

● Példa:

```
% két különböző álló predikátum definíciója, funktora: sum_tree/2
sum_tree(leaf(Val), Val).
sum_tree(node(Left, Right), S) :-
    % fej
    sum_tree(Left, S1),
    % cél
    sum_tree(Right, S2),
    % cél
    S is S1+S2.
```

● Szintaxis:

```
<Prolog program> ::= <predikátum> ...
<predikátum> ::= <klóz> ...
<klóz> ::= <tenyállítás> :- <szabály>
<tenyállítás> ::= <fej>
<fej> ::= <fej> :- <törzs>
<szabály> ::= <fej> :- <törzs>
<törzs> ::= <cél>, ...
<cél> ::= <cél>
<cél> ::= <klóz>
<fej> ::= <klóz>
```

Prolog kifejezések

● Példa — egy klózfej mint kifejezés:

```
%
% sum_tree(node(Left, Right), S)
%
% struktúranév
% változó
% argumentum, változó
% argumentum, összetett kif.
```

● Szintaxis:

```
<kifejezés> ::= <változó> | <konstans> |
{Nincs funktora}
{Funktora: <konstans>/0}
{Funktora: <struktúranév>/<arg.szám>}
{Operátorok miatt, ld. később}
<konstans> ::= <névkonstans> | <számkonstans>
<számkonstans> ::= <szám> | <lebegőpontos szám>
<összetett kifejezés> ::= <struktúranév> (<argumentum>, ...)
```

Prolog programok formázása

● Programok javasolt formázása:

- Az egy predikátumhoz tartozó klózek legyenek egymás mellett a programban, közeljük ne együnk üres sort. A predikátumokat válasszuk el üres sorokkal.
- A klózfejet írjuk sor elejére, minden célt lehetőleg külön sorba, néhány szóközrel bejebb kezdve

A PROLOG NYELV KÖZELTŐ SZINTAXISA

● Példák:

```

% váltózó:
fakt FAKT_fakt_X2_2 =
% névkonstans:
fakt ≡ 'fakt', 'István', [], ' ', '+ = * * \ = ≡ // \ =',
% névkonstans:
0 -123 10.0 -12.1e8
% számkonstans:
I, István
% nem névkonstans:
1e8 1.e2

```

● Szintaxis:

```

< változó > ::= < nagybetű > < alfanumerikus jel > ... |
- < alfanumerikus jel > ... |
' < idézett karakter > ... ' |
< névkonstans >
< alfanumerikus jel > < alfanumerikus jel > ... |
< kisbetű > < alfanumerikus jel > ... |
< tapadó jel > ... | ! | | [ ] | { }
< egész szám >
< előjeles vagy előjeletlen számsorozat >
< lebegőpontos szám >
{ belsejében tizedespontot tartalmazó
számsorozat esleleges exponenssel }
< idézett karakter >
{ tetszőleges nem ' és nem \ karakter } \ \ < escape szekvencia >
< kisbetű > | < nagybetű > | < számsorozat > | -
< tapadó jel >
< + | - | * | / | \ | $ | < | > | ~ | \ | ~ | : | . | ? | @ | # | &

```

Szabványos, beépített operátorok

Szabványos operátorok

```

1200 xFx :- -->
1200 Fx :- ?-
1100 xFy !
1050 xFy <-
1000 xFy ', '
900 Fy \+
700 xFy < > \ = = \ = ..
=: = < = > \ = =
= \ = < > \ =
@ < @ > @ < @ >
500 yFx \ / \ /
400 yFx * / // rem
200 xFx **
200 xFx mod << >>
200 Fy \

```

Egéb beépített operátorok

```

1150 fx dynamic multifile
1200 block meta_predicate
900 Fy spy nosp
550 xFy :
500 yFx #
500 Fx +

```

● Példák:

```

% s is -s1+s2 ekvivalens az is(s, +(-s1),s2) kifejezéssel
< összetett kifejezés > ::=
< struktúránev > ( < argumentum > , ... )
| < argumentum > < operátornév > < argumentum >
| < operátornév > < argumentum >
| < argumentum > < operátornév > < operátornév >
{ ha operátorként lett definiálva }

```

● Operátor-kezelő beépített predikátumok:

- op(Prorítás, Fajta, OpNév) vagy op(Prorítás, Fajta, [OpNév1, OpNév2, ...]): Prorítás: 0-1200 közötti egész
- Fajta: az yFx, xFy, fx, yf, xf névkonstansok egyike
- OpNév: tetszőleges névkonstans
- pozitív prorítás esetén definiálja az operátor(ok)ra, 0 prorítás esetén megszűnetheti azokat.
- current_op(Prorítás, Fajta, OpNév): felsorolja a definiált operátorokat.

