beépített nyomkövetője is ezen alapul.

A eljárás-redukciós végrehajtási modell

- A redukciós végrehajtási modell alapgondolata
 - A végrehajtás egy állapota: egy célsorozat
 - A végrehajtás kétféle lépésből áll:
 - redukciós lépés: egy célsorozat + klóz \rightarrow új célsorozat
 - zsákutca esetén visszalépés: visszatérés a legutolsó választási ponthoz
 - Választási pont:
 - létrehozása: olyan redukciós lépés amely nem a legutolsó klózzal illesztett
 - aktiválása: visszalépéskor visszatérünk a választási pont célsorozatához és a **további** klózek között keresünk illeszthetőt
(Emiatt a választási pontban a célsorozat mellett az illesztett klóz sorszámát is tárolni kell.)
 - az ún. indexelés segít a választási pontok számának csökkentésében
- A redukciós modell keresési fával szemléltethető
 - A végrehajtás során a fa csomópontjait járjuk be mélységi kereséssel
 - A fa gyökerétől egy adott pontig terjedő szakaszon kell a választási pontokat megjegyezni — ez a választási verem (choice point stack)

A redukciós modell alapeleme: redukciós lépés

- Redukciós lépés: egy célsorozat redukálása egy újabb célsorozattá
 - egy programklóz segítségével (az első cél felhasználói eljárást hív):
 - A klózt **lemásoljuk**, minden változót szisztematikusan új változóra cserélve.
 - A célsorozatot szétbontjuk az első hívásra és a maradékra.
 - Az első hívást **egyesítjük** a klózfejjel
 - A szükséges behelyettesítéseket elvégezzük a klóz **törzsén** és a **célsorozat** maradékán is
 - Az új célsorozat: a klóztörzs és utána a maradék célsorozat
 - Ha a hívás és a klózfej nem egyesíthető, akkor a redukciós lépés megghiúsul.
 - egy beépített eljárás segítségével (az első cél beépített eljárást hív):
 - A célsorozatot szétbontjuk az első hívásra és a maradékra.
 - A beépített eljáráshívást végrehajtjuk.
 - Ez lehet sikeres (változó-behelyettesítésekkel), vagy lehet sikertelen.
 - Siker esetén a behelyettesítéseket elvégezzük a célsorozat maradékán.
 - Az új célsorozat: az (első hívás elhagyása után fennmaradó) maradék célsorozat.
 - Ha a beépített eljárás hívása sikertelen, akkor a redukciós lépés megghiúsul.

A Prolog végrehajtási algoritmus

1. *(Kezdeti beállítások:)* A verem üres, $CS := \text{célisorozat}$
2. *(Beépített eljárások:)* Ha CS első hívása beépített akkor hajtsuk végre,
 - a. Ha sikertelen \Rightarrow 6. lépés.
 - b. Ha sikeres, $CS :=$ a redukciós lépés eredménye \Rightarrow 5. lépés.
3. *(Klózszámláló kezdőértékezése:)* $I = 1$.
4. *(Redukciós lépés:)* Tekintsük CS első hívására vonatkoztatható klózok listáját. Ez indexelés nélkül a predikátum összes klóza lesz, indexelés esetén ennek egy megszürt részsorozata. Tegyük fel, hogy ez a lista N elemű.
 - a. Ha $I > N \Rightarrow$ 6. lépés.
 - b. Redukciós lépés a lista I -edik klóza és a CS célsorozat között.
 - c. Ha sikertelen, akkor $I := I+1 \Rightarrow$ 4. lépés.
 - d. Ha $I < N$ (nem utolsó), akkor vermeljük $\langle CS, I \rangle$ -t.
 - e. $CS :=$ a redukciós lépés eredménye
5. *(Siker:)* Ha CS üres, akkor sikeres vég, egyébként \Rightarrow 2. lépés.
6. *(Sikertelenség:)* Ha a verem üres, akkor sikertelen vég.
7. *(Visszalépés:)* Ha a verem nem üres, akkor leemeljük a veremből $\langle CS, I \rangle$ -t, $I := I+1$, és \Rightarrow 4. lépés.

Indexelés (előzetes)

- Mi az indexelés?
 - egy hívásra vonatkoztatható (potenciálisan illeszthető) klózok gyors kiválasztása,
 - egy eljárás klózainak **fordítási idejű** csoportosításával.
- A legtöbb Prolog rendszer, így a SICStus Prolog is, az első fej-argumentum alapján indexel (first argument indexing).
- Az indexelés alapja az első fejargumentum külső funkтора:
 - C szám vagy névkonstans esetén C/0;
 - R nevű és N argumentumú struktúra esetén R/N;
 - változó esetén nem értelmezett (minden funktorhoz besoroltatik).
- Az indexelés megvalósítása:
 - Fordítási időben minden funktorhoz elkészítjük az alkalmazható klózok listáját
 - Futáskor lényegében konstans idő alatt elő tudjuk venni a megfelelő klózlistát
 - *Fontos:* ha egyelemű a részhalmaz, nem hozunk létre választási pontot!
- Például `szuloje('István', X)` kételemű klózlistára szűkít, de `szuloje(X, 'István')` mind a 6 klózt megtartja (mert a SICStus Prolog csak az első argumentum szerint indexel)

Redukciós modell —el őnyök és hátrányok

● Előnyök

- (viszonylag) egyszerű és (viszonylag) precíz definíció
- a keresési tér megjeleníthető, grafikusán szemléltethető

● Hátrányok

- az eljárásokból való kilépést elfedi, pl.

p :- q, r.
 q :- s, t.
 s.
 t.
 r.

G0: p ?
 G1: q, r ?
 G2: s, t, r ?
 G3: t, r ?
 G4: r ? \Leftarrow q-ból való kilépés
 G5: [] ?

