

Deklaratív programozás

Hanák Péter
hanak@inf.bme.hu

Irányítástechnika és Informatika Tanszék
(OM Kuratás-fejlesztési Helyettes Államtitkárság)

Szeredi Péter
szeredi@iqsoft.hu

Számítástudományi és Információelméleti Tanszék
(IQSOFT Intelligens Software Rt.)

Deklaratív programozás: BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Követelmények DP-3

Deklaratív programozás: tudnivalók

Honlap, levelezési lista

- Honlap: `<http://dp.it.bme.hu/~dp>`
- Levélista: `<http://www.it.bme.hu/mailman/listinfo/dp-1>`.
A listatagoknak szóló levelet a `<dp-1@www.it.bme.hu>` címre kell küldeni.
Csak a feliratkozottak levele jut el moderátori jóváhagyás nélkül a listatagokhoz.

Jegyzet

- Szeredi Péter, Benkő Tamás: Deklaratív programozás. Bevezetés a logikai programozásba
- Hanák D. Péter: Deklaratív programozás. Bevezetés a funkcionális programozásba
- Ára kötetenként 600-800 Ft, terjedelemtől függően
- Elektronikus változata elérhető a honlapról (ps, pdf)
- Jegyzetrendelés: az ETS (Elektronikus TanárSegéd) rendszeren keresztül

Deklaratív programozás: BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

KÖVETELMÉNYEK, TUDNIVALÓK

Követelmények DP-4

Deklaratív programozás: tudnivalók (folyt.)

Fordító- és értelmezőprogramok

- SICStus Prolog (3.10, licenstkötéles, aláírás ellenében jelszót adunk)
- Moscow SML (2.0, szabad szoftver)
- Mindkettő telepítve van a `kempelen.inf.bme.hu-n`
- Mindkettő letölthető a honlapról (linux, Win95/98/NT)
- Webes gyakorló felület az ETS-ben (ld. honlap)
- Kézikönyvek HTML-, ill. PDF-változatban
- Más programok: `swiProlog`, `gnuProlog`, `poly/ML`, `smlnj`
- `emacs`-szövegszerkesztő SML-, ill. Prolog-módban (linux, Win95/98/NT)

Deklaratív programozás: BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Deklaratív programozás: félévközi követelmények

Nagy házi feladat (NHF)

- Programozás mindkét nyelven (Prolog, SML)
- Mindenkinnek önállóan kell kódolnia (programoznia)!
- Hatékony (időlimít), jól dokumentált („kommentezett”) programok
- A két programhoz közös, 5–10 oldalas fejlesztői dokumentáció (TXT, TeX/LaTeX, HTML, PDF, PS, de nem DOC vagy RTF)
- Kiadás a 6. héten, a honlapon, letölthető kereprogrammal
- Beadás a 12. héten, elektronikus úton (ld. honlap)
- A beadáskor és a pontozáskor külön-külön tesztprogramot használunk (nehézségben hasonlítkat, de nem azonosakat)
- A minden tesztesetet hibátlanul megoldó programok *lényegesen* vesznek részt (hatékonyság, gyorsaság plusz pontokért)

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Deklaratív programozás: félévközi követelmények (folyt.)

Kis házi feladatok (KHF)

- 2-3 feladat Prologból is, SML-ből is
- Beadás elektronikus úton (ld. honlap)
- Nem kötelező, de *nagyon* ajánlott
- Minden feladat jó megoldásáért 1-1 jutalompont jár

Gyakorló feladatok

- Nem kötelező, de a sikeres ZH-hoz, vizsgálóhoz *elengedhetetlen!*
- Gyakorlás az ETS rendszerben (lásd honlap)

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Deklaratív programozás: félévközi követelmények (folyt.)

Nagy házi feladat (folyt.)

- Nem kötelező, de *nagyon* ajánlott!
- Beadható csak az egyik nyelvből is
- A beadási határidőig többször is beadható, csak az utolsót értékeljük
- Pontozása mindkét nyelvből:
 - helyes és időkorláton belüli futás esetén a 10 teszteset mindegyikére 0,5-0,5 pont, összesen max. 5 pont, feltéve, hogy legalább 4 teszteset sikeres
 - a dokumentációra, a kód olvashatóságára, kommentezettségére max. 2,5 pont
 - tehát nyelvenként összesen max. 7,5 pont szerelhető
- A NHF súlya az osztályzatban: 15% (a 100 pontból 15)

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Deklaratív programozás: félévközi követelmények (folyt.)

Nagyzárthelyi, pótzárthelyi (NZH, PZH, PPZH)

- A zárthelyi kötelező!
- Semmilyen jegyzet, segédlet nem használható
- A megtanulandó könyvtári függvények, ill. eljárások listáját előre megadjuk
- 40%-os szabály (nyelvenként a maximális részpontszám 40%-a kell az eredményességhez).
Kivétel: a korábban aláírási szerzett hallgató zárthelyin szerzett pontszámát az alsó ponthatártól függetlenül beszámítjuk a félévvégi osztályzatba.
- Az NZH a 7., a PZH az utolsó oktatási hetekben lesz
- A PPZH-ra indokolt esetben, ismétővizsga-jelleggel a vizsgaidőszak első három hetében egyetlen alkalommal adunk lehetőséget
- Az NZH anyaga az 1.-6. hét tananyaga
- A PZH, ill. a PPZH anyaga azonos az NZH anyagával
- A zárthelyi súlya az osztályzatban: 15% (a 100 pontból 15)
- Több zárthelyi megírása esetén a zárthelyikre kapott pontszámok közül a *legnagyobb*at vesszük figyelembe

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

Deklaratív programozás: vizsga

Vizsga

- Vizsgára az a hallgató bocsátható, aki aláírást szerzett a jelen félévben vagy a jelen félévet megelőző négy félévben
- A vizsga szóbeli, felkészülés írásban
- Prölóg, SML: több kisebb feladat (programírás, -elemzés) kétszer 35 pontért
- A vizsgán szerzhető max. 70 ponthoz adjuk hozzá a **jelen** félévben félévközi munkáival szerzett pontokat: ZH: max. 15 pont, NHF: max. 15 pont, továbbá a pluszpontokat (KHF, Jétraverseny)
- **Korábbi** félévben szerzett pontokat *nem* számítunk be!
- A vizsgán semmilyen jegyzet, segédlet nem használható, de lehet segítséget kérni
- A megtanulandó könyvtári függvények, ill. eljárások listáját előre megadjuk
- Ellenőrizzzük a nagy házi feladat és a zárthelyi „hitelességét”
- 40%-os szabály (nyelvenként a max. részpontszám 40%-a kell az eredményességhez)
- Korábbi vizsgakérdések a honlapon találhatóék

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Követelmények)

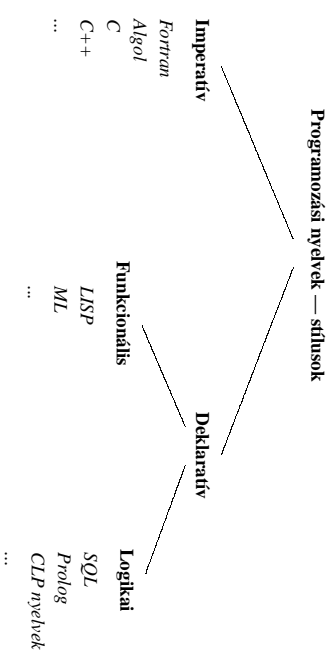
A félév időbeosztása

- Az előadások közelítő menetrendje
 - 1. előadás: A deklaratív és imperatív programozás összehasonlítása
 - 2.-7. előadás (1.-4. hét): Prölóg I. rész (a nyelv alapjai)
 - 8.-13. előadás (4.-7. hét): SML I. rész (a nyelv alapjai)
 - 14.-19. előadás (7.-10. hét): Prölóg II. rész
 - 20.-25. előadás (10.-13. hét): SML II. rész
 - 26.-27. előadás (14. hét): Kitekintés
- A félévközi (nem kötelező és kötelező) számonkérések közelítő menetrendje
 - A KHF-ek kiadása: a 2., 4., 7. és 9. héten
 - A KHF-ek beadása: a kiadásuk után két héten
 - Az NHF kiadása: 6. hét
 - Az NHF beadása: 12. hét
 - Az NZH megírása a 7. héten, hétfőn 16.15-től kb. 18.00-ig
 - A PZH megírása a 13. vagy 14. héten, megállapodás szerinti időben
 - A PPZH megírása (indokolt esetben, ismétlővizsga-jelleggel) a vizsgaidőszak első három hetében kijelölt egyetlen alkalommal lehetséges

Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Programozási nyelvek osztályozása



Deklaratív programozás: BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Imperatív és deklaratív programozási nyelvek

- Imperatív program
 - felszólító módú, utasításokból áll
 - változó: változatható értékű memóriahely


```
int fakt(int n) // C nyelvű példa:
{ int f=1; // Legyen f értéke 1!
  while (n>1) // Amíg n>1 ismételd ezt:
    f*=n-1; // szorozd f-et n-nel, majd csökkentsd n-et!
  return f; // Add vissza f végértékét mint n faktoriálisát!
} // (fakt(4) = 1*4*3*2)
```
- Deklaratív program
 - kijelentő módú, egyenletekből, állításokból áll
 - változó: egy ismeretlen, de (előbb–utóbb) rögzített értékű mennyiség.
 - SML példa:


```
fun fakt 0 = 1 (* 0 faktoriálisa 1 *)
  | fakt n = n * (* n faktoriálisa egyenlő n szorzva *)
    fakt (n-1) (* n-1 faktoriálisával *)
  (fakt 4) = 4*(3*(2*1))
```
 - C példa: `int fakt(int n) {if (n<=1) return 1; else return n*fakt(n-1);}`

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Példa — családi kapcsolatok

Deklaratív és imperatív programozás DP-15

- Adatok

Egy gyerek–szülő kapcsolat, pl.

gyerek	szülő
Imre	István
Imre	Gizella
István	Géza
István	Sarola
Gizella	Civakodó Henrik
Gizella	Burgundi Gizella

- A feladat:

Definiálandó az unoka–nagyszülő kapcsolat, pl. keressük egy adott személy nagyszüleit.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Deklaratív programozási nyelvek

- Alapvető jellemzők
 - A deklaratív programok **dekomponálhatók**: a program felbontható részekre, amelyek egymástól **függetlenül** megírhatók, tesztelhetők, verifikálhatók.
 - A deklaratív programokon könnyű következtetéseket végezni, pl. helyességeket bizonyítani.
- Tulajdonságok
 - Egy nyelvi elem értelme csak önmagától függ — állapotmentesség.
 - Hivatkozási állásizóság (referential transparency) — pl. ha $f(x) = x^2$, akkor $f(a)$ **helyettesíthető** a^2 -tel.
 - Egy szeres értékadás (single assignment) — párhuzamos végrehajthatóság.
- Jelmondat
 - MIT és nem HOGYAN (WHAT rather than HOW): a *megoldás módja* helyett inkább a megoldandó *feladat leírását* kell megadni
 - A gyakorlatban mindkét szemponttal foglalkozni kell — kettős szemantika:
 - deklaratív szemantika — MIT (milyen feladatot old meg a program;
 - procedurális szemantika — HOGYAN oldja meg a program a feladatot.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A nagyszülő feladat — C nyelvű megoldás

Deklaratív és imperatív programozás DP-16

```
/* Az adatbázis */
struct gysz {
  char *gyerek, *szulo;
} szulo[] = {
  "Imre", "István",
  "Imre", "Gizella",
  "István", "Géza",
  "István", "Sarolt",
  "Gizella", "Civakodó Henrik",
  "Gizella", "Burgundi Gizella",
  NULL, NULL
};

/* unoka nagyszülőinek kiírása */
void nagyszuloi(char *unoka)
{
  struct gysz *mgsz = szulo;
  for (; mgsz->gyerek; ++mgsz)
    if (!strcmp(unoka, mgsz->gyerek))
      { struct gysz *mszn = szulo;
        for (; mszn->gyerek; ++mszn)
          if (!strcmp(mgsz->szulo,
                    mszn->gyerek))
            puts (mszn->szulo);
      }
}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A nagyszülő feladat — SML megoldás

● Az SML program:

```
(* szulei x = az x személy szüleinek listája *)
fun szulei "Imre" = ["István", "Gizella"]
  | szulei "István" = ["Géza", "Sarolt"]
  | szulei "Gizella" = ["Civakodó Henrik", "Burgundi Gizella"]
  | szulei _ = [] (* senki másnak nincs szülője *)
-> val szulei = fn : string -> string list

(* nagyszulei g = g nagyszüleinek listája *)
fun nagyszulei g = List.concat (map szulei (szulei g));
-> val nagyszulei = fn : string -> string list

● A függvény futtatása
- nagyszulei "Imre";
> val it = ["Géza", "Sarolt", "Civakodó Henrik", "Burgundi Gizella"]
  : string list
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A nagyszülő feladat — Prolog megoldás

Deklaratív és imperatív programozás DP-19

```
% szuloje(Gy, Sz):Gy szülője Sz.
szuloje('Imre', 'István').
szuloje('Imre', 'Gizella').
szuloje('István', 'Géza').
szuloje('István', 'Sarolt').
szuloje('Gizella',
        'Civakodó Henrik').
szuloje('Gizella',
        'Burgundi Gizella').

% Gyerek nagyszülője Nagyszulo.
nagyszuloje(Gyerek, Nagyszulo) :-
    szuloje(Gyerek, Szulo),
    szuloje(Szulo, Nagyszulo).

% Kik Imre nagyszülei?
| ?- nagyszuloje('Imre', NSZ).
NSZ = 'Géza' ? ;
NSZ = 'Sarolt' ? ;
NSZ = 'Civakodó Henrik' ? ;
NSZ = 'Burgundi Gizella' ? ;
no

% Kik Géza unokái?
| ?- nagyszuloje(U, 'Géza').
U = 'Imre' ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A nagyszülő feladat — SQL megoldás

```
SQL> create table szulok (gyerek char(30), szulo char(30));
(... )

SQL> create view nagyszulok as select fiatal.gyerek, oreg.szulo
-> from szulok as fiatal, szulok as oreg
-> where fiatal.szulo = oreg.gyerek;
view created.

SQL> select * from nagyszulok;
GYEREK          SZULO
-----
Imre            Civakodó Henrik
Imre            Burgundi Gizella
Imre            Géza
Imre            Sarolt

SQL>
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A deklaratív és imperatív megoldások összehasonlítása

Deklaratív és imperatív programozás DP-20

- A keresési feladat megoldása
 - C nyelven: ciklussal
 - SQL-ben: beépített adatbázis-kereséssel
 - SML-ben: magasabbrendű függvénybe rejtett rekurzívval
- Prologban: beépített mintaillesztéses eljáráshívással
- Az összetett feltételek kezelése
 - C nyelven: skatulyázott ciklussal
 - SML-ben: függvények kompozíciójával
 - SQL-ben, Prologban: relációk konjunkciójának képzésével
- A funkcionális és logikai megoldásokról
 - az SML megoldás rendkívül tömör (magasabbrendű függvények)
 - a Prolog megoldás többirányú (több függvénykapcsolatnak felel meg)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Egy összetettebb példa: bináris fák bejárása

- A bináris fa adatszerkeztúra
 - vagy egy csomópont (node), amelynek két részfája van (left, right)
 - vagy egy levél (leaf), amely egy egészszámi tartalmaz
- Binárisfa-struktúrák különböző nyelveken

```

% Struktúra deklarációk C-ben
enum treetype Node, Leaf;
struct tree {
enum treetype type;
union {
    struct { struct tree *left;
            struct tree *right;
            } node;
    struct { int value;
            } leaf;
} u;
};

% Adattípus-deklaráció SML-ben
datatype Tree =
    Node of Tree * Tree
  | Leaf of int

% Adattípus-komment Prologban
% :- type tree --->
%     node(tree, tree)
%     | leaf(int).

```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Bináris fák összegzése — SML példafutás

Deklaratív és imperatív programozás DP-23

```

% mosml
Moscow ML version 2.00 (June 2000)
Enter `quit();' to quit.
- use "treesum.sml";
[opening file "treesum.sml"]
> New type names: =Tree
datatype Tree =
(Tree,con Leaf : int -> Tree, con Node : Tree * Tree -> Tree)
con Leaf = fn : int -> Tree
con Node = fn : Tree * Tree -> Tree
val sum_tree = fn : Tree -> int
[closing file "treesum.sml"]
> val it = () : unit
- sum_tree(Node(Leaf(5),
Node(Leaf(3),Leaf(2)))) ;
> val it = 10 : int
- quit();
%

```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Bináris fák összegzése

- Egy bináris fa levélösszegének kiszámítása:
 - csomópont esetén a két részfa levélösszegének összege
 - levél esetén a levélben tárolt egész
- Binárisfa-összegzők különböző nyelveken

```

% C nyelvű (deklaratív) függvény
int sum_tree(struct tree *tree)
{
    switch(tree->type) {
    case Leaf:
        return tree->u.leaf.value;
    case Node:
        return
            sum_tree(tree->u.node.left) +
            sum_tree(tree->u.node.right);
    }
}

% SML nyelvű függvény
fun sum_tree( Node(Left, Right) )
    = sum_tree Left +
  sum_tree Right
  | sum_tree( Leaf(Val) ) = Val

% Prolog eljárárs (predikátum)
sum_tree(Leaf(Value), S) :-
    S = Value.
sum_tree(Node(Left, Right), S) :-
    sum_tree(Left, S1),
    sum_tree(Right, S2),
    S is S1+S2.

```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Bináris fák összegzése — Prolog példafutás

Deklaratív és imperatív programozás DP-24

```

% sicstus -f
SICStus 3.10.0 (x86-linux-glibc2.1): Tue Dec 17 15:12:52 CET 2002
Licensed to BUTE DP course
| ?- consult(tree).
consulting /home/szeredi/peldak/tree.pl...
consulted /home/szeredi/peldak/tree.pl in module user, 0 msec 704 bytes
Yes
| ?- sum_tree(node(leaf(5),
node(leaf(3), leaf(2))), Sum).
Sum = 10 ? ;
no
| ?- sum_tree(Tree, 10).
Tree = leaf(10) ? ;
! Instantiation error in argument 2 of is/2
! goal: _76 is _73+_74
| ?- halt.
%

```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A funkcionális programozásról dióhéjban

- Alapszeme
 - a program elemei értékek, speciálisan függvények
 - egy függvény egy kiszámítási szabályt ad meg
 - a program futása: kiértékelés (egyszerűsítés, redukció)
- A funkcionális programozás első megvalósítása: LISP
 - alapötlet: listák könnyű/hatékony feldolgozása
- A funkcionális programozás egy modern megvalósítása: SML
 - a függvények „teljes jogú” értékek
 - erős típusfogalom, típusok automatikus levezetése

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

A logikai programozásról dióhéjban

Deklaratív és imperatív programozás DP-27

- Alapszeme
 - A program elemei logikai állításoknak felelnek meg, pl.:
 $nagyobb(U, N) :- szuloje(U, Sz), szuloje(Sz, N).$
 matematikai formája:
 $UVVNSz(nagyszuloje(U, N) \leftarrow szuloje(U, Sz) \wedge szuloje(Sz, N))$
 - A program futása: dedukció (tételbizonyítási folyamat)
- A logikai programozás első megvalósítása: a Prolog nyelv
 - A logikai állítások egyszerűek, tekinthetők eljárásdefiniciónak is
 - A tételbizonyítási folyamat értelmezhető mint:
 mintaillesztéses eljáráshívás + visszalépéses keresés
 - Prolog = RDBMS + rekurzió + adaistruktúrák

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

SML — előnyök és hátrányok

- Miért jó?
 - nagyon tömör kód
 - függvények is értékek: futási időben létrehozhatók
 - mintaillesztés: adastruktúrák könnyen, áttekinthetően kezelhetők
 - erős típusrendszer
- Mik a hátrányai?
 - megszokottól eltérő programozói stílus
- Hogyan tovább?
 - lista kiértékelés (Haskell, Clean)
 - párhuzamos végrehajtás (Parallel Haskell, CAML — Concurrent ML)
 - típusrendszer bővítése öröklődéssel (Haskell, Clean, Objective CAML)

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Prolog — előnyök és hátrányok

Deklaratív és imperatív programozás DP-28

- Miért jó?
 - tömör kód, többirányú eljárások
 - „automatikus” visszalépéses keresés, ciklusok kiváltása
 - „logikai” változó — meghatározatlan adatok kezelése
- Mik a hátrányai?
 - nehéz megtanulni (különösen „tapasztalt” programozóknak)
 - rögzített, rugalmatlan vezérlési mechanizmus
 - gyenge következtetési képesség
- Hogyan tovább?
 - CLP — korlát logikai programozás (constraint logic programming)
 - annotációk, típusok — Mercury
 - rugalmasabb vezérlés, párhuzamos végrehajtás — Aurora, Andorra, Oz

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Deklaratív programozás — miért tanítjuk?

- Új, magas szintű programozási elemek
 - rekurzió
 - mintaillesztés
 - visszalépéses keresés
- Új gondolkodási stílus
 - dekomponálható programok: a programrészek (relációk, függvények) önálló jelentéssel bírnak
 - verifikálható programok: a kód és a jelentés összevethető
- Új alkalmazási területek
 - szimbolikus alkalmazások
 - következtetési módszerekre épülő megoldások
 - nagyfokú megbízhatóságot igénylő rendszerek

Deklaratív programozás, BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Egy példa: párbeszéd egy 50 soros Prolog programmal

```

/ ? - párbeszéd.
/ : Magyar legény vagyok én.
Fel fogtam.
/ : Ki vagyok én?
Magyar Legény
/ : Péter kicsoda?
Nem tudom.
/ : Péter tanuló.
Fel fogtam.
/ : Péter jó tanuló.
Fel fogtam.
/ : Péter kicsoda?
tanuló
jó tanuló
/ : Boldog vagyok.
Fel fogtam.

/ : Te egy Prolog program vagy.
Fel fogtam.
/ : Ki vagyok én?
Magyar Legény
Boldog
/ : Okos vagy.
Fel fogtam.
/ : Te vagy a világ közepe.
Fel fogtam.
/ : Ki vagy te?
egy Prolog program
Okos
a világ közepe
/ : Valóban?
Nem értem.
/ : Unlak.
Én is.

```

Deklaratív programozás, BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Deklaratív Programozás)

Beszédes LP-32

Beszédes a Logikai Programozásba

- Az előadássorozat áttekintése
 - Bevezetés
 - A Prolog nyelv alapjai
 - Prolog programozási módszerek
 - A legfontosabb beépített eljárások
 - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek
 - Új irányzatok a logikai programozásban

BEVEZETÉS A LOGIKAI PROGRAMOZÁSBA

Deklaratív programozás, BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog nyelv — logikai alapú bemutatás

- **Prolog = Programozás logikában (Programming in logic)** alapelve:
 - egy program logikai állításokból áll, a program futása következtetési folyamat.
 - A logika nyelvének elemei: (rövid összefoglaló, vö. a Matematikai Logika c. tárgy anyagával)
 - Kifejezés (term): változókból és konstansokból függvények segítségével épül fel, pl $f(a, g(X))$, ahol f kétargumentumú, g egyargumentumú függvény, a konstansnév (azaz 0-argumentumú függvénynév) és X változónév.
 - Elemi állítás (atom): egy relációjel, megfelelő számú argumentummal ellátva, ahol az argumentumok kifejezések, pl. $osztja(a, X, X * Y)$.
 - Prolog konvenciók:
 - A változóneveket nagybetűvel vagy aláhúzással kezdjük.
 - Kétargumentumú függvénykifejezéseket, állításokat infix alakban is írhatunk, pl. $X + 2 * Y \equiv +(X, *(2, Y))$, $X < Y * 2 \equiv <(X, *(Y, 2))$
 - A függvények (és konstansok) nevét kisbetűvel kezdjük, vagy aposztrófok közé tesszük. Speciális jelek ill. jelsorozatok is megengedettek függvény, konstans, vagy állítás nevéként (pl. $+$, $*$, $<$).
 - Állítás (formula): elemi állításokból logikai összekötő jelekkel (pl. \wedge , \vee , \neg , \rightarrow) és kvantorok (\forall , \exists) alkalmazásával épül fel, pl. $\forall X (X < 0 \rightarrow \neg X < X * 2)$.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-35

Definit klózok — a Prolog program építőelemei

- Általános klóz (ismétlés): $F_1, \dots, F_n; -T_1, \dots, -T_m$. $\forall X (F_1 \vee \dots \vee F_n \vee -T_1 \vee \dots \vee -T_m)$
- Definit klóz (definite clause) vagy Horn klóz (Horn clause):
 - olyan klóz, amelynek fejében legfeljebb egy elemi állítás szerepel ($n \leq 1$).
 - Horn klózok osztályozása
 - Ha $n = 1, m > 0$, akkor a klózi **szabály**nak hívjuk, pl. $szuloje(U, N) :- szuloje(U, Sz), szuloje(Sz, N)$.
 - logikai alak: $UNSz(nagyszuloje(U, N) \leftarrow szuloje(U, Sz) \wedge szuloje(Sz, N))$
 - ekvivalens alak: $VUN (nagyszuloje(U, N) \leftarrow \exists Sz (szuloje(U, Sz) \wedge szuloje(Sz, N)))$
 - $n = 1, m = 0$ esetén a klóz **tényállítás**, pl. $szuloje('Imre', 'István')$.
 - logikai alakja változatlan.
 - $n = 0, m > 0$ esetén a klóz egy **célsorozat**, pl. $:- nagyszuloje('Imre', X)$.
- Ha $n = 0, m = 0$, akkor **üres klózzal** beszélünk, jele: \square . Logikailag üres diszjunkció, azaz azonosan hamis.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A logika nyelvének megszorítása

- A következtetési folyamat hatékonyabbá tételéhez érdemes a logikai nyelvet szűkíteni.
- Bevezetjük a klóz (clause) fogalmát. Egy klóz az alábbi alakú logikai állítás:

$$\forall X_1, \dots, X_j ((F_1 \vee \dots \vee F_n) \leftarrow (T_1 \wedge \dots \wedge T_m))$$
 - az implikáció bal (következmény) oldala a klóz **feje**
 - az implikáció feltétele a klóz **törzse**, a törzsbeli konjunkció elemeit (rész)**céloknak** is hívjuk
 - F_i és T_j elemi állítások, $n, m \geq 0$, azaz a fej és a törzs is lehet üres.
 - X_1, \dots, X_j : a klózban szereplő összes változó.
- A fennivel ekvivalens logikai alak (vö. $A \leftarrow B \equiv A \vee \neg B$):

$$\forall X_1, \dots, X_j (F_1 \vee \dots \vee F_n \vee \neg T_1 \vee \dots \vee \neg T_m)$$
 - Klózok egyszerűsített trázmodja: $F_1, \dots, F_n; -T_1, \dots, -T_m$. Ha $m = 0$, a $:-$ jelet elhagyjuk.
- Példák — vigyázat, ezek általános klózok, nem feltétlenül megengedettek Prologban!


```

ferfi(X), no(X) :- ember(X).           % Aki ember az férfi vagy nő.
:- ferfi(X), no(X).                    % V X - (ferfi(X) \wedge no(X))
szereti(X, X) :- szent(X).             % Nincs olyan dolog, ami férfi és nő is.
szent('István').                       % Minden szentnek maga felé hajlik a keze.

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-36

A Prolog mint logikai nyelv

- Szintaxis:
 - Prolog program: szabályok és tényállítások halmaza. Példa:


```

szuloje('Imre', 'István').
...
szuloje('Gizella', 'Burgundi Gizella').
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N).

```
 - Egy klóz fejének nevét és argumentumszámát együtt a klóz **funktor**ának hívjuk és $Név/Argszám$ alakban írjuk.
 - Az azonos funktorú klózok alkotják egy **predikátum** (vagy eljárás) definícióját. A fenti példa a $szuloje/2$ és $nagyszuloje/2$ predikátumokat definiálja.
 - Programok javasolt formázása:
 - Az egy predikátumhoz tartozó klózok legyenek egymás mellett a programban, közéjük ne tegyünk üres sort. A predikátumokat választjuk el üres sorokkal.
 - A klózfejet írjuk sor elejére, minden célt lehetőleg külön sorba, néhány szóközrel bejelbe kezdve
 - Egy program futtatásához megadandó egy célsorozat. Példa:


```

:- nagyszuloje('Imre', N).

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog mint logikai nyelv

• Deklaratív szemantika

- **Segédfogalom:** egy kifejezés/állítás **példánya:** belőle változók behelyettesítésével előálló kifejezés/állítás.
- Egy célsorozat lefutása **sikeres**, ha a célsorozat törzsének egy példánya logikai **következménye** a programnak (a programbeli klózok konjunkciójának).
- A futás eredménye a példányt előállító **behelyettesítés**.
- Egy célsorozat többféleképpen is lefuthat sikeresen.
- Egy célsorozat futása **sikertelen**, ha egyetlen példánya sem következménye a programnak.

• Példa:

```
szuloje('Imre', 'István').           (sz1)
szuloje('Imre', 'Gizella').         (sz2)
szuloje('István', 'Géza').          (sz3)
szuloje('István', 'Sárolt').        (sz4)
szuloje('Gizella', 'Gyvakodó Henrik'). (sz5)
szuloje('Gizella', 'Burgundi Gizella'). (sz6)
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N). (cel)
:- nagyszuloje('Imre', N).
```

- $(sz1) + (sz3) + (nasz)$ következménye: $nagyszuloje('Imre', 'Géza')$, tehát (cel) sikeresen fut le az $N = 'Géza'$ behelyettesítéssel.

- Egy másik sikeres lefutás, pl. $(sz1) + (sz4) + (nasz)$ alapján $N = 'Sárolt'$.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweisatz LP-39

Deklaratív szemantika (folyt.)

• Miért nem elég a deklaratív szemantika?

- A deklaratív szemantika egy általános következményfogalomra épít.
- A következtetés szűkségképpen többirányú, tehát kereséssel jár.
- Végtelen keresési tér esetén a következtető is **végtelen ciklusba** eshet.
- Véges keresési tér esetén is lehet a keresés nagyon **rossz hatékonyságú**.
- Egyes **beépített predikátumok** csak bizonyos feltételek mellett képesek működni. Pl. S is $S1+S2$ hibát jelez, ha $S1$ vagy $S2$ ismeretlen mennyiség. Emiatt $sum_tree(node(L,R), S) :- S$ is $S1+S2$, $sum_tree(L, S1)$, $sum_tree(R, S2)$.
logikailag helyes, de működésképtelen.

- Ezek miatt fontos, hogy a Prolog programozó ismerje a Prolog pontos végrehajtási mechanizmusát is, azaz a nyelv **procedurális szemantikáját**.

- **Jelző:** Gondolkodj! és programozz deklaratívan, ellenőrizd a programot procedurálisan!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Deklaratív szemantika

• Miért jó a deklaratív szemantika?

- A program **dekompionálható**: külön-külön vizsgálhatjuk az egyes predikátumokat (sőt az egyes klózokat).
- A program (informálisan) **verifikálható**: a predikátumok szándékolt jelentésének ismeretében eldönthető, hogy az egyes klózok igaz állításokat fogalmaznak-e meg.
- Egy predikátum szándékolt jelentését nagyon fontos egy ún. **fejkommentben**, azaz az argumentumok kapcsolatát leíró kijelentő mondatban megfogalmazni. Példák:

```
• Fejkommentek: % szuloje(Gy, Sz) : Gy szülője Sz.
                 % nagyszuloje(Gy, NSz) : Gy nagyszülője NSz.
```

```
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N).
```

A klóz jelentése: Ha Gy szülője Sz és Sz szülője N , akkor Gy nagyszülője N . Ez megfelel elvárásainknak, **igaz állításként** elfogadható.

- Fejkommentek: % $sum_tree(T, Sum)$: A T fa levélfösszege Sum .

```
% E is Kif: A Kif aritmetikai kifejezés értéke E. (is infix)
```

```
sum_tree(node(L,R), S) :- sum_tree(L, S1), sum_tree(R, S2), S is S1+S2.
```

A klóz jelentése: Ha az L fa levélfösszege $S1$, az R fa levélfösszege $S2$, és $S1+S2$ értéke S akkor a $node(L,R)$ fa levélfösszege S . Ez is egy igaz állítás.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweisatz LP-40

A Prolog procedurális szemantikája

- A Prolog végrehajtási mechanizmusa többféleképpen is leírható. Ez nem más mint:
 - Az ún. **SLD rezolúciós tételbizonyítási módszer** (nagyon tömören lásd alább); avagy
 - egy cél-redukción alapuló tételbizonyítási módszer (lásd a következő föltekön); avagy
 - mintaillesztésen alapuló visszalépéses eljárás-szervezés (részletesen lásd később).
- A Prologban alkalmazott rezolúciós tételbizonyítási módszertől:
 - **SLD resolution**. Linear resolution with a Selection function for Definite clauses.
 - A célsorozat **tagadja** a keresett dolgok létezését. pl. $'Imre'$ -nek nincs nagyszülője: $:-$ $nagyszuloje('Imre', N)$.
 - A célsorozat és egy programklóz ún. rezolvensként kapunk egy újabb célsorozatot.
 - A rezolúciós lépéseket addig ismétljük, amíg el nem jutunk az üres klózhoz (zsakutcák esetén visszalépést alkalmazva).
 - Ha ez sikerül, akkor ezzel **indirekt** módon beláttuk, hogy a célsorozat törzse következik a programból, hiszen a törzs negáltjából és a programból következnek az azonosan hamis \square .
 - A rezolúciós bizonyítás konstrukív, siker esetén behelyettesíti a célsorozat változóit — ez a keresett válasz (pl. $N = 'Géza'$).
 - További válaszok alternatív bizonyításokkal állíthatók elő.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog mint cél-redukciós tételbizonyító

- **Példaprogram**

```
szuloje('Imre', 'István').
szuloje('Imre', 'Gizella').
szuloje('István', 'Géza').
(...)
```

```
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N). (nsz)
```
- A kezdeti célsorozat: `:- nagyszuloje('Imre', N).`
(Most a célsorozatot úgy tekintjük mint bizonyítandó állítások sorozatát.)
- Kiegészítjük a célsorozatot egy vagy több speciális céllal, a keresett változók értékének megőrzése érdekében:


```
:- nagyszuloje('Imre', N), answer(N).
```
- A célsorozatot ismételen **redukáljuk** (lásd következő fölia), amíg csak answer cél marad:


```
:- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N), answer(N).
:- szuloje('István', N), answer(N).
:- answer('Géza').
```
- A futás eredményét az answer argumentumból olvashatjuk ki.

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Redukciós lépés — további részletek

Bevetés LP-43

- **Változók kezelése**
 - A változók hatásköre egy klózra terjed ki (vö. $\forall X_1 \dots X_j (F \leftarrow T_j)$).
 - A redukciós lépés előtt a klózt le kell másolni, a változókat szisztematikusan újakra cserélve (vö. rekurzív).
- **Egyesítés:** két kifejezés/állítás azonos alakra hozása, változók behelyettesítésével.
 - A változókat tetszőlegesen kifejezéssel lehet helyettesíteni, akár más változóval is.
 - Az egyesítés a **legáltalánosabb** közös alakot állítja elő. Pl.


```
sum_tree(leaf(X), X)           sum_tree(leaf(X), X) és nem pl.
sum_tree(leaf(T), V)           sum_tree(leaf(0), 0)
közös alakja                    közös alakja
```
- Az egyesítés eredménye a legáltalánosabb közös alakot előállító behelyettesítés. Ez változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű. A példában: `T=leaf(X), V=X`.

Példák:

Hívás:

```
nagyszuloje('Imre', N)           nagyszuloje(Gy, NSz)
szuloje('Imre', Sz)              szuloje('Imre', 'István')
szuloje('Imre', Sz)              szuloje('István', 'Géza')
szerelet('István', Klt)          szerelet(X, X)
szerelet(Ki, Klt)                szerelet(X, X)
```

Behelyettesítés:

```
Gy = 'Imre', NSz = N
Sz = 'István',
nem egyesíthető
X = 'István', Klt = 'István'
X = Ki, Klt = Ki
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A redukciós lépés

- A példa éringett klózai és a célsorozat:


```
szuloje('Imre', 'István').
szuloje('István', 'Géza').
nagyszuloje(Gy, N) :- szuloje(Gy, Sz), szuloje(Sz, N). (nsz)
:- nagyszuloje('Imre', N), answer(N).
```
- Egy redukciós lépés végrehajtása:
 - A célsorozat **első** eleméhez megkeressük az **első** olyan klózt, amelynek fejét a céllal azonosná tudjuk tenni, változók behelyettesítésével. A példában ez az (nsz) klóz.
 - Mind a klózt, mind a célsorozatot **specializáljuk** a kívánt behelyettesítések elvégzésével. A példában előállítjuk (nsz) speciális esetét:


```
nagyszuloje('Imre', N) :- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N). (nsz*)
```
 - Az első célt helyettesítjük a klóz törzsével, azaz ezt a célt egy előfeltételre redukáljuk. A példában az új célsorozat: `szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, N), answer(N).`
 - A következő lépésben az (sz1) klózzal redukálunk, a **célsorozatot** specializálva az Sz = 'István' behelyettesítéssel: `szuloje('István', N), answer(N).`
- Mivel tényállítással redukálunk, üres törzset helyettesítünk, így a célsorozat hossza csökken.
- A (sz3) tényvel való hasonló redukciós lépés eredménye: `answer('Géza')`.

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Választási pontok, visszalépés

Bevetés LP-44

- A példában „szerencsénk” volt: a redukciós lépések sorozata elvezetett egy megoldáshoz.
- Az általános esetben zsákutcába, egy nem redukálható célsorozathoz is juthatunk, pl.


```
:- nagyszuloje('Imre', 'Gyvakodó Henrik').           (nsz)
:- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, 'Gyvakodó Henrik'). (sz1): szuloje('Imre', 'István')
:- szuloje('István', 'Gyvakodó Henrik').             ???
```
- A 2. célsorozatot (sz1)-vel redukáltuk, de a megoldáshoz az (sz2): `szuloje('Imre', 'Gizella')` vezet — nem csak az első egyesíthető klózfejet kell kezelniünk, hanem az összeset!
- Ha nem az utolsó klózzal redukálunk, akkor létrehozunk egy **választási pontot**, ebben elmentjük a célsorozatot és azt, hogy melyik klózzal redukáltuk.
- **Zsákutca**, vagy **új megoldás** kétsége esetén visszatérünk a legutóbbi (legfajlatabb) választási ponthoz és ott a **fennmaradó** (még ki nem próbált) klózok között folytatjuk a keresést.
- Ha egy választási pontnál nem találunk újabb klózt, újabb visszalépés következik. Ha nincs választási pont ahova visszaléphetünk, akkor a célsorozat futása megéri.
- A fenti példában: visszatérünk a második lépéshez, és ott az (sz2) klózzal próbálkozunk:


```
(...)
:- szuloje('Imre', Sz), szuloje(Sz, 'Gyvakodó Henrik'). (sz1)
:- szuloje('Gizella', 'Gyvakodó Henrik').             (sz25)
□
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Az „őse” predikátum definíciója

- Az „őse” reláció a „szülője” reláció tranzitív lezártja: a szülő $\acute{o}s$ (1), és az $\acute{o}s$ őse is $\acute{o}s$ (2), azaz:


```
% ose0(E, Os) : E ose Os.
ose0(E, Sz) :- szuloje(E, Sz).                % (1)
ose0(E, Os) :- ose0(E, Os0), ose0(Os0, Os).    % (2)
```
- Az ose0 definíciója matematikailag helyes, de végtelen Prolog keresési teret ad:


```
szuloje(gyerek, apa). szuloje(gyerek, anya). szuloje(anya, nagyapa).
| ? - ose0(gyerek, Os).
Os = apa ? ; Os = anya ? ; {kb 30 másodperc után;}
! Resource error: insufficient memory
```
- A végtelen rekurzió oka: Az $:-$ ose0(apa, X), cél esetén az (1) klóz meghiúsul, (2) pedig egy $:-$ ose0(apa, Y), ose0(Y, X), célsorozathoz vezet stb.
- A balrekurziót kiküszöbölve kapjuk:


```
ose1(E, Sz) :- szuloje(E, Sz).                % (3)
ose1(E, Os) :- szuloje(E, Sz), ose1(Sz, Os).    % (4)
| ? - ose1(gyerek, Os).
Os = apa ? ; Os = anya ? ; Os = nagyapa ? ; no
```
- Ez minden szuloje(X, Y) részecélt kétszer hajt végre: (3)-ban és (4)-ben.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Bevetés LP-51

A diszjunkció mint szintaktikus édesfőszó

- A diszjunkció akárhány tagú lehet. A ‘;’ művelet gyengébben köt mint a ‘,’; ezért a diszjunkciót mindig zárójelbe tesszük, míg az ágait nem kell zárójellezni. Példa, „szabványos” formázással:


```
a(X, Y, Z) :-
    p(X, U), q(Y, V),
    (   r(U, T), s(T, Z)
    ;   t(V, Z)
    ;   e(U, Z)
    ),
    u(X, Z).
```
- A diszjunkció egy segéd-predikátummal mindig kiküszöbölhető
- Megkeressük azokat a változókat, amelyek a diszjunkcióban és azon kívül is előfordulnak
- A segéd-predikátumnak ezek a változók lesznek az argumentumai
- A segéd-predikátum minden klóza megfelel a diszjunkció egy ágának


```
seged(U, V, Z) :- r(U, T), s(T, Z).
seged(U, V, Z) :- t(V, Z).
seged(U, V, Z) :- e(U, Z).
```
- ```
a(X, Y, Z) :-
 p(X, U), q(Y, V),
 seged(U, V, X),
 u(X, Z).
```

- A diszjunkció szemantikáját ezzel a segéd-predikátumos átalakítással definiáljuk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A diszjunkció

- Az ose1 predikátum hatékonyabbá tehető klózai összevonásával:
 

```
ose2(E, Os) :- - szuloje(E, Sz), maga_vagy_ose(Sz, Os).
maga_vagy_ose(E, E).
maga_vagy_ose(E, Os) :- ose2(E, Os). (1)
```
- A maga\_vagy\_ose predikátum egy ún. **diszjunkció** bevezetésével kiküszöbölhető:
 

```
ose3(E, Os) :- -
 szuloje(E, Sz).
 (Os = Sz
 ; ose3(Sz, Os)
).
```
- A SICStus Prolog ténylegesen úgy implementálja a fenti diszjunkciót, hogy bevezet egy maga\_vagy\_ose-Vel azonos segéd-predikátumot és az ose3 klózt ose2-vé alakítja.
- Az  $X=Y$  beépített predikátum a két argumentumát egyesíti.
- Az = /2 eljárás egy tényállítással definiálható:  $U = V \equiv (U, V), \acute{v}o. (1)$ .