Operátorok jellemzői

● Egy operátort jellemz a fajta és prorítása

● A fajta meghatározza az operátor-osztályt (írasmódot) és az asszociativitást:

Fajta		Oszály		Értelmezés	
bf	jobb-asszoc.	bf	jobb-asszoc.		
lf	nem-asszoc.	lf	nem-asszoc.		
yF		xF			
		posztlx		A op ≡ op(A)	
		prelfx		op A ≡ op(A)	
		infx		A op B ≡ op(A, B)	

● Több-operátoros kifejezésben a zárójelvezést a prorítás és az asszociativitás határozza meg, pl.

- a/b+c*d ≡ (a/b)+(c*d) mert / és * prorítása 400, ami **kisebb** mint a + prorítása (500) (kisebb prorítás = **erősebb** kötés).

- a+b+c ≡ (a+b)+c mert a + operátor fajta yFx, azaz bal-asszociatív (balra köt, balról jobbra zárójelz)

- a^b^c ≡ a^(b^c) mert a ^ operátor fajta xFy, azaz jobb-asszociatív (jobbra köt, jobbról balra zárójelz)

- a=b=c szintaktikusan hibás, mert az = operátor fajta xFx, azaz nem-asszociatív

- Induljunk ki egy teljesen zárójelezett, több operátort tartalmazó kifejezésből!
- Egy részkiefejezés prioritása a (legkülönböző) operátorának a prioritása.
- Egy *op* prioritású operátor *ap* prioritású argumentumát körülvevő zárójelpár elhagyható ha:
 - $ap > op$ pl. $a+(b*c) \equiv a+b*c$ ($ap = 400, op = 500$)
 - $ap = op$, jobb-asszociatív operátor jobboldali argumentuma esetén, pl. $a^\wedge(b^\wedge c) \equiv a^\wedge b^\wedge c$ ($ap = 200, op = 200$)
 - $ap = op$, bal-asszociatív operátor baloldali argumentuma esetén, pl. $(1+2)+3 \equiv 1+2+3$.
- Kivélet: ha a baloldali argumentum operátora jobb-asszociatív, azaz az előző feltétel alkalmazható.
- Példa a kivétel esetre:
 - `:- op(500, xfy, +^).`
 - `|- :- write((1+^ (2+3)), nl). => 1+^2+3`
 - `|- :- write((1+^ (2+3)), nl). => (1+^2)+3`
- tehát: konfliktus esetén az első operátor asszociativitása „győz”.

- Mire jók az operátorok?
 - aritmetikai kifejezések szimbolikus feloldozására (pl. szimbolikus deriválás)
 - kifejezések leírására (:- és ', ', is operátor)
 - kifejezések meta-eljárásoknak, pl `asserta (p(x):-q(x),r(x))`
 - eljárásfejek, eljáráselhívások olvashatóbbá tételére:
 - `:- op(800, xfx, [nagyszülője, szülője]).`
 - Gy nagyszülője N :- Gy szülője Sz, Sz szülője N.
 - adatszerkezetek olvashatóbbá tételére, pl. `:- op(100, xfx, [..]).`
 - `sav(ken, h.2-s-o.4).`
- Miért rosszak az operátorok?
 - egyetlen globális erőforrás, ez nagyobb projektben gondot okozhat.

- Azonos nevű, azonos osztályba tartozó operátorok egyidejűleg nem megengedettek.
- Egy program szövegében direktívákkal definiálhatunk operátorokat, pl.


```
:- op(450, xfx, --).
:- op(450, fxx, @).
sum_tree(@V, V).
...)
```
- A „vessző” kettős szerepe
 - struktúra-kifejezés argumentumait választja el
 - 1000 prioritású *xfy* operátorként működik: pl. `(p :- - a,b,c) = :- (p,'','(a',''(b,c)))`
 - a „puccs” vessző (,) nem névkonstans, de operátorként aposztrófok nélkül is írható.
 - struktúra-argumentumban 999-nél nagyobb prioritású kifejezést zárójelezni kell:


```
|- write_canonical(a,b,c). => '(a','(b,c))'
|- write_canonical(a,b,c). => ! procedure write_canonical/3 does not exist
```
- Az egyértelmű elemzhetőség érdekében a Prolog szabvány kiköti, hogy
 - operandusként előforduló operátort zárójelbe kell tenni, pl. `Comp = (>)`
 - nem létezik azonos nevű infix és poszfix operátor.
 - Sok Prolog rendszerben nem kötelező betartani ezeket a megszorításokat.