- nem jól illeszkedik a Prolog megvalósítások tényleges végrehajtási mechanizmusához
- nem alkalmazható „igazi” Prolog programok nyomkövetésére (hosszú célsorozatok)
- Ezért van létjogosultsága egy másik modellnek:
 - eljárás-doboz (procedure box) modell
 - (szokás még 4-kapus doboz ill. Byrd doboz modellnek is nevezni)
 - a Prolog rendszerek nyomkövető szolgáltatása erre a modellre épül

Az eljárás-doboz modell

- A Prolog eljárás-végrehajtás két fázisa
 - előre menő végrehajtás: egymásba skatulyázott eljárás-belépések és - kilépések
 - visszafelé menő végrehajtás: újabb megoldás kérése egy már lefutott eljárástól
- Egy egyszerű példa

$q(2).$ $q(4).$ $q(7).$

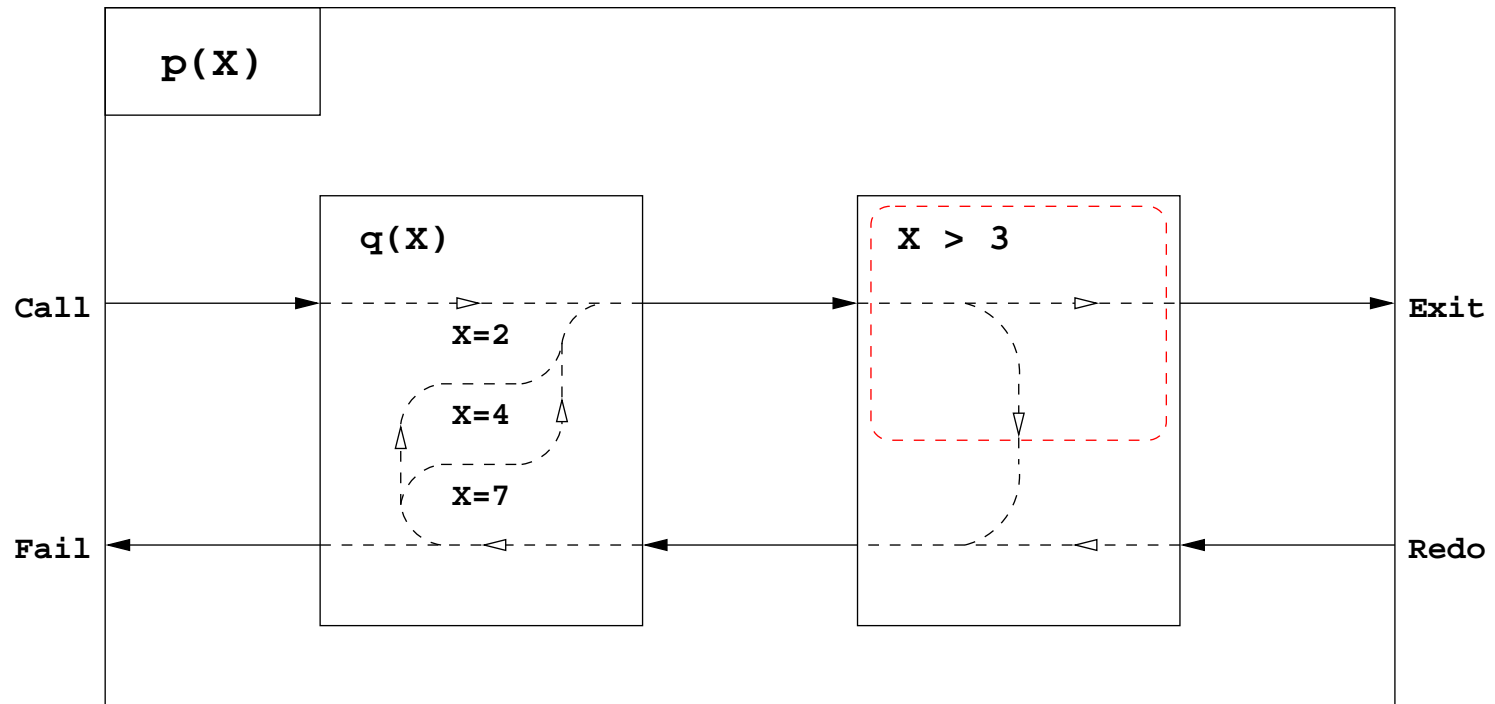
$p(X) :- q(X), X > 3.$

- Belépünk a $p/1$ eljárásba (Hívási kapu, Call port)
- Belépünk a $q/1$ eljárásba (Call)
- A $q/1$ eljárás sikeresen lefut a $q(2)$ eredménnyel (Kilépési kapu, Exit port)
- A $>/2$ eljárásba belépünk a $2 > 3$ hívással (Call)
- A $>/2$ eljárás sikertelenül fut le (Meghiúsulási kapu, Fail port)
- (visszafelé menő futás): visszatérünk (a már lefutott) $q/1$ -be, újabb megoldást kérve (Újra kapu, Redo Port)
- A $q/1$ eljárás sikeresen lefut a $q(4)$ eredménnyel (Exit)
- A $4 > 3$ eljáráshívással a $>/2$ -be belépünk majd sikeresen kilépünk (Call, Exit)
- A $p/1$ eljárás sikeresen lefut $p(4)$ eredménnyel (Exit)

Eljárás-doboz modell —grafi kus szemléltetés

$q(2).$ $q(4).$ $q(7).$

$p(X) :- q(X), X > 3.$



Eljárás-doboz modell —egyszerű nyomkövetési példa

● Az előző példa nyomkövetése SICStus Prologban

```
q(2). q(4). q(7).
```

```
p(X) :- q(X), X > 3.
```

