

## A Prolog megvalósítás néhány mértéklőve

- 1973: Marseille Prolog (A. Colmerauer et al.)
  - értelmező (interpreter), Fortran nyelven
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos (structure-sharing), konstans idejű kifejezés-épfés
  - veremszervezés: egyetlen verem (csak visszalépéskor szabadul fel)
- 1977: DEC-10 Prolog (D. H. D. Warren)
  - fordítóprogram Prolog és assembly nyelven (+ értelmező Prologban)
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos (mértel arányos idejű kifejezés-épfés)
  - veremszervezés: három verem (visszalépéskor mindhárom felszabadul)
    - globális verem (global stack): globális (struktúra-beli) változók, szemégyűjtőt
    - fő verem (local stack): eljárások, választási pontok, változók, det. lefutáskor felszabadul
    - nyom verem (trail): változó-behelyettesítések tárolása (vágónál felszabadítható)
- 1983: WAM — Warren Abstract Machine (D. H. D. Warren)
  - absztrakt gép Prolog programok végrehajtására
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-másolásos (structure-copying)
  - három verem, mint DEC-10 Prologban, a globális verem tárolja a struktúrákat
  - A legtöbb mai Prolog WAM alapú (SICStus, SWI, GNU Prolog, ...)

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## WAM: Prolog kifejezések tárolása

- A WAM-ban javasolt kifejezés-ábrázolás (LBT: low bit tagging scheme)

<i>globális/lokális</i>		<i>globális verem</i>	
● Behelyettesíthető változó:	saját cím	REF	REF
● Másik változóra/kifejezésre való utalás:	másik kif. címe	REF	REF
● Névkonstans	atom tábla index	A CON	A CON
● Egész szám	egész érték	I CON	I CON
● Lista	cím	LIST	LIST
	cím:	fej-kifejezés	fej-kifejezés
	cím:	farok-kifejezés	farok-kifejezés
● Szuktúra	cím	STRU	STRU
	cím:	funktor tábla index	funktor tábla index
	cím:	argumentum-kif.	argumentum-kif.
		...	...

- A SICStus 3.x rendszer a 4 legmagasabb helyiértékű bien tárolja jelzőket (tag) — ezért a veremterületek mérete 256 Mbyte-ban korlátozott. (SICStus 4-ben már LBT séma lesz.)

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák ábrázolása

- A kétféle kifejezés-ábrázolás összehasonlítása:

	struktúra-osztásos	struktúra-másolásos
tárgény:	a változók számával arányos	a struktúra méretével arányos
struktúra-épfés	konstans idejű	a struktúra méretével arányos idejű
struktúra-szétiszedés	költségesebb	kevésbé költséges

- **Struktúra építése:** egy változónak és egy **programszövegbeli** struktúrának az egyesítése
- **FONTSOS:** egy változó értékékként megjelenő struktúra egyesítése egy behelyettesíthető változóval mindenképpen konstans költségű!
- **Példa:**

```

hosszabbf(L, [1,2,3,...,n|L]).
sokszoroz(0, L) :- !, L = [].
sokszoroz(N, L) :-
    hosszabbf(L0, L), N1 is N-1, sokszoroz(N1, L0).
                
```
- sokszoroz(*n*, *L*) költsége és tárgénye struktúra-osztásnál  $O(n)$ , struktúra-másolásnál  $O(n^2)$
- A gyakorlatban mégis a struktúra-másolásos megoldás bizonyult hatékonyabbnak.

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## WAM: néhány további részlet

- **Változók kezelése**
  - Két változó egyesítése: a fiatalabbik az öregebbikre utaló **REF** értéket kap
  - **Utalástalanítás:** az (esetleg többtagú) REF-lánc követése
    - Behelyettesíthető változó  $\equiv$  önmagára mutató utalás  $\Rightarrow$  egyszerűbb utalástalanítás
- **Visszalépés**
  - **Felüleles változó:** behelyettesíthető változó, öregebb mint a legfrissebb választási pont
  - Felüleles változó behelyettesítése esetén a változó címét beírjuk a nyom-verembe
  - Visszalépéskor a nyom alapján „visszacsináljuk” a változó-behelyettesítéseket, majd a vermetek visszahúzzuk
- SICStus programok WAM utasítás-sorozatára fordíthatók (*File.pl*  $\Rightarrow$  *File.wam*):
 

```

| ?- prolog:fsHELL_files(File, wam, []).
                
```
- A WAM bemutatása (tutorial): <http://www.vanx.org/archi/ve/wam/wam.html>

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Jobbrekurzió (farok-rekurzió, tail-recursion) optimalizálás