- Az operátorok teszik lehetővé azt is, hogy a matematikában ill. más programozási nyelvekben megszokott módon értékelhessünk kis aritmetikai kifejezéseket.
- Az is beépített predikátum egy aritmetikai kifejezést vár a jobboldalon (2. argumentumában), azt kifejezést vár a baloldali argumentummal
- Az `=:` beépített predikátum mindkét oldalon aritmetikai kifejezést vár, azokat kifejezést, és csak akkor sikerül, ha az értékek megegyeznek.
- Példák:


```
|- x = 1+2, write(x), write(' '), write_canonical(x), y is x.
=> 1+2
|- x = 4, y is x/2, y =:= 2.
=> x = 4, y = 2.0 ? ! no
|- x = 4, y is x/2, y = 2.
=> no
```
- **Fontos:** az aritmetikai operátorokkal (+,-,..) képzett kifejezések összetett Prolog kifejezést jelentenek. Csak az aritmetikai beépített predikátumok értékelik ki ezeket!
- A Prolog kifejezések alapvetően szimbolikusak, az aritmetikai kifejezés a „kivétel”.

• Itjünk olyan Prolog predikátumot, amely számokból az $a +, -, *$ műveletekkel képzett kifejezések deriválását elvégzi!

`% deriv(Kif, D): Kif-nek az x szerinti deriváltja D.`

```
deriv(x, 1).
deriv(C, 0) :-
    number(C).
deriv(U+V, DU+DV) :-
    deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U-V, DU-DV) :-
    deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U*V, DU*V + U*DV) :-
    deriv(U, DU), deriv(V, DV).
% D = 1*x+x*1+1 ? no
=> D = 1*x+x*1+1 ? no
% D = (1+0)*(x+1)+(x+1)*(1+0) ? no
=> D = (1+0)*(x+1)+(x+1)*(1+0) ? no
% D = 1*x+x*1+1.
=> I = x*x+x ? no
=> I = x*x+x ? no
% D = 22 ?
=> no
```

Példasor: bináris fák kezelése

• Az eszközökből álló bináris fa különböző meghatározásai:

- Szöveges definícióként (ismétlés):
 • vagy egy level (leaf(V)), ahol V egy egész szám
 • vagy egy csomópont (node(L,R)), ahol L és R eszközökből álló bináris fák
- Matematikai jelöléssel:
 $tree \equiv \{leaf(l) \mid l \in integer\} \cup \{node(l,r) \mid l,r \in tree\}$
- A Mercury típusos logikai programozási nyelv jelöléseivel:
 :- type tree, node(tree, tree) | leaf(int).
- Egy ellenőrző Prolog predikátumként:
`tree(leaf(V)) :-
 integer(V).
tree(node(L,R)) :-
 tree(L), tree(R).`

• Az ilyen adatípust **megkülönböztett unió**nak nevezzük, mert az unióban szereplő halmazokat az elemek funkcióra megkülönbözteti (leaf/1, node/2)

Operátoros példa: polinom behelyettesítési értéke

- Formula: számokból és az x névkonstansból $+$ és $*$ operátorokkal felépülő kifejezés.
- A feladat: Egy formula értékének kiszámolása egy adott x érték esetén.