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Bevetés LP-52

## Diszjunkció — megjegyzések

- Az egyes klózok ‘ÉS’ vagy ‘VAGY’ kapcsolatban vannak?
- A program klózai **ÉS** kapcsolatban vannak, pl.
 

```
szuloje('István', 'István'), szuloje('Imre', 'Gizella').
```

 jelentése: Imre szülője István **ÉS** Imre szülője Gizella.
- Az **ÉS** kapcsolatban levő klózok alternatív (VAGY) kapcsolatban levő) válaszokhoz vezetnek:
 

```
:- szuloje('Imre', Sz) => Sz = 'István' ? ; Sz = 'Gizella' ? ; no
```
- A „Ki Imre szülője?” kérdésre a válasz: István vagy Gizella.

- A fenti két klózos predikátum átalakítható egyetlen klózzá, diszjunkció segítségével:
 

```
szuloje('Imre', Sz) :-
 (Sz = 'István'
 ; Sz = 'Gizella'
),
 (*
 (*
```

A konjunkció ezáltal diszjunkcióvá alakult (vö. De Morgan azonosságok).

- Általánosan: tetszőleges predikátum egyklózosá alakítható:

- a klózokat átalakítjuk azonos fejűvé, új változók és egyenlőségek bevezetésével:
 

```
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'István',
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'Gizella'.
```
- a klóztorzsákat egy diszjunkcióvá fogjuk össze, amely az új predikátum törzse (lásd (\*)).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Családi kapcsolatok: a „testvére” reláció

- Példa-adatbázis:
 

```
szuloje('Imre', 'István'),
szuloje('Imre', 'Gizella'),
szuloje('Ottó', 'István'),
szuloje('Ottó', 'Gizella').
```
- Defináljuk a „testvére” kapcsolatot! Első kísérlet:
 

```
testvere(X, Y) :-
 szuloje(X, Sz), szuloje(Y, Sz).
% X es Y testvérek
% ha van közös szülőjük.
```
- $? - testvere('Imre', X) \implies X = 'Imre' ?$
- Javításhoz használjuk a  $X \setminus = Y$  beépített predikátumot!
 

```
X \= Y jelentése: X és Y nem egyesíthető:
testvere(X, Y) :-
 szuloje(X, Sz), szuloje(Y, Sz),
 X \= Y.
% X es Y testvérek
% ha van közös szülőjük,
% és nem azonosak
```
- $? - testvere('Imre', X) \implies X = 'Ottó' ? ; X = 'Ottó' ? ; no$
- Azért kapunk két 'Ottó' választ, mert mindkét szülő segítségével bizonyítható az, hogy ő Imre testvére. Később lesz szó arról, hogyan szűnethető meg ez a „dupla válasz”...

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-55

## És mi történt a logika függvényjelével?

- A Prolog logikai rendszere nem engedi meg, hogy a függvények értékére bármilyen megkötést tegyünk, nem írhatunk fel állításokat a függvényértékekre. Például **nem megengedett** állítások:
 

```
(X+Y)+Z = X+(Y+Z).
X+Y > X :- Y > 0.
```
- Emiatt Prologban  $f(x_1, \dots, x_n) = f(y_1, \dots, y_n) \leftrightarrow x_1 = y_1, \dots, x_n = y_n$
- Ez azt jelenti, hogy minden függvény adat-konstruktor!
 

```
f(X1, ..., Xn) nem más, mint az X1, ..., Xn, mezőkből felépített f címkejű fastuktúra, pl.
% sum_tree(Tree, S) : A számokból felépített Tree bináris fa levélösszege S.
sum_tree(leaf(Value), Value).
sum_tree(node(Left, Right), S) :-
 sum_tree(Left, S1), sum_tree(Right, S2), S is S1+S2.
```
- A függvények fastuktúrákká „szilárdulása” az egyesítési algoritmus által valósul meg. Ez csak akkor tekint két „függvény”-kifejezést azonos alakra hozhatónak, ha:
  - nevük, argumentumszámuk megegyezik, és
  - (rekurzív módon) argumentumait is rendre azonos alakra hozhatók.

- Például:  $? - 2+2 = 2*2 \implies no$ ,  $? - 2+3 = 3+2 \implies no$  stb.
- Az  $f(x_1, \dots, x_n)$  alakú Prolog kifejezést ezután **összetett- vagy struktúra-kifejezésnek** hívjuk, amelynek **struktúranéve**  $f$ . A struktúra **funktora**  $f/n$ . Pl.  $2+2 \equiv +(2,2)$  funktora:  $+ /2$ .

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Családi kapcsolatok: további példák

- Tegyük fel, hogy adatbázisunkban a gyerek-szülő kapcsolat mellett tároljuk az emberek nemét és születési dátumát:
 

```
% szuloje(Gy, Sz) : Gy szülője Sz.
% neme(E, Nem) : E neve Nem, ahol Nem lehet ferfi vagy no.
% születesi_datuma(E, D) : E születési dátuma D, D egy EEEHHNN alakú szám.
```
- „Házi feladat” (nem beadható): gyakorlásképpen definiálják az alábbi családi kapcsolatokat!
 

```
% apja(Gy, Apa) : Gy apja Apa.
% nagyanya(Gy, NA) : Gy nagyanyja NA.
% occse(E1, E2) : E1 öccse E2.
% novere(E1, E2) : E1 nővére E2.
% nagynenje(E1, E2) : E1 nagynénje E2.
% unokatestvere(E1, E2) : E1 unokatestvére E2.
```
- Dátumok összehasonlítására használható az  $X < Y$  beépített predikátum.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-56

## A logika adatfoglalma

- A logika adatfoglalma: Herbrand univerzum
  - Egy adott logikai állítás-gyűjtemény (klózhalmaz) Herbrand univerzuma:
    - tekintsük az állításokban előforduló konstansneveket és függvényneveket,
    - a Herbrand univerzum: a konstansnevek és a belőlük, a függvénynevek tetszőleges számú alkalmazásával előálló kifejezések
    - az ilyen változómentes kifejezéseket **tömör** (ground) kifejezésnek hívjuk.
  - P1 példaprogram:
 

```
szuloje(a,b). szuloje(c,b). szuloje(b,d).
mvo(X,X). mvo(X,Z) :- szuloje(X,Y), mvo(Y,Z).
% mvo = maga vagy őse
```
  - Herbrand univerzum:  $H_1 = \{a, b, c, d\}$
  - P2 példaprogram:  $p(a)$ .  $p(f(X))$ .  $:- p(X)$ .  $q(Y)$ .  $:- q(c)$ .
    - Herbrand univerzum:  $H_2 = \{a, c, f(a), f(c), f(f(a)), f(f(c)), \dots\}$
  - A Herbrand univerzummal izomorf részt minden modell alaphalmazának tartalmaznia kell
  - A Herbrand univerzumon definiálható egy ún. minimális model (minden hannis, amiről nem bizonyítható, hogy igaz). Pl. a P1 példaprogram minimális modelljében
 

```
szuloje_jelentese = {{a,b}, {b,d}, {c,b}} \subset H_1 \times H_1
mvo_jelentese = {{a,a}, {a,b}, {a,d}, {b,b}, {b,d}, {c,c}, {c,b}, {c,d}, {d,d}}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog modellalapú szemantikája

- A Prolog végrehajtás adathalmaza: megfelel egy olyan Herbrand univerzumnak, ahol a konstansnevek közé a számokak is beveszük. Például a P2 példaprogramban:
 
$$H_2 = H_2 \cup \{0, f(0), f(f(0)), -1, f(-1), f(f(-1)), 0.5, f(0.5), f(f(0.5)), \dots\}$$
- Prolog deklaratív szemantika — újabb változat:
  - Egy célsorozat futása azokat a behelyettesítéseket állítja elő, amelyekre a célsorozat fennáll a minimális modelben.
  - A Prolog nem csak tömör behelyettesítéseket állít elő, hanem olyanokat is, amelyek (általában összekapcsol) változókat tartalmaznak.
 

|                  |                          |
|------------------|--------------------------|
| ?- szuloje(X,Y). | ?- mvo(X,Y).             |
| X = a, Y = b ? ; | Y = X ? ;                |
| X = c, Y = b ? ; | % <-- 3 megoldást lefed! |
| X = b, Y = d ? ; | X = a, Y = b ? ;         |
| no               | X = a, Y = d ? ;         |
|                  | X = c, Y = b ? ;         |
|                  | X = c, Y = d ? ;         |
|                  | X = b, Y = d ? ;         |
- Vö. szuloje jelentése =  $\{(a,b), (b,d), (c,b)\}$ 

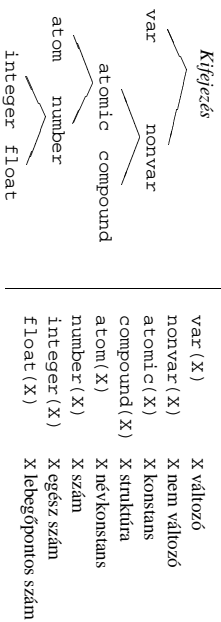
$$\text{mvo jelentése} = \{(a,a), (a,b), (a,d), (b,b), (b,d), (c,c), (c,b), (c,d), (c,b), (d,d)\}$$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog adatfoglalma

- Prolog kifejezések osztályozása — osztályozó beépített predikátumok



- Egy osztályozó predikátum az argumentuma pillanatnyi állapotát ellenőrzi, logikailag nem tiszta:

```

| ?- X = 1, integer(X). ==> Yes
| ?- integer(X), X = 1. ==> no
| ?- atom('István'), atom(Istvan). ==> Yes
| ?- compound(leaf(X)). ==> Yes
| ?- compound(X). ==> no

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Változókat tartalmazó megoldások

- | ?- mvo(X,Y). ==> Y = X ?
- Ez egy „paraméteres” megoldásközlés: az X paraméter **tetszőlegesen** megválasztható, de Y-nak ezzel azonosnak kell lennie.
- Tehát X tetszőlegesen megválasztható, mint a Herbrand univerzum egy eleme, és Y ugyanez az érték kell legyen.
  - | ?- sum\_tree(X,Y). ==> X = leaf(Y) ?
  - Itt Y választható meg tetszőlegesen, ennek leaf/1-be „csomagolt” változata lesz X.
  - Ez „idegen” megoldásokat is jelenl, pl. mvo(X,Y) teljesül X=Y=1 esetén, sum\_tree(X,Y), X=leaf(a), Y=a esetén.
- Ez ellen nem értedemes programkód beépítésével védekezni, mert az lényegesen lassíthatja a futást, vagy rombtája a program többirányú használatát. (Szóba jöhet viszont egy fordítási idejű típusellenőrző használata, pl. TCLP, http://contraintes.inria.fr/~coquery/tclp.)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példasor: bináris fák kezelése

- Az egészektől álló bináris fa különböző meghatározásai:
  - Szöveges definícióként (ismétlés):
    - vagy egy levél (leaf(V)), ahol V egy egész szám
    - vagy egy csomópont (node(L,R)), ahol L és R egészektől álló bináris fák
  - Matematikai jelöléssel:
 
$$\text{itree} \equiv \{\text{leaf}(?) \mid ? \in \text{integer}\} \cup \{\text{node}(l,r) \mid l,r \in \text{itree}\}$$
  - A Mercury típusos logikai programozási nyelv jelöléseivel:
 

```

:- type itree --> node(itree, itree) | leaf(int).

itree(leaf(V)) :-
 integer(V).
itree(node(L,R)) :-
 itree(L), itree(R).

```
- Egy ellenőrző Prolog predikátumként:
 

```

itree(leaf(V)) :-
 integer(V).
itree(node(L,R)) :-
 itree(L), itree(R).

```
- Az ilyen adatípust **megkülönböztetett unió**nak nevezzük, mert az unióban szereplő halmazokat az elemenk funktora megkülönbözteti (leaf/1, node/2)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az egyesítés mint adat-építő és -kiválasztó művelet

- Példák:
 

```

% balcsontk(Fa, E) : Fa egy olyan bináris fa, amelynek legfelső
% csomópontjában balra egy E értékű levél van
balcsontk(node(leaf(V),_), V).
% jobbcsontk(Fa, E) : Fa egy olyan bináris fa, amelynek legfelső
% csomópontjában jobbra egy E értékű levél van
jobbcsontk(node(_,leaf(V)), V).

```
- A Prolog egyesítés egyaránt használható adat-építésre (konstrukció) és -kiválasztásra (szeklekcó). Példák:

- Mindkét argumentum bemenő: ellenőrzés.
 

```

| ?- Fa=node(leaf(1),leaf(2)), balcsontk(Fa, 1). => yes

```
- A fa adott, az érték kimenő: levélérték elővétele (vagy meghívás).
 

```

| ?- Fa=node(leaf(1),leaf(2)), balcsontk(Fa, B), jobbcsontk(Fa, J).
=> B = 1, J = 2. ? ; no
| ?- balcsontk(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(3)), B). => no

```
- Az érték adott, a fa kimenő: fa építése.
 

```

| ?- balcsontk(Fa, 1), jobbcsontk(Fa, 2). => Fa=node(leaf(1),leaf(2)) ? ; no

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-62

## A logikai változó

- A logikai változó fogalma:
  - kifejezéseként, kifejezésben egyaránt előfordulhat
  - a változók egymással is azonosná tehetőek: pl. két azonos változó egy kifejezésben.
  - a változó „teljes jogú” állampolgár a (rész)kifejezések világában
- SML-ben is van mintaillesztés, de a minta csak szétválasztásra használható, összerakásra nem: a mintabeli változók mindig (tömör) értéket kapnak.
- Egyes újabb funkcionális nyelvek, pl. az Oz nyelv, támogatják a logikai változókat.)
- Példák: Az alábbi célsorozat egy két **azonos** levélből álló bináris fát épít fel a Fa változóban. A levelek értéke **azonos** lesz a célsorozatbeli x változóval:
 

```

balcsontk(node(leaf(V),_), V).
jobbcsontk(node(_,leaf(V)), V).
| ?- balcsontk(Fa, X), jobbcsontk(Fa, X). => Fa = node(leaf(X),leaf(X)) ? ; no

```
- Ha az összekapcsolt változók bármelyike értéket kap, a többi is erre az értékre helyettesíthető:
 

```

| ?- balcsontk(Fa, X), jobbcsontk(Fa, X), X = 1.
=> X = 1, Fa = node(leaf(1),leaf(1)) ? ; no
| ?- balcsontk(Fa, X), jobbcsontk(Fa, X), balcsontk(Fa, 2).
=> X = 2, Fa = node(leaf(2),leaf(2)) ? ; no

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések összerakása (folyt.)

- Vizsgáljuk a fa felépítésének részleteit!
 

```

célsorozat: :- balcsontk(Fa, 1), jobbcsontk(Fa, 2)
klózfaj: balcsontk(node(leaf(_B),_A), _B)
behelyettesítés: _B = 1, Fa = node(leaf(1),_A)
új célsorozat: :- jobbcsontk(node(leaf(1), _A), 2)
klózfaj: jobbcsontk(node(_C, leaf(_D)), _D)
behelyettesítés: _D = 2, _A = leaf(2), _C = leaf(1)
eredmény: Fa = node(leaf(1),leaf(2))

```
- Kövessük nyomon a fenti végrehajtást Prolog hívásoként:
 

```

| ?- balcsontk(Fa, 1). => Fa = node(leaf(1),_A) ? ; no

```

 Fa értéke egy változót tartalmazó Prolog adatstruktúra, mindazon összetett (nem levél) fákat jelenti, amelyek baloldali részfája az 1 értékű levél. Ez egy **kifejezés-minta**.
 

```

| ?- Fa = node(leaf(1),_A), jobbcsontk(Fa, 2).
=> Fa = node(leaf(1),leaf(2)) ? ; no

```

 A jobbcsontk hívás a Fa kifejezés-mintát, **finomítja**, ebben az esetben egy tömör fára szűkíti le.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-64

## Bináris fák kezelése — fa levele

- Írjunk egy predikátumot annak eldöntésére, hogy egy adott érték szerepel-e egy fa levélben!
 

```

% fa_levele(Fa, Ertek) : A Fa bináris fa leveleiben szerepel az Ertek szám.
fa_levele(leaf(V), V).
% ha a fa egyetlen levélből áll és a levélbeli
% érték megegyezik a keresettel, akkor 'siker'
fa_levele(node(L,_) , V) :-
 fa_levele(L, V). % ha szerepel a bal részében → az egészben is
fa_levele(node(_ ,R), V) :-
 fa_levele(R, V). % ha szerepel a jobb részében → az egészben is

```
- Az alhívásjel egy ún. **semmis (void) változó**, ennek minden előfordulása különböző változó!
- A 2. és 3. klóz összehasonlítható egyé, törzsében egy diszjunkcióval:
 

```

fa_levele(leaf(V), V). % az egyszerű fa levélértéke szerepel a fában
fa_levele(node(L,R), V) :-
 (fa_levele(L, V) % egy összetett fában szerepel egy érték
 ; fa_levele(R, V) % ha szerepel a bal részében
). % vagy a jobb részében

```
- Példák: ellenőrzés, adott fa leveleinek felsorolása, adott levélű fák felsorolása (∞ keresési tér).
 

```

| ?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(7)), 2). => yes
| ?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(2)),leaf(7)), 3). => no
| ?- fa_levele(node(leaf(1),leaf(7)), E), => E = 1 ? ; E = 7 ? ; no
| ?- fa_levele(Fa, 3). => Fa = leaf(3) ? ; Fa = node(leaf(3),_A) ? ; ...

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Összetett adastruktúrák konjunktiiv és diszjunktiiv bejárása

- Prologban egy összetett adastruktúrát kétféleképpen lehet bejárni:

- konjunktiiván: a részek bejárása ÉS kapcsolatban van, általában egy eredményt ad
  - pl. fa összegzése (sum\_tree), fa ellenőrzése (itree), fa kifirása:

```
% Fakit(Fa): Fa kifiracó (mindig teljesül :-). Mellékhatásként kifirja a Fa fát.
Fakit(leaf(Y)) :-
 write(@), write(V). % A write(X) beépített pred. kifirja az X kifejezést.
Fakit(node(L,R)) :-
 write('(',',', Fakit(L), write(' - ', Fakit(R), write('),').
| ?- Fakit(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7))). => (@1 -- @8) -- @7)
Yes
```

- diszjunktiiván: a részek bejárása VAGY kapcsolatban van, visszalépéskor új eredmény
  - pl. fa eleminek felsorolása (Fa\_Levelle)

- A diszjunktiiv, felsoroló bejárás könnyen kiegészíthető további feltételekkel

- Keressük egy fának az (5,10) intervallumba eső leveleit:

```
| ?- _Fa = node(node(leaf(1),leaf(8)),leaf(7)), Fa_Levelle(_Fa, E), 5 < E, E < 10.
=> E = 8 ? ; E = 7 ? ; no
| ?- _Fa = (...), Fa_Levelle(_Fa, E), 5 < E, E < 10, write(E), write(' '), fail.
=> 8 7 => no
```

- A fail beépített predikátum mindig meghúsul, pl. ún. visszalépéses ciklus szervezésére jó.

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Bewerks LP-67

## Levél beszúrása bináris fába

- Írjunk egy predikátumot arra, hogy egy adott értékű levelet egy fába minden lehetséges módon beszúrjoni!

- Nem kell írnuunk, már megírtuk! Az fIm predikátum erre is jó:

```
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa összetett bináris fa egy Ertek értékű
% Levelelnék elhagyása után marad a Marad fa. Röviden: Fa - Ertek = Marad.
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa (összetett) bináris fa úgy áll elő, hogy
% a Marad fába beszúrunk egy E értékű levelet. Fa = Marad + Ertek.
fIm(node(leaf(V),T), V, T). % Egy T fába beszúrhatunk egy Levelet
(...). % úgy, hogy az egyleveleű fát T elé tesszük
```

- Példák:

```
| ?- fIm(Fa, 2, leaf(1)), Fakit(Fa), write(' '), fail.
| ?- fIm(Fa, 2, leaf(1)), Fakit(Fa), write(' '), fail.
| ?- fIm(Fa, 2, leaf(1)), fIm(Fa, 3, Fa0), Fakit(Fa), write(' '), fail.
| ?- fIm(Fa0, 2, leaf(1)), leaf(8)), leaf(7)), Fa_Levelle(_Fa, E), 5 < E, E < 10.
=> no
| ?- fIm(Fa0, 2, leaf(1)), leaf(8)), leaf(7)), Fa_Levelle(_Fa, E), 5 < E, E < 10,
write(E), write(' '), fail.
=> 8 7 => no
| ?- findall(Fa, negylevelelu(1,3,4,6,Fa), Fak), length(Fak,Db). => Db = 120, Fak = (...)
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Levél elhagyása bináris fából

- Írjunk egy predikátumot annak eldöntésére, hogy egy adott érték szerepel-e egy összetett fá leveleiben! A predikátum adja vissza a levél elhagyása után fennmaradó fát!

```
% fIm(Fa, Ertek, Marad): A Fa összetett bináris fa egy Ertek értékű
% Levelelnék elhagyása után marad a Marad fa. (fIm = fa_Level_Maradok)
fIm(node(leaf(V),T), V, T). % ha a bal részfa a keresett levél
fIm(node(L,R), V, node(L,R)) :-
 % akkor a jobb részfa a maradék
 % ugyanez jobb oldali levél esetére
 fIm(node(L0,R), V, node(L,R)) :-
 FIm(L0, V, L).
 % ha a bal részfából elhagyható a levél
 % akkor ennek maradéka, kiegészítve
 % a jobb részfával, lesz a teljes fa maradéka
 fIm(node(L,R0), V, node(L,R1)) :-
 FIm(R0, V, R1). % ugyanez jobb részfa esetére
```

- Az fIm/3 predikátum használható ellenőrzése, de fa szétbontására is:

```
| ?- fIm(node(leaf(1),leaf(3)),leaf(2),leaf(3))), 2, T). =>
T = node(leaf(1),leaf(3)) ? ; no
| ?- fIm(node(leaf(1),node(leaf(2),leaf(3))), 7, T). => no
| ?- fIm(node(leaf(1),node(leaf(2),leaf(3))), X, T). =>
T = node(leaf(2),leaf(3)), X = 1 ? ;
T = node(leaf(1),leaf(3)), X = 2 ? ;
T = node(leaf(1),leaf(2)), X = 3 ? ; no
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Bewerks LP-68

## Operátoros jelölés

- A matematikához hasonlóan a Prolog is megengedi az ún operátoros jelölést.
- Számos jel beépített operátor, pl. +, -, \*, /, =, is, ==, \=, <, <=, ...
- A felhasználó is definiálhat operátort (részelemek később), pl.
 

```
:- op(500,xfx,--). % ezután (A -- B) ≡ --(A,B)
:- op(450,fx,@). % ezután @A ≡ @(A)
```

- Az operátoros jelölést a Prolog **beolvasszók** átalaktíja a belső, kanonikus struktúra-kifejezés formára, kifráskor a belső alakot visszakaptíja operátorossá.

- A write\_canonical beépített predikátum kirítja egy tetszőleges kifejezés belső alakját:

```
| ?- write_canonical(@1--@2). => --(@(1),@(2)) vő. node(leaf(1),leaf(2))
| ?- write_canonical(x+2*y). => +(x,*2,y))
```

- Operátorokkal olvashatóbbá tehetjük a programjainkat:

```
sum_tree(@Val, Val),
sum_tree(@Left-Right, S) :-
 sum_tree(@Left, S1),
 sum_tree(@Right, S2),
 S is S1+S2.
% sum_tree(leaf(Val), Val),
% sum_tree(node(leaf(Left),Right), S) :-
% sum_tree(leaf(Left, S1),
% sum_tree(right, S2),
% S is S1+S2.
```

```
| ?- sum_tree(@1--@2--@3), Sum). => Sum = 6 ? ; no
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Aritmetika Prologban

- Az operátorok teszik lehetővé azt is, hogy a matematikában ill. más programozási nyelvekben megszokott módon értékelhessünk kis aritmetikai kifejezéseket
- Az `is` beépített predikátum egy aritmetikai kifejezést vár a jobboldalán (2. argumentumában), azt kiértékeli, és az eredményt egyesíti a baloldali argumentummal
- Az `:=` beépített predikátum mindkét oldalán aritmetikai kifejezést vár, azokat kiértékeli, és csakkor sikerül, ha az értékek megegyeznek

### Példák:

```
| ?- X = 1+2, write(X), write(' '), write_canonical(X), Y is X.
=> ?- X = 4, Y is X/2, Y := 2. => X = 4, Y = 2.0 ? ; no
| ?- X = 4, Y is X/2, Y = 2. => no
```

- **Fontos:** az aritmetikai operátorokkal (+,-,...) képzett kifejezések **összetett Prolog kifejezést** jelentenek. Csak az aritmetikai beépített predikátumok értékelik ki ezeket!

- A Prolog kifejezések alapvetően szimbolikusak, az aritmetikai kiértékelés a „kivétel”.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-71

## Példa: adott értékű kifejezés előállítása

- A feladat: írjunk Prolog programot a következő feladvány megoldására:
  - Az 1, 3, 4, 6 számokból a négy alapművelet felhasználásával állítsuk elő a 24 számértéket!
  - Mind a négy számot fel kell használni, tetszőleges sorrendben.
  - Tetszőleges alapműveletek használhatók, tetszőlegesen zárójelhasználással.
- Már van egy predikátumunk (`negylevelu/5`), amely adott számokból tetszőleges fát épít.
- Definiáljunk egy predikátumot, amely egy fának megfelelő aritmetikai kifejezéseket készíti!

```
% fa_kiff(Fa, Kif): Kif a Fa fával azonos alakú, azonos számokból álló
% aritmetikai kifejezés, amelyben a négy alapművelet fordulhat elő.
fa_kiff(leaf(V), V).
fa_kiff(node(L,R, Exp) :-
 fa_kiff(L, E1),
 fa_kiff(R, E2),
 alap4(E1, E2, Exp).

% alap4(X, Y, Kif): Kif az X és Y kifejezésekből a négy alapművelet egyikével áll elő.
alap4(X, Y, X+Y).
alap4(X, Y, X-Y).
alap4(X, Y, X*Y).
alap4(X, Y, X/Y).

| ?- fa_kiff(leaf(1),node(leaf(2),leaf(3))), Kif.
Kif = 1+(2+3) ? ; Kif = 1-(2+3) ? ; Kif = 1*(2+3) ? ; Kif = 1/(2+3) ? ;
(...)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Klasszikus szimbolikus kifejezés-feldolgozás: deriválás

- Írjunk olyan Prolog predikátumot, amely számokból és az  $x$  névkonstansból a  $+$ ,  $-$ ,  $*$  műveletekkel képzett kifejezések deriválását elvégzi!

```
% deriv(Kif, D): Kif-nek az x szerinti deriváltja D.
deriv(x, 1).
deriv(C, 0) :-
 number(C).
deriv(U+V, DU+DV) :-
 deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U-V, DU-DV) :-
 deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U*V, DU*V + U*DV) :-
 deriv(U, DU), deriv(V, DV).

| ?- deriv(x*x*x, D).
=> D = 1*x*x+1+1 ? ; no

| ?- deriv((x+1)*(x+1), D).
=> D = (1+0)*(x+1)+(x+1)*(1+0) ? ; no

| ?- deriv(1, 1*x*x+1+1).
=> 1 = x*x+x ? ; no

| ?- deriv(1, 0).
=> no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Beweis LP-72

## Példa: adott értékű kifejezés előállítása (folyt.)

- Korábban elkészített predikátumok:
  - adott számokból álló fákat felsoroló `negylevelu/5`
  - adott fával azonos szerkezetű aritmetikai kifejezéseket felsoroló `fa_kiff/2`
- Ezekre építve könnyen megírható a feladvány megoldására használható predikátum:

```
% Kif egy a négy alapművelettel az X, Y, Z, U számokból
% felépített kifejezés, amelynek értéke Ertek.
negylevelu_erteke(X, Y, Z, U, Ertek, Kif) :-
 negylevelu(X, Y, Z, U, Fa),
 fa_kiff(Fa, Kif),
 Kif := Ertek.

| ?- negylevelu_erteke(1,3,4,6,24,Kif).
Kif = 6 ? (1 ? 3 ? 4) ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Aritmetikai és egyesítési beépített predikátumok

- Aritmetikai predikátumok
  - `X is K1#F`: A `K1#F` aritmetikai kifejezés értékét egyesíti `X`-szel
  - `K1#F1<K1#F2`, `K1#F1=K1#F2`, `K1#F1>K1#F2`, `K1#F1:=K1#F2`, `K1#F1\=K1#F2`: A `K1#F1` és `K1#F2` aritmetikai kifejezések értéke a megadott relációban van egymással (`:=`  $\Rightarrow$  aritmetikai egyenlő, `\=`  $\Rightarrow$  aritmetikai nem-egyenlő).
  - `Ha K1#F`, `K1#F1`, `K1#F2` valamelyike nem **tömb** aritmetikai kifejezés  $\Rightarrow$  hiba.
  - Legfontosabb aritmetikai operátorok: `+`, `-`, `*`, `/`, `mod`, `//` (egész-osztás)

- Egyesítés: `X=Y`: Az `X` és `Y` **általános** Prolog kifejezések egyesíthetőek (és az egyesítést végre is hajtja), `X\=Y`: `X` és `Y` nem egyesíthető.

- Példák:

```
| ?- X is 1*2+3. => X = 5 ?
| ?- X = 1+2*3. => X = 1+2*3 ?
| ?- 7 \= 1+2*3. => Yes
| ?- 7 =\= 1+2*3. => No
| ?- X is alma. => ! Domain error in argument 2 of is/2
| ?- X =:= 1*2+3. => ! Instantiation error in argument 1 of =:= /2
| ?- 1+2*3 > 2*3+1. => no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kiíró és egyéb predikátumok

- `write(X)`: Az `X` Prolog kifejezést kiírja (ha kell, operátorokkal).
- `write_canonical(X)`: Az `X` Prolog kifejezést kanonikus alapszintűra-alakban kiírja.
- `nl`: Kiír egy újsort.
- `true`, `false`: Mindig sikerül ill. mindig meghiúsul.
- `trace`, `notrace`: A (teljes) nyomonkövetést be- ill. kikapcsolja.
- `spy` Predikátum: Töréspontot helyez a Predikátum-ra.

- Példák:
 

```
| ?- write(+1*(2,3)), write(' '), write_canonical(1+2*3), nl.
 Yes
| ?- :- szuloje('István', X), write(X), write(' '), fail ; true.
 Géza Sarolt
```

- A Prolog interaktív felületén használható `'?-'` és `':-'` előtagokról:

- `'?-'` — **kérdés**: (alapértelmezés, elhagyható): futtasd le a célsorozatot, írd ki a változó-behelyettesítéseket, ha van változó, kérdezz a további megoldásról!
- `':-'` — **direktíva**: futtasd a célsorozatot, első megoldásig, csak meghiúsulásakor szólj!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## LEGALAPVETŐBB BEÉPÍTETT PREDIKÁTUMOK

### Programfejlesztési beépített predikátumok

- `consult(File)` vagy `[File]`: A `File` állományban levő programot beolvassa és értelmezendő alakban eltárolja. (`File = user`  $\Rightarrow$  teminálról olvass.)
- `listing` vagy `listing(Predikátum)`: Az értelmezendő alakban eltárolt összes ill. adott nevű predikátumokat ki listázza.
- `compile(File)`: A `File` állományban levő programot beolvassa, lefordítja.
- A lefordított alak gyorsabb, de nem lisztázható, **kicsit** kevésbé pontosan nyomonkövethető.
- `halt`: A Prolog rendszer befejezi működését.

- Példák:

```
> sicstus
SICStus 3.10.0 (x86-linux-glibc2.1): Tue Dec 17 15:12:52 CPT 2002
| ?- consult(fakt).
% consulted/home/user/fakt.pl in module user, 0 msec 712 bytes
| ?- listing(fakt).
fakt(0, 1).
fakt(A, B) :-
 A>0, C is A-1, fakt(C, D), B is D*A.
| ?- halt.
>
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog/LP rövid történeti áttekintése

|              |                                                                                   |
|--------------|-----------------------------------------------------------------------------------|
| 1960-as évek | Tételbizonyító programok                                                          |
| 1970-72      | A logikai programozás elméleti alapjai (R A Kowalski)                             |
| 1972         | Az első Prolog interpreter (A Colmerauer)                                         |
| 1975         | A második Prolog interpreter (Szeredi P)                                          |
| 1977         | Az első Prolog fordítóprogram (D H D Warren)                                      |
| 1977-79      | Számos kísérleti Prolog alkalmazás Magyarországon                                 |
| 1981         | A japán 5. generációs projekt a logikai programozást választja                    |
| 1982         | A magyar MProlog az egyik első kereskedelmi forgalomba kerülő Prolog megvalósítás |
| 1983         | Egy új fordítási modell és absztrakt Prolog gép (WAM) megjelenése (D H D Warren)  |
| 1986         | Prolog szabványosítás kezdete                                                     |
| 1987-89      | Új logikai programozási nyelvek (CLP, Gödel stb.)                                 |
| 1990-...     | Prolog megjelenése párhuzamos számítógépeken                                      |
|              | Nagyhatókonyságú Prolog fordítóprogramok                                          |
|              | .....                                                                             |

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog nyelv bemutatása LP-79

## Információk a logikai programozásról

- Prolog megvalósítások:
  - SWI Prolog: <http://www.swi-prolog.org/>
  - SICStus Prolog: <http://www.sics.se/sicstus>
  - GNU Prolog: <http://paulliac.inria.fr/~diaz/gnu-prolog/>
- Hálózati információforrások:
  - The WWW Virtual Library: Logic Programming: <http://www.afm.sdu.ac.uk/Logic-prog>
  - CMU Prolog Repository: (a <http://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/Lang/prolog/cimn> belül)
  - Főlap: <0.html>
  - Prolog FAQ: <faq/prolog.faq>
  - Prolog Resource Guide: [faq/prg\\_1.faq](faq/prg_1.faq), [faq/prg\\_2.faq](faq/prg_2.faq)

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Magyar nyelvű Prolog irodalom

- Farkas Zsuzsa, Futó Iván, Langer Tamás, Szeredi Péter:**  
Az MProlog programozási nyelv.  
Műszaki Könyvkiadó, 1989  
*jó bevezetés, számos az MProlog beépített eljárásai nem szabványosak.*
- Márkus Zsuzsa:** Prologban programozni könnyű.  
Novotrade, 1988  
*minifélt*
- Futó Iván (szerk.):** Mesterséges intelligencia. (9.2 fejezet, Szeredi Péter)  
Aula Kiadó, 1999  
*csak egy rövid fejezet a Prologról*
- Peter Flach:** Logikai Programozás. Az intelligens következtetés példákon keresztül.  
Panem — John Wiley & Sons, 2001  
*jó áttekintés, inkább elméleti érdeklődésű olvasók számára*

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Szintaktikus édesfőzser: operátorok

- Példa:

`% s is -s1+s2 ekvivalens az is(s, +(-(s1),s2)) kifejezéssel`

- Operátoros kifejezések

```

<összetett kifejezés> ::=
 <struktúránév> (<argumentum> , ...)
 | <argumentum> (operátornév) <argumentum>
 | <operátornév> (<argumentum>)
 | <argumentum> (operátornév)
 <operátornév> ::= <struktúránév>
 {ha operátorként lett definiálva}

```

- Operátor-kezelő beépített predikátumok:

- `op(Prioritás, Fajta, OpNév)` vagy `op(Prioritás, Fajta, [OpNév1, OpNév2, ...])`;
- `Prioritás`: 0–1200 közötti egész
- `Fajta`: az `yFx`, `xFy`, `xFx`, `Fy`, `Fx`, `yF`, `xF` névkonstansok egyike
- `OpNév`: tetszőleges névkonstans
- pozitív prioritás esetén definiálja az operátor(oka)t, 0 prioritás esetén megszünteti azokat.
- `current_op(Prioritás, Fajta, OpNév)`: felsorolja a definiált operátorokat.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Operátorok jellemzői

- Egy operátort jellemez a fajtája és prioritása
- A fajta meghatározza az operátor-osztályt (írasmódot) és az asszociativitást:

| Fajta       | Osztály      | Értelmezés                                             |
|-------------|--------------|--------------------------------------------------------|
| bal-asszoc. | jobb-asszoc. | nem-asszoc.                                            |
| $yFx$       | $xFy$        | $xFx$                                                  |
| $yFx$       | $Fy$         | $Fx$                                                   |
| $yF$        | $xF$         | $A \text{ op } B \equiv \text{op}(A, B)$               |
|             |              | $\text{prefix } A \equiv \text{op}(A)$                 |
|             |              | $\text{posztfix } A \text{ op } B \equiv \text{op}(A)$ |

Polgok szimaxis LP-87

- Több-operátoros kifejezésben a zárójelzést a prioritás és az asszociativitás határozza meg. pl.
  - $a/b+c^*d \equiv (a/b) + (c^*d)$  mert / és \* prioritása 400, ami **kiseb**b mint a + prioritása (500) (Kiseb prioritás = **erősebb** kötés).
  - $a+b+c \equiv (a+b) + c$  mert a + operátor fajtája  $yFx$ , azaz bal-asszociatív (balra köt, balról jobbra zárójeloz)
  - $a^b+c \equiv (a^b) + c$  mert a ^ operátor fajtája  $xFy$ , azaz jobb-asszociatív (jobbra köt, jobbról balra zárójeloz)
  - $a=b=c$  szintaktikusan hibás, mert az = operátor fajtája  $xFx$ , azaz nem-asszociatív

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Szabványos, beépített operátorok

### Szabványos operátorok

```

1200 xFx :- -->
1200 Fx :- ?-
1100 xFy ;
1050 xFx ->
1000 xFy ', '
900 Fy \+
700 xFx < = \= =...
 =:= < > >= \= =
 =\ = > >= is
 @< @=< @> @>=
 @< @=< @> @>=
500 yFx + - \ \ / \
400 yFx * / // rem
 mod << >>
200 xFx **
200 xFy ^
200 Fy - \

```

### Egyéb beépített operátorok

```

1150 Fx dynamic_multifile
 block meta_predicate
900 Fy spy nospy
550 xFy :
500 yFx #
500 Fx +

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Operátorok: zárójelzés

- Induljunk ki egy teljesen zárójelzett, több operátort tartalmazó kifejezésből!
- Egy részkifejezés prioritása a (legkülső) operátornának a prioritása.
- Egy *op* prioritású operátor *ap* prioritású argumentumát körülvevő zárójelpár elhagyható ha:
  - $ap < op$  pl.  $a + (b * c) \equiv a + b * c$  ( $ap = 400, op = 500$ )
  - $ap = op$ , jobb-asszociatív operátor jobboldali argumentuma esetén, pl.  $a^b (b^c) \equiv a^b b^c$  ( $ap = 200, op = 200$ )
  - $ap = op$ , bal-asszociatív operátor baloldali argumentuma esetén, pl.  $(1 + 2) + 3 \equiv 1 + 2 + 3$ . Kivétel: ha a baloldali argumentum operátora jobb-asszociatív, azaz az előző feltétel alkalmazható.
- Példa a kivétel esetére:
  - `:- op(500, xFy, +^).`
  - `| ?- :- write((1 + ^ 2) + 3), nl. => (1 + ^ 2) + 3`
  - `| ?- :- write(1 + ^ (2 + 3)), nl. => 1 + ^ 2 + 3`
  - tehát: konfliktus esetén az első operátor asszociativitása „győz”.