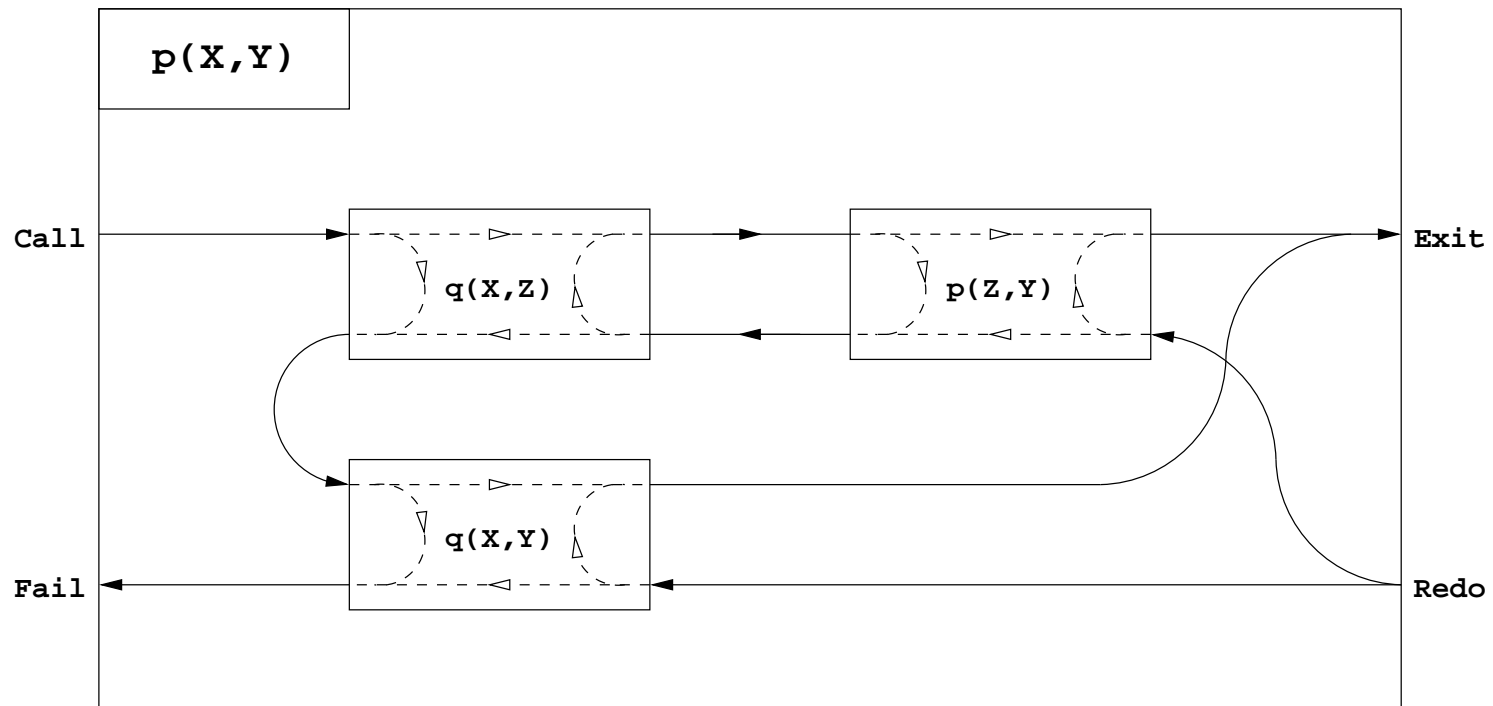
```
| ?- trace, p(X).
      1      1 Call: p(_463) ?
      2      2 Call: q(_463) ?
?      2      2 Exit: q(2) ?           % ? ≡ nemdeterminisztikus
kilépés
      3      2 Call: 2>3 ?
      3      2 Fail: 2>3 ?
      2      2 Redo: q(2) ?           % visszafelé menő végrehajtás
?      2      2 Exit: q(4) ?
      4      2 Call: 4>3 ?
      4      2 Exit: 4>3 ?
?      1      1 Exit: p(4) ?
X = 4 ? ;
      1      1 Redo: p(4) ?           % visszafelé menő végrehajtás
      2      2 Redo: q(4) ?           % visszafelé menő végrehajtás
      2      2 Exit: q(7) ?
      5      2 Call: 7>3 ?
      5      2 Exit: 7>3 ?
      1      1 Exit: p(7) ?
X = 7 ? ;
no
```

Eljárás-doboz: egy összetettebb példa

$p(X,Y) :- q(X,Z), p(Z,Y).$

$p(X,Y) :- q(X,Y).$

$q(1,2). q(2,3). q(2,4).$



Eljárás-doboz modell — „kapcsolási” alapelvek

- Hogyan építhető fel egy „szülő” eljárás doboza a benne hívott eljárások dobozaiból?
- Feltehető, hogy a klózfejekben (különböző) változók vannak, a fej-egyesítéseket hívás(okk)á alakítva
- Előre menő végrehajtás:
 - A szülő Hívás kapuját az első klóz első hívásának Hívás kapujára kötjük.
 - Egy rész-eljárás Kilépési kapuját
 - a következő hívás Hívás kapujára, vagy,
 - ha nincs következő hívás, akkor a szülő Kilépési kapujára kötjük
- Visszafelé menő végrehajtás:
 - Egy rész-eljárás Meghiúsulási kapuját
 - az előző hívás Újra kapujára, vagy,
 - ha nincs előző hívás, akkor a következő klóz első hívásának Hívás kapujára, vagy
 - ha nincs következő klóz, akkor a szülő Meghiúsulási kapujára kötjük
 - A szülő Újra kapuját mindegyik klóz utolsó hívásának Újra kapujára kötjük
 - mindig arra a klózra térünk vissza, amelyben legutoljára volt a vezérlés

Eljárás-doboz modell —OO szemléletben

- Minden eljáráshoz tartozik egy osztály, amelynek van egy konstruktor függvénye (amely megkapja a hívási paramétereket) és egy „adj egy (következő) megoldást” metódusa.
- Az osztály nyilvántartja, hogy hányadik klózban jár a vezérlés
- A metódus első meghívásakor az első klóz első Hívás kapujára adja a vezérlést
- Amikor egy részjeljárás Hívás kapuhoz érkezünk, **létrehozunk** egy példányt a meghívandó eljárásból, majd
 - meghívjuk az eljáráspéldány „következő megoldás” metódusát (*)
 - Ha ez sikerül, akkor a vezérlés átkerül a következő hívás Hívás kapujára, vagy a szülő Kilépési kapujára
 - Ha ez megghiúsul, akkor **megszüntetjük** az eljáráspéldányt majd ugrunk az előző hívás Újra kapujára, vagy a következő klóz elejére, stb.
- Amikor egy Újra kapuhoz érkezünk, a (*) lépésnél folytatjuk.
- A szülő Újra kapuja (a „következő megoldás” nem első hívása) a tárolt klózsorszámnak megfelelő klózban az utolsó Újra kapura adja a vezérlést.