`% erteke(Kif, X, E): A Kif formula értéke E, az x=X behelyettesítéssel.`

```
erteke(x, X, E) :-
    E = X.
erteke(Kif, _, E) :-
    number(Kif), E = Kif.
erteke((K1+K2), X, E) :-
    erteke(K1, X, E1),
    erteke(K2, X, E2),
    E is E1+E2.
erteke((K1*K2), X, E) :-
    erteke(K1, X, E1),
    erteke(K2, X, E2),
    E is E1*E2.
erteke((x+1)*x+x+2*(x+x+3), 2, E).
E = 22 ?
=> no
```

Az egyesítés mint adat-építő és -kiválasztó művelet

• Példa:

```
% balcsonk(Fa, E): Fa egy olyan bináris fa, amelynek legfelső  

% csomópontjában balra egy E értékű level van  

balcsonk(node(leaf(V), _), V).
% jobbcsonk(Fa, E): Fa egy olyan bináris fa, amelynek legfelső  

% csomópontjában jobbra egy E értékű level van  

jobbcsonk(node(_, leaf(V)), V).
```

• A Prolog egyesítés egyaránt használható adat-építésre (konstrukció) és -kiválasztásra (szelekció). Példák:

• Mindkét argumentum bemenő: ellenőrzés.

| ?- Fa=node(leaf(1),leaf(2)), balcsonk(Fa, 1). => yes

• A fa adott, az érték kimenő: levelérték elővétele (vagy meghívás).

| ?- Fa=node(leaf(1),leaf(2)), balcsonk(Fa, B), jobbcsonk(Fa, J).

$\Rightarrow B = 1, J = 2 ?$: no
 | ?- balcsonk(node(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(3)), B). => no

• Az érték adott, a fa kimenő: fa építése.

| ?- balcsonk(Fa, 1), jobbcsonk(Fa, 2). => Fa=node(leaf(1),leaf(2)) ? : no

- Vizsgáljuk a fa felépítésének részleteit!

célsozozat: :- balcsonk(Fa, 1), jobbocsonk(Fa, 2)

kizfje: balcsonk(node(leaf(_B),_A),_B)

behelyettesítés: _B = 1, Fa = node(leaf(1),_A)

új celsozozat: :- jobbocsonk(node(leaf(1),_A), 2)

kizfje: jobbocsonk(node(_C, leaf(_D)), _D)

behelyettesítés: _D = 2, _A = leaf(2), _C = leaf(1)

eredmény: Fa = node(leaf(1),leaf(2))

- Kövessük nyomon a fenti végrehajtást Prolog hívásonként:

| ?- balcsonk(Fa, 1). => Fa = node(leaf(1),_A) ? : no

Fa értéke egy változót tartalmazó Prolog adatszerkeztúra, mindazon összetett (nem levél) fákat

jelent, amelyek baloldali részrfa az 1 értékű levél. Ez egy **kifejezés-minta**.

- | ?- Fa = node(leaf(1),_A), jobbocsonk(Fa, 2).

=> Fa = node(leaf(1),leaf(2)) ? : no

A jobbocsonk hívás a Fa kifejezés-mintát, **inomítfja**, ebben az esetben egy tömör fára szűkíti

le.

Bináris fak kezelése — fa levele

- Itjünk egy predikátumot annak eldöntésére, hogy egy adott érték szerepel-e egy fa levében!

% fa_levele(Fa, Brtk): A Fa bináris fa levélben szerepel az Brtk szám.

fa_levele(leaf(V), V).

% értékek megegyeznek a kereséssel, akkor "sikeres"

fa_levele(L, V) :-

fa_levele(L, V). % ha szerepel a bal részében -> az egészben is

fa_levele(R, V). % ha szerepel a jobb részében -> az egészben is

- Az aláhúzással egy ún. semmis (void) változó, ennek minden előfordulása különböző változó!

- Példák: ellenőrzés, adott fa leveleinek felsorolása, adott levélű fak felsorolása (∞ keresési tér).

```

?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(7)), 2. => yes
?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(7)), 3. => no
?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(7)),_A) ? : ...
?- fa_levele(Fa, 3). => Fa = leaf(3) ? : Fa = node(leaf(3),_A) ? : ...

```

- A logikai változó fogalma:

• kifejezéseként, kifejezésben egyaránt előfordulhat

• a változók egymással is azonosak lehetnek: pl. két azonos változó egy kifejezésben.

• a változó „teljes jogú” állampolgár a (rész)kifejezések világában

• SML-ben is van mintaillesztés, de a minta csak szétszedésre használható, összerakásra nem; a mintabeli változók mindig (tömör) értéket kapnak.

• (Egyes újabb funkcionális nyelvek, pl. az Oz nyelv, támogatják a logikai változókat.)