Polgok szimaxis LP-88

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Operátorok — kiegészítő megjegyzések

- Azonos nevű, azonos osztályba tartozó operátorok egyidejűleg nem megengedettek.
- Egy program szövegében direktívákkal definiálhatunk operátorokat, pl.
 

```
:- op(500, xfx, --);
sum_tree(@V, V).
 (...)
```
- A „vessző” kettős szerepe
  - struktúra-kifejezés argumentumait választja el
  - 1000 prioritású xfy operátorként működik: pl.  $(p :- a,b,c) = :-(p, ', '(a, ', '(b,c))$
  - a „pucér” vessző (.) nem névkonstans, de operátorként aposztrófok nélkül is íható.
  - struktúra-argumentumban 999-nél nagyobb prioritású kifejezést zárójellezni kell:
 

```
| ?- write_canonical((a,b,c)). => ', '(a, ', '(b,c))
| ?- write_canonical(a,b,c). => ! procedure write_canonical/3 does not exist
```
- Az egyértelmű elemezhetőség érdekében a Prolog szabvány kiköti, hogy
  - operandusként előforduló operátort zárójelbe kell tenni, pl.  $\text{Comp} = (>)$
  - nem létezhet azonos nevű infix és postfix operátor.
- Sok Prolog rendszerben nem kötelező betartani ezeket a megszorításokat.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Prolog szinaxis LP-91

## Operátoros példa: polinom behelyettesítési értéke

- Formula: számokból és az 'x' névkonstansból '+' és '\*' operátorokkal felépülő kifejezés.
- A feladat: Egy formula értékének kiszámolása egy adott x érték esetén.
 

```
% erteke(K1f, X, E): A K1f formula értéke E, az x=X behelyettesítéssel.
erteke(x, X, E) :-
 E = X.
erteke(K1f, _, E) :-
 number(K1f), E = K1f.
erteke(K1+K2, X, E) :-
 erteke(K1, X, E1),
 erteke(K2, X, E2),
 E is E1+E2.
erteke(K1*K2, X, E) :-
 erteke(K1, X, E1),
 erteke(K2, X, E2),
 E is E1*E2.
| ?- erteke((x+1)*x+x+2*(x+x+3), 2, E).
E = 22 ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Operátorok felhasználása

- Mire jók az operátorok?
  - aritmetikai eljárások kényelmes írására, pl.  $x \text{ is } (Y+3) \bmod 4$
  - aritmetikai kifejezések szimbolikus feldolgozására (pl. szimbolikus deriválás)
  - klózok leírására (: - és ', ' is operátor)
  - klózok átadhatók meta-eljárásoknak, pl.  $\text{asserta}((p(X) :- q(X), r(X)))$
  - eljárásfajok, eljárásnévadás olvashatóbbá tételére:
 

```
:- op(800, xfx, [nagyszülője, szülője]).
Gy nagyszülője N :- Gy szülője Sz, Sz szülője N.
:- op(100, xfx, [..]).
sav(kén, h.2-s-o.4).
```
- Miért rosszak az operátorok?
  - egyetlen globális erőforrás, ez nagyobb projektben gondot okozhat.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A PROLOG VÉGREHAJTÁSI MECHANIZMUSA

## A Prolog szemléletmódjai

- A Prolog nyelv terminológiája többféle szemléletből, értelmezésből származik.

| Logikai (tételbizonyítási)                   | Célvezérelt keresési (tételbizonyítási) | Procedurális (eljárás-szervezési) |
|----------------------------------------------|-----------------------------------------|-----------------------------------|
|                                              | predikátum                              | eljárás                           |
| klóz                                         | szabály, tényállítás                    | (eljárás-változat)                |
| (implikáció következménye) (pozitív literál) |                                         | (eljárás)klóz/fej                 |
| (implikáció előfeltétele)                    | (klóz)törzs                             | (eljárás)törzs                    |
| (negatív literálok)                          | célsorozat                              | (eljárás)hívások                  |
| (negatív literál)                            | cél                                     | (eljárás)hívás                    |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A végrehajtási modellek közös eleme: az egyesítés

Prolog végrehajtás LP-95

- Két kifejezés (pl. egy eljárás hívás és egy klózfej) azonos alakra hozása, változók behelyettesítésével
- Példák
  - Bemenő paraméterátadás — a fej változóit helyettesíti be:
 

```
hivás: nagyszuloje('Imre', Nsz),
fej: nagyszuloje(Gy, N),
behelyettesítés: Gy = 'Imre', N = Nsz
```
  - Kimenő paraméterátadás — a hívás változóit helyettesíti be:
 

```
hivás: szuloje('Imre', Sz),
fej: szuloje('Imre', 'István'),
behelyettesítés: Sz = 'István'
```
  - Bemenő/kimenő paraméterátadás — a fej és a hívás változóit is behelyettesíti:
 

```
hivás: fa_levele(leaf(5), Sum)
fej: fa_levele(leaf(V), V)
behelyettesítés: V = 5, Sum = 5
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog végrehajtás alapelvei

- (Ismétlés:) A Prolog végrehajtási mechanizmusának különböző szemléletlei:
  - SLD rezolúciós tételbizonyítási folyamat
  - Cél-redukciós következtetési módszer
  - Mintaillesztésen és visszalépéses eljárás-szervezésen alapuló program-végrehajtás
- A Prolog eljárásos szemlélete
  - Prolog program: eljárások gyűjteménye
  - Prolog eljárás: egy vagy több eljárás-változattól (azonos funktonú klózból) áll
  - Prolog klóz (eljárás-változat): a klózfej tartalmazza az eljárás nevét és a „formális paramétereket”, a klóztörzsben az eljárás hívásokban a meghívandó eljárások neve és az „aktuális paraméterek” szerepel.
- Prolog eljárás-végrehajtási modellek
  - Redukciós modell: makró-szerűen végrehajtandó eljárás hívási lépések (= redukciós lépések) sorozata, zsákutca esetén visszalépéssel — ez a korábbi cél redukciós modell pontosítása
  - 4-kapus doboz modell: többszörös eredményt szolgáltató eljárások meghívása, sikeres lefutása, új eredmény kérése, eljárás meghívulása — ez a beépített nyomkövető modellje.
  - Mindkét modellben az eljárás hívási lépés mintaillesztésen (egyesítésen) alapul

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Egyesítés: változók behelyettesítése

Prolog végrehajtás LP-96

- A behelyettesítés fogalma
  - A behelyettesítés egy olyan függvény, amely bizonyos változókhoz kifejezéseket rendel.
    - Példa:  $\sigma = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, B), Z \leftarrow C\}$ . Itt  $Dom(\sigma) = \{X, Y, Z\}$
    - A  $\sigma$  behelyettesítés  $x$ -hez  $a$ -t,  $y$ -hoz  $s(b, B)$ -t  $z$ -hez  $C$ -t rendel. Jelölés:  $X\sigma = a$  stb.
  - A behelyettesítés-függvény természetes módon kiterjeszhető az összes kifejezésre:
    - $K\sigma$ :  $\sigma$  alkalmazása  $K$  kifejezésre:  $\sigma$  behelyettesítéseit egyidejűleg elvégezzük  $K$ -ban.
    - Példa:  $f(g(z, h), A, Y)\sigma = f(g(C, h), A, s(b, B))$
    - $A$   $\sigma$  és  $\theta$  behelyettesítések kompozíciója  $(\sigma \otimes \theta)$  — egymás utáni alkalmazásuk
    - $A$   $\sigma \otimes \theta$  behelyettesítés az  $x \in Dom(\sigma)$  változókhoz az  $(x\sigma)\theta$  kifejezést, a többi  $y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)$  változóhoz  $y\theta$ -t rendel  $(Dom(\sigma \otimes \theta) = Dom(\sigma) \cup Dom(\theta))$ :
 
$$\sigma \otimes \theta = \{x \leftarrow (x\sigma)\theta \mid y \in Dom(\sigma)\} \cup \{y \leftarrow y\theta \mid y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)\}$$
    - Pl.  $\theta = \{X \leftarrow b, B \leftarrow d\}$  esetén  $\sigma \otimes \theta = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, d), Z \leftarrow C, B \leftarrow d\}$
- Egy  $G$  kifejezés **általánosabb** mint egy  $S$ , ha létezik olyan  $\rho$  behelyettesítés, hogy  $S = G\rho$ 
  - Példa:  $G = f(A, Y)$  általánosabb mint  $S = f(1, s(Z))$ , mert  $\rho = \{A \leftarrow 1, Y \leftarrow s(Z)\}$  esetén  $S = G\rho$ .

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Egyesítés: legáltalánosabb egyesítő

- $A$  és  $B$  kifejezések egyesíthetőek ha létezik egy olyan  $\sigma$  behelyettesítés, hogy  $A\sigma = B\sigma$ . Ezt az  $A\sigma = B\sigma$  kifejezést  $A$  és  $B$  egyesített alakjának nevezzük.
- Két kifejezésnek általában több egyesített alakja lehet.
  - Példa:  $A = f(X, Y)$  és  $B = f(s(U), U)$  egyesített alakja pl.
    - $K_1 = f(s(a), a)$  a  $\sigma_1 = \{X \leftarrow s(a), Y \leftarrow a\}$  behelyettesítéssel
    - $K_2 = f(s(U), U)$  a  $\sigma_2 = \{X \leftarrow s(U), Y \leftarrow U\}$  behelyettesítéssel
    - $K_3 = f(s(Y), Y)$  a  $\sigma_3 = \{X \leftarrow s(Y), U \leftarrow Y\}$  behelyettesítéssel
- $A$  és  $B$  legáltalánosabb egyesített alakja egy olyan  $C$  kifejezés, amely  $A$  és  $B$  minden egyesített alakjánál általánosabb
  - $A$  fenti példában  $K_2$  és  $K_3$  legáltalánosabb egyesített alakok
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesített alak, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.
- $A$  és  $B$  legáltalánosabb egyesítője egy olyan  $\sigma = mgu(A, B)$  behelyettesítés, amelyre  $A\sigma$  és  $B\sigma$  a két kifejezés legáltalánosabb egyesített alakja.
  - $A$  fenti példában  $\sigma_2$  és  $\sigma_3$  legáltalánosabb egyesítő.
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesítő, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Egyesítési példák

- $A = fa\_level(leaf(V), V), B = fa\_level(leaf(5), S)$ 
  - (4)  $A$  és  $B$  neve és argumentumszáma megegyezik
    - (a)  $mgu(leaf(V), leaf(5)) = \{V \leftarrow 5\} = \sigma_1$
    - (b)  $mgu(V\sigma_1, S) = mgu(5, S)$  (3. szerint)  $= \{S \leftarrow 5\} = \sigma_2$
  - tehát  $mgu(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{V \leftarrow 5, S \leftarrow 5\}$
- $A = node(leaf(X), T), B = node(T, leaf(3))$ 
  - (4)  $A$  és  $B$  neve és argumentumszáma megegyezik
    - (a)  $mgu(leaf(X), T)$  (3. szerint)  $= \{T \leftarrow leaf(X)\} = \sigma_1$
    - (b)  $mgu(T\sigma_1, leaf(3)) = mgu(leaf(X), leaf(3))$  (4. majd 2. szerint)  $= \{X \leftarrow 3\} = \sigma_2$
  - tehát  $mgu(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{T \leftarrow leaf(3), X \leftarrow 3\}$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az egyesítési algoritmus

- Az egyesítési algoritmus
  - bemenete: két Prolog kifejezés:  $A$  és  $B$
  - feladata: a két kifejezés egyesíthetőségének eldöntése
  - eredménye: sikereség esetén a legáltalánosabb egyesítő ( $mgu(A, B)$ ) előállítása.
- Az egyesítési algoritmus,  $\sigma = mgu(A, B)$  előállítása
  1. Ha  $A$  és  $B$  azonos változók vagy konstansok, akkor  $\sigma = \{\}$  (üres behelyettesítés).
  2. Egyébként, ha  $A$  változó, akkor  $\sigma = \{A \leftarrow B\}$ .
  3. Egyébként, ha  $B$  változó, akkor  $\sigma = \{B \leftarrow A\}$ .
  4. Egyébként, ha  $A$  és  $B$  azonos nevű és argumentumszámú összetett kifejezések és argumentum-listáik  $A_1, \dots, A_N$  ill.  $B_1, \dots, B_N$ , és
    - a.  $A_1$  és  $B_1$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_1$ ,
    - b.  $A_2\sigma_1$  és  $B_2\sigma_1$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_2$ ,
    - c.  $A_3\sigma_1\sigma_2$  és  $B_3\sigma_1\sigma_2$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_3$ ,
    - d. ....
 akkor  $\sigma = \sigma_1 \otimes \sigma_2 \otimes \sigma_3 \otimes \dots$
- 5. Minden más esetben a  $A$  és  $B$  nem egyesíthető.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Egyesítési példák a gyakorlatban

- (ismétlés:) Az = /2 beépített eljárás egyesíti a két argumentumát
- Példák:
 

```
| ?- 3-(4--5) = Left--Right.
 Left = 3, Right = 4--5 ?
| ?- node(leaf(X), T) = node(T, leaf(3)).
 T = leaf(3), X = 3 ?
| ?- X*Y = 1+2*3.
 no
| ?- X*Y = (1+2)*3.
 X = 1+2, Y = 3 ?
| ?- f(X, 3/Y-X, X) = f(U, B-a, 3).
 B = 3/3, U = a, X = a, Y = 3 ?
| ?- f(f(X), U+2*2) = f(U, f(3)+Z).
 U = f(3), X = 3, Z = 2*2 ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## A Prolog végrehajtási algoritmus

- (Kezleti beállítások:)** A verem üres, CS := célisorozat
- (Beépített eljárások:)** Ha CS első célja beépített akkor hajtsuk végre.
  - Ha sikertelen  $\Rightarrow$  6. lépés.
  - Ha sikeres, CS := a redukciós lépés eredménye  $\Rightarrow$  5. lépés.
- (Klózásmódló kezdétrekésze:)** I = 1.
- (Redukciós lépés:)** Tekintsük CS első hívásához illeszthető klózok listáját. Ez lehet a predikátum összes klóza, vagy (indexelés esetén) ennek egy részorozata. Tegyük fel, hogy ez a lista N elemű.
  - Ha I > N  $\Rightarrow$  6. lépés.
  - Redukciós lépés a lista I-edik klóza és a CS célsorozat között.
  - Ha sikertelen, akkor I := I+1  $\Rightarrow$  4. lépés.
  - Ha I < N (nem utolsó), akkor vemiük <CS, I>-t.
  - CS := a redukciós lépés eredménye
- (Siker:)** Ha CS üres, akkor sikeres vég, egyébként  $\Rightarrow$  2. lépés.
- (Sikerelenség:)** Ha a verem üres, akkor sikertelen vég.
- (Visszalépés:)** Ha a verem nem üres, akkor leemjük a veremből <CS, I>-t, I := I+1, és  $\Rightarrow$  4. lépés.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Redukciós modell — előnyök és hátrányok

- **Előnyök**
  - (viszonylag) egyszerű és (viszonylag) precíz definíció
  - a keresési tér megjeleníthető, grafikusán szemlélhető

- **Hátrányok**

- az eljárásokból való kilépési elfedi. pl.

```

p :- q, r.
q :- s, t.
s.
t.
r.
 G0: p ?
 G1: q, r ?
 G2: s, t, r ?
 G3: t, x ?
 G4: r ?
 G5: [] ?
 ← q-ből való kiliépés

```

- nem jól illeszkedik a Prolog megvalósítások tényleges végrehajtási mechanizmusához
- nem alkalmazható „igazi” Prolog programok nyomonkövetésére (rosszai célsorozatok)
- Ezért van létjogosultsága egy másik modellnek:
  - eljárás-doboz (procedure box) modell
  - (szokás még 4-kapus doboz ill. Byrd doboz modellnek is nevezni)
  - a Prolog rendszerek nyomonkövető szolgáltatása erre a modellre épül

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Indexelés

- Mi az indexelés?
  - egy hívásra illeszthető klózok gyors kiválasztása,
  - egy eljárás klózainak fordítási idejű csoportosításával.
- A legtöbb Prolog rendszer, így a SICStus Prolog is, az első feji-argumentum alapján indexel (first argument indexing).
- Az indexelés alapja az első fejiargumentum külső funkora:
  - C szám vagy névkonstans esetén C/0;
  - R nevű és N argumentumú struktúra esetén R/N;
  - változó esetén nem értelmezett (minden funktohoz besorolattik).
- Az indexelés megvalósítása:
  - Fordítási időben a funktookhoz elkészítjük az illeszthető klózok listáját
  - Futáskor lényegében konstans idő alatt választunk a részalmazok közül.
  - *Fontos:* ha egyetlen a részalmaz, nem hozunk létre választási pontot!
- Például `szuloje('István', X)` kételemű klózlistájára szűkít, de `szuloje(X, 'István')` mind a 6 klózt megtartja (mert a SICStus Prolog csak az első argumentum szerint indexel)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az eljárás-doboz modell

- A Prolog eljárás-végrehajtás két fázisa
  - előre menő végrehajtás: egymásba skautyázott eljárás-belépések és -kilépések
  - visszatelé menő végrehajtás: újabb megoldás kérése egy már lefutott eljárásról
- Egy egyszerű példa

q(2) . q(4) . q(7) .

p(X) :- q(X), X > 3 .

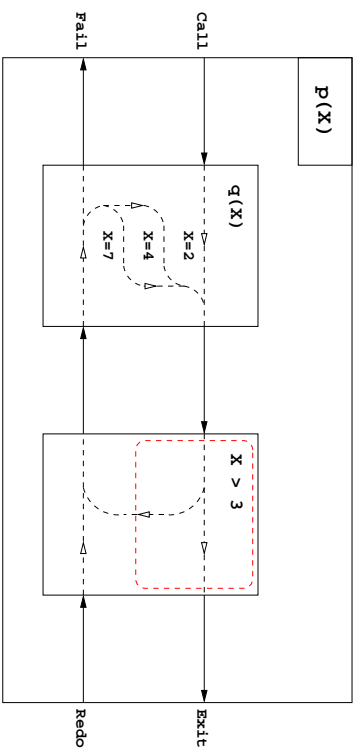
- Belépünk a p/1 eljárásba (Hívási kapu, Call port)
- Belépünk a q/1 eljárásba (Call)
- A q/1 eljárás sikeresen lefut a q(2) eredménnyel (Kilépési kapu, Exit port)
- A > /2 eljárásba belépünk a 2>3 hívással (Call)
- A > /2 eljárás sikertelenül fut le (Meghívásúsi kapu, Fail port)
- A > /2 eljárás sikertelenül fut le (Meghívásúsi kapu, Fail port)
- (visszatelé menő futás): visszatérünk (a már lefutott) q/1-be, újabb megoldást kérve (Újra kapu, Redo Port)
- A q/1 eljárás sikeresen lefut a q(4) eredménnyel (Exit)
- A 4>3 eljárás hívással a > /2-be belépünk majd sikeresen kilépünk (Call, Exit)
- A p/1 eljárás sikeresen lefut p(4) eredménnyel (Exit)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

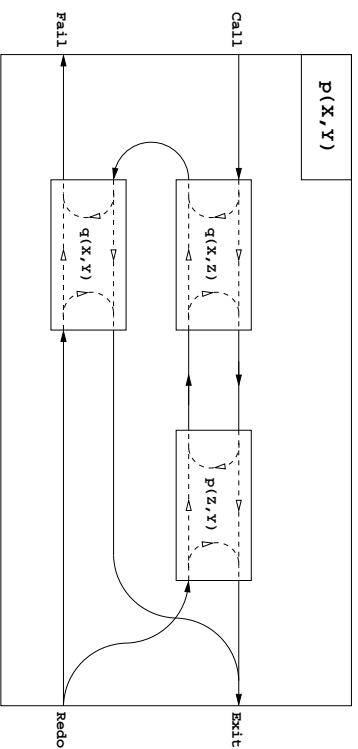
### Eljárás-doboz modell — grafikus szemléltetés

$q(2)$  ,  $q(4)$  ,  $q(7)$  .  $p(X) :- q(X)$  ,  $X > 3$  .



### Eljárás-doboz; egy összetettebb példa

$p(X, Y) :- q(X, Z)$  ,  $p(Z, Y)$  .  
 $p(X, Y) :- q(X, Y)$  .  
 $q(1, 2)$  ,  $q(2, 3)$  ,  $q(2, 4)$  .



### Eljárás-doboz modell — egyszerű nyomonkövetési példa

- Az előző példa nyomonkövetése SICStus Prologban

$q(2)$  ,  $q(4)$  ,  $q(7)$  .  
 $p(X) :- q(X)$  ,  $X > 3$  .

```

| ?- trace, p(X).
1 Call: p(_463) ?
2 Call: q(_463) ?
?
2 Exit: q(2) ?
3 Call: 2>3 ?
3 Redo: 2>3 ?
?
2 Redo: q(2) ?
2 Exit: q(4) ?
4 Call: 4>3 ?
4 Exit: 4>3 ?
?
1 Exit: p(4) ?
?
X = 4 ? ;
1 Redo: p(4) ?
2 Redo: q(4) ?
2 Exit: q(7) ?
5 Call: 7>3 ?
5 Exit: 7>3 ?
1 Exit: p(7) ?
no

```

### Eljárás-doboz modell — „kapcsolási” alapelvek

- Hogyan építhető fel egy „szülő” eljárás doboza a benne hívott eljárások dobozaiból?
- Feltehető, hogy a klózlejeekben (különböző) változók vannak, a fej-egyesítéseket hívás(okk)á alakítva
- Előre menő végrehajtás:
  - A szülő Hívás kapuját az első klóz hívásának Hívás kapujára kötjük.
  - Egy rész-eljárás Kilépési kapuját
    - a következő hívás Hívás kapujára, vagy,
    - ha nincs következő hívás, akkor a szülő Kilépési kapujára kötjük
- Visszafelé menő végrehajtás:
  - Egy rész-eljárás Meghívásulási kapuját
    - az előző hívás Újra kapujára, vagy,
    - ha nincs előző hívás, akkor a következő klóz első hívásának Hívás kapujára, vagy
    - ha nincs következő klóz, akkor a szülő Meghívásulási kapujára kötjük
  - A szülő Újra kapuját mindigük klóz utolsó hívásának Újra kapujára kötjük
    - mindig arra a klózra térünk vissza, amelyben legutoljára volt a vezérlés

## Eljárás-doboz modell — OO szemléletben

- Minden eljáráshoz tartozik egy osztály, amelynek van egy konstruktor függvénye (amely megkapja a hívási paramétereket) és egy „adj egy (következő) megoldást” metódusa.
- Az osztály nyílvántárgya, hogy hányadik klózban jár a vezérlés
- A metódus első meghívásakor az első klóz első Hívás kapujára adja a vezérlést
- Amikor egy rész-eljárás Hívás kapuhoz érkezik, **létrehozunk** egy példányt a meghívandó eljárásból, majd
- meghívjuk az eljáráspéldány „következő megoldás” metódusát (\*)
- Ha ez sikerül, akkor a vezérlés átkerül a következő hívás Hívás kapujára, vagy a szülő Klépési kapujára
- Ha ez meghiúsul, akkor **megszüntetjük** az eljáráspéldányt majd ugrunk az előző hívás Újra kapujára, vagy a következő klóz elejére, stb.
- Amikor egy Újra kapuhoz érkezzünk, a (\*) lépésnél folytatjuk.
- A szülő Újra kapuja (a „következő megoldás” nem első hívása) a tárolt klózsorszámának megfelelő klózban az utolsó Újra kapura adja a vezérlést.

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Prolog végrehajtás LP-115

## Viisszalépéses keresés — egy aritmetikai példa

- Példa: „jó” számok keresése
  - A feladat: keressük meg azokat a kétfegyű számokat amelyek négyzete háromjegyű és a szám fordítottjával kezdődik
  - A program:
- ```

% decl(J): J egy pozitív decimális számjegy.
decl(1). decl(2). decl(3). decl(4).
decl(5). decl(6). decl(7). decl(8). decl(9).

% decl(J): J egy decimális számjegy.
decl(0).
decl(J) :- decl(J).

% Szam négyzete háromjegyű és a Szam fordítottjával kezdődik.
joszam(Szam) :-
    decl(A), decl(B),
    Szam is A * 10 + B, Szam * Szam // 10 == B * 10 + A.
    
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

OO szemléletű dobozok: pp/2 „következő megoldás” metódusának C++ kódja

```

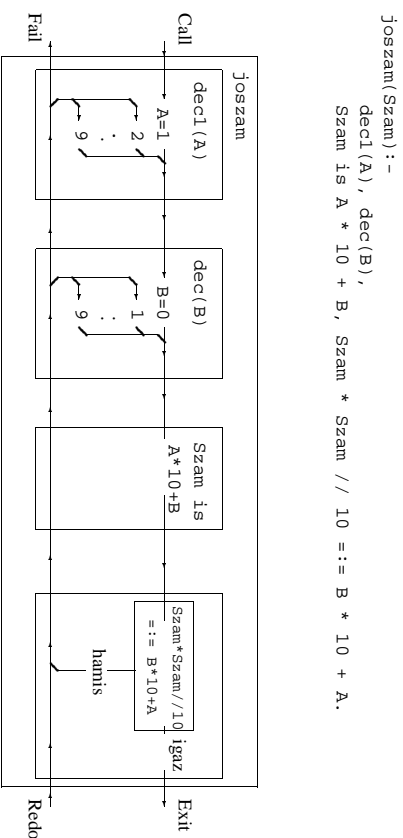
boolean p::next()
{ switch(cno) {
  case 0: // entry point for the Call port
    cno = 1; // enter clause 1:
    qptr = new q(x, k2); // create a new instance of subgoal q(X,Z)
    redo1: // if (qptr->next()) {
      delete qptr; // destroy it,
      goto cl2; // and continue with clause 2 of p/2
    } // otherwise, create a new instance of subgoal p(Z,Y)
    case 1: // (enter here for Redo port if cno==1)
      /* redo12: */ // if p(Z,Y) fails
      if(!pptr->next()) { // destroy it,
        delete pptr; // and continue at redo port of q(X,Z)
        goto redo1; // otherwise, exit via the Exit port
      } // otherwise, exit via the Exit port
    cl2: // enter clause 2:
    cptr = new q(x, py); // create a new instance of subgoal q(X,Y)
    case 2: // (enter here for Redo port if cno==1)
      /* redo21: */ // if q(X,Y) fails
      if(!qpptr->next()) { // destroy it,
        delete qpptr; // and exit via the Fail port
        return FALSE; // otherwise, exit via the Exit port
      }
      return TRUE;
    }
}
    
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Prolog végrehajtás LP-116

Prolog végrehajtás — a 4-kapus doboz modell



Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Viszsalépéses keresés — számintervallum felsorolása

- `dec(0)` felsorolta a 0 és 9 közötti egész számokat
- Általánosítás: soroljuk fel az N és M közötti egészeket (N és M maguk is egészek)


```
% between(M, N, I) : M =< I =< N, I egész.
between(M, N, M) :-
    M =< N.
between(M, N, I) :-
    M < N,
    M1 is M+1,
    between(M1, N, I).
```

```
% dec(X) : X egy decimális számjegy
dec(X) :- between(0, 9, X).
```

```
| ?- between(1, 2, _X), between(3, 4, _Y), Z is 10*_X+_Y.
Z = 13 ? ;
Z = 14 ? ;
Z = 23 ? ;
Z = 24 ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A SICStus eljárás-doboz alapú nyomkövetése — legfontosabb parancsok

- Alapvető nyomkövetési parancsok
 - `h <RET> (help)` — parancsok listázása
 - `c <RET> (creep)` vagy `<RET>` — továbblépés minden kapunál megálló nyomkövetéssel
 - `l <RET> (leap)` — csak töréspontonál áll meg, de a dobozokat építi
 - `z <RET> (zip)` — csak töréspontonál áll meg, dobozokat nem épít
 - `+ <RET>` ill. `- <RET>` — töréspont rakása/eltávolítása a kurrens predikátumra
 - `s <RET> (skip)` — eljárásörzs állépése (`Call/Redo` \Rightarrow `Exit/Fail`)
 - `o <RET> (out)` — kilépés az eljárásörzsből
- A Prolog végrehajtást megváltoztató parancsok
 - `u <RET> (unify)` — a kurrens hívást végrehajtás helyett egyesíti egy beolvasott kifejezéssel.
 - `r <RET> (retry)` — újrakérdi a kurrens hívás végrehajtását (ugrás a Call kapura)
- Információ-megjelenítő és egyéb parancsok
 - `w <RET> (write)` — a hívás kírása mélység-korlátozás nélkül
 - `b <RET> (break)` — új, beágyazott Prolog interakciós szint létrehozása
 - `n <RET> (notrace)` — nyomkövető kikapcsolása
 - `a <RET> (abort)` — a kurrens futás abbahagyása

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Negáció

- Korábbi feladat:
 - Az 1, 3, 4, 6 számokból a négy alapművelet felhasználásával állítsuk elő a 24 számértéket!
- Érdekes kérdés: melyik az első természetes szám, amely **nem** áll elő pl. az 1, 3, 4, 6 számokból a négy alapművelet felhasználásával?
- Ehhez negációra van szükségünk: a `A \+` Hívás akkor és csak akkor sikerül, ha hívás megfiásul.


```
| ?- between(1, 1000, E), \+ negy1velelu_erteke(1,3,4,6, E, _).
E = 34 ? ;
E = 38 ? ;
E = 39 ? ;
E = 44 ? ...
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

TOVÁBBI VEZÉRLÉSI SZERKEZETEK

A meghívásúslásos negáció (NF — Negation by Failure)

- $A \setminus +$ hívás beépített meta-eljárás (vö. \neg — nem bizonyítható)
 - végrehajtja a hívás hívást,
 - ha hívás sikeresen lefutott, akkor meghívásul,
 - egyébként (azaz ha hívás meghívásul) sikerül.
- $\setminus +$ hívás futása során hívás legfeljebb egy megoldása áll elő
- $\setminus +$ hívás sohasem helyettesít be változót
- Gondok a meghívásúslásos negációval:
 - „zárt világ feltételezése” (CWA) — ami nem bizonyítható, az nem igaz.

?- \+ szuloje('Imre', X).	-----> no
?- \+ szuloje('Géza', X).	-----> true ?
 - $\setminus + H$ deklaratív szemantikája: $\neg \exists X(H)$, ahol X a H -ban a hívás pillanatában behelyettesíthetően változókat jelöl.

?- \+ X = 1, X = 2.	-----> no
?- X = 2, \+ X = 1.	-----> X = 2 ?

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egyítható meghatározása: többszörös megoldások kiküszöbölése

- negáció alkalmazásával:


```
(...) :-
    egyhat(K1*K2, E) :-
        number(K1), egyhat(K2, E0), E is K1*E0.
    egyhat(K1*K2, E) :-
        \+ number(K1),
        number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0.
```
- hatékonyabban, feltételes kifejezéssel:


```
(...) :-
    egyhat(K1*K2, E) :-
        ( number(K1) -> egyhat(K2, E0), E is K1*E0
        ; number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0
        ).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Példa: egyítható meghatározása lineáris kifejezésben

- Formula: számokból és az 'x' névkonstansból '+' és '*' operátorokkal épül fel.
- `% :- type kif == {x} \ number \ {kif+kif} \ {kif*kif}.`
- Lineáris formula: a '*' operátor legalább egyik oldalán szám áll.


```
% egyhat(kif, E) : A kif lineáris formulában az x együtthatója E.
egyhat(x, 1) :-
    egyhat(kif, E) :-
        number(kif, E) :-
            number(kif, E) = 0.
            egyhat(k1, E1),
            egyhat(k2, E2),
            E is E1+E2.
            egyhat(k1*k2, E) :-
            egyhat(k1, E0),
            egyhat(k2, E0),
            E is E1*E0.
```
- $| ?- \text{egyhat}(((x+1)*3)+x+2*(x+x+3), E).$

$E = 8 ? ;$	$?- \text{egyhat}(2*3+x, E).$
no	$E = 1 ? ;$
	$E = 1 ? ; no$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Feltételes kifejezések

- Szintaxis (felt, akkor, egyébként tetszőleges célsorozatok):


```
(...) :-
    (...) ,
    ( felt -> akkor
    ; egyébként
    ),
    (...).
```
- Deklaratív szemantika: a fenti alak jelentése megegyezik az alábbival, ha a felt egy egyszerű feltétel (nem oldható meg többféleképpen):


```
(...) :-
    (...) ,
    ( felt, akkor
    ; \+ felt, egyébként
    ),
    (...).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Feltételes kifejezések (folyt.)

- Procedurális szemantika
 - A (felt->akkor ; egyébként) , folytatás célsorozat végrehajtása:
 - Végrehajtuk a felt hívást.
 - Ha felt sikeres, akkor az akkor / folytatás célsorozatra redukáljuk a fenti célsorozatot, a felt első megoldása által eredményezett behelyettesítéssel. A felt cél többi megoldását nem keressük meg.
 - Ha felt sikertelen, akkor az egyébként , folytatás célsorozatra redukáljuk, behelyettesítés nélkül.
- Többszörös elágaztatás skatulyázott feltételes kifejezésekkel:


```
( felt1 -> akkor1
  ; felt2 -> akkor2
  ; ...
  . . . )
```

```
( felt1 -> akkor1
  ; (felt2 -> akkor2
  ; ...
  . . . ) )
```
- Az egyébként rész elhagyható, alapértelmezése: fail.

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

További vezérlési szerkezetek LP-127

Feltételes kifejezés és negáció

- A \+ felt negáció kiváltható a (felt -> fail ; true) feltételes kifejezéssel.
- Példa: ellenőrizzük, hogy egy adott szám nem levele egy fának


```
nem_levele(Fa, V) :-
  ( fa_levele(F, V) -> fail
  ; true
  ) .
```
- (ismétlés:) A \= beépített eljárás jelentése: az argumentumok nem egyesíthetők, megvalósítható:

$$X \neq Y :- \neg \text{X} = Y.$$
- A nem-levele példa-eljárás megvalósítható rekurzívan is:


```
nem_levele(leaf(V0), V) :-
  V0 \= V.
nem_levele(node(L, R), V) :-
  nem_levele(L, V),
  nem_levele(R, V).
```
- A diszjunktív (existenciális kvantornak megfelelő) fa_levele eljárás negálja egy konjunktív (univerzális kvantoros) bejárást!

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Feltételes kifejezés — példák

- Faktoriális


```
% fakt(+N, ?F) : NI = F.
fakt(N, F) :-
  ( N = 0 -> F = 1
  ; N > 0, NI is N-1, fakt(NI, F1), F is N*F1
  ) .
% N = 0, F = 1
```
- Jelentése azonos a sima diszjunktívós alakkal (lásd komment), de amál hatékonyabb, mert nem hagy maga után választási pontot.
- Szám előjele


```
% Sign = sign(Num)
sign(Num, Sign) :-
  ( Num > 0 -> Sign = 1
  ; Num < 0 -> Sign = -1
  ; Sign = 0
  ) .
```

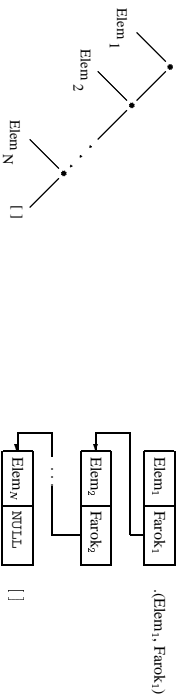
Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

LISTÁK PROLOGBAN

A Prolog lista-fogalma

- közönséges adattípus: `% :- type list(T) ----> .(T, list(T)) ; []`.
- τ típusú elemekből álló lista az vagy egy `'./2` struktúra, vagy a `[]` névkonstans. A struktúra első argumentuma τ típusú, a lista feje (első eleme). A második argumentum `list(T)` típusú, a lista farka (a többi elemről álló lista);
- egyszerűsített frászmód („szintaktikus édesítés”);
- hatékonyabb megvalósítás.
- A listák fastruktúra alakja és megvalósítása



Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Tömör és minta- kifejezések, lista-minták, nyílt végű listák

- (Ismétlés:) Tömör (ground) kifejezés: változót nem tartalmazó kifejezés
- Minta: egy általában nem nem tömör kifejezés, mindazon kifejezéseket „képviselet”, amelyek belőle változó-behelyettesítéssel előállnak
- Lista-minta: listát (is) képviselető minta.
- Nyílt végű lista: olyan lista-minta, amely bármilyen hosszú listát is képvisel.
- Zárt végű lista: olyan lista-(minta), amely egyféle hosszú listát képvisel.

Zárt végű	Milyen listákat képvisel	Nyílt végű	Milyen listákat képvisel
<code>[X]</code>	egyelemű	<code>X</code>	tetszőleges
<code>[X, Y]</code>	kételemű	<code>[X Y]</code>	nem üres (legalább 1 elemű)
<code>[X, X]</code>	két egyforma elemről álló	<code>[X, Y Z]</code>	legalább 2 elemű
<code>[X, 1, Y]</code>	3 elemről áll, 2. eleme 1	<code>[a, b Z]</code>	legalább 2 elemű, elemei: a, b, ...

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Listák jelölése — szintaktikus édesítőszerek

- `[Fej|Fark] ≡ .(Fej, Fark)`
 - `[E1|em1, E2|em2, ..., EN|emN | Fark] ≡ [E1|em1 | [E2|em2, ..., EN|emN | Fark]]`
 - `[E1|em1, E2|em2, ..., EN|emN] ≡ [E1|em1, E2|em2, ..., EN|emN | []]`
- ```

? - [1, 2] = [X|Y]. => X = 1, Y = [2] ?
? - [1, 2] = [X, Y]. => X = 1, Y = 2 ?
? - [1, 2, 3] = [X|Y]. => X = 1, Y = [2, 3] ?
? - [1, 2, 3] = [X, Y]. => no
? - [1, 2, 3, 4] = [X, Y|Z]. => X = 1, Y = 2, Z = [3, 4] ?
? - L = [1|_, _] = [_, 2|_]. => L = [1, 2|_] ? % nyílt végű
? - L = .(1, [2, 3|[]]). => L = [1, 2, 3] ?
? - L = [1, 2 | .(3, [])]. => L = [1, 2, 3] ?
? - [X|[3-Y/X|Y]] = .(A, [A-B, 6]). => A=3, B=[6]/3, X=3, Y=[6] ?

```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Listák összefűzése: az append/3 eljárás

- `append(L1, L2, L3)`: Az `L3` lista az `L1` és `L2` listák elemeinek egymás után fűzésével áll elő (jelöljük:  $L3 = L1 \oplus L2$ ) — két megoldás:
 

|                                           |                                       |
|-------------------------------------------|---------------------------------------|
| <code>append([], L2, L) :- L = L2.</code> | <code>append([X L1], L2, L) :-</code> |
| <code>append(L1, L2, L3).</code>          | <code>append(L1, L2, L3).</code>      |
  - `> append([1,2,3],[4],A)`
  - `(2) > append([2,3],[4],B), A=[1|B]`
  - `(2) > append([3],[4],C), B=[2|C], A=[1|B]`
  - `(2) > append([1],[4],D), G=[3|D], B=[2|C], A=[1|B]`
  - `(1) > D=[4], C=[3|D], B=[2|C], A=[1|B]`
  - `BIP > C=[3,4], B=[2|C], A=[1|B]`
  - `BIP > B=[2,3,4], A=[1|B]`
  - `BIP > A=[1,2,3,4]`
  - `BIP > []`
  - `L = [1,2,3,4] ?`
- |                                                           |                                                           |
|-----------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------|
| <code>&gt; append([1,2,3],[4],A)</code>                   | <code>&gt; append([1,2,3],[4],A), write(A)</code>         |
| <code>(2) &gt; append([2,3],[4],B), write([1 B])</code>   | <code>(2) &gt; append([2,3],[4],B), write([1 B])</code>   |
| <code>(2) &gt; append([3],[4],C), write([1,2 C])</code>   | <code>(2) &gt; append([3],[4],C), write([1,2 C])</code>   |
| <code>(2) &gt; append([1],[4],D), write([1,2,3 D])</code> | <code>(2) &gt; append([1],[4],D), write([1,2,3 D])</code> |
| <code>(1) &gt; write([1,2,3,4])</code>                    | <code>(1) &gt; write([1,2,3,4])</code>                    |
| <code>BIP &gt; []</code>                                  | <code>BIP &gt; []</code>                                  |
| <code>L = [1,2,3,4] ?</code>                              | <code>L = [1,2,3,4] ?</code>                              |
- Az `append/3` komplexitása: futási ideje arányos `L1` hosszával.
  - Miért jobb az `append/3` mint az `append/3`?
    - `append/3 jobbrekurzív`, ciklussal ekvivalens (nem fogyaszt vermet)
    - `append([1, ..., 1000], [0], [2, ..., 1])` azonnal, `append(0, ..., 1000)` lépésben húsul meg
    - `append/3` használható szétszedésre is (lásd később), míg `append/3` nem.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Variációk appendre 1. — Három lista összetűzése

- Az `append/3` keresési tere **végtes**, ha első és harmadik argumentuma közül legalább az egyik zárt végű lista.
 