- Az általános rekurzió költséges, helyben és időben is.
- Jobbrekurzióról beszélünk, ha
  - a rekurzív hívás a klóztörzs utolsó helyén van, vagy az utolsó helyen szereplő diszjunkció egyik ágának utolsó helyén stb., és
  - a rekurzív hívás pillanatában nincs választási pont a predikátumban (a rekurzív hívást megelőző célok determinisztikusan futottak le, nem maradt nyitott diszjunkciós ág).
- Jobbrekurzió optimalizálás: az utolsó hívás végrehajtása **előtt** a predikátum által letfogalt hely felszabadul ill. személygyűjtésre alkalmassá válik.
- Ez az optimalizálás nemcsak rekurzív hívás esetén, hanem minden **utolsó** hívás esetén megvalósul — a pontos név: utolsó hívás optimalizálás (last call optimisation).
- A jobbrekurzió így tehát nem növeli a memória-igényt, korlátlan mélységig futhat — mint a ciklusok az imperatív nyelvekben. Példa:
 

```
ciklus(Állapot) :- lépés(Állapot, Állapot1), !, ciklus(Állapot1).
ciklus(_Állapot).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-219

## Predikátumok jobbrekurzív alakra hozása — listaösszeg

- A listaösszegzés „természetes”, nem jobbrekurzív definíciója:
 

```
% sum(+L, ?S) : Az L számlista elemeinek összege S (S = 0+Ln+Ln-1+...+L1).
sum([], 0).
sum([X|L], S) :- sum(L, S0), S is S0+X.
```
- Első jobbrekurzív változat, csak ellenőrzésre használható:
 

```
% sum(+L, +S) : Az L számlista elemeinek összege S (S-L1-L2-...-Ln = 0).
sum([], 0).
sum([X|L], S) :- /* S is S0+X helyett: */ S0 is S-X, sumL(L, S0).
```
- Második jobbrekurzív változat, csak kiíni tudja az eredményt:
 

```
% sum2(+L) : Az L számlista elemeinek összegét (0+L1+L2+...+Ln) kiírja.
sum2(L) :- sum2(L, 0).

% sum2(+L, +S0) : Az L lista S0-lal növelt összegét kiírja.
sum2([], S) :- write(S), nl.
sum2([X|L], S0) :- S1 is S0+X, sum2(L, S1).
```
- Ahhoz, hogy az összeget **eredményként** ki tudjuk adni, szükséges egy további, kimenő argumentum.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-220

## Jobbrekurzív listaösszeg — akkumulátorpár segítségével

- Harmadik változat: teljes értékű jobbrekurzív lista-összegző:
 

```
% sum3(+L, ?S) : Az L számlista elemeinek összege S.
sum3(L, S) :- sum3(L, 0, S).

% sum3(+L, +S0, ?S) : L elemeit hozzáadva S0-hoz kapjuk S-et. (≡ σ L = S-S0)
sum3([], S, S).
sum3([X|L], S0, S) :-
  S1 is S0+X, sum3(L, S1, S).
```
- A jobbrekurzív sum3 eljárást több mint **3-szor gyorsabb** mint a nem jobbrekurzív sum!
- Az **akkumulátor** az imperatív (azaz megváltoztatható értékű) változó fogalmának deklaratív megfelelője:
  - A sum3(L, S0, S) predikátumban az S0 és S argumentumok egy akkumulátorpárt alkotnak.
  - Az akkumulátorpár két része az adott változó mennyiség (a példában az összeg) különböző időpontokban vett értékeit mutatja:
    - S0 az összeg értéke a sum3/3 **meghívásokor**: az összegző változó kezdőértéke;
    - S az összeg értéke a sum3/3 **lefutása után**: összegző változó végértéke.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Az append mint akkumuláló eljárás

- Írjunk egy `eleje_marad(ElEje, L, Marad)` eljárást!
 

```
% eleje_marad(ElEje, L, Marad): Az L lista kezdetén az ElEje lista áll,
% annak L-ből való elhagyása után marad a Marad lista.
eleje_marad([], L, L).
eleje_marad([X|Xs], L0, L) :-
    L0 = [X|L1],
    eleje_marad(Xs, L1, L).
```
- Az akkumulálási lépés: `L0 = [X|L1]`, egy elem **elhagyása** a lista elejétől.
- A 2. és 3. argumentum felcserélésével az `eleje_marad` eljárás átalakul az `append` eljárássá!
- Tehát az `append` is tekinthető akkumuláló eljárásnak (a 2. és 3. argumentum a szokásos akkumulátorpárokhoz képest fel van cserélve):
 

```
% append(Xs, L, L0): L0 elejétől Xs elemeit lehagyva marad L.
% Másképpen: Xs = L0-L.
append([], L, L).
append([X|Xs], L, L0) :-
    L0 = [X|L1], append(Xs, L, L1).
```
- Az akkumulálási lépés: az `L0` változó értékül kap egy listát, melynek farka `L1`, az akkumulált mennyiség: az a változó, amelyben az összefűzés eredményét várjuk.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

 $a^n b^n$  alakú sorozatok (folyt.)

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-227

- Harmadik megoldás,  $n$  lépés
 

```
anbn(N, L) :-
    anbn(N, [], L).
% anbn(N, L0, L): Az L-L0 lista N db a-ból és azt követő N db b-ből áll.
anbn(0, L0, L) :- !, L = L0.
anbn(N, L0, [a|L]) :-
    N > 0,
    N1 is N-1,
    anbn(N1, [b|L0], L).
```
- A második klóz nem jobbrekurzív változata
 