OO szemléletű dobozok: p / 2 „következő megoldás” módszerének C++ kódja

```

boolean p::next()
{ switch(clno) {
  case 0:          // entry point for the Call port
    clno = 1;     // enter clause 1:
    qaptr = new q(x, &z); // create a new instance of subgoal q(X,Z)
  redo1:
    if(!qaptr->next()) { // if q(X,Z) fails
      delete qaptr;     // destroy it,
      goto cl2;        // and continue with clause 2 of p/2
    }
    pptr = new p(z, py); // otherwise, create a new instance of subgoal p(Z,Y)
  case 1:          // (enter here for Redo port if clno==1)
    /* redo12: */
    if(!pptr->next()) { // if p(Z,Y) fails
      delete pptr;     // destroy it,
      goto redo1;     // and continue at redo port of q(X,Z)
    }
    return TRUE;     // otherwise, exit via the Exit port
  cl2:
    clno = 2;     // enter clause 2:
    qbpPtr = new q(x, py); // create a new instance of subgoal q(X,Y)
  case 2:          // (enter here for Redo port if clno==1)
    /* redo21: */
    if(!qbpPtr->next()) { // if q(X,Y) fails
      delete qbpPtr;    // destroy it,
      return FALSE;    // and exit via the Fail port
    }
    return TRUE;     // otherwise, exit via the Exit port
  } }

```

p(X,Y) :- q(X,Z), p(Z,Y).

p(X,Y) :- q(X,Y).

Visszalépéses keresés —egy aritmetikai példa

- Példa: „jó” számok keresése
- A feladat: keressük meg azokat a kétjegyű számokat amelyek négyzete háromjegyű és a szám fordítottjával kezdődik
- A program:

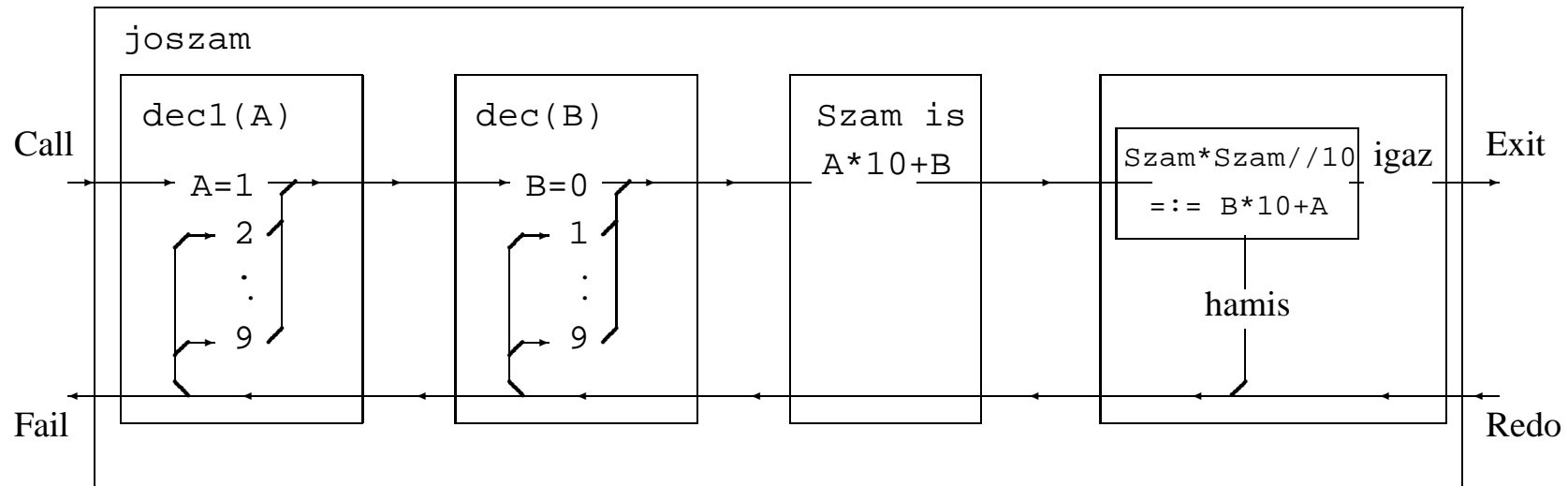
```
% decl(J): J egy pozitív decimális számjegy.  
decl(1). decl(2). decl(3). decl(4).  
decl(5). decl(6). decl(7). decl(8). decl(9).  
  
% dec(J): J egy decimális számjegy.  
dec(0).  
dec(J) :- decl(J).  
  
% Szam négyzete háromjegyű és a Szam fordítottjával kezdődik.  
joszam(Szam) :-  
    decl(A), dec(B),  
    Szam is A * 10 + B, Szam * Szam // 10 == B * 10 + A.
```

Prolog végrehajtás —a 4-kapus doboz modell

```

joszam(Szam):-
    dec1(A), dec(B),
    Szam is A * 10 + B, Szam * Szam // 10 ::= B * 10 + A.