```
append(L1, L2, L3, L123) : L1 ⊕ L2 ⊕ L3 = L123
```

```
append(L1, L2, L3, L123) :-
 append(L1, L2, L12), append(L12, L3, L123).
```
- Nem hatékony, pl.: `append([1,...,100],[1,2,3],[1], L)` 103 helyett 203 lépés!
- Szétszedésre nem alkalmas — végtelen választási pontot hoz létre

- Szétszedésre is alkalmas, hatékony változat

```
% L1 ⊕ L2 ⊕ L3 = L123, ahol vagy L1 és L2 vagy L123 adotttá(zárt végű).
append(L1, L2, L3, L123) :-
 append(L1, L23, L123), append(L2, L3, L23).
```

- Az első `append/3` hívás nyílt végű listát állít elő:
 

```
| ?- append([1,2], L23, L). => L = [1,2|L23] ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Keresés listában

- `member(E, L) : E az L lista eleme`

```
member(Elem, [_|_]).
member(Elem, [_|Farok]) :-
 member(Elem, Farok).
```

|                              |                     |
|------------------------------|---------------------|
| member(Elem, [Fej Farok]) :- | member(Elem, [Fej   |
| ;                            | member(Elem, Farok) |
| ).                           | ).                  |

- A `member/2` felhasználási lehetőségei

- **Eldöntendő kérdések**

```
| ?- member(2, [1,2,3]). => yes
```
- **Megválaszolando kérdések**

```
| ?- member(X, [1,2,3]). => X = 1 ? ; X = 2 ? ; X = 3 ? ; no
| ?- member(X, [1,2,1]). => X = 1 ? ; X = 2 ? ; X = 1 ? ; no
```
- **Vegyes használat, listák metszete**

```
| ?- member(X, [1,2,3]),
 member(X, [5,4,3,2,3]). => X = 2 ? ; X = 3 ? ; X = 3 ? ; no
```
- **Lista elemévé tesz, végtelen választás!**

```
| ?- member(1, L). => L = [1|_A] ? ; L = [_A,1|_B] ? ;
| ?- member(1, L). => L = [_A,_B,1|_C] ? ; ...
```

- A `member/2` keresési tere **végtes**, ha második argumentuma zárt végű lista.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Mintakeresés append/3-mal

- **Párban előforduló elemek**

```
% párban(Lista, Elem) : A lista számlistájának Elem olyan
% eleme, amely ugyanilyen értékű elemmel szomszédos.
párban(L, E) :-
 append(_, [E, E|_], L).
```

```
| ?- párban([1,8,8,3,4,4], E).
 E = 8 ? ; E = 4 ? ; no
```

- **Dadogó részek**

```
% dadogó(L, D) : D olyan nem üres részlistája L-nek,
% amelyet egy vele megegyező részlista követ.
dadogó(L, D) :-
 append(_, Farok, L),
 D = [_|_],
 append(D, Vég, Farok),
 append(D, _, Vég).
```

```
| ?- dadogó([2,2,1,2,2,1], D).
 D = [2] ? ; D = [2,2,1] ? ; D = [2] ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## member/2 általánosítás: select/3

- `select(Elem, Lista, Marad) : Elemet a listából elhagyva marad Marad.`

```
select(Elem, [Elem|Marad], Marad).
select(Elem, [X|Farok], [X|Marad0]) :-
 select(Elem, Farok, Marad0).
```

% Elhagyjuk a Fejet, marad a Farok.  
% A Farokból hagyunk el elemet.

- **Felhasználási lehetőségek:**

```
| ?- select(1, [2,1,3], L). % Adott elem elhagyása
 L = [2,3] ? ; no

| ?- select(X, [1,2,3], L). % Akármelyik elem elhagyása
 L=[2,3], X=1 ? ; L=[1,3], X=2 ? ; L=[1,2], X=3 ? ; no

| ?- select(3, L, [1,2]). % Adott elem beszüntésai
 L = [3,1,2] ? ; L = [1,3,2] ? ; L = [1,2,3] ? ; no

| ?- select(3, [2|L], [1,2,7,3,2,1,8,9,4]).
 no
 % Beszüntető-e 3 az [1,...,]-ba
 % úgy, hogy [2,...,]-t kapjunk?
```

- A `lists` könyvtár tartalmazza a `member/2` és `select/3` eljárások definícióját is.

- A `select/3` keresési tere **végtes**, ha 2. és 3. argumentuma közül legalább az egyik zárt végű.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Listák permutációja

- `permutation(Lista, Perm)`: Lista permutációja a Perm lista.  

```
permutation([], []).
permutation(Lista, [Első|Perm]) :-
 select(Első, Lista, Maradék),
 permutation(Maradék, Perm).
```

- Felhasználási példák:

```
| ? - permutation([1,2], L).
L = [1,2] ? ; L = [2,1] ? ; no

| ? - permutation([a,b,c], L).
L = [a,b,c] ? ; L = [a,c,b] ? ; L = [b,a,c] ? ;
L = [b,c,a] ? ; L = [c,a,b] ? ; L = [c,b,a] ? ;
no

| ? - permutation(L, [1,2]).
L = [1,2] ? ;
végtelen keresési tér
```

- Ha `permutation/2`-ben az első argumentum ismeretlen, akkor a `select` hívás keresési tere végtelen!

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Prolog példák: útvonalkeresés gráfban LP-143

## A jegyzet bevezető példája: útvonalkeresés

- A feladat:

- Tekintsük (autóbusz)járatok egy halmazát.
- Mindegyik járathoz a két végpont és az útvonal hossza van megadva.
- Írjunk Prolog eljárást, amellyel megállapítható, hogy két pont összeköthető-e pontosan N csatlakozó járatral!

- Átfogalalmazás: egy súlyozott irányítatlan gráfban két pont közötti utat keressünk. Élek:

```
% járat(A, B, H): Az A és B városok között van járat, és hossza H km.
járat('Budapest', 'Prága', 515).
járat('Budapest', 'Bécs', 245).
járat('Bécs', 'Berlin', 635).
járat('Bécs', 'Párizs', 1265).
```

- Irányított élek:

```
% útszakasz(A, B, H): A-ból B-be eljuthatunk egy H úthosszú járatral.
útszakasz(Kezdet, Cél, H) :-
 (járat(Kezdet, Cél, H)
 ; járat(Cél, Kezdet, H)
).
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## PROLOG PÉLDÁK: ÚTVONALKERESÉS GRÁFBAN

Prolog példák: útvonalkeresés gráfban LP-144

## Az útvonalkeresési feladat — folytatás

- Adott lépésszámú útvonal (él-sorozat) és hossza:

```
% útvonal(N, A, B, H): A és B között van (pontosan)
% N szakaszból álló útvonal, amelynek összhossza H.
útvonal(0, Hová, Hová, 0).
útvonal(N, Homan, Hová, H) :-
 N > 0,
 N1 is N-1,
 N1 is N-1,
 útszakasz(Homan, Közben, H1),
 útvonal(N1, Közben, Hová, H2),
 H is H1+H2.
```

- Futási példa:

```
| ? - útvonal(2, 'Párizs', Hová, H).
H = 1900, Hová = 'Berlin' ? ;
H = 2530, Hová = 'Párizs' ? ;
H = 1510, Hová = 'Budapest' ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Körmentes út keresése

- Könyvtár betöltése, adott funkciók eljárások importálásával:
 

```
-- use_module(library(lists), [member/2]).
```

- Segéd-argumentum: az érintett városok listája, fordított sorrendben

```
% útvonala_2(N, A, B, H): A és B között van (pontosan)
% N szakaszból álló körmentes útvonala, amelynek összhossza H.
útvonala_2(N, Honnan, Hová, H) :-
 útvonala_2(N, Honnan, Hová, [Honnan], H).

% útvonala_2(N, A, B, Kizártak, H): A és B között van pontosan
% N szakaszból álló körmentes, Kizártak elemein át nem menő H hosszú út.
útvonala_2(0, Hová, Hová, Kizártak, 0).
útvonala_2(N, Honnan, Hová, Kizártak, H) :-
 N > 0, NI is N-1, útszakasz(Honnan, Közben, H1),
 \+ member(Közben, Kizártak),
 útvonala_2(NI, Közben, Hová, [Közben|Kizártak], H2), H is H1+H2.
```

- Példa-futás:

```
| ?- útvonala_2(2, 'Párizs', Hová, H).
 H = 1900, Hová = 'Berlin' ? ;
 H = 1510, Hová = 'Budapest' ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Továbbifejlesztés: körmentes út keresése, útvonala-gyűjtéssel

- Az alapötlet: a kizártak listában gyűlik a (fordított) útvonala.

- A rekurzív eljárásban szükséges egy új argumentum, hogy az útvonalat kiadjuk!

```
-- use_module(library(lists), [member/2, reverse/2]).
% útvonala_3(N, A, B, Út, H): A és B között van (pontosan)
% N szakaszból álló körmentes Út útvonala, amelynek összhossza H.
útvonala_3(N, Honnan, Hová, Út, H) :-
 útvonala_3(N, Honnan, Hová, [Honnan], Fűt, H),
 reverse(Fűt, Út).

% útvonala_3(N, A, B, Fűt0, Fűt, H): A és B között van pontosan
% N szakaszból álló körmentes, Fűt0 elemein át nem menő H hosszú út.
% Fűt = (az A → B útvonala megfordítása) ⊕ Fűt0.
útvonala_3(0, Hová, Hová, Fordűt, Fordűt, 0).
útvonala_3(N, Honnan, Hová, Fordűt0, Fordűt, H) :-
 N > 0, NI is N-1, útszakasz(Honnan, Közben, H1),
 \+ member(Közben, Fordűt0),
 útvonala_3(NI, Közben, Hová, [Közben|Fordűt0], Fordűt, H2), H is H1+H2.

| ?- útvonala_3(2, 'Párizs', _, Út, H).
 H = 1900, Út = ['Párizs', 'Bécs', 'Berlin'] ? ;
 H = 1510, Út = ['Párizs', 'Bécs', 'Budapest'] ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Súlyozott gráf ábrázolása elírástával

- A gráf ábrázolása
  - a gráf élek listája,
  - az él egy három-argumentumú struktúra,
  - argumentumai: a két végpont és a súly.

- Típus-definíció

```
% :- type él ---> él(pont, pont, súly).
% :- type pont == atom.
% :- type súly == integer.
% :- type gráf == list(él).
```

- Példa

```
hálózat(él(él('Budapest', 'Bécs', 245),
 él('Budapest', 'Prága', 515),
 él('Bécs', 'Berlin', 635)),
 él('Bécs', 'Párizs', 1265)).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Ismétlődésmentes útvonala keresése listával ábrázolt gráfban

```
-- use_module(library(lists), [select/3]).
```

```
% útvonala_4(N, G, A, B, L, H): A G gráfban van egy A-ból
% B-be menő N szakaszból álló L út, melynek összhossza H.
útvonala_4(0, _Gráf, Hová, Hová, [Hová], 0).
útvonala_4(N, Gráf, Honnan, Hová, [Honnan|Út], H) :-
 N > 0, NI is N-1,
 select(Él, Gráf, Gráf1),
 útvonala_4(NI, Gráf1, Közben, Hová, Út, H2),
 H is H1+H2.
```

```
% él_végpontok_hossz(Él, A, B, H): Az Él irányítatlan él
% végpontjai A és B, hossza H.
él_végpontok_hossz(él(A,B,H), A, B, H).
él_végpontok_hossz(él(A,B,H), B, A, H).
```

```
| ?- hálózat(_Gráf), útvonala_4(2, _Gráf, 'Budapest', _, Út, H).
 H = 880, Út = ['Budapest', 'Bécs', 'Berlin'] ? ;
 H = 1510, Út = ['Budapest', 'Bécs', 'Párizs'] ? ;
 no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog szintaxis összefoglalása

- A Prolog szintaxis alapelvei
  - Minden programcímlet kifejezés!
  - A szükséges összekötő jelek (', ', '!', :- -->): szabványos operátorok.
  - A beolvasott kifejezést funktonra alapján osztályozzuk:
    - *kérdés*:  $? - C\in I$ .
    - *CÉL*t lefuttatja, és a változó-behelyettesítéseket kiírja (ez az alapértelmezés az ún. top-level interaktív felületen).
    - *parancs*:  $:- C\in I$ .
  - A *CÉL*t csendben lefuttatja. Pl. deklaráció (operátor, ...) elhelyezésére.
  - *szabály*:  $F\in J :- T\in rzs$ .
  - *nyelvtani szabály*:  $F\in J --> T\in rzs$ .
  - Prolog szabálytállyá alakítja és felveszi (lásd a DCG nyelv(tan)).
  - *tényállítás*: *Minden egyébb kifejezés*.
- Üres törzsi szabályként felveszi a programba.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog szintaxis LP-151

## A Prolog nyelv-változatok

- A SICStus rendszer két üzemmódja
  - *iso*. Az ISO Prolog szabványának megfelelő.
  - *sicstus*. Korábbi változatokkal kompatibilis.
- Állítás: `set_prolog_flag(Language, Mod)`.
- Különbségek:
  - szintaxis-részletek, pl. a `0*x1ff` szám-alak csak ISO módban,
  - beírtott eljárások viselkedésének kisebb eltérései.
- az eddig ismertetet eljárások hatása lényegében nem változik.

A Prolog szintaxis LP-152

## Szintaktikus édesítőszerek — összefoglalás, gyakorlati tanácsok

- Operátoros kifejezések alapsztruktúra alakra hozása
- Zárójeljezzük be a kifejezést, az operátorok prioritása és fájája alapján, például `-a+b*2`  $\Rightarrow ((-a)+(b*2))$ .
- Hozzuk az operátoros kifejezéseket alapsztruktúra alakra:
  - $(A \text{ Inf } B) \Rightarrow \text{Inf}(A, B)$ ,  $(\text{Pref } A) \Rightarrow \text{Pref}(A)$ ,  $(A \text{ Post}) \Rightarrow \text{Post}(A)$
  - Példa:  $((-a)+(b*2)) \Rightarrow (-a)+*(b,2) \Rightarrow +(-a),*(b,2)$ .
- Trükkös esetek:
  - A vesszőt névként idézni kell: pl.  $(pp, (qq,rr)) \Rightarrow ', '(pp, '(qq,rr))$ .
  - *- Szám*  $\Rightarrow$  negatív számkonstans, de *- Egyéb*  $\Rightarrow$  prefix alak.
  - Példa. `-1+2`  $\Rightarrow +(-1,2)$ , de `-a+b`  $\Rightarrow +(-a),b$ .
  - *Név(...)*  $\Rightarrow$  struktúrákifejezés;
  - *Név(...)*  $\Rightarrow$  prefix operátoros kifejezés. Példák:
    - `-(1,2)`  $\Rightarrow -(1,2)$  (változatlan), de
    - `-(1,2)`  $\Rightarrow -('', '(1,2))$ .

## Szintaktikus édesítőszerek — listák, egybek

- Listák alapstruktúra alakra hozása
  - Farok-megadás betoldása.
 
$$[1,2] \Rightarrow [1,2|[[]]. \quad [X|Y] \Rightarrow [X|Y|[[]]$$
  - Vessző (ismétel) kikişzöbölése [E1em1, E1em2... ]  $\Rightarrow$  [E1em1|[E1em2... ]].
 
$$[1,2|[[]] \Rightarrow [1|[2|[[]]]$$

$$[1,2,3|[[]] \Rightarrow [1|[2,3|[[]]] \Rightarrow [1|[2|[3|[[]]]]]$$
  - Strukturakifejezéssé alakítás: [Fej|Farok]  $\Rightarrow$  .(Fej, Farok).
 
$$[1|[2|[[]]] \Rightarrow .(1,..(2,[[])), [X|Y|[[]] \Rightarrow .((X,Y),[[])$$
- Egyéb szintaktikus édesítőszerek:
  - Karakterkód-jelölés: 0'Kar.
  - 0'a  $\Rightarrow$  97, 0'b  $\Rightarrow$  98, 0'c  $\Rightarrow$  99, 0'd  $\Rightarrow$  100, 0'e  $\Rightarrow$  101
  - Füzét (string): "xyz... "  $\Rightarrow$  az xyz... karakterek kódját tartalmazó lista
 
$$\text{"abc"} \Rightarrow [97,98,99], \text{" " } \Rightarrow [], \text{"e"} \Rightarrow [101]$$
  - Kaposos zárójelzés: {Kif}  $\Rightarrow$  {{Kif} (egy {} nevű, egyargumentumú struktúra — a {} jelpár egy önálló lexikai elem, egy névkonstans).
  - Bináris, hexa stb. alak (csak iso módban), pl. 0b101010, 0x1a.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések szintaxisa

- <programlem> ::= <kifejezés 1200> <záró-pont>  
 <kifejezés N> ::=
  - | <op N fx> <köz> <kifejezés N-1>
  - | <op N fy> <köz> <kifejezés N>
  - | <kifejezés N-1> <op N xfx> <kifejezés N-1>
  - | <kifejezés N-1> <op N xfy> <kifejezés N>
  - | <kifejezés N> <op N yfx> <kifejezés N-1>
  - | <kifejezés N-1> <op N xf>
  - | <kifejezés N> <op N yf>
  - | <kifejezés N-1>
 <kifejezés 1000> ::= <kifejezés 999> , <kifejezés 1000>  
 <kifejezés 0> ::=
  - | <név> <argumentumok>
  - | { A <név> és a <közvetlenül egymás után áll!> }
  - | <kifejezés 1200> ) | { <kifejezés 1200> }
  - | <lista> | <füzét>
  - | <név> | <szám> | <változó>

A Prolog szintaxis LP-155

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések szintaxisa — kétszintű nyelvtanok

- Egy részlet egy „hagyományos” nyelv kifejezés-szintaxisából:
  - <kifejezés> ::= <tag>
    - | <kifejezés> <additív művelet> <tag>
  - <tag> ::=
    - | <tényező>
    - | <tag> <multiplikatív művelet> <tényező>
  - <tényező> ::= <szám> | <azonosító> | ( <kifejezés> )
- Ugyanez kétszintű nyelvtannal:
  - <kifejezés> ::= <kif 2>
  - <kif N> ::=
    - | <kif N-1>
    - | <kif N> <N prioritású művelet> <kif N-1>
  - <kif 0> ::= <szám> | <azonosító> | ( <kif 2> )

{az additív ill. multiplikatív műveletek prioritása 2 ill. 1 }

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések szintaxisa — folytatás

- <op N T> ::= <név> {feltéve, hogy <név> N prioritású és T típusú operátornak lett deklarálva}  
 <argumentumok> ::= <kifejezés 999>
  - | <kifejezés 999> , <argumentumok>
 <lista> ::=
  - | [ <listakif> ]
 <listakif> ::= <kifejezés 999>
  - | <kifejezés 999> , <listakif>
  - | <kifejezés 999> | <kifejezés 999>
 <szám> ::= <előjeletlen szám>
  - | + <előjeletlen szám>
  - | - <előjeletlen szám>
 <előjeletlen szám> ::= <természetes szám>
  - | <lebegőpontos szám>

A Prolog szintaxis LP-156

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések szintaxisa — megjegyzések

- A `( kifejezés N )`-ben `(köz)` csak akkor kell ha az őt követő kifejezés nyitó-zárójellel kezdődik.
  - | `? - op(500, fx, succ)`.
  - `yes`
  - | `? - write_canonical(succ(1,2)), nl, write_canonical(succ(1,2)).`
  - `succ(' ', (1,2))`
  - `succ(1,2)`
- A `{ kifejezés }` azonos a `{ ( kifejezés ) }` struktúrával, ez pl. a DCG nyelvvanoknál hasznos.
  - | `? - write_canonical({a}).`
  - `{ } (a)`
- Egy `(füzér)` " jelek közé zárt karaktersorozat, általában a karakterek kódjainak listájával azonos.
  - | `? - write("baba").`
  - `[98,97,98,97]`

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog lexikai elemei 2.

A Prolog szintaxis LP-159

- `(természetes szám)`
  - `(decimális) számsorozat;`
  - 2, 8 ill. 16 alapú számszerzőben felírt szám, ilyenkor a számsorozatrendre a `0b`, `0o`, `0x` karakterekkel kell prefixálni (csak `iso` módban)
  - karakterkód-konstans `0'c` alakban, ahol `c` egyetlen karakter
- `(lebegőpontos szám)`
  - mindenképpen tartalmaz tízedespontot
  - mindkét oldalon legalább egy (decimális) számszeggel
  - `e` vagy `E` betűvel jelzett esetleges exponens

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog lexikai elemei 1. (ismétlés)

- `(név)`
  - kisbetűvel kezdődő alfanumerikus jelsorozat (ebben megegyedve kis- és nagybetűi, számszövegeket és aláhúzásjelet);
  - egy vagy több ún. speciális jelből `(+ - * / \ $ ^ < > = ' ~ : . ? @ # &)` álló jelsorozat;
  - az önmagában álló `!` vagy `;` jel;
  - `a [ ] { }` jelpárok;
  - idézőjelek `( )` közé zárt tetszőleges jelsorozat, amelyben `\` jellel kezdődő escape-szekvenciákat is elhelyezhetünk.
- `(változó)`
  - nagybetűvel vagy aláhúzással kezdődő alfanumerikus jelsorozat.
  - az azonos jelsorozattal jelölt változók egy klózon belül azonosaknak, különböző klózokban különbözőeknek tekinthetnek;
  - kivétel: a semmis változók `(_)` minden előfordulása különböző.

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Megjegyzések és formázó-karakterek

A Prolog szintaxis LP-160

- Megjegyzések (comment)
  - `A %` százalékjeltől a sor végéig
  - `A / *` jelpárról a legközelebbi `*` / jelpárig.
- Formázó elemek
  - `szóköz`, `újsor`, `tabulátor` stb. (nem látható karakterek)
  - `megjegyzés`
- A programszöveg formázása
  - formázó elemek (`szóköz`, `újsor` stb.) szabadon elhelyezhetők;
  - kivétel: struktúrakifejezés neve után nem szabad formázó elemet tenni;
  - `prefix operátor` és `(közé kötelező formázó elemet tenni;`
  - `(záró-pont)`: `egy .` karakter amit egy formázó elem követ.

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Tipusok leírása Prologban

- Tipusleírás: (tömör) Prolog kifejezések egy halmazának megadása
- Alaptípusok leírása: integer, float, number, atom, any
- Új típusok felépítése:
 

```
{ str(T1, ..., Tn) } ≡ { str(e1, ..., en) | e1 ∈ T1, ..., en ∈ Tn }, n ≥ 0
```

 Példa: {szemely(atom,atom,integer)} az olyan szemely/3 funktorú struktúrák halmaza, amelyben az első két argumentum atom, a harmadik egész.

- Típusok, mint halmazok únója képezhető a `\` operátorral.
 

```
{szemely(atom,atom,integer)} \ {atom-atom} \ atom
```
- Egy típusleírás elnevezhető (kommentben): `% :- type tnév == tLeírás.`

```
% :- type t1 == {atom-atom} \ atom.,
% :- type ember == {ember-atom} \ {semmi}.
```
- Különbözőzetett únó: csupa különböző funktorú összetett típus únója. Egyszerűsített jelölés:
 

```
:- type T == { S1 } \ / .. \ { Sn }. ⇒ :- type T ---> S1 ; ... ; Sn.
% :- type ember ---> ember-atom; semmi.
% :- type egészlista ---> [] ; [integer|egészlista].
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Tipusok Prologban LP-163

## Tipusok leírása Prologban — folytatás

- Paraméteres típusok — példák

```
% :- type list(T) ---> [] ; [T|list(T)]. % T típusú elemekből álló lista.
% :- type pair(T1, T2) ---> T1 - T2. % egy '-' nevű kétarg.-ú struktúra,
% első arg. T1, a második T2 típusú.
% :- type assoc_list(KeyT, ValueT) % KeyT és ValueT típusú
% == list(pair(KeyT, ValueT)). % párokból álló lista.
% :- type szótár == assoc_list(szó, szó).
% :- type szó == atom.
```

- Típusdeklarációk szintaxisa

```
<tipusdeklaráció> ::= <tipusnevezés> | <tipuskonstrukció>
<tipusnevezés> ::= :- type <tipusazonosító> == <tipusleírás> .
<tipuskonstrukció> ::= :- type <tipusazonosító> ---> <megkülönb. únó> .
<megkülönb. únó> ::= <konstruktor> ; ...
<konstruktor> ::= <névkonstans> | <struktúranév> (<tipusleírás>,...)
<tipusleírás> ::= <tipusnév> | <tipusváltozó> |
<tipusleírás> \ / <tipusleírás> |
{ <tipusnév> (<tipusleírás>,...) }
<tipusazonosító> ::= <tipusnév> | <tipusnév> (<tipusváltozó>,...)
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Predikátum-deklarációk

Tipusok Prologban LP-164

- Predikátumtípus-deklaráció

```
:- pred <eljárásnév> (<tipusazonosító>,...)
```

- Példák:

```
:- pred member(T, list(T)).
:- pred append(list(T), list(T), list(T)).
```

- Predikátummód-deklaráció (Nem kötelező, több is megadható)

```
:- mode <eljárásnév> (<módayazonosító>,...) ahol <módayazonosító> ::= in | out.
```

- Példák:

```
:- mode append(in, in, in). % ellenőrzésére
:- mode append(in, in, out). % két lista összezfűzésére
:- mode append(out, out, in). % egy lista szétválasztására
```

- Vegyes típus- és móddeklaráció

```
:- pred <eljárásnév> (<tipusazonosító> :: <módayazonosító>,...)
```

- Példa:

```
:- pred between(integer::in, integer::in, integer::out).
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Móddeklaráció: a SICStus kézikönyv által használt alak

- A SICStus kézikönyv egy másik jelölést használ a bemenő/kimenő argumentumok jelzésére, pl.  
append(+L1, ?L2, -L3).  
append(?L1, ?L2, +L3).
- Mód-jelölő karakterek:
  - + bemenő argumentum (behelyettesített)
  - - kimenő argumentum (behelyettesítetlen)
  - : eljárás-paraméter (meta-eljárásokban)
  - ? tetszőleges

## Szándékosan üres

## Szándékosan üres

## Szándékosan üres

## SML-Prolog áttekzés: párhuzamok a két nyelv között

### SML

```
fun append ([], ys) = ys
 | append (x::xs, ys) =
 x::append (xs, ys)
```

### SML „Prologosítva”

```
fun append ([], L) = L
 | append (X::L1, L2) =
 let val L3 = append(L1, L2)
 in X::L3 end
```

### függvény

klóz

változó: egyetlen, ismét érték

minta: csak fordítási időben értelmes

egyszerű minták:  $x::x::x$  nem megengedett

egyrányú mintaillesztés

egyérelmű klózválasztás

egy eredmény

egyrányú használat

adatkonstruktor-függvény

egymásba ágyazott függvényhívások

### Prolog

```
append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
 append(L1, L2, L3).
```

### Prolog „SML-esítve”

```
append([], L, Res) :- Res = L.
append([X|L1], L2, Res) :-
 append(L1, L2, L3),
 Res = [X|L3].
```

predikátum

klóz (lazább a kapcsolat a predikátummal)

változó: egy, esetleg ismeretlen érték

minta: teljes jogú adastruktúra

összetett minták, pl.  $[X, X|Xs]$

kéirányú mintaillesztés

többérelmű klózválasztás

több eredmény (nemdeterminizmus)

többirányú használat

(pl. összetekő és szétszedő append)

struktúra (rekord)

konjunkció, segéd-változóval

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

SML-Prolog áttekzés LP-171

## SML-Prolog áttekzés: további példák

### SML

```
fun append xs ys = foldr op:: ys xs
```

```
fun fakt 0 = 1
 | fakt n = n * fakt (n-1)
```

típusos nyelv  
magasabbrendű függvény  
rekurzív  
kivétel

### Prolog

```
/* Prologban kevésbé használtak
a magasabbrendű eljárások */
```

```
fakt(0, 1).
fakt(N, F) :-
 N>0, N1 is N-1,
 fakt(N1, F1), F is N*F1.
```

típusatlan nyelv  
rekurzív, ritkábban magasabbrendű predikátum  
visszalépéses ciklus  
(pl. két lista közös eleme)  
meghívásulás, kivétel

SML-Prolog áttekzés LP-172

## Összefoglalás: Prolog programok szemantikája

- Prolog program jelentése = milyen válaszokat (behelyettesítéseket) kapunk egy cél futtatásakor.
- Procedurális szemantika — az ismeretett végrehajtási, egyesítési algoritmus.
- Deklaratív szemantika:
  - program: logikai állítások (klózek, azaz implikációk) halmaza.
  - egy cél futási eredménye: olyan behelyettesítés, amelyre a cél **következménye** a programnak.
- A Prolog procedurális szemantika csak olyan választ ad, amely a deklaratív szemantika szerint is helyes! (Ha predikátumaink „igazak”, akkor rossz eredményt nem kaphatunk, csak végzetlen ciklust. :- ( )

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Ismétlés: A Prolog végrehajtási mechanizmus, dióhéjban

- (Kezdet:) Ha célsorozat üres → sikeres lefutás.
- (Folytatás:) Keresünk az **első** céllal egyesíthető klózfejet (a klózból friss másolatot képezve, felültölti lefelé haladva a programbeli klózokon).
- Ha van ilyen:
  - Ha van esély további illesztésre, akkor választási pontot hozunk létre: a futás jelenlegi állapotát (célsorozat + hányadik klózzal illesztettünk) megjegyezzük, azaz a veremre rakjuk.
  - Az egyesítéshez szükséges behelyettesítéseket a klóztörzsen és a célsorozaton is elvégezzük.
  - Az első cél helyébe a klóztörzset rakjuk, ez lesz az új célsorozat, majd vissza a (Kezdet)-hez.
- Ha nincs illeszthető klózfej, akkor visszalépünk a **legutolsó** választási pontnak megfelelő állapotba (azt leemelve a verem tetejétől), és új egyesíthető fejű klóz keresésével folytatjuk a (Folytatás)-nál.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

SML-Prolog áttekzés LP-173

## 4. fejezet: Prolog programozási módszerek

- Az előző előadás-blokk (jegyzetbeli 3. fejezet) célja volt:
  - a Prolog nyelv alapjainak bemutatása.
  - a logikailag „tiszta” résznyelvre koncentrálni.
- A jelen előadás-blokk (jegyzetben a 4. fejezet) célja: olyan
  - beépített eljárások,
  - programozási technikák
 bemutatása, amelyekkel
  - hatékony Prolog programok készíthetők,
  - esetleg a tiszta logikán túlmutató eszközök alkalmazásával.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Ismétlés: A Prolog egyesítési algoritmus, dióhéjban

- Legáltalánosabb egyesítő behelyettesítés meghatározása
  - Azonos változók ill. konstansok behelyettesítés nélkül egyesíthetőek.
  - Változó minden más kifejezéssel egyesíthető, triviális behelyettesítéssel (tartalmazás-vizsgálat nélkül)
  - Két összetett kifejezés egyesíthető, ha funktoraik azonosak, és az argumentumaik sorra egyesíthetőek, úgy, hogy a megelőző argumentumok egyesítéséhez szükséges behelyettesítéseket már elvégeztük. Az argumentumok egyesítését biztosító behelyettesítések kompozíciója a legáltalánosabb egyesítő.
  - Minden más esetben a két kifejezés nem egyesíthető, az egyesítési algoritmus meghúsnul.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

SML-Prolog áttekzés LP-174

## Prolog programozási módszerek: tartalomjegyzék

- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzív és akkumulátorok
- Algoritmusok Prologban
- Megoldások gyűjtése és felsorolása
- Megoldásgyűjtő eljárások
- Meta-logikai eljárások
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Nyelvtani elemzés
- „Hagyományos” beépített eljárások

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Prolog nyelvi eszközök a keresési tér szűkítésére

- **Eszközök**
    - a vágó beépített eljárás: ! (az első Prolog rendszerektől kezdve)
    - feltételes diszjunktív szerkezet (Későbbi kiterjesztés): ( if -> then ; else )
  - **Feltételes szerkezet** — procedurális szemantika (ismétlés)
 

```
A (FelT->akkor ; egyébként) , FoLyT célsorozat végrehajtása:
 • Végrehajtjuk a FelT hívást (egy önálló végrehajtási környezetben),
 • Ha FelT sikeres, akkor az akkor , FoLyT célsorozatra redukáljuk a fenti célsorozatot, a FelT első megoldása által eredményezett behelyettesítéssel. A FelT cél többi megoldását nem keressük meg.
 • Ha FelT sikertelen, akkor az egyébként , FoLyT célsorozatra redukáljuk.
```
- **Feltételes szerkezet** — alternatív procedurális szemantika:
  - A feltételes szerkezetet egy speciális diszjunktiónak tekintjük:
 

```
(FelT, (vágás), akkor
 ; egyébként
))
```
  - A **{vágás}** jelentése: megszünteti a FelT-beli választási pontokat, és egyébként választását is letiltja.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A keresési tér szűkítése LP-179

## Feltételes szerkezet: választási pontok a feltételben

- Eddig a főleg determinisztikus (választásmentes) feltételeket mutattunk.
  - **Példafeladat:** `első_poz_elem(L, P) : P az L lista első pozitív eleme.`
    - Első megoldás, rekurzióval (mémóriki :-))
 

```
első_poz_elem([_|_], EP) :- !, EP > 0.
első_poz_elem([X|_], EP) :- X =< 0, első_poz_elem(L, EP).
```
    - Második megoldás, visszalépéses kereséssel (matematikusai :-))
 

```
első_poz_elem(L, EP) :-
 append(MK, [_|_], L), EP > 0, \+ var_poz_elem(MK).
```
    - `var_poz_elem(L) :- member(P, L), P > 0.`
  - **Harmadik megoldás, feltételes szerkezettel (gyorsprogramozás — Prolog hekker :-))**

```
első_poz_elem(L, EP) :-
 (member(EP, L), EP > 0 -> true
 ; fail
),
 % ez a sor elhagyható
```
- **Figyelem:** a harmadik megoldás épít a `member/2` felsorolási sorrendjére!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A vágó eljárás

- A vágó beépített eljárás (neve: ! ) végrehajtása: letiltja a a többi klóz választását és megszünteti az összes választási pontot a klóztörzsben őt megelőző eljárás hívásokban.
- **Példák a vágó használatára (lista első pozitív eleme)**
  - **Mémóriki megoldás:**

```
első_poz_elem([_|_], EP) :- !, EP > 0, !.
első_poz_elem([X|_], EP) :- X =< 0, első_poz_elem(L, EP).
```
  - **Prolog hekker megoldása:**

```
első_poz_elem(L, EP) :- member(EP, L), EP > 0, !.
```
- **Miért vágunk le ágakat a keresési térben?**
  - mert mi tudjuk, hogy ott nincs megoldás, de a Prolog megvalósítás nem — zöld vágás, szemantikailag „átrahatlan”
  - (Például, a legtöbb Prolog megvalósítás „nem tudja”, hogy a  $X > 0$  és  $X \leq 0$  feltételek kizárják egymást, lásd indexelés.)
  - **ténylegesen eldobunk megoldásokat** — vörös vágás, a program jelentését megváltoztatja
    - (Vörös vágás sokszor úgy keletkezik, hogy egy zöld vágót tartalmazó programban a „felesleges” feltételeket elhagyjuk (pl. az  $X =< 0$  feltételt a fenti 2. klózban)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példák a vágó eljárás használatára

```
% fakt(+N, ?F): NI = F.
fakt(0, 1) :- !.
fakt(N, F) :- N > 0, NI is N-1, fakt(NI, F1), F is N*F1.

% last(+L, ?E): L utolsó eleme E. (lists könyvtárbeli)
last([_], E) :- !.
last([_|_], E) :- last(L, E).

% pozitív(+L, -P): P az L pozitív elemeiből áll.
pozitív([], []).
pozitív([E|Ek], [E|Pk]) :-
 E > 0, !,
 pozitív(Ek, Pk).
pozitív([_|E|Ek], Pk) :-
 /* \+_E > 0, */ pozitív(Ek, Pk).
```

Figyelem: a fenti példák nem tökéletesek, hatékonyabb ill. általánosabban használható változatokat később ismertetjük!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

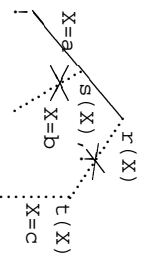
(Logikai Programozás)

## A vágó által megszüntetett választási pontok

```
% vágó nélküli példa
q(X):- s(X).
q(X):- t(X).

% ugyanaz a példa vágóval
r(X):- s(X), !.
r(X):- t(X).

s(a). s(b). t(c).
% a vágó nélküli példa futása
:- q(X), write(X), fail.
% a vágót tartalmazó példa futása
:- r(X), write(X), fail.
```



A keresési tér szikítése LP-183

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A vágó definíciója

- **Segédfogalom**
  - Egy **cél szülője** az a cél, amelyik az őt tartalmazó klóz fejével illeszködött.
  - Pl. a `last([E], E) :- !.` klózbeli vágó szülője lehet a `last([_], X) htvás`.
  - A `g` (ancestors) nyomkövetési parancs kiírja a kurrens cél őseit (szülőjét, annak szülőjét stb.)
- A vágó végrehajtása:
  - mindig sikertül: és a végrehajtás adott állapotától visszatelje egészen a szülő céljig, azt is beleértve, minden választási pontot megszüntet.
- A vágás kétféle választási pontot szüntet meg:
  - `r(X) :- s(X), !.` % az `s(X)`-beli választási pontokat **---** a vágót megelőző **% célok**nak az első megoldására szorítkozunk
  - az `r(X)` többi klózának választásait **---** a vágót tartalmazó **% klóz mellett kötelezzük el megunkat (commit)**
- A vágó szemléltetése a 4-kapus doboz modeliben: a vágó Újra kapujából egyenesen a körtívevő (szülő) doboz **Meghívásulási** kapujára megyünk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A diszjunktív feltételes szerkezet megvalósítása a vágó segítségével

- A diszjunktív feltételes szerkezet, a diszjunktívokhoz hasonlóan egy segédjelzárással váltható ki:
 

```
p :-
 ...
 (felt1 -> akkor1 segéd(...)
 ; felt2 -> akkor2 ...
 ; ... =>
 ; egyébként segéd(...) :- felt1, !, akkor1.
 ... segéd(...) :- felt2, !, akkor2.

 ... segéd(...) :- egyébként.
```
- Az egyébként alternatíva elmaradhat, ilyenkor a megfelelő klóz is elmarad.
- SICStus módban a `fel t` részekben vágó nem lehet, ISO módban lehet, de hatásköre (szülője) a `fel t` rész.
- Az akkor részekben lehet vágó. Ennek hatásköre, a `->` nyílból generált vágóval ellentétben, a teljes `p` predikátum (ilyenkor a Prolog megvalósítás egy speciális, ún. távolbható vágó használ!).
- Vágót rendkívül ritkán szükséges feltételes szerkezetben szerepeltetni.

A keresési tér szikítése LP-184

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példák a diszjunktív feltételes szerkezet használatára

```
% fakt(+N, ?F) : N! = F.
fakt(N, F) :-
 (N = 0 -> F = 1
 ; N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1
).

% last(+L, ?E) : az L nem üres lista utolsó eleme E.
last([_|_], Last) :-
 (L = [] -> Last = E
 ; last(L, Last)
).

% pozitívvalk(+L, ?Pk) : Pk az L pozitív elemelből áll.
pozitívvalk([], []).
pozitívvalk([_|E|_], Pk) :-
 (E > 0 -> Pk = [E|Pk0]
 ; Pk = Pk0
),
 pozitívvalk(E|_, Pk0).
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Feltételes szerkezetek

A keresési tér szikritése LP-187

**Feltételes szerkezet — példa**

```
% abs(X, A) : A az X abszolút értéke.
abs(X, A) :- X < 0, !, A is -X.
abs(X, X) /* :- X >= 0 */.
```

### Általános alak

```
p :- felt1, !, akkor1.
p :- felt2, !, akkor2.
...
p :- egyébként.
```

## Diszjunktív feltételes szerkezet

```
abs(X, A) :-
 (X < 0 -> A is -X
 ; A = X
).

p :-
 (felt1 -> akkor1
 ; felt2 -> akkor2
 ; ...
 ; egyébként
).
```

### Általános alak

```
p :-
 (felt1 -> akkor1
 ; felt2 -> akkor2
 ; ...
 ; egyébként
).
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A vágás első alapesete — klóz mellett való elkötelezés

- A klóz mellett elkötelezés általában egyszerű feltételes szerkezetet jelent.
 

```
szülő :- feltétel, !, akkor.
szülő :- egyébként.
```
- A vágó szikritéslegtelenné teszi a feltételt negációjának végrehajtását a többi klózban. A logikailag tiszta, de nem hatékony alak:
 

```
szülő :- feltétel, akkor.
szülő :- \+ feltétel, egyébként.
```

A fenti két alak csak akkor ekvivalens, ha feltétellel egyszerű, nincs benne választás.