• Példa: Az alábbi célsorozat egy két **azonos** levélből álló bináris fat épít fel a Fa változóban. A

levelek értéke **azonos** lesz a célsorozatbeli X változóval:

balcsonk(node(leaf(V),_), V).

jobbocsonk(node(_L,leaf(V)), V).

| ?- balcsonk(Fa, X), jobbocsonk(Fa, X). => Fa = node(leaf(X),leaf(X)) ? : no

Ha az összekapcsolt változók bármelyike értéket kap, a többi is erre az értékre helyettesítődik:

| ?- balcsonk(Fa, X), jobbocsonk(Fa, 2). => X = 2, Fa = node(leaf(2),leaf(2)) ? : no

| ?- balcsonk(Fa, X), jobbocsonk(Fa, 1). => X = 1, Fa = node(leaf(1),leaf(1)) ? : no

| ?- balcsonk(Fa, X), jobbocsonk(Fa, X). => X = 2, Fa = node(leaf(2),leaf(2)) ? : no

Összetett adatszerkeztűrák konjunktív és diszjunktív bejárása

- Prologban egy összetett adatszerkeztűrát kétféleképpen lehet bejárni:

• konjunktíván: a részek bejárása ES kapcsolatban van, általában egy eredményt ad

• pl. fa_összegzése (sum_tree), fa_ellenőrzése (tree), fa_kitírása:

% Fakit(Fa): Fa kitírható (mindig teljesül :-). Maillekhaként kirírja a Fa fat.

fakit(leaf(V)) :-

write(@), write(V). % A write(X) beépített pred. kirírja az X kifejezést.

fakit(node(L,R)) :-

write('(', write(L), write(' ', fakit(R), write(' ', fakit(R), write(')')).

| ?- fakit(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7)). => ((@1 -- -- @8) -- -- @7)

• diszjunktíván: a részek bejárása VAGY kapcsolatban van, visszalépésekor új eredmény

• pl. fa_leveleinek felsorolása (fa_levele)

- A diszjunktív, felsoroló bejárás könnyen kiegészíthető további feltételekkel

• Keressük egy fának az (5, 10) intervallumba eső leveleit:

```

?- fa = node(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7)), fa_levele(_Fa, B), 5 < B, B < 10.
=> B = 8 ? : B = 7 ? : no
| ?- fa = node(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7)), fa_levele(_Fa, B), 5 < B, B < 10.
=> B = 8 ? : B = 7 ? : no
| ?- fa = node(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7)), fa_levele(_Fa, B), 5 < B, B < 10.
=> B = 8 ? : B = 7 ? : no

```

- A fat 1 beépített predikátum mindig meghívásul, pl. ún. visszalépéses ciklus szervezésére jó.

• Itjünk egy predikátumot annak eldöntésére, hogy egy adott érték szerepel-e egy összetett fá levelében! A predikátum adja vissza a levél elhagyása után fennmaradó fát!

```
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa összetett bináris fa egy Ertek értékű
% Levelelének elhagyása után marad a Marad fa. (Fim = Fa_Level_marakék)
Fim(node(leaf(V),T),V,T).
% ha a bal részfa a keresett levél
% akkor a jobb részfa a maradék
Fim(node(T,leaf(V)),V,T).
% ugyanez jobboldali levél esetére
Fim(node(L0,R),V,node(L,R)):-
% ha a bal részfából elhagyható a levél
% akkor ennek maradéka, kiegészítve
% a jobb részfával, lesz a teljes fa maradéka
Fim(node(L,R0),V,node(L,R1)):-
Fim(R0,V,R1).
% ugyanez jobb részfa esetére
```

• Az fIm/3 predikátum használható ellenőrzésre, de fa szétbontására is:

```
| ?- fIm(node(leaf(1),leaf(2),leaf(3))),2,T). =>
T = node(leaf(1),leaf(3)),?; no
| ?- fIm(node(leaf(1),node(leaf(2),leaf(3))),7,T). => no
| ?- fIm(node(leaf(1),leaf(2),leaf(3))),X,T). =>
T = node(leaf(1),leaf(3)),X = 1?;
T = node(leaf(2),leaf(3)),X = 2?;
T = node(leaf(1),leaf(3)),X = 2?;
T = node(leaf(1),leaf(2)),X = 3?; no
```

• A feladat: Itjünk Prolog programot a következő feladvány megoldására:

- Az 1, 3, 4, 6 számokból a négy alapművelet felhasználásával állítsuk elő a 24 számértéket!
- Mind a négy számot fel kell használni, tetszőleges sorrendben.
- Tetszőleges alapműveletek használhatók, tetszőlegesen zárójelzéssel.