```



Visszalépéses keresés —számintervallum felsorolása

- `dec(J)` felsorolta a 0 és 9 közötti egész számokat
- Általánosítás: soroljuk fel az N és M közötti egészeket (N és M maguk is egészek)

```
% between(M, N, I): M =< I =< N, I egész.
```

```
between(M, N, M) :-
```

```
    M =< N.
```

```
between(M, N, I) :-
```

```
    M < N,
```

```
    M1 is M+1,
```

```
    between(M1, N, I).
```

```
% dec(X): X egy decimális számjegy
```

```
dec(X) :- between(0, 9, X).
```

```
| ?- between(1, 2, _X), between(3, 4, _Y), Z is 10*_X+_Y.
```

```
Z = 13 ? ;
```

```
Z = 14 ? ;
```

```
Z = 23 ? ;
```

```
Z = 24 ? ;
```

```
no
```

A SICStus eljárás-doboz alapú nyomkövetése —legfontosabb parancsok

● Alapvető nyomkövetési parancsok

- h <RET> (help) — parancsok listázása
- c <RET> (creep) vagy <RET> — továbblépés minden kapunál megálló nyomkövetéssel
- l <RET> (leap) — csak töréspontnál áll meg, de a dobozokat építi
- z <RET> (zip) — csak töréspontnál áll meg, dobozokat nem épít
- + <RET> ill. - <RET> — töréspont rakása/eltávolítása a kurrens predikátumra
- s <RET> (skip) — eljárástörzs átlépése (Call/Redo ⇒ Exit/Fail)
- o <RET> (out) — kilépés az eljárástörzsből

● A Prolog végrehajtást megváltoztató parancsok

- u <RET> (unify) — a kurrens hívást végrehajtás helyett egyesíti egy beolvasott kifejezéssel.
- r <RET> (retry) — újrakezdi a kurrens hívás végrehajtását (ugrás a Call kapura)

● Információ-megjelenítő és egyéb parancsok

- w <RET> (write) — a hívás kiírása mélység-korlátozás nélkül
- b <RET> (break) — új, beágyazott Prolog interakciós szint létrehozása
- n <RET> (notrace) — nyomkövető kikapcsolása
- a <RET> (abort) — a kurrens futás abbahagyása

TOVÁBBI VEZÉRLÉSI SZERKEZETEK



Diszjunkció, példa: az „őse” predikátum

- Az „őse” reláció a „szülője” reláció tranzitív lezártja: a szülő ős (1), és az ős őse is ős (2), azaz:

```
% ose0(E, Os) : E ose Os.
ose0(E, Sz) :- szuloje(E, Sz).           % (1)
ose0(E, Os) :- ose0(E, Os0), ose0(Os0, Os). % (2)
```

- Az `ose0` definíciója matematikailag helyes, de végtelen Prolog keresési teret ad:

```
szuloje(gyerek,apa). szuloje(gyerek,anya). szuloje(anya,nagyapa).
| ?- ose0(gyerek, Os).
    Os = apa ? ; Os = anya ? ; {néhány másodperc után:}
    ! Resource error: insufficient memory
```

- A végtelen rekurzió oka: Az `:- ose0(apa, X).` cél esetén az (1) klóz megghiúsul, (2) pedig egy `:- ose0(apa, Y), ose0(Y, X).` célsorozathoz vezet stb.
- A balrekurziót kiküszöbölve kapjuk:

```
ose1(E, Sz) :- szuloje(E, Sz).           % (3)
ose1(E, Os) :- szuloje(E, Sz), ose1(Sz, Os). % (4)

| ?- ose1(gyerek, Os).
Os = apa ? ; Os = anya ? ; Os = nagyapa ? ; no
```

- Ez minden `szuloje(X, Y)` részcélt kétszer hajt végre: (3)-ban és (4)-ben.

A diszjunkció

- Az `ose1` predikátum hatékonyabbá tehető klózai összevonásával:

```
ose2(E, Os) :- szuloje(E, Sz), maga_vagy_ose(Sz, Os).
```

```
maga_vagy_ose(E, E). (1)
```

```
maga_vagy_ose(E, Os) :- ose2(E, Os).
```

- A `maga_vagy_ose` predikátum egy ún. **diszjunkció** bevezetésével kiküszöbölhető:

```
ose3(E, Os) :-
    szuloje(E, Sz),
    ( Os = Sz
    ; ose3(Sz, Os)
    ).
```

- A SICStus Prolog ténylegesen úgy implementálja a fenti diszjunkciót, hogy bevezet egy `maga_vagy_ose`-vel azonos segéd-predikátumot és az `ose3` klózt `ose2`-vé alakítja.
- (Ismétlés:) Az `x=y` beépített predikátum a két argumentumát egyesíti.
- Az `= /2` eljárás egy tényállítással definiálható: $U = U. \equiv =(U, U)$, vö. (1).

A diszjunkció mint szintaktikus édesítőszer

- A diszjunkció akárhány tagú lehet. A ‘;’ művelet gyengébben köt mint a ‘,’, ezért a diszjunkciót mindig zárójelbe tesszük, míg az ágait nem kell zárójelezni. Példa, „szabványos” formázással:

```
a(X, Y, Z) :-
    p(X, U), q(Y, V),
    ( r(U, T), s(T, Z)
    ; t(V, Z)
    ; t(U, Z)
    ),
    u(X, Z).
```

- A diszjunkció egy segéd-predikátummal mindig kiküszöbölhető

- Megkeressük azokat a változókat, amelyek a diszjunkcióban és azon kívül is előfordulnak
- A segéd-predikátumnak ezek a változók lesznek az argumentumai
- A segéd-predikátum minden klóza megfelel a diszjunkció egy ágának

```
seged(U, V, Z) :- r(U, T), s(T, Z).
seged(U, V, Z) :- t(V, Z).
seged(U, V, Z) :- t(U, Z).
```

```
a(X, Y, Z) :-
    p(X, U), q(Y, V),
    seged(U, V, Z),
    u(X, Z).
```

- A diszjunkció szemantikáját ezzel a segéd-predikátumos átalakítással definiáljuk.

Diszjunkció —megjegyzések

- Az egyes klózik 'ÉS' vagy 'VAGY' kapcsolatban vannak?

- A program klózik **ÉS** kapcsolatban vannak, pl.

```
szuloje('Imre', 'István').           szuloje('Imre', 'Gizella').
```

jelentése: Imre szülője István **ÉS** Imre szülője Gizella.

- Az **ÉS** kapcsolatban levő klózik alternatív (VAGY kapcsolatban levő) válaszokhoz vezetnek:

```
:- szuloje('Imre' Sz). => Sz = 'István' ? ; Sz = 'Gizella' ? ; no
```

A „Ki Imre szülője?” kérdésre a válasz: István vagy Gizella.