- Analógia: ha a, b és c logikai változók (pl. SML-ben), akkor
 

```
if a then b else c ≡ a ∧ b ∨ ¬a ∧ c
```
- A vágó által kiváltott negált feltételt célszerű kommentként jelezni:
 

```
szülő :- feltétel, !, akkor.
szülő :- /* \+ feltétel, */ egyébként.
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Feltételes szerkezetek és fejillesztés

A keresési tér szikritése LP-188

- Vigyázat: a tényleges feltétel részét képezik a fejbeli egyesítések!
 

```
% a vágó előttt fej-egyesítés: % az egyesítés explicitté téve:
abs(X, X) :- X >= 0, !. abs(X, A) :- A = X, X >= 0, !.
abs(X, A) :- A is -X. abs(X, A) :- A is -X.
```

- A fej-egyesítés gondot okozhat, ha az eljárást ellenőrzésre használjuk:
 

```
| ?- abs(10, -10). ---> yes
```

- A megoldás a **vágás alapszabály**a:

- A kimenő paraméterek értékadását mindig a vágó után végezzük!
 

```
abs(X, A) :- X >= 0, !, A = X.
abs(X, A) :- A is -X.
```

- Ez nemcsak általában használható, hanem hatékonyabb kódot is ad: csak akkor helyettesíti be a kimenő paramétert, ha már tudja, mi az értéke (nincs „előre-behelyettesítés”, mint a fenti első két példában).

- („kimenő” paraméterek — vágó alkalmazásakor általában nincs többirányú használat :-)

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A bevezető példáknak a vágás alapszabályát betartó változata

```
% fakt(+N, ?F) : N1 = F.
fakt(0, F) :- !, F = 1.
fakt(N, F) :- N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1.

% last(+L, ?E) : az L nem üres lista utolsó eleme E.
last([_], Last) :- !, Last = E.
last([_|L], E) :- last(L, E).

% pozitívvak(+L, ?Pk) : Pk az L pozitív elemelből áll.
pozitívvak([], []).
pozitívvak([E|Ek], Pk) :-
 E > 0, !, Pk = [E|Pk0], pozitívvak(Ek, Pk0).
pozitívvak([_|Ek], Pk) :-
 /* \+ _E > 0, */ pozitívvak(Ek, Pk).
```

**Megjegyzés:** a diszjunktív alakban a feltételek eleve explicitek, nincs fejlesztési probléma, ezért a diszjunktív feltételes szerkezet használatát javasoljuk a vágó helyett.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A keresési tér szűkítése IP-191

## A vágás második alapesete — első megoldásra való megszorítás

- Mikor használjuk az első megoldásra megszorító vágót?
  - behelyettesítést nem okozó, eldöntendő kérdés esetén;
  - feladat-specifikus optimalizálásra;
  - végtelen választási pontot létrehozó eljárások hasznosítására.
- Eldöntendő kérdés: eljáráshívás csupa bemenő paraméterrel
 

```
% van_elég_hosszú_út(+N, +A, +B, +Min) :
% A és B között van N lépéses út,
% amelynek összhossza legalább Min km.
van_elég_hosszú_út(N, A, B, Min) :-
 út_vonal(N, A, B, Hossz), Hossz >= Min, !.
```
- Eldöntendő kérdés esetén általában nincs értelme többszörös választ adni/vámi.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példasor: max(X, Y, Z) : X és Y maximuma Z.

- 1. változat, tiszta Prolog. Lassú (előre-behelyettesítés, két hasonlítás), választási pontot hagy.
 

```
max(X, Y, X) :- X >= Y.
max(X, Y, Y) :- Y > X.
```
- 2. változat, zöld vágóval. Lassú (előre-behelyettesítés, két hasonlítás), nem hagy választási pontot.
 

```
max(X, Y, X) :- X >= Y, !.
max(X, Y, Y) :- Y > X.
```
- 3. változat, vörös vágóval. Gyorsabb (előre-behelyettesítés, egy hasonlítás), nem hagy választási pontot, de nem használható ellenőrzésre, pl. | ? - max(10, 1, 1) sikerül.
 

```
max(X, Y, X) :- X >= Y, !.
max(X, Y, Y) .
```
- 4. változat, vörös vágóval. Helyes, nagyon gyors (egy hasonlítás, nincs előre-behelyettesítés) és nem is hoz létre választási pontot.
 

```
max(X, Y, Z) :- X >= Y, !, Z = X.
max(X, Y, Y) /* :- Y > X */.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A keresési tér szűkítése IP-192

## Feladat-specifikus optimalizálás

- A feladat: megkeresendő egy lista elején álló „plató” hossza (platónak hívjuk a csupa azonos elemből álló folytonos részhistát).
 

```
% Az L lista első eleme H-szor ismétlődik
% a lista kezdőszeleteként.
kezdethossz(L, H) :-
 L = [E|_], append(Ek, Farok, L),
 \+ Farok = [E|_], !, % vörös vágó
 /* egyformák(Ek, E), */
 length(Ek, H).

/*
% egyformák(Ek, E) : Az Ek lista minden eleme E.
egyformák([], _).
egyformák([E|Ek], E) :-
 egyformák(Ek, E).
*/
| ? - kezdethossz([1,1,1,2,3,5], H).
H = 3 ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Végtelesen választás megszerelődése: memberchk (Lists könyvtár)

- memberchk/2 definíciója:
 

```
% memberchk(X, L) : "X eleme az L listának" kérdés első megoldása.

% 1. változat
memberchk(X, L) :-
 member(X, L), !.

% 2. ekvivalens változat
memberchk(X, [_|_]) :- !.
memberchk(X, [_|L]) :-
 memberchk(X, L).
```
- memberchk/2 használata
  - Eldöntő kérdésben (visszalépéskor nem keresi végig a lista maradékát).
 

```
| ?- memberchk(1, [1,2,3,4,5,6,7,8,9]).
```
  - Nyílt végű lista elemévé tesz, pl.:
 

```
| ?- memberchk(1,L), memberchk(2,L), memberchk(1,L).
 L = [1,2|_A] ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Nyílt végű listák kezelése memberchk segítségével: szótárprogram

```
szótáraz(Sz) :-
 read(M-A), !,
 % A read(X) beépített eljárás egy kifejezést
 % olvas be és egyesíti X-szel
 memberchk(M-A,Sz),
 write(M-A), nl,
 szótáraz(Sz).

szótáraz(_).
```

Egy futása:

```
| ?- szótáraz(Sz).
| : alma-apple.
| : alma-apple
| : korte-pear.
| : korte-pear
| : korte-pear

| : vege. % nem egyesíthető M-A-val

Sz = [alma-apple,korte-pear|_A] ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Vezérlési eljárások, a call/1 beépített eljárás

- Vezérlési eljárás: A Prolog végrehajtáshoz kapcsolódó beépített eljárás (pl. vágó, if-then-else).
- A vezérlési eljárások többsége **magasabrendű** eljárás, azaz olyan eljárás, amely egy vagy több argumentumát eljárásnévként értelmezi. (A magasabrendű Prolog eljárásokat szokás **meta-eljárásnak** is hívni.)
- A meta-eljárások fő képviselője és alapvető építőeleme a call/1:
- Hívási minta: call(+Cél1)
- Cél1 egy „meghívható kifejezés” (callable, vö. callable/1), azaz struktúra, vagy névkonstans.
- Jelentése (deklaratív szemantika): Cél1 igaz.
- Hatása (procedurális szemantika): a Cél1 kifejezést eljárásnévessé alakítja, meghívja.
- A klónozársben célként megengedett egy X változó használata, ezt a rendszer egy call(X) hívásá alakítja át.
 

```
| kétszer(Hívás) :- call(Hívás), Hívás.

| ?- kétszer(write(ba)), nl.
| ?- listing(kétszer).

 ----> baba
 ----> kétszer(A) :-
 call(user:A), call(user:A).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## VEZÉRLÉSI ELJÁRÁSOK

## Vezérlési szerkezetek mint eljárások

- A call/1 argumentumában szerepelhetnek vezérlési szerkezetek is, mert ezek maguk beépített eljárásként is jelen vannak a Prolog rendszerben:
  - ( ' , ' ) / 2: konjunkció.
  - ( ; ) / 2: diszjunkció.
  - ( -> ) / 2: if-then.
  - ( ; ) / 2: if-then-else.
- A call/1-ban szereplő vezérlési szerkezetek lényegében ugyanolyan futnak, mint az interpretált (consult-tal betöltött) kód.
- Példák:
 

```
| ?- _Cél = (kétszer(write(ba)), write(' ')), kétszer(_Cél), nl.
baba baba
| ?- kétszer(member(X, [a,b,c,d]), write(X), fail ; nl)).
abcd
abcd
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## További beépített vezérlési eljárások

- \+ Cél: Cél „nem bizonyítható”. A beépített eljárás definíciója:
 

```
\+ X :- call(X), !, fail.
\+ _X.
```
- once(Cél): Cél igaz, és csak az első megoldását kérjük. Definíciója:
 

```
once(X) :- call(X), !.
```
- true: azonosan igaz (mindig sikerül), fail: azonosan hamis (mindig meghiúsul).
- repeat: végtelen sokszor igaz (egy végtelen választási pontot hoz létre). Definíciója:
 

```
repeat:
repeat: :- repeat.
```
- A repeat eljárást leggyakrabban egy mellékhatásos eljárás ismétlésére használjuk. A végtelen választási pontot kötelező egy vágóval semlegesíteni.
- Példa (egyszerű kalkulátor):
 

```
bc :- repeat, read(Expr),
 (Expr = end_of_file -> true
 ; Res is Expr, write(Expr = Res), nl, fail
),
 !.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## call/1 példa: futási időt mérő meta-eljárás

```
% Kijrja Goal első megoldásának előállításához vagy a meghívásuláshoz
% szükséges időt, a Txt szöveg kíséretében (lásd: példák/call_koltsege.pl).
time(Txt, Goal) :-
 statistics(runtime, [T0,_]), % T0 az indítás óta eltelt CPU idő,
 % msec-ban (személygyűjtés nélkül).
 (call(Goal) -> Res = true
 ; Res = false
),
 statistics(runtime, [T1,_]), T is T1-T0,
 format('~w futási idő = ~3d sec\n', [Txt,T1]),
 % ~w formázó: kiírás a write/1 segítségével
 % ~3d formázó: I egész kiírása I/1000-ként, 3 tizedesre
 Res = true.
```

A call/1 viszonylag költséges: egy 1414 hosszú lista megfordítása msec-vel (kb. 1 millió append hívás), minden append körül egy felesleges call/1-al ill. anélkül:

|               | call nélkül | call-lal  | Lassulás |
|---------------|-------------|-----------|----------|
| lefordítva    | 0.140 sec   | 1.680 sec | 12.00    |
| interpretálva | 1.710 sec   | 3.520 sec | 2.06     |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példa: magasabbrendű reláció definíciója

- Az implikáció ( $P \Rightarrow Q$ ) megvalósítása negáció segítségével:
 

```
% P minden megoldása esetén Q igaz.
forall(P, Q) :-
 \+ (P, \+Q). % Szintaktikus emlékeztető:
 % az első \+ után kötelező a szóközi
 | ?- _L = [1,2,3],
 % _L minden eleme pozitív:
 forall(member(X, _L), X > 0).
true ?
| ?- _L = [1,-2,3], forall(member(X, _L), X > 0).
no
| ?- _L = [1,2,3],
 % _L szigorúan monoton növény:
 forall(append(_, [A,B|_], _L), A < B).
```
- forall/2 csak eldöntendő kérdés esetén használható.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Determinizmus

- Egy eljárshívás **determinisztikus**, ha (legfeljebb) egyféleképpen sikerülhet.
- Egy eljárshívásnak egy sikeres végrehajtása **determinisztikusan futott le**:
  - ha nem hagyott választási pontot a híváshoz tartozó részében, azaz
  - vagy választásmentesen futott le, azaz kétre sem hozott választási pontot (figyelem: ez a Prolog megvalósítástól függ!);
  - vagy létrehozott ugyan választási pontot, de megszüntette (kimerítette, levágta).
- A SICStus Prolog nyomkövetésében ? jelzi a **nem**determinisztikus lefutást:

```

p(1, a). | ?- p(1, X). % det. hívás,
p(2, b). | 1 1 Exit: p(1,a) % det. lefutás
p(3, b). | ?- p(Y, a). % det. hívás,
 | ?- p(Y, b), Y > 2. % nemdet. lefutás
 | 1 1 Exit: p(1,a) % nemdet. hívás
 | 1 1 Exit: p(2,b) % nemdet. lefutás
 | 1 1 Exit: p(3,b) % det. lefutás

```

## DETERMINIZMUS ÉS INDEXELÉS

### A determinisztikus lefutás

- Mi a determinisztikus lefutás haszna?
  - a futás gyorsabb lesz,
  - a tárigény csökken,
  - más optimalizálások (pl. jobbrekurzió) alkalmazható.
- Hogyan ismeri fel a fordító azt, hogy nem kell választási pont?
  - indexelés (indexing)
  - vágók és feltételes szerkezetek
- Az alábbi definíciók esetén a `p(Normar, Y)` hívás nem hoz létre választási pontot:

```

p(1, a). | p(X, Y) :-
p(2, b). | (X == 1 -> Y = a
 | ; Y = b
 |).

```

### Indexelés — ismétlés

- Mi az indexelés?
  - egy adott hívásra illeszthető klózok gyors kiválasztása,
  - egy eljárás klózainak fordítási idejű csoportosításával.
- A legtöbb Prolog rendszer, így a SICStus Prolog is, az első feji-argumentum alapján indexel (first argument indexing).
- Az indexelés alapja az első fejiargumentum külső funkora:
  - C szám vagy névkonstans esetén C/0;
  - R nevű és N argumentumú struktúra esetén R/N;
  - változó esetén nem értelmezett.
- Az indexelés megvalósítása:
  - Fordításkor a funktorokhoz elkészítjük az illeszthető klózok részhalmozát.
  - Futáskor lényegében konstans idő alatt választunk a részhalmozak közül.
- **Fontos:** ha egyetlen a részhalmoz, nem hozunk létre választási pontot!

## Példa indexelésre

|                     |             |  |          |
|---------------------|-------------|--|----------|
| $p(0, a)$ .         | $/* (1) */$ |  | $q(1)$ . |
| $p(x, t) :- q(x)$ . | $/* (2) */$ |  | $q(2)$ . |
| $p(s(0), b)$ .      | $/* (3) */$ |  |          |
| $p(s(1), c)$ .      | $/* (4) */$ |  |          |
| $p(9, z)$ .         | $/* (5) */$ |  |          |

|                                                |                            |
|------------------------------------------------|----------------------------|
| ● A $p(A, B)$ hívással illesztendő klózhalmaz: |                            |
| ● $\{(1) (2) (3) (4) (5)\}$                    | ha $A$ változó;            |
| ● $\{(1) (2)\}$                                | ha $A = 0$ ;               |
| ● $\{(2) (3) (4)\}$                            | ha $A$ fő funkтора $s/1$ ; |
| ● $\{(2) (5)\}$                                | ha $A = 9$ ;               |
| ● $\{(2)\}$                                    | minden más esetben.        |

### ● Példák hívásokra:

- $p(1, Y)$  nem hoz létre választási pontot.
- $p(s(1), Y)$  létrehoz választási pontot, de determinisztikusan fut le.
- $p(s(0), Y)$  nemdeterminisztikusan fut le.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Indexelés — további tudnivalók

### ● Indexelés és aritmetika

- Az indexelés nem foglalkozik aritmetikai vizsgálatokkal.
- Pl. az  $N = 0$  és  $N > 0$  feltételek nem „zártak ki” egymást.
- Az alábbi  $fact/2$  eljárás lefutása nem-determinisztikus:
 

```
fact(0, 1).
fact(N, F) :- N > 0, N1 is N-1, fact(N1, F1), F is N*F1.
```
- Indexelés és listák
- Gyakran kell az üres és nem-üres lista esetét szétválasztani.
- A bemenő lista-argumentumot célszerű az első argumentum-pozícióba tenni.
- Az `[]` és `[_|_]` eseket az indexelés megkülönbözteti (funktorok: `'[]' / 0` ill. `'_|_' / 2`).
- A két klóz sorrendje nem érdekes (feltéve, hogy zárt listával hívjuk az első pozíción) — de azért tegyük a leálló klózt mindig előre.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák, változók a fejarumentumban

### ● Azonos funktorú struktúrák az első fejarumentumban:

- Ha a klózok szétválasztásához szükség van az első (struktúra) argumentum részére is, akkor érdemes segédeljárást bevezetni.

### ● Példái $p/2$ és $q/2$ ekvivalens, de $q$ (Nonvar, Y) determinisztikusan fut le!

|                |                     |                     |
|----------------|---------------------|---------------------|
| $p(0, a)$ .    | $q(0, a)$ .         | $q\_segged(0, b)$ . |
| $p(s(0), b)$ . | $q(s(x), Y) :-$     | $q\_segged(1, c)$ . |
| $p(s(1), c)$ . | $q\_segged(X, Y)$ . |                     |
| $p(9, z)$ .    | $q(9, z)$ .         |                     |

### ● Fejlesztés kiváltása egyenlőséggel (vö. SML rétegelt minta)

- Az indexelés figyelembe veszi a törzs elején szereplő egyenlőséget:

$p(X, \dots) :- X = K1f, \dots$  esetén  $K1f$  funkтора szerint indexel.

### ● Példa: lista hosszának reciprokra, üres lista esetén 0:

```
rhossz([], 0).
rhossz(L, RH) :- L = [_|_], length(L, H), RH is 1/H.
% rhossz([X|L], RH) :- length([X|L], H), RH is 1/H.
% kevésbé hatékony, mert újra felépíti az [X|L] listát.
% rhossz(L, RH) :- L \= [], length(L, H), RH is 1/H.
% kevésbé hatékony, mert L=[] esetben választási pontot hagy.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Listakezelő eljárások indexelése: példák

### ● Az append / 3 választásmentesen fut le, ha első argumentuma zárt végű lista.

```
append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :- append(L1, L2, L3).
```

### ● A last / 2 közvetlen megfogalmazása nemdeterminisztikusan fut le:

```
% last(L, E): Az L lista utolsó eleme E.
last([], E).
last(_|_|L1, E) :- last(L1, E).
```

### ● Érdemes segédeljárást bevezetni, last2 / 2 választásmentesen fut

```
last2([X|L], E) :- last2(L, X, E).
% last2(L, X, E): Az [X|L] lista utolsó eleme E.
last2([], E, E).
last2([X|L], _, E) :- last2(L, X, E).
```

### ● Az utolsó listaelemet választásmentesen felsoroló member (lists könyvtárból):

```
member(E, [_|_]) :- member(T, H, E).
% member_L(L, X, E): Az [X|L] lista eleme E.
member(_, E, E).
member_([H|T], _, E) :- member_(T, H, E).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az indexelés és a vágó kölcsönhatása

- Hogyan vehető figyelembe a vágó az indexelés fordításakor?
- Példa: a  $P(1, A)$  hívás választásmentes, de a  $q(1, A)$  nem!
 

|                                                       |          |                                                                |          |
|-------------------------------------------------------|----------|----------------------------------------------------------------|----------|
| $P(1, Y) :- !, Y = 2.$                                | $\% (1)$ | $q(1, 2) :- !.$                                                | $\% (1)$ |
| $P(X, X).$                                            | $\% (2)$ | $q(X, X).$                                                     | $\% (2)$ |
| $Arg1=1 \rightarrow (1), Arg1 \neq 1 \rightarrow (2)$ |          | $Arg1=1 \rightarrow \{(1), (2)\}, Arg1 \neq 1 \rightarrow (2)$ |          |
- A fordító figyelembe veszi a vágót az indexelésben, ha garantált, hogy egy adott fő funktor esetén a vágói elejűek. Ennek feltételei:
  - az első argumentum változó, konstans, vagy csak változókat tartalmazó struktúra legyen,
  - a további argumentumok változók legyenek,
  - a fejben az összes változóelfordulás különböző legyen,
  - a törzs első hívása a vágó (megengedve a fejillesztést kiváltó egyenlőséget).
- Ilyenkor a fordító az adott funktorhoz tartozó listából kihagyja a vágót követő klózókat.
- Példa:  $P(X, D, E) :- X = s(A, B, C), !, \dots P(X, Y, Z) :- \dots$
- Ez egy újabb érv a vágás alapszabályja mellett:

**A kimenő paraméterek értékadását mindig a vágó után végezzük!**

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Választás-mentesség diszjunktív feltételes szerkezetek esetén

Determinizmus és indexelés LP-211

- Feltehető szerkezet végrehajtásakor általában választási pont jön létre.
- A **SICStus Prolog** a „( *Felt* -> akkor ; egyébként )” szerkezetet választásmentesen hajítja végre, ha a *Felt* konjunkció tagjai csak:
  - aritmetikai összehasonlító eljárás-hívások (pl. <, =, <=, >=), és/vagy
  - kifejezés-típust ellenőrző eljárás-hívások (pl. atom, number), és/vagy
  - általános összehasonlító eljárás-hívások (ld. később, pl. @<, @=<, @=).
- Analóg módon választásmentes kód keletkezik a „*Fej* :- *Felt*, !, akkor.” klózból, ha *Fej* argumentumai különböző változók, és *Felt* olyan mint fent.
- Például választásmentes kód keletkezik az alábbi definíciókból:

|                                                                                                                                     |                                                                                                                                 |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>vektorfajta(X, Y, Fajta) :-   (     X == 0, Y == 0   ;     % X = 0, Y = 0     nem lenne jó   ;     Fajta = nem_null   ).</pre> | <pre>vektorfajta(X, Y, Fajta) :-   (     X == 0, Y == 0, !,     Fajta = null,   ;     vektorfajta(_X, _Y, nem_null).   ).</pre> |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A vágó és az indexelés hatékonysága

- Egy Fibonacci-szerű sorozat:  $f_1 = 1; f_2 = 2; f_n = f_{[2n/4]} + f_{[2n/3]}$ ,  $n > 2$ 

|                                                                                                                                                          |                                                                                                                                                                         |                                                                                                                                                                                           |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>% determinisztikus fib(1, 1), fib(2, 2), fib(N, F) :-   N &gt; 2,   N2 is N*3//4,   N3 is N*2//3,   fib(N2, F2),   fib(N3, F3),   F is F2+F3.</pre> | <pre>% determ. lefutású fibc(1, 1) :- !. fibc(2, 2) :- !. fibc(N, F) :-   N &gt; 2,   N2 is N*3//4,   N3 is N*2//3,   fibc(N2, F2),   fibc(N3, F3),   F is F2+F3.</pre> | <pre>% választásmentes fibc1(1, F) :- !, F = 1. fibc1(2, F) :- !, F = 2. fibc1(N, F) :-   N &gt; 2,   N2 is N*3//4,   N3 is N*2//3,   fibc1(N2, F2),   fibc1(N3, F3),   F is F2+F3.</pre> |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
- Futási idők  $N = 2000$  esetén

|                    | Fib       | Fibc      | Fibc1    |
|--------------------|-----------|-----------|----------|
| futási idő         | 990 msec  | 890 msec  | 830 msec |
| meghívásulási idő  | 440 msec  | 30 msec   | 0 msec   |
| összesen           | 1430 msec | 920 msec  | 830 msec |
| nyom-vevrem mérete | 4.1Mbyte  | 2.0 Mbyte | 256 byte |

- *Fibc* esetén a meghívásulási idő azért nem 0, mert a rendszer a nyom-vevmet (trail-stack) dolgozza fel. A nyom-vevrem tárolja a változó-értékadások visszacsinalási információit.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A PROLOG MEGVALÓSÍTÁSI MÓDSZEREIRŐL

## A Prolog megvalósítás néhány mértéklőve

- 1973: Marseille Prolog (A. Colmerauer et al.)
  - értelmező (interpreter), Fortran nyelven
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos (structure-sharing)
  - veremszervezés: egyetlen verem (csak visszalépéskor szabadul fel)
- 1977: DEC-10 Prolog (D. H. D. Warren)
  - fordítóprogram Prolog és assembly nyelven (+ értelmező Prologban)
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos
  - veremszervezés: három verem (visszalépéskor minidhárom fel szabadul)
    - globális verem (global stack): globális (struktúra-beli) változók, szemelegyűjtőt
    - fő verem (local stack): eljárások, választási pontok, változók, det. lefutáskor fel szabadul
    - nyom verem (trail): változó-behelyettesítések tárolása (vágónál felszabadítható)
- 1983: WAM — Warren Abstract Machine (D. H. D. Warren)
  - absztrakt gép Prolog programok végrehajtására
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-másolásos (structure-copying)
  - három verem, mint DEC-10 Prologban, a globális verem tárolja a struktúrákat
  - A legtöbb mai Prolog WAM alapú (SICStus, SWI, GNU Prolog, ...)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## WAM: Prolog kifejezések tárolása

A Prolog megvalósítási módszerei 1P-215

- A WAM-ban javasolt kifejezés-ábrázolás (LBT: low bit tagging scheme)

|                                            | <i>globális/lokális</i> |       | <i>globális verem</i> |
|--------------------------------------------|-------------------------|-------|-----------------------|
| ● Behelyettesíthető változó:               |                         |       |                       |
|                                            | saját cím               | REF   | REF                   |
| ● Másik változóra/kifejezésre való utalás: | másik kif. címe         | REF   | REF                   |
| ● Névkonstans                              | atom tábla index        | A CON | A CON                 |
| ● Egész szám                               | egész érték             | I CON | I CON                 |
| ● Lista                                    | cím                     | LIST  | LIST                  |
|                                            | cím:                    |       | fej-kifejezés         |
|                                            |                         |       | farok-kifejezés       |
| ● Szuktúra                                 | cím                     | STRU  |                       |
|                                            | cím:                    |       | funktor tábla index   |
|                                            |                         |       | argumentum-kif.       |
|                                            |                         |       | ...                   |

- A SICStus 3.x rendszer a 4 legmagasabb helyiértékű bien tárolja jelzőket (tag) — ezért a veremterületek mérete 256 Mbyte-ban korlátozott. (SICStus 4-ben már LBT séma lesz.)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák ábrázolása

- A kétféle kifejezés-ábrázolás összehasonlítása:

|                            |                             |                               |
|----------------------------|-----------------------------|-------------------------------|
|                            | struktúra-osztásos          | struktúra-másolásos           |
| tárgny:                    | a változók számával arányos | a struktúra méretével arányos |
| struktúra-építés időigénye | konstans                    | a struktúra méretével arányos |
| struktúra-szétiszedés      | költségesebb                | kevésbé költséges             |

- **Struktúra építése:** egy változónak és egy **programszövegbeli** struktúrának az egyesítése
- **FONTSOS:** egy változó értékeként megjelenő struktúra egyesítése egy behelyettesíthető változóval mindenképpen konstans költségű!
- **Példa:**

```

hosszabbf(L, [1,2,3,...,n|L]).
sokszoroz(0, L) :- !, L = [].
sokszoroz(N, L) :-
 hosszabbf(L0, L), N1 is N-1, sokszoroz(N1, L0).
```
- sokszoroz( $n$ ,  $L$ ) költsége és tárgnyéne struktúra-osztásnál  $O(n)$ , struktúra-másolásnál  $O(n^2)$
- A gyakorlatban mégis a struktúra-másolásos megoldás bizonyult hatékonyabbnak.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## WAM: néhány további részlet

A Prolog megvalósítási módszerei 1P-216

- Változók kezelése
  - Két változó egyesítése: a fiatalabbik az öregebbikre utaló **REF** értéket kap
  - **Utalástalanítás:** az (esetleg többtagú) REF-lánc követése
    - Behelyettesíthető változó  $\equiv$  önmagára mutató utalás  $\Rightarrow$  egyszerűbb utalástalanítás
- Visszalépés
  - **Felületes változó:** behelyettesíthető változó, öregebb mint a legfrissebb választási pont
  - Felületes változó behelyettesítése esetén a változó címét beírjuk a nyom-verembe
  - Visszalépéskor a nyom alapján „visszacsináljuk” a változó-behelyettesítéseket, majd a vermeteket visszahúzzuk
- SICStus programok WAM utasítás-sorozatára fordíthatók (*File.pl*  $\Rightarrow$  *File.wam*):
 

```
| ?- prolog:shell_files(File, wam, []).
```
- A WAM bemutatása (tutorial): `http://www.vanx.org/archi ve/wam/wam.html`

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Jobbrekurzió (farok-rekurzió, tail-recursion) optimalizálás

- Az általános rekurzió költséges, helyben és időben is.
- Jobbrekurzióról beszélünk, ha
  - a rekurzív hívás a klóztörzs utolsó helyén van, vagy az utolsó helyen szereplő diszjunkció egyik ágának utolsó helyén stb., és
  - a rekurzív hívás pillanatában nincs választási pont a predikátumban (a rekurzív hívást megelőző célok determinisztikusan futottak le, nem maradt nyitott diszjunkciós ág).
- Jobbrekurzió optimalizálás: az utolsó hívás végrehajtása **előtt** a predikátum által letöltött hely felszabadul ill. személygyűjtésre alkalmassá válik.
- Ez az optimalizálás nemcsak rekurzív hívás esetén, hanem minden **utolsó** hívás esetén megvalósul — a pontos név: utolsó hívás optimalizálás (last call optimisation).
- A jobbrekurzió így tehát nem növeli a memória-igényt, korlátlan mélységig futhat — mint a ciklusok az imperatív nyelvekben. Példa:
 

```
ciklus(Állapot) :- lépés(Állapot, Állapot1), !, ciklus(Állapot1).
ciklus(_Állapot).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-219

## Predikátumok jobbrekurzív alakra hozása — listaösszeg

- A listaösszegzés „természetes”, nem jobbrekurzív definíciója:
 

```
% sum(+L, ?S) : Az L számlista elemeinek összege S (S = 0+Ln+Ln-1+...+L1).
sum([], 0).
sum([X|L], S) :- sum(L, S0), S is S0+X.
```
- Első jobbrekurzív változat, csak ellenőrzésre használható:
 

```
% sum(+L, +S) : Az L számlista elemeinek összege S (S-L1-L2-...-Ln = 0).
sum([], 0).
sum([X|L], S) :- /* S is S0+X helyett: */ S0 is S-X, sumL(L, S0).
```
- Második jobbrekurzív változat, csak kiírní tudja az eredményt:
 

```
% sum2(+L) : Az L számlista elemeinek összegét (0+L1+L2+...+Ln) kiírja.
sum2(L) :- sum2(L, 0).

% sum2(+L, +S0) : Az L lista S0-lal növelt összegét kiírja.
sum2([], S) :- write(S), nl.
sum2([X|L], S0) :- S1 is S0+X, sum2(L, S1).
```
- Ahhoz, hogy az összeget **eredményként** ki tudjuk adni, szükséges egy további, kimenő argumentum.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-220

## Jobbrekurzív listaösszeg — akkumulátorpár segítségével

- Harmadik változat: teljes értékű jobbrekurzív lista-összegző:
 

```
% sum3(+L, ?S) : Az L számlista elemeinek összege S.
sum3(L, S) :- sum3(L, 0, S).

% sum3(+L, +S0, ?S) : L elemeit hozzáadva S0-hoz kapjuk S-et. (≡ σ L = S-S0)
sum3([], S, S).
sum3([X|L], S0, S) :-
 S1 is S0+X, sum3(L, S1, S).
```
- A jobbrekurzív sum3 eljárás több mint **3-szor gyorsabb** mint a nem jobbrekurzív sum!
- Az **akkumulátor** az imperatív (azaz megváltoztatható értékű) változó fogalmának deklaratív megfelelője:
  - A sum3(L, S0, S) predikátumban az S0 és S argumentumok egy akkumulátorpárt alkotnak.
  - Az akkumulátorpár két része az adott változó mennyiség (a példában az összeg) különböző időpontokban vett értékeit mutatja:
    - S0 az összeg értéke a sum3/3 **meghívásokor**: az összegző változó kezdőértéke;
    - S az összeg értéke a sum3/3 **lefutása után**: összegző változó végértéke.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az akkumulátorok használata

- Az akkumulátorokkal általában több egymás utáni változtatást is leírhatunk:

```
p(...., A0, A) :-
 q0(...., A0, A1),,
 q1(...., A1, A2),,
 qn(...., An, A).
```

- A sum3/3 második klóza ilyen alakra hozva:

```
sum3([X|L], S0, S1) :- plus(X, S0, S1), sum3(L, S1, S).
```

```
plus(X, S0, S) :- S is S0+X.
```

- Akkumulátorváltozók elnevezési konvenciója: kezdőérték: *VálL0*; közbülső értékek: *VálL1L1*, ..., *VálLtn*; végérték: *VálLt*.

- A Prolog akkumulátorpár nem más mint a funkcionális programozásból ismert gyűjtőargumentum és a függvény eredményének együttese.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok 1P-223

## Különbőségi listák

- A revapp mint akkumuláló eljárás

```
% revapp(Xs, L0, L) : Xs megfordítását L0 elé fűzve kapjuk L-t.
% Másképpen: Xs megfordítása L-L0.
revapp([], L, L).
revapp([X|Xs], L0, L) :-
 revapp(Xs, L1, L1),
 L = [X|L0], revapp(Xs, L1, L).
```

- Az L-L0 jelölés (különbőségi lista): azt a listát nevezi meg, amelyet úgy kapunk, hogy L végétől elhagyjuk L0-t (feltéve, hogy L0 szűfűkuma L-nek).

- Például az [1, 2, 3] listának megfelelő különbőségi listák:

```
[1, 2, 3, 4] - [4], [1, 2, 3, a, b] - [a, b], [1, 2, 3] - [], ...
```

- A legáltalánosabb (nyílt) különbőségi listában a „kivonandó” változó: [1, 2, 3 | L]-L
- Egy nyílt különbőségi lista konstans időben összeírfűzhető egy mássikkal:

```
% app_d1(DL1, DL2, DL3) : DL1 és DL2 különbőségi listák összeírfűzése DL3.
app_d1(L-L0, L0-L1, L-L1).
| ? - app_d1([1, 2, 3 | L0]-L0, [4, 5 | L1]-L1, DL).
 => DL = [1, 2, 3, 4, 5 | L1]-L1, L0 = [4, 5 | L1]
```

- A nyílt különbőségi lista „egyszer használatos”, egy hozzáfűzés után már nem lesz nyílt!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Akkumulátorok használata — folytatás

- Három lista összege

```
% sum_3_lists(+L, +LL, +LLL, +S0, ?S) : Az L, LL, LLL számlisták
% összegeinek összege S-S0
sum_3_lists(L, LL, LLL, S0, S) :-
 sum3(L, S0, S1), sum3(LL, S1, S2), sum3(LLL, S2, S).
```

Előrebocsított megjegyzés: a fenti szabály DCG (Definite Clause Grammar) formája

```
sum_3_lists(L, LL, LLL) --> sum3(L, S0, S1), sum3(LL, S1, S2), sum3(LLL, S2, S).
```

- Többszörös akkumulálás — listák összege és négyzetösszege

```
% sumL2(+L, +S0, ?S, +Q0, ?Q) : S-S0 = $\sum L_i$, Q-Q0 = $\sum L_i^2$
sumL2([], S0, S0).
sumL2([X|L], S0, S, Q, Q) :-
 sumL2(L, S0, S, Q0, Q0),
 S1 is S0+X, Q1 is Q0+X*X, sumL2(L, S1, S, Q1, Q).
```

- Többszörös akkumulátorok összevonása

```
% sumL2(+L, +S0/Q0, ?S/Q) : S-S0 = $\sum L_i$, Q-Q0 = $\sum L_i^2$
sumL2([], S0, S0).
sumL2([X|L], S0/Q0, S0/Q0) :-
 S1 is S0+X, Q1 is Q0+X*X, sumL2(L, S1/Q1, S0/Q0).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok 1P-224

## Különbőségi listák (folyt.)

- Példa: lineáris idejű listafordítás, nrev stílusban, különbőségi listával:

```
% nrev(L, DR) : Az L lista megfordítása a DR különbőségi lista.
nrev_d1([], L-L).
nrev_d1([X|L], DR) :-
 nrev_d1(L, DR0),
 app_d1(DR0, [X|T]-T, DR).
% [X|T]-T \equiv egyelemű különbőségi lista
% app_d1(DL1, DL2, DL3) : DL1 és DL2 különbőségi listák összeírfűzése DL3.
app_d1(L-L0, L0-L1, L-L1).
% Az L lista megfordítása R
rev(L, R) :-
 nrev_d1(L, R-[]).
```

- Az nrev\_d1/2 eljárás törzsében érdemes a két hívást megcserélni (jobbrekurzió!).

- nrev\_d1(L, R-R0)  $\implies$  rev2(L, R0, R) átalakítással és app\_d1 kiküszöbölésével a fenti nrev\_d1/2 eljárásból kapunk egy rev2/3-t, amely azonos revapp/3-mal!

- Ettől az átalakítástól kb **3-szor gyorsabb** lesz a program  $\implies$  érdemes a különbőségi listák helyett akkumulátorpárokat használni!

- A továbbiakban a különbőségi lista jelölést csak a fejkommentek megfogalmazásában használjuk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Az append mint akkumuláló eljárás

- Írjunk egy `eleje_marad(ElEje, L, Marad)` eljárást!
 

```
% eleje_marad(ElEje, L, Marad): Az L lista kezdetén az ElEje lista áll,
% annak L-ből való elhagyása után marad a Marad lista.
eleje_marad([], L, L).
eleje_marad([X|Xs], L0, L) :-
 L0 = [X|L1],
 eleje_marad(Xs, L1, L).
```
- Az akkumulálási lépés: `L0 = [X|L1]`, egy elem **elhagyása** a lista elejétől.
- A 2. és 3. argumentum felcserélésével az `eleje_marad` eljárás átalakul az `append` eljárássá!
- Tehát az `append` is tekinthető akkumuláló eljárásnak (a 2. és 3. argumentum a szokásos akkumulátorpárokhoz képest fel van cserélve):
 

```
% append(Xs, L, L0): L0 elejétől Xs elemeit lehvagyva marad L.
% Másképpen: Xs = L0-L.
append([], L, L).
append([X|Xs], L, L0) :-
 L0 = [X|L1], append(Xs, L, L1).
```
- Az akkumulálási lépés: az `L0` változó értékül kap egy listát, melynek farka `L1`, az akkumulált mennyiség: az a változó, amelyben az összefűzés eredményét várjuk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

 $a^n b^n$  alakú sorozatok (folyt.)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-227

- Harmadik megoldás,  $n$  lépés
 

```
anbn(N, L) :-
 anbn(N, [], L).
% anbn(N, L0, L): Az L-L0 lista N db a-ból és azt követelő N db b-ből áll.
anbn(0, L0, L) :- !, L = L0.
anbn(N, L0, [a|L]) :-
 N > 0,
 N1 is N-1,
 anbn(N1, [b|L0], L).
```
- A második klóz nem jobbrekurzív változata
 

```
anbn(N, L0, L) :-
 N > 0, N1 is N-1,
 L1 = [b|L0],
 anbn(N1, L1, L2),
 L = [a|L2].
% 3. lépés: L2 elé a => L
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egy mintafeladat:  $a^n b^n$  alakú sorozat előállítása

- Első megoldás,  $3n$  lépés
 

```
% anbn(N, L): Az L lista N db a-ból
% és azt követelő N db b-ből áll.
anbn(N, L) :-
 an(N, a, AN),
 an(N, b, BN),
 append(AN, BN, L).
```
- Második megoldás,  $2n$  lépés
 

```
anbn(N, L) :-
 an(N, b, [], BN),
 an(N, a, AN, L).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

 $a^n b^n$  alakú sorozatok — más nyelvű megoldások

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-228

- SML megoldás
 

```
local
 fun ab(0, L) = L
 | ab(N, L0) = #"a"::ab(N-1, #"b"::L0)
 in fun anbn N = ab(N, [])
 end
```
- C++ megoldás
 

```
link *anbn(unsigned n) {
 link *l = 0, *b = 0;
 link **a = &l;
 for (; n > 0; --n) {
 *a = new link('a'); // előlről
 a = &(*a)->next; // hátra épít
 b = new link('b', b); // hátulról előre épít
 *a = b; return l;
 }
}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Összetettebb adatszerkeztűrák akkumulálása

- Az adatszerkeztűra:
 

```
% :- type bfa --> ures ; bfa(integer, bfa, bfa) .
```
- A fa csomópontjaitán tároljuk a számértékeket, a levelek nem tárolnak információt.
- Egészék gyűjtése **rendezett** bináris fában
  - beszur(BFa0, E, BFa) : Az E egész számnak a BFa0 fába való beszurása a BFa bináris fá eredményezi.
  - Itt BFa0 és BFa egy akkumulátorpár, de az indexelés érdekében BFa0 az első argumentum-pozícióba kerül.
- Példafutás:
 

```
| ?- beszur(ures, 3, Fa0),
 beszur(Fa0, 1, Fa1),
 beszur(Fa1, 5, Fa2).