• Már van egy predikátumunk (negyLevelu/5), amely adott számokból tetszőleges fát épít.

• Definíciójunk egy predikátumot, amely egy fának megfelelő aritmetikai kifejezéseket készít!

```
% fa_kif(Fa, Kif): kif a fával azonos alakú, azonos számokból álló
% aritmetikai kifejezés, amelyben a négy alapművelet fordítható elő.
fa_kif(leaf(V),V).
fa_kif(node(L,R),Exp):-
fa_kif(L,U,Exp1),
fa_kif(R,U,Exp2),
alap4(B1,B2,Exp).
% alap4(X,Y,Kif): kif az X és Y kifejezésekből a négy alapművelet egyikével áll elő.
alap4(X,Y,X+Y).
alap4(X,Y,X-Y).
alap4(X,Y,X/Y).
| ?- fa_kif(node(leaf(1),node(leaf(2),leaf(3))),Kif).
Kif = 1+(2+3)?; kif = 1-(2+3)?; kif = 1*(2/3)?; kif = 1/(2/3)?;
Kif = 1+2/3?; kif = 1-2/3?; kif = 1*(2/3)?; kif = 1/(2/3)?; no
```

• Itjünk egy predikátumot arra, hogy egy adott értékű levelet egy fába minden lehetséges módon beszüntí!

• Nem kell itjünk, már megtituk! Az fIm predikátum erre is jó:

```
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa összetett bináris fa egy Ertek értékű
% Levelelének elhagyása után marad a Marad fa. Röviden: Fa - Ertek = Marad.
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa (összetett) bináris fa egy Ertek értékű
% a Marad fába beszurunk egy E értékű levelet. Fa = Marad + Ertek.
Fim(node(leaf(V),T),V,T).
% Bgy T fába beszurhatunk egy levelet
(...).
% ugy, hogy az egylevelu fat T ele tesszuk
Példák:
```

```
| ?- fIm(Fa, 2, leaf(1)), fak(Fa), write(' '), fail.
(02 -- @1 @2) => no
| ?- fIm(fa0, 2, leaf(1)), fIm(fa, 3, fa0), fak(Fa), write(' '), fail.
(03 -- @2 -- @1) (03 -- @3) (03 -- @1) (02 -- @2) (03 -- @3) (03 -- @1)
(02 -- @3 -- @1) (03 -- @3) (03 -- @1) (02 -- @2) (03 -- @3) (03 -- @1)
(03 -- @3 -- @1) (03 -- @3) (03 -- @1) (02 -- @2) (03 -- @3) (03 -- @1)
=> no
negyLevelu(X,Y,Z,U,Fa):-
% Fa az X,Y,Z,U levelekből áll
fIm(fa0,Y,leaf(X)),fIm(fa1,Z,Fa0),fIm(Fa,U,Fa1).
| ?- findall(Fa,negyLevelu(1,3,4,6,Fa),Fak),length(Fak,Db).=>
Db = 120, Fak = (...)
```

• Korábban elkészített predikátumok:

- adott számokból álló fakat felsoroló negyLevelu/5
- adott fával azonos szerkezetű aritmetikai kifejezéseket felsoroló fa_kif/2

• Ezekre építve könnyen megírható a feladvány megoldására használható predikátum:

```
% kif egy a négy alapművelettel az X,Y,Z,U számokból
% felépített kifejezés, amelynek értéke Ertek.
negyLevelu_erteke(X,Y,Z,U,Ertek,Kif):-
negyLevelu(X,Y,Z,U,Fa),
fa_kif(Fa,Kif),
Kif == Ertek.
```

```
| ?- negyLevelu_erteke(1,3,4,6,24,Kif).
Kif = 6? (1?3?4) ?; no
```

• Megjegyzések

• Az aritmetikai eljárásokban a változók nem csak számokra, hanem tömör aritmetikai

kifejezésekre is be lehetnek helyettesítve.

• A negyLevelu_erteke eljárás utolsó hívása helyett nem lenne jó: Ertek is kif. Miért?