- A fenti két klózik predikátum átalakítható egyetlen klózzá, diszjunkció segítségével:

```
szuloje('Imre', Sz) :-
    (   Sz = 'István'           (*)
    ;   Sz = 'Gizella'        (*)
    ).
```

A konjunkció ezáltal diszjunkcióvá alakult (vö. De Morgan azonosságok).

- Általánosan: tetszőleges predikátum egyklózikossá alakítható:

- a klózikat átalakítjuk azonos fejűvé, új változók és egyenlőségek bevezetésével:

```
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'István'.
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'Gizella'.
```

- a klóztörzseket egy diszjunkcióvá fogjuk össze, amely az új predikátum törzse (lásd (*)).

Negáció

- Feladat: Keressünk (adatbázisunkban) egy olyan szülőt, aki **nem** nagyszülő!
- Ehhez negációra van szükségünk:
 - Meghiúsulásos negáció: a `\+` hívás szerkezet lefuttatja hívást, és pontosan akkor sikerül, ha a hívás meghiúsult.

- Egy megoldás:

```
| ?- szülője(_, X), \+ nagyszülője(_, X).
X = 'István' ? ;
X = 'Gizella' ? ;
no
```

- Egy ekvivalens megoldás:

```
| ?- szülője(_Gy, X), \+ szülője(_, _Gy).
X = 'István' ? ;
X = 'Gizella' ? ;
no
```

- Mi történik ha a két hívást megcseréljük?

```
| ?- \+ szülője(_, _Gy), szülője(_Gy, X).
no
```

A megghiúsulások negáció (NF — Negation by Failure)

- $A \setminus +$ Hívás beépített meta-eljárás (vö. $\not\vdash$ — nem bizonyítható)
 - végrehajtja a Hívás hívást,
 - ha Hívás sikeresen lefutott, akkor megghiúsul,
 - egyébként (azaz ha Hívás megghiúsult) sikerül.
- $\setminus +$ Hívás futása során Hívás legfeljebb egy megoldása áll elő
- $\setminus +$ Hívás sohasem helyettesít be változót
- Gondok a megghiúsulások negációjával:
 - „zárt világ feltételezése” (CWA) — ami nem bizonyítható, az nem igaz.

?- $\setminus +$ szuloje('Imre', X).	-----> no
?- $\setminus +$ szuloje('Géza', X).	-----> true ?
 - $\setminus + H$ deklaratív szemantikája: $\neg \exists X(H)$, ahol X a H -ban a hívás pillanatában behelyettesítetlen változókat jelöli.

?- $\setminus +$ X = 1, X = 2.	-----> no
?- X = 2, $\setminus +$ X = 1.	-----> X = 2 ?

Példa: együttható meghatározása lineáris kifejezésben

- Formula: számokból és az 'x' névkonstansból '+' és '*' operátorokkal épül fel.
- % :- type kif == {x} \/ number \/ {kif+kif} \/ {kif*kif}.
- Lineáris formula: a '*' operátor legalább egyik oldalán szám áll.

% egyhat(Kif, E): A Kif lineáris formulában az x együtthatója E.

egyhat(x, 1).

egyhat(Kif, E) :-

 number(Kif), E = 0.

egyhat(K1+K2, E) :-

 egyhat(K1, E1),

 egyhat(K2, E2),

 E is E1+E2.

egyhat(K1*K2, E) :-

 number(K1),

 egyhat(K2, E0),

 E is K1*E0.

egyhat(K1*K2, E) :-

 number(K2),

 egyhat(K1, E0),

 E is K2*E0.

| ?- egyhat(((x+1)*3)+x+2*(x+x+3), E).

E = 8 ? ;

no

| ?- egyhat(2*3+x, E).

E = 1 ? ;

E = 1 ? ; no

Együttható meghatározása: többszörös megoldások kiküszöbölése

- negáció alkalmazásával:

```
(...)  
egyhat(K1*K2, E) :-  
    number(K1), egyhat(K2, E0), E is K1*E0.  
egyhat(K1*K2, E) :-  
    \+ number(K1),  
    number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0.
```

- hatékonyabban, feltételes kifejezéssel:

```
(...)  
egyhat(K1*K2, E) :-  
    ( number(K1) -> egyhat(K2, E0), E is K1*E0  
    ; number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0  
    ).
```


Feltételes kifejezések

- Szintaxis (felt, akkor, egyébként tetszőleges célsorozatok):

```
(...) :-  
    (...),  
    ( felt -> akkor  
    ; egyébként  
    ),  
    (...).
```

- Deklaratív szemantika: a fenti alak jelentése megegyezik az alábbival, ha a `felt` egy egyszerű feltétel (nem oldható meg többféleképpen):

```
(...) :-  
    (...),  
    ( felt, akkor  
    ; \+ felt, egyébként  
    ),  
    (...).
```

Feltételes kifejezések (folyt.)

- Procedurális szemantika

A `(felt -> akkor ; egyébként)`, folytatás célsorozat végrehajtása:

- Végrehajtjuk a `felt` hívást.
- Ha `felt` sikeres, akkor az `akkor`, folytatás célsorozatra redukáljuk a fenti célsorozatot, a `felt` első megoldása által eredményezett behelyettesítésekkel. A `felt` cél többi megoldását nem keressük meg.
- Ha `felt` sikertelen, akkor az `egyébként`, folytatás célsorozatra redukáljuk, behelyettesítés nélkül.

- Többszörös elágaztatás skatulyázott feltételes kifejezésekkel:

```

( felt1 -> akkor1
; felt2 -> akkor2
; ...
)
( felt1 -> akkor1
; (felt2 -> akkor2
; ...
...))

```

- Az `egyébként` rész elhagyható, alapértelmezése: `fail`.
- A `\+ felt` negáció kiváltható a `(felt -> fail ; true)` feltételes kifejezéssel.

Feltételes kifejezés —példák

- Faktoriális

```
% fakt(+N, ?F): N! = F.
fakt(N, F) :-
    (   N = 0 -> F = 1                                % N = 0,  F = 1
    ;   N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1
    ).
```

- Jelentése azonos a sima diszjunkciós alakkal (lásd komment), de annál hatékonyabb, mert nem hagy maga után választási pontot.