Fa0 = bfa(3,ures,ures),
Fa1 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),ures),
Fa2 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ?
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Akkumulálás bináris fákkal — folyt.

- Lista konverziója bináris fává
 

```
% lista_bfa(L, BF0, BF) : L elemeit beszurva BF0-ba kapjuk BF-t.
% :- pred lista_bfa(list(integer)::in, bfa::in, bfa::out).
lista_bfa([], BF, BF).
lista_bfa([E|L], BF0, BF) :-
 beszur(BF0, E, BF1),
 lista_bfa(L, BF1, BF).

| ?- lista_bfa([3,1,5], ures, BF).
BF = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ? ;
no
```
- ```
| ?- lista_bfa([3,1,5,1,2,4], ures, BF).
BF = bfa(3,bfa(1,ures,bfa(2,ures,ures)),
    bfa(5,bfa(4,ures,ures),ures)) ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Akkumulálás bináris fákkal

- Elem beszurása bináris fába


```
% beszur(BF0, E, BF) : E beszurása BF0 rendezett fába
% a BF rendezett fát adja
% :- pred beszur(bfa::in, integer::in, bfa::out).
beszur(ures, Elem, bfa(Elem, ures, ures)).
beszur(BF0, Elem, BF) :-
    BF0 = bfa(E,B,J), % az indexelés működik!
    ( Elem == E -> BF = BF0
    ; Elem < E ->
        BF = bfa(E,B1,J),
        beszur(B, Elem, B1)
    ; BF = bfa(E,B,J1),
        beszur(J, Elem, J1)
    ) .
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Akkumulálás bináris fákkal — folyt.

- Bináris fa konverziója listává


```
% bfa_lista(BF, L0, L) : A BF fa levelei az L-L0 listát adják.
% :- pred bfa_lista(bfa::in, list(integer)::in,
% list(integer)::out).
bfa_lista(ures, L, L).
bfa_lista(bfa(E, B, J), L0, L) :-
    bfa_lista(J, L0, L1),
    bfa_lista(B, [E|L1], L).

● Rendezés bináris fával
% L lista rendezettje R.
% :- pred rendez(list(integer)::in, list(integer)::out).
rendez(L, R) :-
    lista_bfa(L, ures, BF), bfa_lista(BF, [], R).

| ?- rendez([1,5,3,1,2,4], R).
R = [1,2,3,4,5] ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Hogyan írjunk át imperatív nyelvű algoritmust Prolog programmá?

- Példafeladat: Hatékony hatványozási algoritmus
- Alaplépés: a kitevő felezése, az alap négyzetre emelése.
- Lényegében a kitevő kettes számrendszerbeli alakja szerint hatványoz.

- Az algoritmust megvalósító C nyelvű függvény:

```
/* hatv(a, h) = a**h */
int hatv(int a, unsigned h)
{
    int e = 1;
    while (h > 0)
    {
        if (h & 1) e *= a;
        h >>= 1; a *= a;
    }
    return e;
}
```

- Az algoritmusban három változó van: a, h, e:
- a és h végértékére nincs szükség,
- e végső értéke szükséges (ez a függvény eredménye).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

IMPERATÍV PROGRAMOK ÁTÍRÁSA PROLOGBA

Imperatív programok átirása LP-235

A hatv C függvénynek megfelelő Prolog eljárás

- Egy kétargumentumú C függvénynek egy 2+1-argumentumú Prolog eljárás felel meg.
- A függvény eredménye a reláció utolsó argumentuma lesz: $\text{hatv}(+A, +H, ?E) : A^H = E$.
- A ciklusnak segédelfjárás felel meg: $\text{hatv}(+A0, +H0, +E0, ?E) : A0^{H0} * E0 = E$.
- Az »a« és »h« C változóknek az »+A« és »+H« bemenő paraméterek (nem kell a végérték), az »e« C változónak az »+E0«, ?E« *akkumulátorpár* felel meg (Kezdőérték, végérték).

```
hatv(A, H, E) :-
    hatv(A, H, 1, E).

hatv(A0, H0, E0, E) :-
    H0 > 0, !,
    (
        H0 \& 1 == 1
        % \& ≡ bitenkénti ``és''
        -> E1 is E0*A0
        ;
        E1 = E0
    ),
    H1 is H0 >> 1,
    A1 is A0*A0,
    hatv(A1, H1, E1, E).

hatv(_, _, E, E).
```

```
int hatv(int a, unsigned h)
{
    int e = 1;
    ism: if (h > 0)
        { if (h & 1)
            e *= a;
        }
}
```

```
h >>= 1;
a *= a;
goto ism;
else return e;
}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Imperatív programok átirása LP-236

A C ciklus és a Prolog eljárás kapcsolata

- A ciklust megvalósító Prolog eljárás minden pontján minden C változónak megfeleltethető egy Prolog változó (pl. h-nak H0, H1, ...):
- A ciklusmag elején a C változók a megfelelő Prolog argumentumban levő változónak felelnek meg.
- Egy C értékadásnak egy új Prolog változó bevezetése felel meg, az ez után következő kódban az új változó felel meg a C változónak.
- Ha a diszjunkció egyik ága megváltoztat egy változót, akkor a többi ágon is be kell vezetni az új Prolog változót, a régivel azonos értékkel (ld. if (h & 1) ...).
- A C ciklusmag végén a Prolog eljárást vissza kell hívni; argumentumában az egyes C változóknek pillanatnyilag megfeleltetett Prolog változóval.
- A C ciklus **invarianása** nem más mint a Prolog eljárás fejkommentje, a példában:


```
% hatv(+A0, +H0, +E0, ?E) : A0^H0 * E0 = E.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Programhelyesség-bizonyítás

- Egy algoritmus (függvény) specifikációja:
 - **előfeltételek**: a bemenő paramétereknek teljesíteniük kell ezeket,
 - **utófeltételek**: a paraméterek és az eredmény kapcsolatát írják le.
- Egy algoritmus **helyes**, ha minden, az előfeltételeket kielégítő adatra a függvény hibátlanul lefut, és eredményére fennállnak az utófeltételek.
- Példa: $x = \text{mfok}_k\text{gyok}(a, b, c)$
 - előfeltételek: $b \cdot b - 4 \cdot a \cdot c \geq 0$, $a \neq 0$
 - utófeltétel: $a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$
 - a program:


```
double mfok_k_gyok(a, b, c)
double a, b, c;
{ *double d = sqrt(b*b-4*a*c);
  return (-b+d)/2/a;
}
```
- A program helyességének bizonyítása lineáris kódra viszonylag egyszerű.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Második példa: Fibonacci sorozat tagjainak hatékony számítása

- A C függvény


```
unsigned fib(unsigned n)
{ unsigned f = 0, fnxt = 1, t;
  while (n > 0) t = fnxt, fnxt += f, f = t, --n; /* (1) */
  return f;
}
```
- Az (1) ciklusnak bemenő változó: n , f , $fnxt$, kimenő változója: F .
- A ciklusnak megfelelően Prolog eljárás: $\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F)$: az $F0$ és FNXT kezdőértéket Fibonacci sorozat N -edik tagja F .

% "betű szerinti" Prolog átírás:	% Leegyszerűsített alak:
$\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F) :- N > 0, !,$	$\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F) :- N > 0, !,$
$T = \text{FNXT}, \text{FNXT1 is FNXT} + F0,$	$\text{FNXT1 is FNXT} + F0,$
$F1 = T, N1 \text{ is } N - 1,$	$N1 \text{ is } N - 1,$
$\text{fib}(N1, F1, \text{FNXT1}, F).$	$\text{fib}(N1, \text{FNXT}, \text{FNXT1}, F).$
$\text{fib}(_, F0, _, F0).$	$\text{fib}(_, F0, _, F0).$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Ciklikus programok helyességének bizonyítása

- A ciklusokat „fel kell vágni” egy **ciklus-invariáns**-sal, amely:
 - az előfeltételekből és a ciklust megelőző értékadásokból következik,
 - ha a ciklus elején fennáll, akkor a ciklus végén is (indukció),
 - belőle és a leállási feltételből következik a ciklus utófeltétele.
- **int** $\text{hativ}(\text{int } a0, \text{unsigned } h0) /* \text{utófeltétel: } \text{hativ}(a0, h0) = a0^{h0} */$

```
{ int e = 1, a = a0, h = h0;
  while (h > 0)
  { /* ciklus-invariáns: a0^h0 == e*a^h */
    /* induláskor a kezdőértékek alapján triviálisan fennáll */
    if (h & 1) e *= a; /* e' = e * a^{h&1} */
    h >>= 1; /* h' = (h-(h&1))/2 */
    a *= a; /* a' = a*a */
  } /* indukció: e'*a^{h'} = ... = e*a^h */
  return e;
} /* Az invariánsból h = 0 miatt következik az utófeltétel */
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Fibonacci sorozat — Prolog stílusban

- A Fibonacci sorozat teljes Prolog megvalósítása, és az ennek megfelelően C kód:


```
fib(N, F) :-
    fib(N, 0, 1, F).
    % unsigned fib(unsigned N)
    % { unsigned F0=0, F1=1, F2;
    %
    % ism:
    % if (N > 0)
    % { --N;
    %   F2 = F0+F1;
    %   F0 = F1; F1 = F2;
    %   goto ism;
    % }
    % return F0;
    % }
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Keresési feladat Prologban — felsorolás vagy gyűjtés?

- Keresési feladat: bizonyos feltételeknek megfelelő dolgok meghatározása.
- Prolog nyelven egy ilyen feladatot alapvetően kétféle módon oldható meg:
 - gyűjtés — az összes megoldás összegyűjtése, pl. egy listába.
 - felsorolás — a megoldások visszalépéses felsorolása: egyszerre egy megoldást kapunk, de visszalépés esetén sorra előáll minden megoldás.
- Egyszerű példa: egy lista páros elemeinek megkeresése:

<pre>% Gyűjtés: % páros_elemei(L, Pk): Pk az L % lista páros elemeinek listája. páros_elemei([], []). páros_elemei([X L], Pk) :- X mod 2 =\= 0, !, páros_elemei(L, Pk). páros_elemei(L, Pk).</pre>	<pre>% Felsorolás: % páros_eleme(L, P): P egy páros % eleme az L listának. páros_eleme([X L], P) :- X mod 2 == 0, P = X. páros_eleme(_X L, P) :- % X akár páros, akár páratlan % folytatjuk a felsorolást: páros_eleme(L, P).</pre>
<pre>% egyszerűbb megoldás: páros_eleme2(L, P) :- member(P, L), P mod 2 == 0.</pre>	

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

MEGOLDÁSOK GYŰJTÉSE ÉS FELSOROLÁSA

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-243

Mi a közös a felsoroló és gyűjtő eljárásokban?

- Keresünk meg a közös részt a páros_elemei és páros_eleme eljárásokban!
- Mindkétőben át kell lépni a páratlan elemeket, és meg kell keresni az első páros elemet a listában:

```
% Köv_páros(L0, P, L) :- Az L0 első páros eleme P, a maradék L.
köv_páros([X|L0], P, L) :-
    X mod 2 =\= 0, !, köv_páros(L0, P, L).
köv_páros([_|L], P, L).
```

- A köv_páros eljárásra épülő gyűjtő és felsoroló eljárások:

<pre>% páros_elemei(L, Pk): Pk az L % lista páros elemeinek listája. páros_elemei(L0, Pk) :- köv_páros(L0, P, L1), !, Pk = [P Pk1], páros_elemei(L1, Pk1).</pre>	<pre>% páros_eleme(L, P): P egy páros % eleme az L listának. páros_eleme(L0, P) :- köv_páros(L0, P0, L1), (P = P0 ; páros_eleme(L1, P)).</pre>
--	--

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A gyűjtő és felsoroló sémák összehasonlítása

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-244

- A páros elemeket gyűjtő ill. felsoroló eljárások alapján adjunk meg egy általános sémát a kétféle eljárásúpusra!
- Az általános esetben a keresésnek lehet egy vagy több Param paramétere. Például, kereshetjük a Param-mal osztható elemeket.
- A közös építőelem: következő(V0, Param, E, V1): A V0 kifejezéssel jellemzett keresési térben az első megoldás E, és a fennmaradó keresési tér V1, a Param paraméter-érték mellett.
- A gyűjtő séma:

<pre>% A V0 keresési térben a Param % paraméterű megoldások listája L. megoldások(V0, Param, L) :- következő(V0, Param, E, V1), !, L = [E L1], megoldások(V1, Param, L1).</pre>	<pre>% A V0 keresési térben E egy % Param paraméterű megoldás. megoldás(V0, Param, E) :- következő(V0, Param, E0, V1), (E = E0 ; megoldás(V1, Param, E)).</pre>
---	---

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egy összetettebb példa: fennsíkok felsorolása

- Egy listában fennsíkok nevezünk:
 - egy csupa azonos elemből álló, legalább két elemű, folytonos részhalmazt;
 - amely az ilyenek között maximális (egyik irányba sem kiterjeszthető).
- A feladat: felsorolandók egy lista fennsíkjai és kezdőpozícióiuk
- Fennsík(L, F, H): Az L listában az F (1-től számozott) pozíción egy H hosszú fennsík van.

- Egy egyorvsiprogramozási módszerrel készült (Prolog hekker) megoldás:

<pre>fennsík0(L, F, H) :- fennsík0(L, F, H) :- Reste = [E, E _], append(Eleje, Teste, L), \+ last(Eleje, E), length(Eleje, F0), F is F0+1, kezdet_hossz(Teste, H). % kezdet_hossz/2 definícióját % lásd korábban</pre>	<pre>fennsíkl(L, F, H) :- fennsíkl(L, F, H) :- Reste = [E, E _], append(Eleje, Teste, L), \+ last(Eleje, E), length(Eleje, F0), F is F0+1, % kezdet_hossz/2 kifejtve: (append(Ek, Farok, Teste), \+ Farok = [E _] -> length(Ek, H)).</pre>
--	---

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-247

Fennsíkok felsorolása — 2., hatékony megoldás (folyt.)

- Az első fennsík előállítása:

```
% első_fennsík(+L0, +P0, -F, -H, -L): A P0-től számozott L0 listában az
% első fennsíkat az F. pozíción van és hossza H, a fennsíkat után fennmaradó
% rész pedig az L lista.
első_fennsík([E, E|L1], P0, F, H, L) :-
    !, F = P0, azonosak(L1, E, 2, H, L).
első_fennsík(_|L1], P0, F, H, L) :-
    P1 is P0+1,
    első_fennsík(L1, P1, F, H, L).

% azonosak(+L0, +E, +H0, -H, -L): Az L0 lista elejétől a maximális számú
% E-vel azonos elemet leahagyva marad L, a leahagyott elemek száma H-H0.
azonosak([X|L0], E, H0, H, L) :-
    E = X, !,
    H1 is H0+1,
    azonosak(L0, E, H1, H, L).
azonosak(L, _, H, H, L).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Fennsíkok felsorolása — 2., hatékony megoldás

- Használjuk a megoldás-felsoroló sémát: megoldás(V0, Param, E)!
 - V0: >L, P«, a bejárandó lista és első elemének pozíciója;
 - Param: üres;
 - E: >F, H«, a megoldás-fennsíkat kezdőpozíciója és hossza.
- Az L listában az F pozíción egy H hosszú fennsíkat van.


```
fennsíkl(L, F, H) :-
    fennsíkl(L, 1, F, H).
```

```
% A P0-től számozott L0 listában az F pozíción
% egy H hosszú fennsíkat van.
fennsíkl(L0, P0, F, H) :-
    % az első fennsíkat jellemzői F0 és H0,
    % a fennsíkat utáni maradéklista L1:
    első_fennsíkl(L0, P0, F0, H0, L1),
    ( F = F0, H = H0
      ; P1 is F0+H0, % L1 kezdőpozíciója, P1, nem más mint
                    % az előző megoldás kezdőpozíciója+hossza
    ).
fennsíkl(L1, P1, F, H)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

MEGOLDÁSGYŰJTŐ BEÉPÍTETT ELJÁRÁSOK

Gyűjtés és felsorolás kapcsolata

- Korábban láttuk, hogyan lehet egy keresési feladat gyűjtő és felsoroló eljárásait egy közös magból előállítani.
- Most vizsgáljuk meg, hogyan lehet egy felsoroló eljárást visszavezetni a gyűjtőre, és fordítva:

• felsorolás gyűjtésből: a member/2 könyvtári eljárás segítségével, pl.
`páros_eleme(L, P) :-`
`páros_eleme(L, Pk), member(P, Pk).`

Természetesen ez így nem hatékony!

• gyűjtés felsorolásból: a megoldásgyűjtő beépített eljárások segítségével, pl.
`páros_eleme(L, Pk) :-`
`findall(P, páros_eleme(L, P), Pk).`
`% A páros_eleme(L, P) cél`
`% összes P megoldásának listája Pk.`

Deklaratív programozás. BMÉ VK. 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A bagof(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

Megoldásgyűjtő beépített eljárások IP-251

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):

- a Cél kifejezést eljárásnévként értelmezi, meghívja;
- összegyűjti a megoldásait (a Gyűjtő-t és a szabad változók behelyettesítései);
- a szabad változók összes behelyettesítését *felsorolja* és mindegyikhez a Lista-ban megadja az összes hozzá tartozó Gyűjtő értékét.

- Példák az eljárás használatára:

`gráf([a-b,a-c,b-c,c-d,b-d]).`

`| ?- gráf(_G), findall(B, member(A-B,_G), VegP).`

\Rightarrow VegP = [b,c,c,d,d] ? ; no

`| ?- gráf(_G), bagof(B, member(A-B,_G), VegP).`

\Rightarrow A = a, VegP = [b,c] ? ;

A = b, VegP = [c,d] ? ;

A = c, VegP = [d] ? ; no

- A bagof eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):

`Lista = {Gyűjtő | Cél igaz}, Lista \neq [].`

Deklaratív programozás. BMÉ VK. 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A findall(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):

- a Cél kifejezést eljárásnévként értelmezi, meghívja
(A : annotáció meta- (azaz eljárás) argumentumot jelmez);

- minden egyes megoldásához előállítja Gyűjtő-t egy *másolat*-ra, azaz a megoldásbeli változókat, ha vannak, szisztematikusan újakkal helyettesíti;

- Az összes Gyűjtő-t értéket egy lista össze gyűjti, és ezt egyesíti Lista-val.

- Példák az eljárás használatára:

`| ?- findall(X, (member(X, [1,7,8,3,2,4]), X>3), L).`

\Rightarrow L = [7,8,4] ? ; no

`| ?- findall(X-Y, (between(1, 3, X), between(1, X, Y)), L).`

\Rightarrow L = [1-1,2-1,2-2,3-1,3-2,3-3] ? ; no

- Az eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):

`Lista = {Gyűjtő másolat | (EX...Z)Cél igaz }`

ahol X...Z a findall hívásban levő szabad változók (azaz olyan, ahívás pillanatában behelyettesíten le változók, amelyek a Cél-ban előfordulnak de a Gyűjtő-ben nem).

Deklaratív programozás. BMÉ VK. 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A bagof megoldásgyűjtő eljárás (folyt.)

Megoldásgyűjtő beépített eljárások IP-252

- Explicit kvantorok

`bagof(Gyűjtő, V1 \wedge ... \wedge Vn \wedge Cél, Lista) alakú hívása a V1, ..., Vn`
 változókat egzisztenciálisan kövötnnek tekinti, nem sorolja fel.

- jelentése: `Lista = {Gyűjtő | (E1,...,En)Cél igaz } \neq []`.

`| ?- gráf(_G), bagof(B, A^member(A-B,_G), VegP).`

\Rightarrow VegP = [b,c,c,d,d] ? ; no

- Egy másha ágyazott gyűjtések

- szabad változók esetén a bagof nemdeterminisztikus lehet, így skatulyázható:

`% A G irányított gráf fokszámListája FL:`

`% FL = { A-N | N = { { V | A-V \in G } } }`

`fokszámai(G, FL) :-`

`bagof(A-N, Vk^(bagof(V, member(A-V, G), Vks),`

`length(Vk, N)`

`| ?- gráf(_G), fokszámai(_G, FL).`

\Rightarrow FL = [a-2,b-2,c-1] ? ; no

Deklaratív programozás. BMÉ VK. 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A bagof megoldásvyjűtő eljárás (folyt.)

- Fokszámista hatékonyabb előállítása
 - a vezérlési szerkezeteket célszerű elkerülni a meta-argumentumokban
 - segédeljárás bevezetésével a kvantor is szűkségtelené válik:


```
% Az A pont foka a G irányított gráfban N, N>0.
pont_foka(A, G, N) :-
    bagof(V, member(A-V, G), Vks), length(Vks, N).
% A G irányított gráf fokszámlistaója FL:
fokszámai(G, FL) :- bagof(A-N, pont_foka(A, G, N), FL).
```
- Példák a bagof/3 és findall/3 közötti kisebb különbségekre:


```
| ?- findall(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => L = [] ? ; no
| ?- bagof(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => no
| ?- findall(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)]), L).
    => L = [f(_A,_A),g(_B,_C)] ? ; no
| ?- bagof(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)]), L).
    => L = [f(X,X),g(X,Y)] ? ; no
```
- A bagof/3 logikailag tisztább mint a findall/3, de időigényesebb!

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A setof (?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- az eljárás végrehajtása:
 - ugyanaz mint bagof(Gyűjtő, Cél, L0), sort(L0, Lista),
 - it sort/2 egy univerzális rendező eljárás (lásd később), amely
 - az eredménylistát rendezzi (az ismétlődések kiszűrésével).
- Példa a setof/3 eljárás használatára:


```
gráf([a-b,a-c,b-c,d,b-d]).
% Gráf egy pontja P.
pontja(P, Gráf) :- member(A-B, Gráf), ( P = A ; P = B ).
% A G gráf pontjainak listája Pk.
gráf_pontjai(G, Pk) :- setof(P, pontja(P, G), Pk).
| ?- gráf(_G), gráf_pontjai(_G, Pk). => Pk = [a,b,c,d] ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A meta-logikai, azaz a logikán túlmutató eljárások fajtái:

- A Prolog kifejezések pillanatnyi behelyettesíthetőségi állapotát vizsgáló eljárások (értelmszerűen sorrendfüggők):
 - kifejezések osztályozása (1)


```
| ?- var(X) /* X változó? */ , X = 1. => X = 1
| ?- X = 1, var(X). => no
```
 - kifejezések rendezése (4)


```
| ?- X @< 3 /* X megelőzi 3-t? */ , X = 4. => X = 4
% a változók megelőzik a nem változó kifejezéseket
| ?- X = 4, X @< 3. => no
```
- Prolog kifejezéseket szétszedő vagy összerakó eljárások:
 - (struktúra) kifejezés \iff név és argumentumok (2)


```
| ?- X = f(alma,körte) , X = . . L => L = [f,alma,körte]
```
 - névkonstansok és számok \iff karaktereik (3)


```
| ?- atom_codes(A, [0'a,0'b,0'a]) => A = abba
```

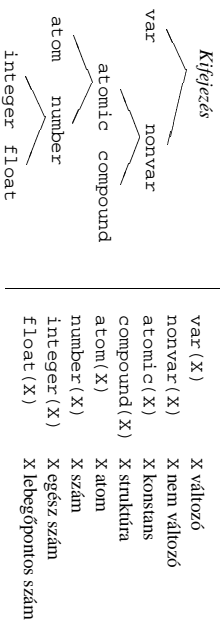
Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

META-LOGIKAI ELJÁRÁSOK

Kifejezések osztályozása

- Kifejezés-osztályok fastruktúrája — osztályozó beépített eljárások (ismétlés)



- SICStus-specifikus osztályozó eljárások:
 - `simple(X)`: X nem összetett (konstans vagy változó);
 - `ground(X)`: X tömör, azaz nem tartalmaz behelyettesítetlen változót.
- Az osztályozó eljárások használata — példák
 - `var, nonvar` — többirányú eljárásokban a különböző irányok elágaztatása
 - `number, atom, ...` — nem-megkülönböztetett úniók feldolgozása (pl. szimbolikus deriválás)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Osztályozó eljárások: elágaztatás behelyettesíthetőség alapján

- Példa: a `length/2` beépített eljárás megvalósítása (SICStus kód)

```
% length(?L, ?N) : Az L lista N hosszú.
length(L, N) :- var(N), !, length(L, 0, N).
length(L, N) :-
    length(?L, +I0, -I):
        % Az L lista I-I0 hosszú.
        length([], I, I).
        length(|_|L, I0, I) :-
            !, !s I0+1,
            length(L, I1, I).
        % dlength(?L, +I0, +I):
        % Az L lista I-I0 hosszú.
        dlength([], I, I) :- !.
        dlength(|_|L, I0, I) :-
            !, !s I0+1,
            dlength(L, I1, I).
```

```
?- length([1,2], Len).      (length/3) => Len = 2 ? ; no
?- length([1,2], 3).      (dlength/3) => no
?- length(L, 3).          (dlength/3) => L = [_A,_B,_C] ?;no
?- length(L, Len).       (length/3) => L = [], Len = 0 ? ;
                           L = [_A], Len = 1 ? ; L = [_A,_B], Len = 2 ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Struktúrák szétszedése és összerakása: az `univ` eljárás

- Az `univ` eljárás hívási mintái:
 - `+Kif = ..` ?Lista
 - `-Kif = ..` +Lista
- Az eljárás jelentése: igaz, ha
 - `Kif = Fun(A1, ..., An)` és `Lista = [Fun, A1, ..., An]`, ahol `Fun` egy névkonstans és `A1, ..., An` tetszőleges kifejezések; vagy
 - `Kif = C` és `Lista = [C]`, ahol `C` egy konstans.

- Példák

```
?- el(a,b,10) =.. L.      => L = [el,a,b,10]
?- kif =.. [el,a,b,10].  => kif = el(a,b,10)
?- alma =.. L.          => L = [alma]
?- kif =.. [1234].      => kif = 1234
?- kif =.. L.           => hiba
?- f(a,g(10,20)) =.. L. => L = [f,a,g(10,20)]
?- kif =.. [/,X,2+X].   => kif = X/(2+X)
?- [a,b,c] =.. L.      => L = ['.',a,['b,c']]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Struktúrák szétszedése és összerakása: a `functor` eljárás

- `functor/3`: kifejezés funktorának adott funktorú kifejezésnek az előállítása
 - Hívási minták: `functor(-Kif, +Név, +Argszám)`
`functor(+Kif, ?Név, ?Argszám)`
 - Jelentése: igaz, ha `Kif` egy `Név/Argszám` funktorú kifejezés.
 - A konstansok 0-argumentumú kifejezésnek számítanak.
 - Ha `Kif` kimenő, az adott funktorú legáltalánosabb kifejezéssel egyesíti (argumentumában csupa különböző változóval).

- Példák:

```
?- functor(el(a,b,1), F, N).      => F = el, N = 3
?- functor(E, el, 3).            => E = el(_A,_B,_C)
?- functor(alma, F, N).          => F = alma, N = 0
?- functor(Kif, 122, 0).         => Kif = 122
?- functor(Kif, el, N).          => hiba
?- functor(Kif, 122, 1).         => hiba
?- functor(Kif, 1, 2, 3], F, N). => F = '.,', N = 2
?- functor(Kif, ., 2).           => Kif = [_A|_B]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Struktúrák szétszedése és összerakása: az arg eljárás

- `arg/3`: kifejezés adott sorszámú argumentuma.

- **Hívási minta:** `arg(+Sorszám, +StrKif, ?Arg)`

- **Jelentése:** A `StrKif` struktúra `Sorszám`-adik argumentuma `Arg`.

- **Végrehajtása:** `Arg`-ot az adott sorszámú argumentummal **egyesíti**

- Az `arg/3` eljárás így nem csak egy argumentum elővételére, hanem a struktúra változó-argumentumának behelyettesítésére is használható (ld. a 2. példát alább).

- **Példák:**

```
| ?- arg(3, el(a, b, 23), Arg).      => Arg = 23
| ?- K=el(_,'_',_) , arg(1, K, a),
   arg(2, K, b), arg(3, K, 23).    => K = el(a,b,23)
| ?- arg(1, [1,2,3], A).          => A = 1
| ?- arg(2, [1,2,3], B).          => B = [2,3]
```

- Az *univ* visszavezethető a `functor` és `arg` eljárásokra (és viszont), például:

```
Kif =.. [F,A1,A2] <=> functor(Kif, F, 2),
          arg(1, Kif, A1), arg(2, Kif, A2)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Az univ alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása

- A feladat: egy szimbolikus aritmetikai kifejezésben a kiértékelhető (infix) részkifejezések helyettesítése az éntékekkel.

- 1. megoldás, *univ* nélkül:

```
% Az X szimbolikus kifejezés egyszerűsítése EX.
egysz0(X, EX) :-
    atom(c(X), I, EX = X.
egysz0(U+V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU+EV, EU, EV, EKif).
egysz0(U*V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU*EV, EU, EV, EKif).
% ...
% EU és EV részekből képzett EVV egyszerűsítése EKif.
kiszamol(EUV, EU, EV, EKif) :-
    number(EU), number(EV), I, EKif is EUV.
kiszamol(EUV, _, _, EVV).
```

```
| ?- deriv((x+y)*(2+x), x, D), egysz0(D, ED).
    => D = (1+0)*(2+x)+(x+y)*(0+1), ED = 1*(2+x)+(x+y)*1 ? ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Az univ alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása (folyt.)

- Kifejezés-egyszerűsítés, 2. megoldás, *univ* segítségével

```
egysz(X, EX) :-
    atom(c(X), I, EX = X.
egysz(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [Muv,U,V], % Kif = Muv/U,V
    egysz(U, EU), egysz(V, EV),
    EVV =.. [Muv,EU,EV], % EDV = Muv/EU,EV
    kiszamol(EUV, EU, EV, EKif).
```

- Kifejezés-egyszerűsítés, általánosítás tetszőleges *tömrör* kifejezésre:

```
egysz(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [M|ArgL], egysz_lista(ArgL, EArgL), EKif0 =.. [M|EArgL],
    % catch(:Gél,:Kiv,:Kcél): ha Gél kivétel dob, Kcél-t futtatja:
    catch(EKif is EKif0, _, EKif = EKif0).
egysz_lista([], []).
egysz_lista([_|K], [E|EK]) :-
    egysz(K, E), egysz_lista(K, EK).
| ?- egysz(f(1+2+a, exp(3,2), a+1+2), E). => E = f(3+a,9.0,a+1+2)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Univ alkalmazása általános kifejezés-bejáráásra: kirratás

- A feladat: egy tetszőleges kifejezés kirratása úgy, hogy

- a kétargumentumú operátorok zárójellezetű infix formában,
- minden más alap-struktúra alakban jelenjék meg.

```
Ki(Kif) :-
    compound(Kif, I, Kif =.. [Func, A1|ArgL],
    ( % kétargumentumú kifejezés, funktora infix operátor
      ArgL = [A2], current_op(_, Kind, Func), infix_fajta(Kind)
    -> write('(', Ki(A1),
        write(' ', write(Func), write(' ', Ki(A2), write(')')
        ; write(Func),
        write('(', Ki(A1), arglistaki(ArgL), write(')')
        ).
    Ki(Kif) :- write(Kif).
% infix_fajta(F): F egy infix operátorfajta.
infix_fajta(xfx), infix_fajta(xfy). infix_fajta(yfx).
% Az [A1,...,An] listát ",A1,...,An" alakban kirrja.
arglistaki([_|AL]) :- write(' ', Ki(A), arglistaki(AL).
| ?- ki(f(+a, X*c*X, e)). => f(+a),(( _117 * c) * _117),e)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Univ alkalmazása általános kifejezés-bejárásra: változómentesítés

- A SICStus Prologban beépített `numbervars(?Kif, +N0, ?N)` eljárás hatása:
 - A *tetszőleges* `Kif` minden változóját `$VAR'(I)` alakú kifejezéssel helyettesíti.
 $I = N0, \dots, N-1$ (azaz `Kif`-ben $N-N0$ különböző változó van).
 - `A '$VAR'(0), '$VAR'(1), ...` kifejezések `write`-al való kiírásakor változó névként (`A, B...`) jelennek meg.
 - A `write_term(Kif, Opciók)` beépített eljárás kirítja a `Kif` kifejezést, az `Opciók` által meghatározott módon.
- A `numbervars/3` által létrehozott `'$VAR'/1` struktúrák „eredetiben” is megjelölhetők:


```
| ?- _K = [F(_X),g(_),_X], numbervars(_K, 0, N), write(_K), nl,
write_term(_K, [quoted(true),numbervars(false)]), nl.
====>
[F(A),g(B),A]
[F('$VAR'(0)),g('$VAR'(1)),$'$VAR'(0)]
N = 2
```
- A feladat: elkészítendő egy `numbervars1/3` eljárás, amely `'$VAR'` helyett `'$myvar'` funktort használ.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Mem-logikai eljárások IP-267

numbervars1 egy alkalmazása

Két kifejezés azonosossága

- A kifejezések azonosak, ha változó-behelyettesítés *nélkül* egyesíthetőek:
- azaz, ha az egyik változót tartalmaz, akkor a másik ugyanott ugyanazt a változót tartalmazza.
- `azonos/2` == néven, `nem_azonos/2` \== néven szabványos beépített eljárás és operátor.


```
nem_azonos(X, Y) :-
( numbervars1(X, 0, N), numbervars1(Y, N, _) , X = Y -> fail
; true
).
azonos(X, Y) :-
\+ nem_azonos(X, Y).
```
- `azonos2/2` és `azonos/2` *teljeseen ekvivalens*.


```
% \+ \+ X : csakkor sikeres amikor X, de változóbehe lyettesítést nem okoz
azonos2(X, Y) :-
\+ \+ (numbervars1(foo(X,Y), 0, _), X = Y).
```
- `?- azonos(X, 1).` `----> no`
- `?- azonos(X, Y).` `----> no`
- `?- azonos(X, X).` `----> true ?`
- `?- append([1, I1, I2], azonos(I1, I2)).` `----> I2 = I1 ?`

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Általános kifejezés-bejárás univ-val: változómentesítés

- A változómentesítés egy saját megvalósítása:


```
% A Term kifejezésben levő változókat '$myvar(I)' stb.
% struktúrákkal helyettesíti be, I = N0, ... N-1.
numbervars1(Term, N0, N) :-
var(Term), !,
Term = '$myvar'(N0), N is N0+1.
numbervars1(Term, N0, N) :-
Term =.. [_|Args],
numbervars1_list(Args, N0, N).
```
- `numbervars1_list(L, N0, N)`: Az `L` listában levő változókat `'$myvar(I)'` stb. struktúrákkal helyettesíti be, $I = N0, \dots, N-1$.
`numbervars1_list([], N, N)`.
`numbervars1_list([A|As], N0, N) :-`
`numbervars1(A, N0, N1), numbervars1_list(As, N1, N)`.


```
| ?- Kif = [F(_X),g(_),_X], numbervars1(Kif, 0, N).
====>
N = 2,
Kif = [F('$myvar'(0)),g('$myvar'(1)),$'$myvar'(0)]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Mem-logikai eljárások IP-268

Univ alkalmazása: részkifejezések keresése

- A feladat: egy *tetszőleges* kifejezéshez soroljunk fel a benne levő számokat, és minden szám esetén adjuk meg annak a *kiválasztóját*!
- Egy részkifejezés kiválasztója egy olyan lista, amely megadja, mely argumentumpozíciók mentén juthatunk el hozzá.
- Az $[i_1, i_2, \dots, i_k]$ lista egy `Kif`-ből az i_1 -edik argumentum i_2 -edik argumentumának, \dots i_k -edik argumentumát választja ki.
- Pl. `a*b+F(1,2,3)/c`-ben `b` kiválasztója `[1,2], 3` kiválasztója `[2,1,3]`.


```
% Kif szám(?Kif, ?N, ?Kiv): Kif Kiv kiválasztójú része az N szám.
kif_szám(X, N, Kiv) :-
number(X), !, N = X, Kiv = [].
kif_szám(X, N, [_|Kiv]) :-
compound(X), % a változó kizárása miatt fontos!
funcor(X, _F, ArgNo), between(1, ArgNo, I), arg(I, X, X1),
kif_szám(X1, N, Kiv).
```
- `?- kif_szám(F(1,[b,2]), N, K).` `====> K = [1], N = 1 ? ?`
- `K = [2,2,1], N = 2 ? ? ; no`

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Atomok szétszedése és összerakása

- `atom_codes/2`: névkonstans és karakterkód-lista közötti átalakítás
 - Hívási minták: `atom_codes(+Atom, ?Kódlista)`
`atom_codes(-Atom, +Kódlista)`
 - Jelentése: Igaz, ha `Atom` karakterkódjainak a listája `Kódlista`.
 - Végrehatása:
 - Ha `Atom` adott (bemenő), és a $c_1c_2\dots c_n$ karakterekből áll, akkor `Kódlista`-t egyesíti a $[k_1, k_2, \dots, k_n]$ listával, ahol k_i a c_i karakter kódja.
 - Ha `Kódlista` egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy névkonstans, és azt egyesíti `Atom`-mal.

Példák:

```
?- atom_codes(ab, Cs).           => Cs = [97, 98]
?- atom_codes(ab, [0'a|L]).     => L = [98]
?- Cs="bc", atom_codes(Atom, Cs). => Cs = [98, 99], Atom = bc
?- atom_codes(Atom, [0'a|L]).   => hiba
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Számok szétszedése és összerakása

- `number_codes/2`: szám és karakterkód-lista közötti átalakítás
 - Hívási minták: `number_codes(+Szám, ?Kódlista)`
`number_codes(-Szám, +Kódlista)`
 - Jelentése: Igaz, ha `Szám` ízes számszerkezetbeni alakja a `Kódlista` karakterkód-listának felel meg.
 - Végrehatása:
 - Ha `Szám` adott (bemenő), és a $c_1c_2\dots c_n$ karakterekből áll, akkor `Kódlista`-t egyesíti a $[k_1, k_2, \dots, k_n]$ kifejezéssel, ahol k_i a c_i karakter kódja.
 - Ha `Kódlista` egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy számot (ha nem lehet, hibát jelez), és azt egyesíti `Szám`-mal.

Példák:

```
?- number_codes(12, Cs).       => Cs = [49, 50]
?- number_codes(0123, [0'a|L]). => L = [50, 51]
?- number_codes(N, " - 12.0e1"). => N = -120.0
?- number_codes(N, "12e1").    => hiba (nhns .0)
?- number_codes(120.0, "12e1"). => no (a szám adott! :-)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Atomok szétszedése és összerakása — alkalmazási példák

- Keresés névkonstansokban

```
% Atom-ban a Rész nem üres részatom kétszer ismétlődik.
dadogó_rész(Atom, Rész) :-
    atom_codes(Atom, Cs), dadogó(Cs, Ds), atom_codes(Rész, Ds).
```

```
% L-ben a D nem üres részlista kétszer ismétlődik (lásd korábban).
dadogó(L, D) :- D = [_|_],
    append(_, Farok, L), append(D, Vég, Farok), append(D, _, Vég).
```

```
?- dadogó_rész(babaruhaha, R). => R = ba ? ; R = ha ? ; no
```

- Atomok összeffűzése

```
% atom_concat(+A, +B, ?C): A és B névkonstansok összeffűzése C.
% (Szabványos beépített eljárás atom_concat(?A, ?B, +C) módban is.)
atom_concat(A, B, C) :-
    atom_codes(A, AK), atom_codes(B, BK),
    append(AK, BK, CK),
    atom_codes(C, CK).
```

```
?- atom_concat(abra, kadabra, A). => A = abrakadabra ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kifejezések rendezése: szabványos sorrend

- A Prolog szabvány definiálja két tejszőlleges Prolog kifejezés szabványos sorrendjét.
- Jelölés: $X \prec Y$ — az X kifejezés megelőzi az Y kifejezést a szabványos sorrendben.
- A szabványos sorrend definíciója:
 1. Ha X és Y azonos, akkor sem $X \prec Y$ sem $Y \prec X$ nem igaz és fordítva.
 2. Ha X és Y különböző kifejezésosztályba tartozik, akkor az osztály dönt: *változó* \prec *lebegőpontos szám* \prec *egész szám* \prec *név* \prec *struktúra*.
 3. Ha X és Y változó, akkor az eredmény rendszertfüggő.
 4. Ha X és Y lebegőpontos vagy egész szám, akkor $X \prec Y \Leftrightarrow X < Y$.
 5. Ha X és Y név, akkor sorrendjük megegyezik a lexikografikus (abc) sorrenddel.
 6. Ha X és Y struktúrák:
 - 6.1. Ha X és Y aritása (\equiv argumentumszáma) különböző, $X \prec Y \Leftrightarrow X$ aritása kisebb mint Y aritása.
 - 6.2. Egyébként, ha a rekordok neve különböző, $X \prec Y \Leftrightarrow X$ neve $\prec Y$ neve.
 - 6.3. Egyébként (azonos név, azonos aritás) balról az első nem azonos argumentum dönt.
- (A SICStus Prologban kiterjesztésként megengedett végtelen ciklikus) kifejezésekre a fenti rendezés nem érvényes.)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kifejezések összehasonlítása — beépített eljárások

- Két tetszőleges kifejezés összehasonlítását végző eljárások:

hívás	igaz, ha
$Kif1 == Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2 \wedge Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 \setminus == Kif2$	$Kif1 \prec Kif2 \vee Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @< Kif2$	$Kif1 \prec Kif2$
$Kif1 @=< Kif2$	$Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 @> Kif2$	$Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @>= Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2$

- Az összehasonlító eljárások logikailag nem tiszták:

```
| ?- X @< 3, X = 4. => X = 4
| ?- X = 4, X @< 3. => no
```

- Az összehasonlítás mindig a belső ábrázolás szerint történik:

```
| ?- [1, 2, 3, 4] @< struktúra(1, 2, 3). => sikerül (6.1 szabály)
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Metan-logikai eljárások LP-275

A < reláció megalósítása (folyt.)

```
% SI megelőzi S2-t (SI és S2 struktúra-kifejezés vagy névkonstans).
struct_prec(S1, S2) :-
    functor(S1, F1, N1), functor(S2, F2, N2),
    ( N1 < N2 -> true
    ; N1 = N2,
      ( F1 = F2 -> args_prec(1, N1, S1, S2)
      ; atom_prec(F1, F2)
      )
    ).
```

```
% Az SI struktúra-kifejezés N0, ..., N sorozámú argumentumai
% lexikografikusan megelőzik S2 azonos sorozámú argumentumait.
```

```
args_prec(N0, N, S1, S2) :-
    N0 =< N,
    arg(N0, S1, A1), arg(N0, S2, A2),
    ( A1 = A2 -> N1 is N0+1, args_prec(N1, N, S1, S2)
    ; prec(A1, A2)
    ).
```

```
% Az A1 névkonstans megelőzi az A2 névkonstans.
```

```
atom_prec(A1, A2) :-
    atom_codes(A1, C1), atom_codes(A2, C2), struct_prec(C1, C2).
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A meta-logikai eljárások egy komplex alkalmazása: < megalósítása

```
% T1 megelőzi T2-t a szabványos sorrendben. (Ekvivalens T1 @< T2 -vel, kivéve
% a változókat, ezek rendezése a T1-T2-beli előfordulásuk szerint történik.)
precedes(T1, T2) :-
    \+ \+ (numbervars(T1-T2, 0, _), prec(T1, T2)).
```

```
% class/+T, -C): A T kifejezés a C-edik kifejezéssorozatlyda tartozik.
class(T, C) :-
    ( T='$_VAR'(_) -> C=0 % változó
    ; float(T) -> C=1 % lebegőpontos szám
    ; integer(T) -> C=2 % egész szám
    ; atom(T) -> C=3 % névkonstans
    ; compound(T) -> C=4 % összetett kifejezés
    ).
```

```
% T1 megelőzi T2-t, a változók már '$VAR'(n) struktúrákra vannak lecsereelve.
prec(T1, T2) :-
    class(T1, C1), class(T2, C2),
    ( C1 == C2 ->
      ( C1 == 1 -> T1 < T2 % 4. szabály (lebegőpontos szám)
      ; C1 == 2 -> T1 < T2 % 4. szabály (egész szám)
      ; struct_prec(T1, T2) % 3., 5. és 6. szabály
      ) % (változó, név, struktúra)
      ; C1 < C2 % 2. szabály
    ).
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

EGYENLŐSÉGFAJTÁK — ÖSSZEFOGLALÁS

A Prolog egyenlőség-szerű beépített eljárásai

- $U = V$: U egyesítendő V -vel.
Soha sem jelez hibát.
| ?- X = 1+2. \Rightarrow X = 1+2
| ?- 3 = 1+2. \Rightarrow no
- $U == V$: U azonos V -vel.
Soha sem jelez hibát és soha sem helyettesít be.
| ?- X == 1+2. \Rightarrow no
| ?- 3 == 1+2. \Rightarrow no
| ?- +(1,2)=1+2 \Rightarrow yes
- $U := V$: U az V és V aritmetikai kifejezések értéke megegyezik.
Hibát jelez, ha U vagy V nem (tömör) aritmetikai kifejezés.
| ?- X := 1+2. \Rightarrow **hiba**
| ?- 1+2 := X. \Rightarrow **hiba**
| ?- 2+1 := 1+2. \Rightarrow yes
| ?- 2.0 := 1+1. \Rightarrow yes
- U is V : U egyesítendő a V aritmetikai kifejezés értékével.
Hiba, ha V nem (tömör) aritmetikai kifejezés.
| ?- 2.0 is 1+1. \Rightarrow no
| ?- X is 1+2. \Rightarrow X = 3
| ?- 1+2 is X. \Rightarrow **hiba**
| ?- 3 is 1+2. \Rightarrow yes
| ?- 1+2 is 1+2. \Rightarrow no
- $(U = . . V : U$, „szélszedetije” a V lista)

?- 1+2 = . . X.	\Rightarrow X = [1, 1, 2]
?- X = . . [f, 1].	\Rightarrow X = f(1)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog (nem-)egyenlőség jellegű beépített eljárásai — példák

	<i>Egyesítés</i>	<i>Azonság</i>	<i>Aritmetika</i>			
U	V	$U = V$	$U \backslash = V$	$U := V$	$U \backslash = V$	U is V
1	2	no	yes	no	yes	no
a	b	no	yes	no	error	error
1+2	+(1, 2)	yes	no	yes	no	no
1+2	2+1	no	yes	no	yes	no
1+2	3	no	yes	no	yes	no
3	1+2	no	yes	no	yes	yes
X	1+2	X=1+2	no	yes	error	X=3
X	Y	X=Y	no	yes	error	error
X	X	yes	no	yes	error	error

Jelmagyarázat: yes — siker; no — meghiúsulás, error — hiba.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A Prolog nem-egyenlőség jellegű beépített eljárásai

- A nem-egyenlőség jellegű eljárások soha sem helyettesítenek be változót!
- $U \backslash = V$: U nem egyesíthető V -vel.
Soha sem jelez hibát.
| ?- X \ = 1+2. \Rightarrow no
| ?- +(1,2) \ = 1+2. \Rightarrow no
- $U \backslash == V$: U nem azonos V -vel.
Soha sem jelez hibát.
| ?- X \ == 1+2. \Rightarrow yes
| ?- 3 \ == 1+2. \Rightarrow yes
| ?- +(1,2) \ == 1+2 \Rightarrow no
- $U \backslash = V$: Az U és V aritmetikai kifejezések értéke különbözők.
Hibát jelez, ha U vagy V nem (tömör) aritmetikai kifejezés.
| ?- X \ = 1+2. \Rightarrow **hiba**
| ?- 1+2 \ = X. \Rightarrow **hiba**
| ?- 2+1 \ = 1+2. \Rightarrow no
| ?- 2.0 \ = 1+1. \Rightarrow no

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

MODULARITÁS

Modulok definiálása SICStus Prolog nyelven

- A SICStus Prolog modulfoglalmának jellemzői:
 - Minden modul külön állományba kell kerülnjön.
 - Az állomány első programemele egy `modul-parames` kell legyen:


```
:- modul( ModulNév, [ExpFunktor1, ExpFunktor2, ...]).
```
 - `ExpFunktor` = az exportálandó eljárás funktoira (név/argumentumszám)
- Példa:


```
:- module(platok, [femsik/3]).          % plato állomány első sora
use_module(ÁllományNév)
use_module(ÁllományNév)
use_module(ÁllományNév, [ImpFunktor1, ImpFunktor2, ...])
ImpFunktor — az importálandó eljárás funktoira
ÁllományNév lehet névkonstans, vagy pl. library(KönyvtárNév):
:- use_module(plato).                  % a fenti modul betöltése
:- use_module(library(lists), [last/2]). % csak last/2 importált
```
- Modulkvifiktált hívási forma: `Modul:Hívás` a `Modul`-ban futtatja `Hívás`-t.
- A modulfoglalom nem szigorú, egy nem exportált eljárás is meghívható modulkvifiktált formában, pl. `plato:első_femsik(...)`.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Modularitás IP-283

Meta-predikátum deklaráció, modulnév-kiterjesztés

- Meta-predikátum deklaráció
 - Formája:


```
:- meta_predicate (eljárásnév)(módspec1, ..., (módspecn), ...)
```
 - `(módspeci)` lehet `'_'`, `'+'`, `'-'`, vagy `'?'`.
 - A `'_'` mód azt jelzi, hogy az adott argumentumot **betöltéskor** ún. modulnév-kiterjesztésnek kell alávetni. (A többi mód hatása azonos, be-kimenő irányt jelezhetünk segítségével)
 - Egy `kif` kifejezés modulnév-kiterjesztése a következő átalakítást jelenti:
 - ha `kifM:X` alakú, vagy egy olyan változó, amely az adott eljárás fejében meta-argumentum pozíción szerepelt, akkor változatlanul hagyjuk;
 - egyébként helyettesítjük `curMod:kif`-fel, ahol `curMod` a kurrens modul.
 - Példa folyt. (tfn. a modul1-beli kétszer meta-predikátumnak deklarált!)


```
:- module(modul2, [négyezer/1,q/0]).
:- use_module(modul1).
q :- kétszer(p).
% tárolt alak:
=> q :- kétszer(modul2:p).
```
 - meta_predicate négyezer(:).


```
négyezer(X) :- kétszer(X), kétszer(X). => változatlan
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Meta-eljárások modularizált programban

- Eljárásparaméterek átadása gondor okozhat, ha modulközi hívásról van szó:


```
modul1.pl állomány:
:- module(modul1, [kétszer/1]).
% :- meta_predicate kétszer(:), (*)
kétszer(X) :-
  X, X.
p :- write(bu).
```
- Futarás:


```
| ?- [modul1,modul2].
| ?- q. => bubu
| ?- r. => baba
```
- Automatikus modul-kvifiktáció meta-predikátum deklarációval:

Ha `modul1.pl`-ben elhagyjuk a `(*)`-gal jelzett sor előtti `%` kommentjelet, akkor

```
| ?- q. => baba!
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

MAGASABBRENDŰ ELJÁRÁSOK

Magasbrendű eljárások — listakezelés

- Magasbrendű (vagy meta-eljárás) egy eljárás,
 - ha eljárásként értelmezi egy vagy több argumentumát
 - pl. `call/1`, `findall/3`, `\+ /1` stb.
- Listafeldolgozás `findall` segítségével — példák
 - Páros elemek kiválasztása


```
% Az L egész-lista páros elemeinek listája Pk.
páros_elemei(L, Pk) :-
    findall(X, (member(X, L), X mod 2 == 0), Pk).
```
 - | ?- `páros_elemei([1,2,3,4], Pk)`. $\implies Pk = [2,4]$
 - A listaelemek négyzetre emelése


```
% Az L számlista elemei négyzeteinek listája Nk.
négyzetei(L, Nk) :-
    findall(Y, (member(X, L), Y is X*X), Nk).
```
 - | ?- `négyzetei([1,2,3,4], Nk)`. $\implies Nk = [1,4,9,16]$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Részlegesen paraméterezett eljáráshívások

- A listát elemenként négyzetreemelő eljárás egy másik változata:


```
négyzete(X, Y) :- Y is X*X.
négyzeteik(Xk, Yk) :- map(Xk, X, négyzete(X, Y), Y, Yk).
```
- A lista elemekre az $x \rightarrow x^2 + Px + Q$ hozzárendelést alkalmazó eljárás:


```
másodfokú_képe(P, Q, X, Y) :- Y is X*X + P*X + Q.
másodfokú_képek(P, Q, Xk, Yk) :- map(Xk, X, másodfokú_képe(P, Q, X, Y), Y, Yk).
```
- Konvenció: a meta-alkalmazásban változó paramétereket az eljárás végére tesszük — így egyszerűsíthető a meta-eljárás hívása.
- Példa: A `map/5` eljárásból elhagyjuk az `X` és `Y` argumentumokat, és az eljárás-argumentumban sem szerepeltejük ezeket:


```
másodfokú_képek(P, Q, Xk, Yk) :- map(Xk, másodfokú_képe(P, Q), Yk).
map(Xk, RészlPred, Yk) :-
    % A RészlPred részlegesen paraméterezett hívás kiegészítése Pred-dé:
    RészlPred =.. L0, append(L0, [X,Y], L), Pred =.. L, (*)
    findall(Y, (member(X, Xk), Pred), Yk).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Általános listakezelő meta-eljárások, `findall/3`-ra építve

- Lista szűrése (vö. a `filter` SML függvényel!)


```
% Az L lista X elemeinek Pred szerinti szűrése FL.
:- meta_predicate filter(+, ?, :, -).
filter(L, X, Pred, FL) :-
    findall(X, (member(X, L), call(Pred)), FL).
```
- | ?- `filter([1,2,3,4], X, X mod 2 == 0, Pk)`. $\implies Pk = [2,4]$
- Lista leképezése (vö. a `map` SML függvényel!)


```
% Az L lista X elemeit Pred-del Y-ba képezve
% Kapjuk az ML listát.
:- meta_predicate map(+, ?, :, ?, -).
map(L, X, Pred, Y, ML) :-
    findall(Y, (member(X, L), Pred), ML).
```
- | ?- `map([1,2,3,4], X, Y is X*X, Y, Nk)`. $\implies Nk = [1,4,9,16]$
- A példákban a szűrést az `(X, Pred)` argumentumpár, a leképezést az `(X, Pred, Y)` hármas határozza meg. Ezek egy-egy-ill. kétargumentumú predikátumot írnak le (vö. a funkcionális nyelvek λ -kifejezéseivel).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Részlegesen paraméterezett eljáráshívások — segédesszközök

- A másodfokú_képe `(P,Q)` kiegészítés itt a másodfokú_képe/4 **részlegesen paraméterezett** hívásának tekinthető.
- Ilyen hívások kiegészítésére és meghívására szolgálhatnak a `call/N` eljárások.
- `call(RPred, A1, A2, ...)` végrehajtása: az `RPred` hívást kiegészíti az `A1, A2, ...` argumentumokkal, és meghívja.
- A `call/N` eljárások sok Prologban beépítettek, SICStusban definiálандok:


```
:- meta_predicate call(:, ?), call(:, ?, ?), ...
% Pred az A utolsó argumentumal meghívva igaz.
call(M:Pred, A) :-
    Pred =.. FAS0, append(FAS0, [A], FAS1),
    Pred1 =.. FAS1, call(M:Pred1).
```
- `Pred` az `A` és `B` utolsó argumentumokkal meghívva igaz.


```
call(M:Pred, A, B) :-
    Pred =.. FAS0, append(FAS0, [A,B], FAS2),
    Pred2 =.. FAS2, call(M:Pred2).
```
- ...

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Részlegesen paraméterezett eljárások — rekurzív map/3

- A részleges paraméterezés segítségével a map/3 meta-eljárás rekurzívan is definiálható, findall/3 nélkül:


```
% map(Xs, Pred, Ys): Az Xs lista elemeire a Pred transzformációt
% alkalmazva kapjuk az Ys listát.
map([X|Xs], Pred, [Y|Ys]) :-
    call(Pred, X, Y), map(Xs, Pred, Ys).
map([], _, []).
```
- Példák:


```
| ?- map([1,2,3,4], négyzete, L).           => L = [1,4,9,16]
| ?- map([1,2,3,4], másodfokú_képe(2,1), L). => L = [4,9,16,25]
```
- A call/N-re épülő megoldás előnyei:
 - általánosabb és hatékonyabb lehet, mint a findall-ra épülő;
 - alkalmazható akkor is, ha az elemekre elvégzendő műveletek nem függetlenek, pl. földl.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Rekurzív meta-eljárások — foldl és foldr

- `foldl(+Xs, :Pred, +Y0, -Y): Y0-dól indulva, az Xs elemekre balról jobbra`
 - sorra alkalmazva a Pred által leírt kétargumentumú függvényt kapjuk Y-t.

```
foldl([X|Xs], Pred, Y0, Y) :-
    call(Pred, X, Y0, Y1), foldl(Xs, Pred, Y1, Y).
foldl([], _, Y, Y).
```

```
megyehozzá(Alap, Jegy, Szam0, Szam) :- Szam is Szam0*Alap+Jegy.
| ?- foldl([1,2,3], jegyhozzá(10), 0, E). => E = 123
```
- Ugyanez SML-ben:


```
- Fun jegyhozza alap (Jegy, szam) = szam*alap+jegy;
> val jegyhozza = fn : int -> int * int -> int
- foldl (Jegyhozza 10) 0 [1,2,3];
> val it = 123 : int
```
- `foldr(+Xs, :Pred, +Y0, -Y): Y0-dól indulva, az Xs elemekre jobbról balra`
 - sorra alkalmazva a Pred kétargumentumú függvényt kapjuk Y-t.

```
foldr([X|Xs], Pred, Y0, Y) :-
    foldr(Xs, Pred, Y0, Y1), call(Pred, X, Y1, Y).
foldr([], _, Y, Y).
```

```
| ?- foldr([1,2,3], jegyhozzá(10), 0, E). => E = 321
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Dinamikus predikátumok

Dinamikus adatbáziskezelés LP-292

- A dinamikus predikátum jellemzői:
 - a program szövegében lehet 0 vagy több klóza;
 - futási időben hozzáadhatunk és elvehetünk klózokat belőle;
 - végrehajtása mindenképpen interpretált.
- Létrehozása
 - programszövegbeli deklarációival:


```
:- dynami c(El_járásnév/Argumentumszám).
```

 (ha van klóza a programban, akkor az első előt — ilyenkor kötelező);
 - futási időben, adatbáziskezelő beépített eljárással
- Adatbáziskezelő eljárások („adatbázis” = a program klózainak összessége):
 - klóz felvétele első, utolsó helyre: assertz/1, assertz/1
 - klóz törlése (illesztéssel, többszörösen sikerülhet): retract/1
 - klóz lekérdezése (illesztéssel, többszörösen sikerülhet): clause/2
- A klózfelvétel ill. törlés **tartós** mellékhatás, visszalépéskor **nem** áll vissza a korábbi állapot.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

DINAMIKUS ADATBÁZISKEZELÉS

Klóz felvétele: asserta/1, assertz/1

- `asserta(:@Klóz)`
 - A Klóz kifejezést klózként értelmezve felveszi a programba az adott predikátum *első* klózaként. A Klózban levő változók szisztematikusan újakra cserélődnek.
 - A '@' mód jelentése: tisztán bemenő paraméter, az eljárás a paraméterbeli változókat nem helyettesít be (a '+' mód speciális esete).
 - A ':' mód modul-kvalifikált paramétert jelez.
 - `assertz(:@Klóz)`
 - Ugyanaz mint `asserta`, csak a Klóz kifejezést az adott predikátum *utolsó* klózként veszi fel.
- Példa:**
- $$\begin{array}{l} | \text{?- assertz}(p(1,X):-q(X)), \text{asserta}(p(2,0)), \\ \text{assertz}(p(2,Z):-r(Z)), \text{listing}(p). \\ \implies p(2,0). \\ \implies p(1,A) :- q(A). \\ \implies p(2,A) :- r(A). \end{array}$$
- $$\begin{array}{l} | \text{?- assert}(s(X,X)), s(U,V), U == V, X \backslash== U. \\ V = U ? ; \text{no} \end{array}$$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Alkalmazási példa — egyszerűsített findall

Dinamikus adathézskezelés IP-205

- A `findall/3` eljárás hatása megegyezik a beépített `findall/1`-lal, de
 - Nem működik helyesen, ha a `Cél`-ban újabb `findall` hívás van.
- ```
:- dynamic(megoldás/1).

% findall(Minta, Cél, L): Cél összes megoldására Minták listája L.
findall(Minta, Cél, _MegoIdL) :-
 call(Cél),
 asserta(megoldás(Minta)), % fordított sorrendben vesszük fel!
 fail.
findall(_Minta, _Cél, MegoIdL) :-
 megoldás_lista([], MegoIdL).

% A megoldás/1 tényállításokban tárolt kifejezések fordított listája L-L0.
megoldás_lista(L0, L) :-
 retract(megoldás(M)), !,
 megoldás_lista([M|L0], L).
megoldás_lista(L, L).
```
- | ?- findall(Y, (member(X, [1,2,3]), Y is X\*X), ML).  $\implies$  ML = [1,4,9]

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

**Klóz törlése: retract/1**

- `retract(:@Klóz)`
  - A Klóz klóz-kifejezésből megállapítja a predikátum funktorát.
  - Az adott predikátum klóznai sorra megpróbálja illeszteni Klóz-zal.
  - Ha az illesztés sikerült, akkor kitorli a klózt és sikeresen lefut.
  - Visszalépés esetén folytatja a keresést (illeszt, töröl, sikerül stb.)
- Példa (folytatás):**
- $$\begin{array}{l} | \text{?- listing}(p), \text{retract}(p(2,_):-_), \text{listing}(p), \text{fail}. \\ \implies \text{no} \end{array}$$
- A futás kimenete:**
- |                         |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| <code>p(2, 0).</code>   | <code>p(1, A) :-</code> | <code>p(1, A) :-</code> |
| <code>p(1, A) :-</code> | <code>q(A).</code>      | <code>q(A).</code>      |
| <code>p(2, A) :-</code> | <code>r(A).</code>      | <code>r(A).</code>      |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

**Klóz lekérdezése: clause/2**

Dinamikus adathézskezelés IP-206

- `clause(:@Fej, ?Törzs)`
  - A `Fej` alapján megállapítja a predikátum funktorát.
  - Az adott predikátum klóznai sorra megpróbálja illeszteni a `Fej` :- Törzs kifejezéssel (tényállítás esetén `Törzs = true`).
  - Ha az illesztés sikerült, akkor sikeresen lefut.
  - Visszalépés esetén folytatja a keresést (illeszt, sikerül stb.)
- Példa:**
- ```
:- listing(p), clause(p(2, 0), T).
```
- | | |
|-------------------------|---------------------------|
| <code>p(2, 0).</code> | <code>T = true ? ;</code> |
| <code>p(1, A) :-</code> | <code>T = r(0) ? ;</code> |
| <code>q(A).</code> | <code>no</code> |
| <code>p(2, A) :-</code> | <code>r(A).</code> |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A clause eljárás alkalmazása: egyszerű nyomonkövető interpreter

- Az alábbi interpreter csak „tiszta”, beépített eljárást nem alkalmazó Prolog programok futtatására alkalmas.

```
% interp(G, D): A G cél futását D bekezdésű nyomonkövetéssel mutatja.
interp(truve, _) :- !.
interp(G1, G2), D :- !,
    interp(G1, D), interp(G2, D).
interp(G, D) :-
    ( trace(G, D, call)
    ; trace(G, D, fail), fail % követi a fail kaput, tovább-hiúsul
    ),
    D2 is D+2,
    clause(G, B), interp(B, D2),
    ( trace(G, D, exit)
    ; trace(G, D, redo), fail % követi a redo kaput, tovább-hiúsul
    ).
% A G cél áthaladását a Port kapun D bekezdésű nyomonkövetéssel mutatja.
trace(G, D, Port) :-
    /*D szöközt ír ki:*/ tab(D),
    write(Port), write(' '), write(G), nl.
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Nyomonkövető interpreter - példafutás

```
:- dynamic app/3, app/4. % (*)
app([], L, L).
app([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    app(L1, L2, L3).
app(L1, L2, L3, L123) :-
    app(L1, L23, L123),
    app(L2, L3, L23).
% A (*) sor elhagyható, ha a fenti
% (mondjuk app34) állományt az
% alábbi (SICSus-specifikus)
% beépített eljárással töltyük be:
| ?- load_files(app34,
    compilation_mode(
        assert_all)).
L = [B] ?
```

```
| ?- interp(app(_, [b,c], L, [c,b,c,b]), 0).
call: app(_203, [b,c], _253, [c,b,c,b])
call: app(_203, _666, [c,b,c,b])
exit: app([], [c,b,c,b], [c,b,c,b])
exit: app([b,c], _253, [c,b,c,b])
call: app([b,c], _253, [c,b,c,b])
fail: app([b,c], _253, [c,b,c,b])
redo: app([], [c,b,c,b], [c,b,c,b])
call: app(_873, _666, [b,c,b])
exit: app([c], [b,c,b], [c,b])
exit: app([c], [b], [b])
exit: app([b,c], [b], [b,c,b])
exit: app([c], [b,c], [b], [c,b,c,b])
L = [B] ?
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egy egyszerű nyelvtani elemzési példa

- Bináris számok nyelvtana


```
<szám> ::= <számjegy> <számmaradék>
<számmaradék> ::= <számjegy> <számmaradék> | ε
<számjegy> ::= 0 | 1
```
- Ugyanez DCG (Define Clause Grammar) jelöléssel:


```
szám --> számjegy, számmaradék.
számmaradék --> számjegy, számmaradék | "".
számjegy --> "0" | "1".
```
- A definit klóz nyelvtan (DCG):
 - egy általános nyelvtani formalizmus,
 - amely egyszerűen Prologra fordítható,
 - a legtöbb Prolog rendszer része (bár a szabványuk nem).

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

NYELVTANI ELEMZÉS PROLOGBAN

Nyelvani elemzés „bevezetése” Prologba

- Nyelvani elemzés: annak eldöntése, hogy egy (Prolog listában tárolt) jelsorozat megfelel-e adott nem-terminális nyelvani fogalomnak.
- A lista testszöveges elemekből állhat, pl. karakterkódok listája, lexikai elemek (token-ek) listája.
- A nem-terminálisoknak kétargumentumú Prolog szabályok felelnek meg, pl.


```
szám -->    számjegy,    számaradék.
szám(L0, L) :- számjegy(L0, L1), számaradék(L1, L).
```

 Az *L0* kódlistáról „lelemezhető” egy <szám>, marad *L* ha


```
% L0-ról lelemezhető egy <számjegy>, marad L1, és
% L1-ről lelemezhető egy <számaradék>, marad L.
```
- Általánosab: az adott nem-terminálisnak megfelelő jelsorozatot „lelemezve” (lehagyva) egy *L0* lista elejétől marad egy *L* lista.
- Terminális szintű monok esetén egyetlen elemet kell lehagyni a listáról, erre szolgál a ‘C’/3 beépített eljárás. Definiója: ‘C’(L0, X, L) :- L0 = [X|L]. (A SICStus fordító a ‘C’/3 hívást ténylegesen a fenti egyenlőséggel helyettesíti.)
- A „lelemezés” tulajdonképpen akkumulálási folyamat, ahol az elemi akkumulálási lépés: egy terminális lejegyzése a lista elejétől (‘C’/3).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Nyelvani elemzés Prologban LP-303

Vezérlési szerkezetek DCG szabályokban

- DCG szabályokban használható: végő, diszjunkció, negáció és feltételes diszjunkció szerkezet.
- Ezek változtatás nélkül átkerülnek a Prolog alakba. Példák:


```
% Lelemezhető számjegyek egy MAXIMÁLIS (esetleg üres) listája.
számaradék -->
(    számjegy -> számaradék
;    []
) .
% Vigyázat: [] helyett true nem jó!

% Ugyanez vágóvonal
számaradék -->    számjegy, !, számaradék.
számaradék -->    [].
% Figyelem: nincsenek DCG tényállítások!

% Az utóbbi Prolog alakja:
számaradék(L0, L1), !, számaradék(L1, L).
számaradék(L0, L) :-
    L = L0.

| ? - számaradék("102", L). => L = "2" ; no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A DCG szabályok lefordított alakja

- A korábbi DCG példa:


```
szám -->    számjegy, számaradék.
számaradék -->    számjegy, számaradék | "" .
számjegy -->    "0" | "1" .
```

 A fenti DCG szabályok betöltésekor a következő Prolog kód keletkezik:


```
szám(L0, L) :-
    számjegy(L0, L1), számaradék(L1, L).
számaradék(L0, L) :-
    (    számjegy(L0, L1), számaradék(L1, L)
    ;    L = L0
    ) .
számjegy(L0, L) :-
    (    'C'(L0, 48, L)
    ;    'C'(L0, 49, L)
    ) .
```
- A DCG elemző futtatása:


```
| ? - szám("101", ""). => yes
| ? - szám("102", L). => L = "2" ; L = "02" ; no % Valójában L = [50] ; ...
% "101" ≡ [0'1,0'0,0'1]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Nyelvani elemzés Prologban LP-304

Prolog hívás beillesztése DCG szabályba

- Általánosabb példa: decimális számjegyek elemzése


```
számjegy --> "0" ; "1" ; "2" ; "3" ; "4" ;
              "5" ; "6" ; "7" ; "8" ; "9" .
% Ugyanez általánosabban és egyszerűbben:
számjegy -->
[K],
{decimális_jegy_kódja(K)}.
% K a következő terminális
% Prolog hívás

% K egy számjegy kódja.
decimális_jegy_kódja(K) :-
    K >= 0'0, K <= 0'9.
```
- A fenti DCG szabály Prolog megfeleltője:


```
% Lelemezhető egy számjegy kódja.
számjegy(L0, L) :-
    'C'(L0, K, L),
    decimális_jegy_kódja(K).
% K a következő terminális
% megfeleltető-e a K?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Az elemző kiegészítése argumentumokkal

- Egy DCG szabály az elemzéssel párhuzamosan további (kimerő) argumentum(ok)ban felépítheti a kiellenzett dolog „jelentését”, pl. egy elemzési fát, vagy annak egy kiértékelését.
- Példa: szám elemzése és értékének kiszámítása:


```
% leelemzhető egy Sz értékű decimális számjegy-sorozat
szám(Sz) --> számjegy(J), számmaradék(J, Sz).

% leelemzhető számjegyek egy esetleg üres listaJa, amelynek
% az eddigi leelemzett Sz0-val együtt vett értéke Sz.
számmaradék(Sz0, Sz) -->
számjegy(J), I, {Sz1 is Sz0*10+J}, számmaradék(Sz1, Sz).
számmaradék(Sz0, Sz0) --> [].

% leelemzhető egy J értékű számjegy.
számjegy(J) --> [K], {decimális_jegy_kódja(K), J is K-0*0}.

| ?- szám(Sz, "102 56", L). => L = " 56", Sz = 102; no
```
- A számmaradékok DCG szabály Prolog alakja:


```
számmaradék(Sz0, Sz, L0,L) :-
    számjegy(J, L0,L1), I, Sz1 is Sz0*10+J, számmaradék(Sz1, Sz, L1,L).
számmaradék(Sz0, Sz0, L0,L) :- L=L0.
```
- Vegyük észre, hogy itt két akkumulátorpár van, egy „kézi” (Sz) és egy DCG-ből generált (L).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Nyelvtani elemzés Prologban LP-307

DCG példa: kifejezés kiértékelése

- Egyszerű aritmetikai kifejezés elemzése és kiértékelése.


```
% kifez, L0, L): L0 elején egy Z értékű aritmetikai kifejezés áll, marad L.
kifez(Z) --> tag(X), "+", kifez(Y), {Z is X + Y}.
kifez(Z) --> tag(X), "-", kifez(Y), {Z is X - Y}.
kifez(X) --> tag(X).
```
- tag(Z, L0, L): L0-ból leelemzhető egy Z értékű tag, marad L.


```
tag(Z) --> szám(X), "**", tag(Y), {Z is X * Y}.
tag(Z) --> szám(X), "/", tag(Y), {Z is X / Y}.
tag(X) --> szám(X).
```
- ?- kifez(Z, "10*10-6*6", ""). => Z = 64 ; no


```
| ?- kifez(Z, "10*10-6*6", L). => L = [], Z = 64 ; L = "*6", Z = 94 ; ...
| ?- kifez(Z, "4-2+1", []). => Z = 1
```

Probléma: jobbról balra elemzés!
- Egy lehetséges javítás


```
kife(Z) --> tag(X), kifmaradék(X, Z).
```

kifmaradék(X, Z) --> "+", tag(Y), W is X + Y, kifmaradék(W, Z).
 kifmaradék(X, Z) --> "-", tag(Y), W is X - Y, kifmaradék(W, Z).
 kifmaradék(X, X) --> [].
 ...

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

A DCG nyelvtani szabályok szerkezete — összefoglalás

- A DCG szabály alakja: *(Baloldal) --> (Jobboldal)* .
- *(Baloldal)*: egy nem-terminális (, amit esetleg terminálisok listája követ).
- *(Jobboldal)*: konjunkció (,), diszjunkció (;), ha-akkor (->) és negáció (\+) segítségével épül fel terminálisokból, nem-terminálisokból és Prolog hívásokból.
- Nem-terminális: rekurzív hívható kifejezés (névkonstans vagy struktúra).
- Terminális: *rekszűlleges* Prolog kifejezés; 0, 1 vagy több terminális jel sorozata *listaként* helyezhető el a DCG szabályokban.
- Prolog hívás: { } zárójelkebe zárva helyezhető el (vágó köré nem kell zárójel).
- A DCG egy darab „automatikus” akkumulátort biztosít (az akkumulációs lépés: ‘C’, egy elem levétele):


```
p(A,....,L0,L):-
    q0(B,....,L0,L1), ..., 'C'(L1-1, X, L1), q(C,....,L1,L1+1),...,
    c0(L, ..., qn(D,....,Ln,L).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Nyelvtani elemzés Prologban LP-308

Egy nagyobb DCG példa: „természetes” nyelvű beszélgetés

- ```
:- use_module(library(lists)).

% mondat/Alany, Áll, L0, L): L0-L kiellemzhető egy Alany alanyból és Áll
% állítmányból álló mondatlá. Alany lehet első vagy második személyű
% névmás, vagy egyetlen szóból álló (harmadik személyű) alany.
mondat(Alany, Áll) -->
 {én_te(Alany, Ige)}, én_te_perm(Alany, Ige, Áll).
mondat(Alany, Áll) -->
 szó(Alany), szavak(Áll).

% én_te(Alany, Ige):
% Az Alany első/második személyű névmásnak megfelelő léteige az Ige.
én_te("én", "vagyok").
én_te("te", "vagy").

% én_te_perm(Ki, Ige, Áll, L0, L): L0-L kiellemzhető egy Ki
% névmásból, Ige igealakból és Áll állítmányból álló mondatlá.
én_te_perm(Alany, Ige, Áll) -->
 (szó(Alany), szó(Ige), szavak(Áll)
 ; szó(Alany), szavak(Áll), szó(Ige)
 ; szavak(Áll), szó(Ige), szó(Alany)
 ; szavak(Áll), szó(Ige)
).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példa: "természetes" nyelvű beszélgetés — szavak elemzése

```
% szó(Sz, L0, L): L0-L egy Sz betűsorozatból álló (nem üres) szó.
szó(Sz) -->
 betű(B), számaradék(SzM), {llik([B|SzM], Sz)}, köz.
% számaradék(Sz, L0, L): L0-L egy Sz kódlistából álló (esetleg üres) szó.
számaradék([B|Sz]) -->
 betű(B), !, számaradék(Sz).
számaradék([]) --> [].
% llik(Szó, Szó): Szó0 = Szó, vagy a kezdő kis-nagy betűben különböznek.
llik([B0|L], [B|L]) :-
 (B = B0 -> true
 ; abs(B-B0) =:= 32
).
% Köz(L0, L): L0-L nulla, egy vagy több szóköz.
köz --> (" " -> köz ; " ").
% betű(K, L0, L): L0-L egy K kódú "betű" (különbözik a " ?" jellettől)
betű(K) --> [K], {\+ member(K, " ?")}.
% szavak(SzL, L0, L): L0-L egy SzL szó-lista.
szavak([Sz|SzK]) -->
 szó(Sz), (szavak(SzK)
 ; {szk = []}
).
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példa: "természetes" nyelvű beszélgetés — válaszok előállítása

```
:- dynamic tudom/2.
% feldolgoz(Mondás): feldolgozza a felhasználótól érkező Mondás üzenetet.
feldolgoz(un) :-
 write('Én is.\n').
feldolgoz(kijelent(Alany, Áll)) :-
 assertz(tudom(Alany,Áll)),
 write('Felfogtam.\n').
feldolgoz(kérdés(Alany)) :-
 tudom(Alany, _), !,
 válasz(Alany).
feldolgoz(kérdés(_)) :-
 write('Nem tudom.\n').
% felsorolja az Alany ismert tulajdonságait.
válasz(Alany) :-
 tudom(Alany, Áll),
 (member(Szó, Áll), format('~s ', [Szó]), fail
 ; nl
),
 fail.
válasz(_).
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Példa: "természetes" nyelvű beszélgetés — párbeszéd-szervezés

```
% :- type mondás ---> kérdez(szó) ; kijelent(szó, list(szó)) ; un.
% Megvalósít egy párbeszédet.
párbeszéd :-
 repeat,
 read_line(L), % beolvas egy sort, L a karakterkódok listája
 (menet(Mondás, L, [])
 -> feldolgoz(Mondás)
 ; write('Nem értem!\n'), fail
),
 Mondás = un, !.
% menet(Mondás, L0, L): Az L0-L kiemezett alakja Mondás.
menet(kérdés(Alany)) -->
 {kérdei(Szó)}, mondat(Alany, [Szó]), "?".
menet(kijelent(Alany, Áll)) -->
 mondat(Alany, Áll), " ".
menet(un) -->
 szó("unlak"), " ".
% kérdei(Szó): Szó egy kérdőszó.
kérdei("mi").
kérdei("ki").
kérdei("kicsoda").
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Beszélgetős DCG példa — egy párbeszéd

|                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|
| ? - párbeszéd.             | : ?- párbeszéd.            |
| : Magyar legény vagyok én. | : Magyar legény vagyok én. |
| : Felfogtam.               | : Felfogtam.               |
| : Ki vagyok én?            | : Ki vagyok én?            |
| : Magyar legény            | : Magyar legény            |
| : Péter kicsoda?           | : Péter kicsoda?           |
| : Nem tudom.               | : Nem tudom.               |
| : Péter tanuló.            | : Péter tanuló.            |
| : Felfogtam.               | : Felfogtam.               |
| : Péter jó tanuló.         | : Péter jó tanuló?         |
| : Felfogtam.               | : Felfogtam.               |
| : Péter kicsoda?           | : Péter kicsoda?           |
| : tanuló                   | : tanuló                   |
| : jó tanuló                | : jó tanuló                |
| : Boldog vagyok.           | : Boldog vagyok.           |
| : Felfogtam.               | : Felfogtam.               |

|                               |                      |
|-------------------------------|----------------------|
| : Én vagyok Jeromos.          | : Jeromos            |
| : Felfogtam.                  | : Felfogtam.         |
| : Te egy Prolog program vagy. | : Okos vagy.         |
| : Felfogtam.                  | : Felfogtam.         |
| : Ki vagyok én?               | : Ki vagy te?        |
| : Magyar legény               | : egy Prolog program |
| : Boldog                      | : Okos               |
| : Jeromos                     | : Valóban?           |
| : Okos vagy.                  | : Nem értem          |
| : Felfogtam.                  | : Unlak.             |
| : Ki vagy                     | : Én is.             |
| : egy Prolog program          |                      |
| : Okos                        |                      |
| : Valóban?                    |                      |
| : Nem értem                   |                      |
| : Unlak.                      |                      |
| : Én is.                      |                      |

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A DCG formalizmus felhasználása elemzésen kívül