- Szám előjele

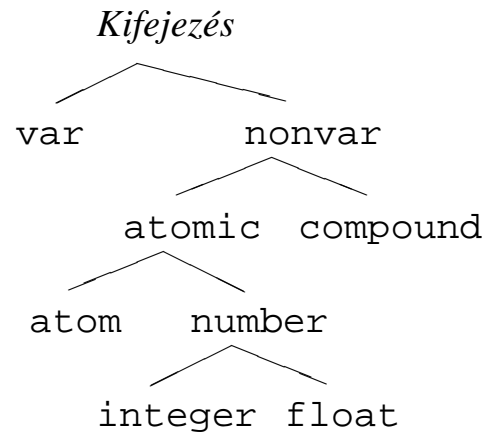
```
% Sign = sign(Num)
sign(Num, Sign) :-
    (   Num > 0 -> Sign = 1
    ;   Num < 0 -> Sign = -1
    ;   Sign = 0
    ).
```

A Prolog adatfogalma, a Prolog kifejezés (ismétlés, rendszerezés)

- egyszerű adatok:
 - konstansok
 - egész számok (gyakorlatilag végtelen méretűek)
 - lebegőpontos számok
 - névkonstansok (SICStus Prologban max 65535 karakteresek)
 - változók
- összetett adatok:
 - struktúra-kifejezés: $\langle \text{struktúranév} \rangle (\langle \text{arg}_1 \rangle , \dots , \langle \text{arg}_n \rangle)$
 - $\langle \text{struktúranév} \rangle$ egy tetszőleges névkonstans
 - $\langle \text{arg}_i \rangle$ tetszőleges kifejezés
 - Az argumentumok száma, n , 1 és 255 közé eshet (SICStus Prologban)
 - Az argumentumszámot *aritásnak* is hívjuk.
 - A struktúra-kifejezés *funktora*: $\langle \text{struktúranév} \rangle / n$

A Prolog kifejezések

- Prolog kifejezések osztályozása — osztályozó beépített predikátumok



<code>var(X)</code>	X változó
<code>nonvar(X)</code>	X nem változó
<code>atomic(X)</code>	X konstans
<code>compound(X)</code>	X struktúra
<code>atom(X)</code>	X névkonstans
<code>number(X)</code>	X szám
<code>integer(X)</code>	X egész szám
<code>float(X)</code>	X lebegőpontos szám

- Egy osztályozó predikátum az argumentuma **pillanatnyi** állapotát **ellenőrzi**, logikailag nem tiszta:

```

| ?- X = 1, integer(X).           => yes
| ?- integer(X), X = 1.           => no
| ?- atom('István'), atom(istvan). => yes
| ?- compound(leaf(X)).           => yes
| ?- compound(X).                 => no

```

A Prolog alapvető adatkezelő művelete: az egyesítés

- Egyesítés (*unification*): két Prolog kifejezés (pl. egy eljáráshívás és egy klózfej) azonos alakra hozása, változók esetleges behelyettesítésével.
- Példák
 - Bemenő paraméterátadás — a fej változóit helyettesíti be:
hívás: `nagyszuloje('Imre', Nsz)`,
fej: `nagyszuloje(Gy, N)`,
behelyettesítés: `Gy = 'Imre', N = Nsz`
 - Kimenő paraméterátadás — a hívás változóit helyettesíti be:
hívás: `szuloje('Imre', Sz)`,
fej: `szuloje('Imre', 'István')`,
behelyettesítés: `Sz = 'István'`
 - Bemenő/kimenő paraméterátadás — a fej és a hívás változóit is behelyettesíti:
hívás: `sum_tree(leaf(5), Sum)`
fej: `sum_tree(leaf(V), V)`
behelyettesítés: `V = 5, Sum = 5`

Egyesítés: változók behelyettesítése

- A behelyettesítés fogalma
 - A behelyettesítés egy olyan függvény, amely bizonyos változókhoz kifejezéseket rendel.
 - Példa: $\sigma = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, B), Z \leftarrow C\}$. Itt $Dom(\sigma) = \{X, Y, Z\}$
 - A σ behelyettesítés x -hez a -t, Y -hoz $s(b, B)$ -t z -hez C -t rendel. Jelölés: $X\sigma = a$ stb.
 - A behelyettesítés-függvény természetesen kiterjeszhető az összes kifejezésre:
 - $K\sigma$: σ alkalmazása K kifejezésre: σ behelyettesítéseit *egyidejűleg* elvégezzük K -ban.
 - Példa: $f(g(Z, h), A, Y)\sigma = f(g(C, h), A, s(b, B))$
 - A σ és θ behelyettesítések kompozíciója ($\sigma \otimes \theta$) — egymás utáni alkalmazásuk
 - A $\sigma \otimes \theta$ behelyettesítés az $x \in Dom(\sigma)$ változókhoz az $(x\sigma)\theta$ kifejezést, a többi $y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)$ változóhoz $y\theta$ -t rendel ($Dom(\sigma \otimes \theta) = Dom(\sigma) \cup Dom(\theta)$):

$$\sigma \otimes \theta = \{x \leftarrow (x\sigma)\theta \mid x \in Dom(\sigma)\} \cup \{y \leftarrow y\theta \mid y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)\}$$
 - Pl. $\theta = \{X \leftarrow b, B \leftarrow d\}$ esetén $\sigma \otimes \theta = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, d), Z \leftarrow C, B \leftarrow d\}$
- Egy G kifejezés **általánosabb** mint egy S , ha létezik olyan ρ behelyettesítés, hogy $S = G\rho$
 - Példa: $G = f(A, Y)$ általánosabb mint $S = f(1, s(Z))$, mert $\rho = \{A \leftarrow 1, Y \leftarrow s(Z)\}$ esetén $S = G\rho$.