- A DCG szabályok kényelmesen használhatók általános akkumulálásra
  - Listák akkumulálása — az elemi akkumulálási lépést a 'C' / 3 adja
 

```
% anbn(+N, ?L): Az L lista N db a-ból és azt követő N db b-ből áll.
% Nem csak elemzésre, hanem L felépítésére is használható!
anbn(N, L) :- anbn(N, L, []).

% anbn(N, L0, L): L0-L N db a-ból és azt követő N db b-ből áll.
anbn(0) --> !.
anbn(N) --> {N > 0, N1 is N-1}, [a], anbn(N1), [b].

% a fenti DCG szabály kifejtve:
anbn(N, L0, L) :-
 N > 0, N1 is N-1, L0=[a|L1], anbn(N1, L1, L2), L2=[b|L1].
```
  - Egyébként az elemi akkumulálási lépést DCG-n kívül kell megírni:
 

```
% sum(L, S0, S): L összege S-S0.
sum([]) --> [].
sum([X|L]) -->
 plus(X, S0, S) :- S is S0+X.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

„Hagyományos” beépített eljárások LP-315

## Aritmetikai beépített eljárások

- `X is K1F`: `K1F` aritmetikai kifejezés kell legyen, értékét egyesíti `X`-szel.
- `K1F1 ρ K1F2`: `K1F1` és `K1F2` aritmetikai kifejezések kell legyenek, értékeik között elvégzi a  $\rho$  összehasonlítást ( $\rho$  lehet `=`, `=\`, `<`, `=<`, `>`, `>=`).
- Aritmetikai kifejezésekben felhasználható funktorok:

|                          | Infix operátorok                |                                                  |
|--------------------------|---------------------------------|--------------------------------------------------|
| <code>+</code> összeadás | <code>//</code> egész osztás    | <code>\</code> bitenkénti és                     |
| <code>-</code> kivonás   | <code>**</code> hatványozás     | <code>\ </code> bitenkénti vagy                  |
| <code>*</code> szorzás   | <code>mod</code> modulus képzés | <code>&lt;&lt;</code> bitenkénti balra léptetés  |
| <code>/</code> osztás    | <code>rem</code> maradék képzés | <code>&gt;&gt;</code> bitenkénti jobbra léptetés |
| Prefix operátorok:       | <code>-</code> negáció          | <code>\</code> bitenkénti negáció                |

### Függvény jelölések

|                        |                                      |                      |                         |
|------------------------|--------------------------------------|----------------------|-------------------------|
| <code>abs/1</code>     | <code>exp/1</code>                   | <code>floor/1</code> | <code>sign/1</code>     |
| <code>atan/1</code>    | <code>float/1</code>                 | <code>log/1</code>   | <code>sin/1</code>      |
| <code>ceiling/1</code> | <code>float_fractional_part/1</code> | <code>max/2</code>   | <code>sqrt/1</code>     |
| <code>cos/1</code>     | <code>float_integer_part/1</code>    | <code>round/1</code> | <code>truncate/1</code> |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## „HAGYOMÁNYOS” BEÉPÍTETT ELJÁRÁSOK

### Listakezelő beépített eljárások

- Lista hossza: `length(?L, ?N)`
  - Jelentése: az `L` lista hossza `N`.
  - `length(-L, +N)` módban adott hosszúságú, csupa különböző változóból álló listát hoz létre.
  - `length(-L, -N)` módban rendre felsorolja a `0, 1, ...` hosszú listákat.
  - Megvalósítását lásd korábban.
- Lista rendezése: `sort(@L, ?S)`
  - Jelentése: az `L` lista `@<` szerinti rendezése `S`, (`=` / `2` szerinti azonos elemek ismétlődését kiszűrve).
- Lista kulcs szerinti rendezése: `keysort(@L, ?S)`
  - Az `L` argumentum `Kulcs-Érték` alakú kifejezések listája.
  - Az eljárás jelentése: az `S` lista az `L` lista `Kulcs` értékei szerinti szabványos (`@<` általi) rendezése, ismétlődéseket nem szűr.

„Hagyományos” beépített eljárások LP-316

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)





## Kifejezések beolvasása

- `read(?Kif)`: Beolvas egy ponttal lezárt kifejezést és egyesíti `Kif`-fel. (File végénél `Kif = end_of_file`.)
- `read_term(?Kif, +Opciók)`: Mint `read/1`, de az Opciók opciólistát is figyelembe veszi.

- Példa — botcsinálta programbeolvasó:

```
consult_body :-
 repeat,
 read(Term),
 (Term = end_of_file -> true
 ; assertz(Term), fail
),
 !,
 | ?- consult_body.
| : p(X) :- q(X), r(X).
| : ^D
yes
```

```
| ?- listing(lp/11).
p(A) :-
 q(A),
 r(A).
yes
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Egy egyszerűbb be- és kiviteli szervezés: DECIO I/O

„Hagyományos” beépített eljárások IP-323

- `see(@FileNév), tell(@FileNév)`: Megnyitja a `FileNév` file-t olvasásra/írásra és a jelenlegi csatornává teszi. Újabb híváskor csak a jelenlegi csatornává teszi.
- `seeing(?FileNév), telling(?FileNév)`: A jelenlegi beviteli/kiviteli csatorna állománynevét egyesíti `FileNév`-vel.
- `seen, told`: Lezárja a jelenlegi beviteli/kiviteli csatornát.
- Példák — nagyon egyszerű `consult` variánsok:

```
consult_dec10_style(File) :-
 seeing(Old), see(File),
 repeat,
 read(Term),
 (Term = end_of_file
 -> seen
 ; assertz(Term), fail
),
 !,
 see(Old).
```

```
consult_with_streams(File) :-
 open(File, read, S),
 repeat,
 read(S, Term),
 (Term = end_of_file
 -> close(S)
 ; assertz(Term), fail
),
 !.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Be- és kiviteli csatornák

- Csatornák megnyitása és kezelése:
  - `open(@FileNév, @Mód, -Csatorna)`: Megnyitja a `FileNév` nevű állományt `Mód` módban (`read`, `write` vagy `append`). A Csatorna argumentumban visszaadja a megnyitott csatorna „nyelét”.
  - `set_input(@Csatorna), set_output(@Csatorna)`: Az ezt követő beviteli/kiviteli eljárások Csatorna-t használják majd (jelenlegi csatorna).
  - `current_input(?Csatorna), current_output(?Csatorna)`: A jelenlegi beviteli/kiviteli csatornát egyesíti Csatorna-val.
  - `close(@Csatorna)`: Lezárja a Csatorna csatornát.
- Explicit csatornamegadás be- és kiviteli eljárásokban
  - Az eddig ismeretlet összes be- és kiviteli eljárásnak van egy eggyel több argumentumú változata, amelynek első argumentuma a csatorna. Ezek: `write/2`, `writeln/2`, `write_canonical/2`, `write_term/3`, `print/2`, `read/2`, `read_term/3`, `format/3`, `put_code/2`, `tab/2`, `nl/1`, `get_code/2`, `peek_code/2`.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hibakezelési beépített eljárások

„Hagyományos” beépített eljárások IP-324

- Hibahelyzetet beépített eljárás rossz argumentumokkal való meghívása, vagy a `throw/1` (`raise_exception/1`) eljárás válthat ki.
- Minden hibahelyzetet egy Prolog kifejezés (ún. hiba-kifejezés) jellemez.
- Hiba „dobása”, azaz a `HibaKif` hibahelyzet kiváltása: `throw(@HibaKif)`, `raise_exception(@HibaKif)`
- Hiba „elkapása”: `catch(;++Cél, ?Minta, ++Cél, ++Hibaág)`, `on_exception(?Minta, ++Cél, ++Hibaág)`
- Hatása: Futtatja a `Cél` hívást
  - Ha `Cél` végrehajtása során hibahelyzet nem fordul elő, futása azonos `Cél`-lal.
  - Ha `Cél`-ban hiba van, a hiba-kifejezést egyesíti `Mintá`-val.
  - Ha ez sikeres, meghívja a `Hibaág`-at.
  - Ellenkező esetben továbbadja a hiba-kifejezést, hogy a további körülművő `catch` eljárások esetleg elkaphassák azt.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Programfejlesztési beépített eljárások (SICStus specifikusak)

- `set_prolog_flag(+Jelző, @Érték)`: Jelző értékét Érték-re állítja.
- `current_prolog_flag(?Jelző, ?Érték)`: Jelző pillanatnyi értéke Érték.
- Néhány fontos Prolog jelző:
  - `language`: végrehajtási mód (`sicstus, iso`).
  - `argv`: csak olvasható, a parancssorbeli argumentumok listája.
  - `unknown`: viselkedés definiálatlan eljárás hívásakor (`trace, fail, error`).
  - `source_info`: forrásszintű nyomonkövetés (`on, off, emacs`).
- `consult(:@Files), [:@File, ...]: Betölti a File(ok)at, interpretált alakban.`
- `compile(:@File):` Betölti a File(ok)at, lefordított alakot hozva létre.
- `listing`: Kijűra az összes interpretált eljárást az aktuális kimenetre.
- `listing(:@EljárásSpec)`: Kijűra a megnevezett interpretált eljárásokat.
- Itt és később: `EljárásSpec` — név vagy funktor, esetleg modul-kvalifikációval ellátva, ill. ezek listája, pl. `listing(p), listing([m:q,p/1])`.

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Programfejlesztési eljárások (folytatás)

- `statistics`: Külömféle statisztikákat ír ki az aktuális kimenetre.
- `statistics(?FaJta, ?Érték)`: Érték a FaJta fajájú mennyiség értéke.
  - Példa: `statistics(runtime, E) =>E=[Tdiff, T], Tdiff` az előző lekérdezés óta, T a rendszerindítás óta eltelt idő, ezredmásodpercben.
- `break`: Egy új interakciós szintet hoz létre.
- `abort, halt`: Kilép a legkülső interakciós szintre ill. a Prolog rendszerből.
- `trace`: Elindítja az interaktív nyomonkövetést.
- `debug, zip`: Elindítja a szelektív nyomonkövetést, csak spion-pontokra áll meg. (A zip mód gyorsabb, de nem gyűjt annyit információt mint a debug mód.)
- `nodebug, notrace, nozip`: Leállítja a nyomonkövetést.
- `spy(:@EljárásSpec)`: Spion-pontot tesz a megadott eljárásokra.
- `nospys(:@EljárásSpec)`: megszünteti a megadott spion-pontokat.
- `nospysall`: Az összes spion-pontot megszünteti.

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Külső nyelvi interfész

- Hagyományos (pl. C nyelvű) programrészek meghívásának módja:
  - A Prolog rendszer elvégzi az átalakítást a Prolog alak és a külső nyelvi alak között. Kényelmesebb, biztonságosabb mint a másik módszer, de kevésbé hatékony. Többnyire csak egyszerű adatokra (egész, valós, atom). (MProlog)
  - A külső nyelvi rutin pointerket kap Prolog adatastruktúrákra, valamint hozzáférési algoritmusokat ezek kezelésére. Nehézkesebb, veszélyesebb, de jóval hatékonyabb mint az előző megoldás. Összetett adatok adásvételére is jó. (SWI, SICStus)

## FEJLETTEBB NYELVI ÉS RENDSZERELEMEK

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Külső nyelvi interfész — példa

- A példa a `library (load)` megvalósításából származik.
- A C nyelven megírandó eljárás `Prolog` hívási alakja:  
`index_keyvs(+Spec, +Kif, -Kulcs, -Szám)`
- A megírandó eljárás jelentése:
  - Ha `Spec` és `Kif` különböző funktorú kifejezések, akkor `Szám = -1` és `Kulcs = []`.
  - Egyébként, ha `Spec` valamelyik argumentuma + és `Kif` megfelelő argumentuma változó, akkor `Szám = -2` és `Kulcs = []`.
  - Egyébként `Szám` a `Spec` argumentumaként előforduló + névkonstansok száma, `Kulcs` pedig `Kif` megfelelő argumentumainak *kvonátiból* képzett lista. A kvonát lényegében az argumentum funktora, azzal az eléréssel, hogy a konstansok kvonata maga a konstans, struktúráik esetén pedig a struktúra neve és az ariása külön elemként kerül a kvonát-listába.

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Külső nyelvi interfész — a C kód (ixkeys.c állomány)

```
#include <unistd.h>

#define NA -1 /* not applicable */
#define NI -2 /* instantiateladness */

long ixkeys(SP_term_ref spec,
 SP_term_ref term, SP_term_ref list)
{
 unsigned long sname, tname, plus;
 int sarlty, tarlty, i;
 long ret = 0;
 SP_term_ref arg = SP_new_term_ref();
 tmp = SP_new_term_ref();

 SP_get_functor(spec, &sname, &sarlty);
 SP_get_functor(term, &tname, &tarlty);
 if (sname != tname || sarlty != tarlty)
 return NA;

 plus = SP_atom_from_string("+");
 for (i = sarlty; i > 0; --i) {
 unsigned long t;
 SP_get_arg(i, spec, arg);
 SP_get_atom(arg, &t); /* no check */
 if (t != plus) continue;

 SP_get_arg(i, term, arg);
 switch (SP_term_type(arg)) {
 case SP_TYPE_VARIABLE:
 return NI;
 case SP_TYPE_COMPOUND:
 SP_get_functor(arg, &tname, &tarlty);
 SP_get_integer(tmp, (long)tarlty);
 SP_cons_list(list, tmp, list);
 SP_put_atom(arg, tname);
 break;
 case SP_TYPE_LIST:
 SP_cons_list(list, arg, list); ++ret;
 return ret;
 }
 }
}
```

Fajletűbb nyelvi és rendszerellenek LP-331

Fajletűbb nyelvi és rendszerellenek LP-332

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Külső nyelvi interfész — példa

- A példaeljárás használata

```
| ? - [ixtest].
| ?- index_keyvs(F(+, -, +, +),
| ?- index_keyvs(F(12.3, -, s(1, -, z(2)), t),
| ?- index_keyvs(F(12.3, s, 3, t), Szam = 3 ?
```
- Az `ixtest.pl` Prolog file tartalmazza az interfész specifikációját:

```
foreign(ixkeys, index_keyvs(+term, +term, -term, [-integer])).
% 1. arg: bemenő, általános kifejezés
% 2. arg: bemenő, általános kifejezés
% 3. arg: kimenő, általános kifejezés
% 4. arg: a C függvény értéke, egész (long)

:- load_foreign_resource(ixkeys).
sp1fr ixkeys ixtest.pl +c ixkeys.c
```
- A C programot elő kell készíteni a Prolog számára az `sp1fr` (link `foreign resource`) eszköz segítségével:

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hasznos lehetőségek SICStus Prolog-ban

- Tetszőleges nagyságú egész számok pl.:

```
| ?- Fakt(40, F).
F = 815915283247897734345611269596115894272000000000 ?
```
- Globális változók (Blackboard)

```
bb_put(Kulcs, Érték)
bb_get(Kulcs, Érték)
bb_delete(Kulcs, Érték)
```

A `Kulcs` kulcs alatt eltarolja `Érték`-et, az előző értéket, ha van, törölve. (`Kulcs` egy (kis) egész szám vagy névkonstans lehet.)

Előhívja `Érték`-be a `Kulcs` értékét.

Előhívja `Érték`-be a `Kulcs` értékét, majd kitörli.

Fajletűbb nyelvi és rendszerellenek LP-332

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hasznos lehetőségek SICStus Prolog-ban (folytatás)

- Visszaléphetető módon változatható kifejezések  
`create_mutable(Adat, ValKifif)`  
`Adat` kezdőértékkel létrehoz egy új változatható kifejezést, ez lesz `ValKifif`. `Adat` nem lehet üres változó.  
`get_mutable(Adat, ValKifif)`  
`Adat`-ba előveszi `ValKifif` pillanatnyi értékét.  
`update_mutable(Adat, ValKifif)`  
`ValKifif` változatható kifejezés új értéke `Adat` lesz. Ez a változtatás visszalépéskor visszacsinalódik. `Adat` nem lehet üres változó.
- Takanító eljárás  
`call_cleanup(Hivas, Tiszitot)`  
`Meghivja call(Hivas)-t és ha az véglegesen befejezte futását, meghívja Tiszitot`. Egy eljárás akkor fejezte be véglegesen a futását, ha további alternatívák nélkül sikerült, meghívásait vagy kivételt dobott.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Blokk-deklarációk (folytatás)

Fejletubb nyelvi és rendszervelemek LP-335

- Generál-és-ellenőriz típusú programok gyorsítása
  - általában nem hatékonyak (pl `megrajzolja_1`), mert túl sok visszalépést használnak
  - korutinszervezéssel a generáló és ellenőrző rész "automatikusan" összeköthető
  - ehhez az ellenőrző részt kell előre tenni és megfelelően blokkolni
- Korutinszervezésre építő programok
  - Példa: egyszerűsített Hamming feladat
    - keressük a  $2^i * 3^j$  ( $i \geq 1, j \geq 1$ ) alakú számok közül az első  $N$  darabot nagyság szerint rendezve.
    - "stream-and-parallelism" közelítősmódot használva korutinszervezéssel egyszerűen lehet megoldani

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Fejlett vezérlési lehetőségek SICStusban: Blokk-deklarációk

- Példa:
  - :- block p(-, ?, -, ?, ?).

Jelentése: ha az első és a harmadik argumentum is behelyettesíthetően változó (blokkolási feltétel), akkor a `p` hívás felfüggesztődik.

Ugyanarra az eljárásra több vagytlagos feltétel is szerepelhet, pl.

  - :- block p(-, ?, p(?, -)).
- Végtelen választási pontok kiküszöbölése blokk-deklarációval
  - :- block append(-, ?, -).

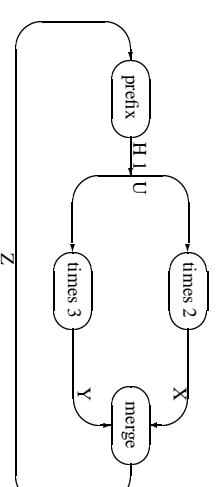
```
append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
 append(L1, L2, L3).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hamming probléma

Fejletubb nyelvi és rendszervelemek LP-336



% A H lista az első N, csak a 2 és 3 tényezőkből álló szám.  
`hamming(N, H) :-`  
`U = [1|H], times(U, 2, X), times(U, 3, Y),`  
`merge(X, Y, Z), prefix(N, Z, H).`

% times(X, M, Z): A Z lista az X elemeinek M-szerese  
`:- block times(-, ?, ?).`  
`times([A|X], M, Z) :- B is M*A, Z = [B|U], times(X, M, U).`  
`times([], _, []).`

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hamming probléma (folyt.)

```
% merge(X, Y, Z): Z az X és Y összefésülése.
:- block merge(?, ?, ?), merge(?, -, ?).
% Csak akkor fusson, ha az első két argumentum ismert
merge([A|X], [B|Y], V) :-
 A < B, !, V = [A|Z], merge(X, [B|Y], Z).
merge([A|X], [B|Y], V) :-
 B < A, !, V = [B|Z], merge([A|X], Y, Z).
merge([A|X], [A|Y], [A|Z]) :-
 merge(X, Y, Z).
merge([], X, X) :- !.
merge(_, [], []).

% prefix(N, X, Y): Az X lista első N eleme Y.
prefix(0, _, []) :- !.
prefix(N, [A|X], [A|Y]) :-
 N > 0, N1 is N-1, prefix(N1, X, Y).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Fajletuob nyelvű és rendszerellenek LP-339

## SICStus könyvtárak

- Könyvtár betöltése
 

```
:- use_module(library(könyvtárnév)).
```
- A legfontosabb könyvtárak
  - arrays Logaritmikussal elérési idejű kiterjeszhető tömbök megvalósítását tartalmazza.
  - assoc AVL fájk segítségével valósfija meg az „asszociációs listák”, azaz véges Prolog kifejezeshalmazokon definiált kiterjeszhető leképezések fogalmát.
  - atts reiszólages attributumokat enged a Prolog változókhoz rendelni, ezeket tárolórekeszként és a Prolog egyesítési mechanizmusának módosítására is engedni használni.
  - heaps A bináris kazal (heap) fogalmát valósfija meg, amely főként prioritásos sorok (priority queue) megvalósítására használható.
  - Lists Bizosfija a listakezelő alapműveleteket.
  - terms Különböző kiterjeszkezelő eljárásokat tartalmaz.
  - ordsets Halmazműveleteket definiál (thalmaz  $\equiv$   $\leq$  szerint rendezett lista).
  - queues Sorokra (queue, FIFO store) vonatkozó műveleteket definiál.
  - random Egy véletelszám-generátort tartalmaz.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Korutnszervező eljárások

- freeze(X, Hivas)
 

Hivasit felfüggeszti mindaddig, amig X behelyettesíteden változó.
- frozen(X, Hivas)
 

Az X változó miatt felfüggesztett hívás(okal) egyesít Hivas-sal.
- dif(X, Y)
 

X és Y nem egyesíthető. Mindaddig felfüggesztiódik, amig ez el nem dönthető.
- call\_residue(Hivas, Maradék)
 

Hivas-t végrehajlja, és ha a sikeres lefutás után maradnak felfüggesztett hívások, akkor azokat visszarajja Maradékban. Pl.

```
| ?- call_residue(dif(X, f(Y)), Maradék).
 => Maradék = [[X]-(prolog:dif(X, f(Y)))]
| ?- call_residue(dif(X, f(Y)), X=f(Z)), Maradék).
 => X = f(Z), Maradék = [[Y, Z]-(prolog:dif(f(Z), f(Y)))]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Fajletuob nyelvű és rendszerellenek LP-340

- system Különbféle operációsrendszer-szolgáltatások elérését biztosítja.
- trees Az arrays könyvtárhoz hasonló, de nem-kiterjeszhető logaritmikussal elérési idejű tömbfogalmat valósfija meg, bináris fákkal (Kicsit hatékonyabb mint az arrays könyvtár).
- ugraphs Irányított és irányítatlan gráf fogalmat valósfija meg, élelmek nélküli.
- wgraphs Olyan irányított és irányítatlan gráf fogalmat valósfija meg, ahol minden él egy egészértékű súllyal rendelkezik.
- sockets A socket-ek kezelésére szolgáló eljárásokat biztosít.
- linda/client és linda/server Linda-szerű processzskomunikációs eszközöket ad.
- bdb Felhasználó által definiált többszörös indexelési lehetővétevő, Prolog kifejezések állományokban való tárolására szolgáló adatbázis-rendszer.
- clpb Boolle-értékekre vonatkozó feltétel-megoldó (constraint solver).
- clpr és clpr Feltétel-megoldó a Q (racionális számok) ill. R (valós számok) tartományán.
- clpfd Véges tartományokra vonatkozó feltétel-megoldó (constraint solver).
- tcltk A Tcl/Tk nyelv és eszközkészlet elérését biztosítja.
- gauge Prolog programok a profifilozására szolgáló, a tcltk-n alapuló grafikus eszköz.
- charsiso Karakteroszorozatból olvasó ill. abba író be- és kivieeli eljárások gyűjteménye.
- timeout Lehetőseget ad arra, hogy célok futási idejét korlátozzuk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Új irányzatok a logikai programozásban — kitekintés

- Bevezetés a Logikai Programozásba c. jegyzet 6. fejezete:
  - Párhuzamos megvalósítások
  - Az Andorra-I rendszer rövid bemutatása
  - A Mercury nyakhatékonyságú LP megvalósítás
  - CLP (Constraint Logic Programming)
- Az utolsó két témával foglalkozik a „**Nagyhatékonyságú logikai programozás**” c. választható tárgy (általában őszi félévben)
- Rövid ízelítőként áttekinjtük a korlát-logikai programozás (CLP) témakörét.
- Constraint = megszorítás, kényszer, korlátozás, korlát, ...
- A továbbiakban a „constraint” angol kifejezésre a „korlát” fordítást használjuk

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Korlát-logikai programozás – rövid áttekintés LP-344

## A korlát-logikai programozás (CLP, Constraint Logic Programming) alappondolata

- A CLP( $\mathcal{X}$ ) séma
 

Prolog + korlátokra (relációkra) vonatkozó „erős” következtetési mechanizmus.
- Példák az  $\mathcal{X}$  tartomány megválasztására
  - $\mathcal{X} = \mathbb{Q}$  vagy  $\mathbb{R}$  (a racionális vagy valós számok)
 

korlátok = lineáris egyenlőségek és egyenlőtlenségek  
következtetési mechanizmus = Gauss elimináció és szimplex módszer
  - $\mathcal{X} = \text{FD}$  (egész számok Véges Tartományra, angolul FD — Finite Domain)
 

korlátok = különböző aritmetikai és kombinatorikus relációk  
következtetési mechanizmus = MI CSP–módszerek (CSP = Korlát-Kielégítési Probléma)
  - $\mathcal{X} = \mathbb{B}$  (0 és 1 Boole értékek)
 

korlátok = ítéletkalkulusbeli relációk  
következtetési mechanizmus = MI SAT–módszerek (SAT — Boole kielégíthetőség)

## KORLÁT-LOGIKAI PROGRAMOZÁS – RÖVID ÁTTEKINTÉS

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A CLP következtetés alapelvei

- A CLP következtetés
  - közege az ún. korlát-tár, amelyben a korlátok gyűlnek, egyre pontosabban közelítve a megoldást;
  - elemei az ún. primitív korlátok (a megengedett korlátok egy részhalmozata)
  - a korlát-tár mindig konzisztens, ellentmondás esetén visszalépés;
  - visszalépés esetén a korlát-tár is visszaáll a korábbi állapotba
  - a következtetés fajtái:
    - **teljes**, pl. CLP(R) lineáris esetben, CLP(B) — minden korlát bekerül a tárbá;
    - **részleges**, pl. CLP(FD) — csak bizonyos egyszerű korlátok mennek a tárbá, a többi, nem-primitív korlátok ágensként (démonként) várakoznak arra, hogy:
      - a. primitív korláttá váljanak
      - b. a tárat egy primitív korláttal bővíthessék (az ún. erősítés)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Korlát-logikai programozás – rövid áttekintés LP-347

## Példák a SICStus clpb könyvtárának használatára

- | ?- use\_module(library(clpb)).
- | ?- {X=Y+4, Y=Z-1, Z=2\*X-9}.  
X = 6, Y = 2, Z = 3 ?  
% lineáris egyenlet
- | ?- {X+Y+9<4\*Z, 2\*X=Y+2, 2\*X+4\*Z=36}.  
{X<29/5}, {Y= -2+2\*X}, {Z=9-1/2\*X} ?  
% egyenlőtlenség is lehet
- | ?- {(Y+X)\*(X+Y)/X = Y\*Y/X+100}.  
{X=100-2\*Y} ?  
% lineáris-szerű egyszerűsíthető
- | ?- {(Y+X)\*(X+Y) = Y\*Y+100\*X}.  
clpb:{2\*(X\*Y)-100\*X+X^2=0} ?  
% Így már nem...
- | ?- {exp(X+Y+1, 2) = 3\*X\*Y\*Y\*Y}.  
clpb:{1+2\*X+2\*(Y\*X)-2\*X^2+2\*Y=0} ?  
% nem lineáris...
- | ?- {exp(X+Y+1, 2) = 3\*X\*X+Y\*Y}, X=Y.  
X = -1/4, Y = -1/4 ?  
% Így már igen...
- | ?- {2 = exp(8, X)}.  
X = 1/3 ?  
% nem-lineárisak is megoldhatók

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A SICStus clp(Q,R) könyvtárak

- Alapelvek
  - Tartomány:  
clpr: lebegőpontos számok clpb: racionális számok
  - Függvények:
    - + - \* / min max pow exp (kétfargumentumúak, pow ≡ exp),
    - + - abs sin cos tan (kétfargumentumúak),
  - Korlát-relációk: = := < > =< >= \=( = ≡ := =)
  - Primitív korlátok (a korlát-tár elemei): lineáris kifejezéseket tartalmazó relációk
  - Megoldó algoritmus: lineáris programozási módszerek (Gauss elimináció, szimplex módszer)
- A könyvtár betöltése:  
use\_module(library(clpb)), vagy use\_module(library(clpr))
- A fő beépített eljárás
  - { *Constraint* }, ahol *Constraint* változókból és (egész vagy lebegőpontos) számokból a fenti műveletekkel felépített reláció, vagy ilyen relációknak a (, operátorral képzett) konjunkciója.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Korlát-logikai programozás – rövid áttekintés LP-348

## A SICStus clpb könyvtár

- Alapelvek:
  - **Tartomány:** logikai értékek (1 és 0, igaz és hamis)
  - **Függvények** (egyben korlát-relációk):
    - ~ P P hamis (*negáció*).
    - P \* Q P és Q mindegyike igaz (*konjunkció*).
    - P + Q P és Q legalább egyike igaz (*diszjunkció*).
    - P # Q P és Q pontosan egyike igaz (*kizáró vagy*).
    - P := Q Ugyanaz mint ~ (P # Q).
  - **Constraint-megoldó algoritmus:** Boole-egyesítés.
- A library(clpb) könyvtár eljárásai
  - sat (*Kifejezés*), ahol *Kifejezés* változókból, a 0 1 számkonstansokból és névkonstansokból (ún. szimbolikus konstansok) a fenti műveletekkel felépített logikai kifejezés. Hozzáveszi *Kifejezést* a korlát-tárhoz.
  - labeling (*Változó*). Behelyettesíti a *Változókat* 0 1 értékekre, úgy, hogy a tár teljesüljön. Visszalépéskor felsorolja az összes lehetséges értéket.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

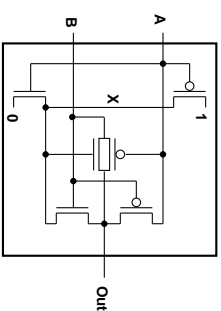
(Logikai Programozás)

## Példa a clpb könyvtár használatára: tranzistoros áramkör verifikálása

```
n(D, G, S) :-
 % Gate => Drain = Source
 sat(G*D == G*S).

p(D, G, S) :-
 % ~ Gate => Drain = Source
 sat(~G*D == ~G*S).

xor(A, B, Out) :-
 p(1, A, X),
 n(0, A, X),
 p(B, A, Out),
 n(X, B, Out).
```



```
| ?- n(D, 1, S).
 S = D ?

| ?- n(D, 0, S).
 true ?

| ?- p(D, 0, S).
 S = D ?

| ?- p(D, 1, S).
 true ?

| ?- xor(a, b, X).
 sat(X:=a#b) ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-351

## Példa a clpfd könyvtár használatára: N királynő a sakktableán

```
% A Qs lista N királynő biztonságos elhelyezését mutatja egy N*N-es sakktableán:
% a lista i. eleme j ==> az i. királynőt az i. sor j. oszlopába kell helyezni.
queens(N, Qs):-
 length(Qs, N), domain(Qs, 1, N), safe(Qs).

% safe(Qs) : A Qs királynő-lista biztonságos.
safe([]).
safe([Q|Qs]):-
 no_attack(Qs, Q, 1), safe(Qs).

% no_attack(Qs, Q, I) : A Qs lista által leírt királynők egyike sem támadja a
% Q oszlopban levő királynőt, feltéve hogy Q és Qs távolsága I.
no_attack([],_,_).
no_attack([X|Xs], Y, I):-
 no_threat(X, Y, I), J is I+1, no_attack(Xs, Y, J).

% Az X és Y oszlopokban I sor távolságra levő királynők nem támadják egymást.
no_threat(X, Y, I) :-
 Y #\= X, Y #\= X-I, Y #\= X+I.

| ?- queens(4, Qs).
 Qs = [_A,_B,_C,_D], _A in 1..4, _B in 1..4, _C in 1..4, _D in 1..4 ?

| ?- queens(4, Qs), Qs = [1|_].
 Qs = [1,_A,_B,_C], _A in 3..4, _B in {2}\{4}, _C in 2..3 ?

| ?- queens(4, Qs), Qs = [1|_], labeling([], Qs).
 no
 Qs = [2,4,1,3] ?

| ?- queens(4, Qs), Qs = [2|_], labeling([], Qs).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A SICStus clpfd könyvtár

- A clpfd könyvtár alapelemei
  - Tartomány: egészek (negatívak is!)
  - Függvények (aritmetika): + - \* / ...
  - Constraint-relációk
  - **aritmetikaiak:** #<, #>, #=<, #>=, #=#\=
  - **halmazműveletek:** X in *Halmaz*, pl. X in 1..5
  - **logikai műveletek:** #/\, #\/, #\ (negáció), #<=> (ekvivalencia), ...
  - egyszerű korlátok (korlát tár elemei): X in *Halmaz*
  - Constraint-megoldó algoritmus:
  - **aritmetikaiak:** ún. intervallum-konzisztencia (csak a határokat szűkítik)
  - **halmazműveletek:** teljes konzisztencia (ún. tartomány-konzisztencia)
- A tipikus CLP(FD) megoldási folyamat (forrás: CSP = Constraint Satisfaction Problems)
  - a változók tartományának megadása
  - korlátok felvétele
  - címkezés (visszalépéses keresés) — pl. a labeling(Opciók, Választók) könyvtári eljárás segítségével.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-352

## Egy példasor: Lovagok és lókötéők

- A feladat
  - Egy szíjeten minden bennszülött lovag vagy lókötéő.
  - A lovagok mindig igazat mondanak.
  - A lókötéők mindig hazudnak.
  - Egy vagy több bennszülötnek saját magukra vonatkozó kijelentése alapján meg kell határozni a bennszülött típusát.
  - Példa: Találkozunk két bennszülöttel Alfréd-dal és Bélával. Alfréd azt mondja: van közöttünk lókötéő. Milyen típusú Alfréd és Béla.
  - Irodalom: Raymond Smullyan: Mi a címe ennek a könyvnek?, A hölgy és a tigris, Typotex kiadó.
  - További fejlesztés: a szíjeten lehetnek normális emberek is, akik néha hazudnak, néha igazat mondanak.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Lovagok és lóköttők – A megoldás elvei

- Készítünk egy egyszerű formális nyelvet a bennszülöttek kijelentéseire, pl. Alfréd mondja Alfréd = lóköttő vagy Béla = lóköttő
- A bennszülöttek nevei (pl. Alfréd) Prolog változók, amelyek a Lovag vagy Lóköttő értéket veszik fel.
- A nyelv egyetlen alap-relációja az =.
- Az összekötő jeleket (mondja, és, vagy, nem) Prolog operátornak deklaráljuk.
- Egy egyszerű Prolog programmal definiáljuk a "bennszülött logikát", azaz a nyelv állításainak igazságértékét.
- A feladat: egy adott mondat esetén megkeresni azokat a változó-benhelyettesítéseket, amelyekre a mondat a "bennszülött logika" szerint igaz lesz.

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-355

## Lovagok és lóköttők: 2., CLP(B) változat

```
(A bennszülöttek típusát numerikusan jelöljük: Lovag →1,lóköttő →0)
:- use_module(library(clpb)).
:- op(700, fy, nem). :- op(900, yfx, vagy).
:- op(800, yfx, és). :- op(950, xfy, mondja).

A mondja áll :- értéke(A mondja áll, 1).

% értéke(Állítás, Érték): Az Állítás igazságértéke Érték.
értéke(X = Y, E) :- sat(X := Y) := E).
értéke(X mondja M, E) :- értéke(M, E0), sat((E0 := X) := E).
értéke(M1 és M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), sat(E := E1*E2).
értéke(M1 vagy M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), sat(E := E1+E2).
értéke(nem M, E) :- értéke(M, E0), sat(E := ~E0).

| ?- Alfréd mondja Alfréd = 0 vagy Béla = 0.
 Béla = 0, Alfréd = 1 ? ; no
| ?- A mondja B mondja C mondja A = C.
 B = 1 ? ; no
| ?- A mondja B = C.
 sat(B=#C#A) ? ; no
| ?- A mondja B = C, labeling([A,B,C]).
 A = 0, B = 1, C = 0 ? ; A = 0, B = 0, C = 1 ? ;
 A = 1, B = 0, C = 0 ? ; A = 1, B = 1, C = 1 ? ; no
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Lovagok és lóköttők: 1. változat (Prolog)

```
:- op(700, fy, nem). :- op(900, yfx, vagy).
:- op(800, yfx, és). :- op(950, xfy, mondja).

% Az A bennszülött mondhatja az Áll állítást.
A mondja áll :- értéke(A mondja áll, 1).

% értéke(Állítás, Érték): Állítás igazságértéke Érték (1 = igaz, 0 = hamis).
értéke(X = Y, 1).
értéke(X = Y, 0) :- különböző(X, Y).
értéke(Lovag mondja M, E) :- értéke(M, E).
értéke(Lóköttő mondja M, E) :- értéke(nem M, E).
értéke(M1 és M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E is E1 \ E2.
értéke(M1 vagy M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E is E1 \ E2.
értéke(nem M, E) :- értéke(M, E1), E is 1-E1.

% különböző(A, B): A és B különböző típusú bennszülöttek.
különböző(Lovag, lóköttő).
különböző(lóköttő, Lovag).

| ?- Alfréd mondja Alfréd = lóköttő vagy Béla = lóköttő.
 Béla = lóköttő, Alfréd = Lovag ? ; no
| ?- A mondja B = C.
 A = Lovag, C = B ? ;
 A = lóköttő, B = Lovag, C = lóköttő ? ;
 A = lóköttő, B = lóköttő, C = Lovag ? ; no
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-356

## Lovagok és lóköttők: 3., CLP(FD) változat

```
:- use_module(library(clpfd)).
:- op(700, fy, nem). :- op(900, yfx, vagy).
:- op(800, yfx, és). :- op(950, xfy, mondja).

A mondja áll :- értéke(A mondja áll, 1).

% értéke(Állítás, Érték): Az Állítás igazságértéke Érték.
értéke(X = Y, E) :- X in 0..1, Y in 0..1, E #<=> (X #= Y).
értéke(X mondja M, E) :- X in 0..1, értéke(M, E0), E #<=> (E0 #= X).
értéke(M1 és M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E #<=> E1 #/\ E2.
értéke(M1 vagy M2, E) :- értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E #<=> E1 #\/ E2.
értéke(nem M, E) :- értéke(M, E0), E #<=> #\ E0.

| ?- Alfréd mondja Alfréd = 0 vagy Béla = 0.
 Alfréd in 0..1, Béla in 0..1 ? ; no
| ?- Alfréd mondja Alfréd = 0 vagy Béla = 0, labeling([], [Alfréd,Béla]).
 Béla = 0, Alfréd = 1 ? ; no
| ?- A mondja B = C, labeling([], [A,B,C]).
 A = 0, B = 0, C = 1 ? ; A = 0, B = 1, C = 0 ? ;
 A = 1, B = 0, C = 0 ? ; A = 1, B = 1, C = 1 ? ; no
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Lovagok, lóköriők (és normalisak): 4., CLP(FD) változat

(A bennszülöttek típusa: normális  $\rightarrow$ 2, lovag  $\rightarrow$ 1, lókörtő  $\rightarrow$ 0.)

```
:- use_module(library(clpfd)).
:- op(700, fy, nem).
:- op(900, yfx, vagy).
:- op(800, yfx, és).
:- op(950, xfy, mondja).

A mondja Áll :- értéke(A mondja Áll, 1).

% értéke(Állítás, Érték): Az Állítás igazságértéke írteék.
értéke(X = Y, E) :-
 X in 0..2, Y in 0..2, E #<=> (X #= Y).
értéke(X mondja M, E) :-
 X in 0..2, értéke(M, E0), E #<=> (X #= 2 #\ E0 #= X).
értéke(M1 és M2, E) :-
 értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E #<=> E1 #\ E2.
értéke(M1 vagy M2, E) :-
 értéke(M1, E1), értéke(M2, E2), E #<=> E1 #\ E2.
értéke(nem M, E) :-
 értéke(M, E0), E #<=> # \ E0.

% http://www.math.wayne.edu/~boehm/Probleek2w99sol.htm: We are given three
% people, A, B, C, one of whom is a knight, one a knave, and one a normal
% (but not necessarily in that order). They make the following statements.
% A: I am normal, B: A is telling the truth, C: I am not normal
% What are A, B, and C?

| ?- A mondja A = 2, B mondja A = 2, C mondja nem C =2, all_different([A,B,C]),
 Labeling([], [A,B,C]).
A = 0, B = 2, C = 1 ? ; no
```

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Mire használják a CLP rendszereket — néhány példa

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-359

- Ipari erőforrás optimalizálás
  - termék- és gépkonfiguráció
  - gyártásütemezés
  - emberi erőforrások ütemezése
  - logisztikai tervezés
- Közlekedés, szállítás
  - repülőéri allokációs feladatok (beszállókapu, poggyász-szalag stb.)
  - repülő-személyzet járatokhoz rendelése
  - menetrendkészítés
  - forgalomtervezés
- Távközlés, elektronika
  - GSM átjátszó frekvencia-kiosztása
  - lokális mobiltelefon-hálózat tervezése
  - áramkörtervezés és verifikálás

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## CLP rendszerek a nagyvilágban

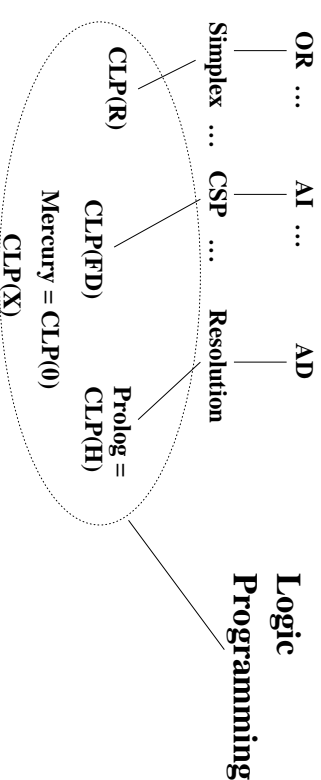
- Néhány implementáció
  - clp(R) — az első CLP(X) rendszer (Monash Univ, Australia, IBM és CMU)
  - CHIP — FD, Q és B (ECRC, Németo, Cosytec, Franciao.); CHARME (Bull); Decision Power (CL)
  - Prolog III, Prolog IV (PrologIA, Marseille), Q (nem-lineáris is), B, FD, listák, intervallumok
  - ILOG solver (ILOG, Franciao.) — C++ könyvtár: R (nem-lineáris is), FD, halmazok
  - SICStus Prolog (SICS, Svédó) — R/Q, FD, B
  - GNU Prolog (INRIA, Franciao.) — FD (C-re fordít)
  - Oz (DFKI, Németo) — kortár alapú elosztott funkcionális nyelv.
- Kommerciális rendszerek (a fentek között)
  - ILOG, CHIP, Prolog III-IV, SICStus
  - a szakma óriása: ILOG
    - szakterület: CLP + vizualizációs eszközök + szabványalapú eszközök
    - felvásárolta az egyik vezető operációkutatási céget, a CPLEX-et
    - 400 munkatárs 7 országban, 55M USD éves bevétel, NASDAQ-on jegyzett

Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A CLP mint integrációs paradigma

Kortár-logikai programozás – rövid áttekintés LP-360



Deklaratív programozás: BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)