Egyesítés: legáltalánosabb egyesítő

- A és B kifejezések egyesíthetők ha létezik egy olyan σ behelyettesítés, hogy $A\sigma = B\sigma$. Ezt az $A\sigma = B\sigma$ kifejezést A és B egyesített alakjának nevezzük.
- Két kifejezésnek általában több egyesített alakja lehet.
 - Példa: $A = f(X, Y)$ és $B = f(s(U), U)$ egyesített alakja pl.
 - $K_1 = f(s(a), a)$ a $\sigma_1 = \{X \leftarrow s(a), Y \leftarrow a, U \leftarrow a\}$ behelyettesítéssel
 - $K_2 = f(s(U), U)$ a $\sigma_2 = \{X \leftarrow s(U), Y \leftarrow U\}$ behelyettesítéssel
 - $K_3 = f(s(Y), Y)$ a $\sigma_3 = \{X \leftarrow s(Y), U \leftarrow Y\}$ behelyettesítéssel
- A és B legáltalánosabb egyesített alakja egy olyan C kifejezés, amely A és B minden egyesített alakjánál általánosabb
 - A fenti példában K_2 és K_3 legáltalánosabb egyesített alakok
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesített alak, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.
- A és B legáltalánosabb egyesítője egy olyan $\sigma = mgu(A, B)$ behelyettesítés, amelyre $A\sigma$ és $B\sigma$ a két kifejezés legáltalánosabb egyesített alakja.
 - A fenti példában σ_2 és σ_3 legáltalánosabb egyesítő.
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesítő, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.

Az egyesítési algoritmus

- Az egyesítési algoritmus
 - bemenete: két Prolog kifejezés: A és B
 - feladata: a két kifejezés egyesíthetőségének eldöntése
 - eredménye: sikeresség esetén a legáltalánosabb egyesítő ($mgu(A, B)$) előállítása.
- Az egyesítési algoritmus, $\sigma = mgu(A, B)$ előállítása
 1. Ha A és B azonos változók vagy konstansok, akkor $\sigma = \{\}$ (üres behelyettesítés).
 2. Egyébként, ha A változó, akkor $\sigma = \{A \leftarrow B\}$.
 3. Egyébként, ha B változó, akkor $\sigma = \{B \leftarrow A\}$.
 4. Egyébként, ha A és B azonos nevű és argumentumszámú összetett kifejezések és argumentum-listáik A_1, \dots, A_N ill. B_1, \dots, B_N , és
 - a. A_1 és B_1 legáltalánosabb egyesítője σ_1 ,
 - b. $A_2\sigma_1$ és $B_2\sigma_1$ legáltalánosabb egyesítője σ_2 ,
 - c. $A_3\sigma_1\sigma_2$ és $B_3\sigma_1\sigma_2$ legáltalánosabb egyesítője σ_3 ,
 - d. ...
 akkor $\sigma = \sigma_1 \otimes \sigma_2 \otimes \sigma_3 \otimes \dots$
 5. Minden más esetben a A és B nem egyesíthető.

Egyesítési példák

● $A = \text{sum_tree}(\text{leaf}(V), V), B = \text{sum_tree}(\text{leaf}(5), S)$

● (4.) A és B neve és argumentumszáma megegyezik

● (a.) $\text{mgu}(\text{leaf}(V), \text{leaf}(5))$ (4., majd 2. szerint) $= \{V \leftarrow 5\} = \sigma_1$

● (b.) $\text{mgu}(V\sigma_1, S) = \text{mgu}(5, S)$ (3. szerint) $= \{S \leftarrow 5\} = \sigma_2$

● tehát $\text{mgu}(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{V \leftarrow 5, S \leftarrow 5\}$

● $A = \text{node}(\text{leaf}(X), T), B = \text{node}(T, \text{leaf}(3))$

● (4.) A és B neve és argumentumszáma megegyezik

● (a.) $\text{mgu}(\text{leaf}(X), T)$ (3. szerint) $= \{T \leftarrow \text{leaf}(X)\} = \sigma_1$

● (b.) $\text{mgu}(T\sigma_1, \text{leaf}(3)) = \text{mgu}(\text{leaf}(X), \text{leaf}(3))$ (4, majd 2. szerint) $= \{X \leftarrow 3\} = \sigma_2$

● tehát $\text{mgu}(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{T \leftarrow \text{leaf}(3), X \leftarrow 3\}$

Egyesítési példák a gyakorlatban

- Az egyesítéssel kapcsolatos beépített eljárások:
 - $x = y$ egyesíti a két argumentumát, meghiúsul, ha ez nem lehetséges.
 - $x \backslash = y$ sikerül, ha két argumentuma nem egyesíthető, egyébként meghiúsul.

- Példák:

```
| ?- 3+(4+5) = Left+Right.
      Left = 3, Right = 4+5 ?
| ?- node(leaf(X), T) = node(T, leaf(3)).
      T = leaf(3), X = 3 ?
| ?- X*Y = 1+2*3.                % mert 1+2*3 ≡ 1+(2*3)
      no
| ?- X*Y = (1+2)*3.
      X = 1+2, Y = 3 ?
| ?- f(X, 3/Y-X, Y) = f(U, B-a, 3).
      B = 3/3, U = a, X = a, Y = 3 ?
| ?- f(f(X), U+2*2) = f(U, f(3)+Z).
      U = f(3), X = 3, Z = 2*2 ?
```

Az egyesítés kiegészítése: előfordulás-ellenőrzés (*occurs check*)

- Kérdés: x és $s(x)$ egyesíthető-e?

- A matematikai válasz: *nem*, egy változó nem egyesíthető egy olyan struktúrával, amelyben előfordul (ez az előfordulás-ellenőrzés).
- Az ellenőrzés költséges, ezért alaphelyzetben nem alkalmazzák.
- Szabványos eljárásként rendelkezésre áll: `unify_with_occurs_check/2`
- Kiterjesztés (pl. SICStus): az előfordulás-ellenőrzés elhagyása miatt keletkező ciklikus kifejezések tisztességes kezelése.

- Példák:

```
| ?- X = s(1,X).
      X = s(1,s(1,s(1,s(1,s(...)))))) ?
| ?- unify_with_occurs_check(X, s(1,X)).
      no
| ?- X = s(X), Y = s(s(Y)), X = Y.
      X = s(s(s(s(s(...))))), Y = s(s(s(s(s(...)))))) ?
```