```
anbn(N, L0, L) :-
    N > 0, N1 is N-1,
    L1 = [b|L0],
    anbn(N1, L1, L2),
    L = [a|L2].
% 3. lépés: L2 elé a => L
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egy mintafeladat:  $a^n b^n$  alakú sorozat előállítása

- Első megoldás,  $3n$  lépés
 

```
% anbn(N, L): Az L lista N db a-ból
% és azt követő N db b-ből áll.
anbn(N, L) :-
    an(N, a, AN),
    an(N, b, BN),
    append(AN, BN, L).
```
- Második megoldás,  $2n$  lépés
 

```
anbn(N, L) :-
    an(N, b, [ ], BN),
    an(N, a, BN, L).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

 $a^n b^n$  alakú sorozatok — más nyelvű megoldások

Jobbrekurzió és akkumulátorok IP-228

- SML megoldás
 

```
local
    fun ab(0, L) = L
      | ab(N, L0) = #"a"::ab(N-1, #"b"::L0)
    in fun anbn N = ab(N, [])
    end
```
- C++ megoldás
 

```
link *anbn(unsigned n) {
    link *l = 0, *b = 0;
    link **a = &l;
    for (; n > 0; --n) {
        *a = new link('a'); // előlről
        a = &(*a)->next; // hátra épít
        b = new link('b', b); // hátról előre épít
        *a = b; return l;
    }
}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Összetettebb adatszerkeztűrák akkumulálása

- Az adatszerkeztűra:
 

```
% :- type bfa --> ures ; bfa(integer, bfa, bfa) .
```
- A fa csomópontjaitán tároljuk a számértékeket, a levelek nem tárolnak információt.
- Egészék gyűjtése **rendezett** bináris fában
  - beszur(BFa0, E, BFA) : Az E egész számnak a BFa0 fába való beszurása a BFA bináris fá eredményezzi.
  - Itt BFa0 és BFA egy akkumulátortípár, de az indexelés érdekében BFA0 az első argumentum-pozícióba kerül.
- Példafutás:
 

```
| ?- beszur(ures, 3, Fa0),
    beszur(Fa0, 1, Fa1),
    beszur(Fa1, 5, Fa2) .

Fa0 = bfa(3,ures,ures) ,
Fa1 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),ures) ,
Fa2 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ?
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Akkumulálás bináris fákkal — folyt.

- Lista konverziója bináris fává
 

```
% lista_bfa(L, BF0, BF) : L elemeit beszurva BF0-ba kapjuk BF-t.
% :- pred lista_bfa(list(integer)::in, bfa::in, bfa::out) .
lista_bfa([], BF, BF) .
lista_bfa([E|L], BF0, BF) :-
    beszur(BF0, E, BF1),
    lista_bfa(L, BF1, BF) .

| ?- lista_bfa([3,1,5], ures, BF) .
BF = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ? ;
no
```
- ```
| ?- lista_bfa([3,1,5,1,2,4], ures, BF) .
BF = bfa(3,bfa(1,ures,bfa(2,ures,ures))),
    bfa(5,bfa(4,ures,ures),ures)) ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Akkumulálás bináris fákkal

- Elem beszurása bináris fába
 

```
% beszur(BF0, E, BF) : E beszurása BF0 rendezett fába
% a BF rendezett fát adja
% :- pred beszur(bfa::in, integer::in, bfa::out) .
beszur(ures, Elem, bfa(Elem, ures, ures)) .
beszur(BF0, Elem, BF) :-
    BF0 = bfa(E,B,J), % az indexelés működik!
    ( Elem == E -> BF = BF0
    ; Elem < E ->
        BF = bfa(E,B1,J),
        beszur(B, Elem, B1)
    ; BF = bfa(E,B,J1),
        beszur(J, Elem, J1)
    ) .
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Akkumulálás bináris fákkal — folyt.

- Bináris fa konverziója listává
 

```
% bfa_lista(BF, L0, L) : A BF fa levelei az L-L0 listát adják.
% :- pred bfa_lista(bfa::in, list(integer)::in,
% list(integer)::out) .
bfa_lista(ures, L, L) .
bfa_lista(bfa(E, B, J), L0, L) :-
    bfa_lista(J, L0, L1),
    bfa_lista(B, [E|L1], L) .

● Rendezés bináris fával
% L lista rendezettje R.
% :- pred rendez(list(integer)::in, list(integer)::out) .
rendez(L, R) :-
    lista_bfa(L, ures, BF), bfa_lista(BF, [], R) .

| ?- rendez([1,5,3,1,2,4], R) .
R = [1,2,3,4,5] ? ;
no
```

Deklaratív programozás. BMIE VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Hogyan írjunk át imperatív nyelvű algoritmust Prolog programmá?

- Példafeladat: Hatékony hatványozási algoritmus
- Alaplépés: a kivevő felezése, az alap négyzetre emelése.
- Lényegében a kivevő kettes számrendszerbeli alakja szerint hatványoz.
- Az algoritmust megvalósító C nyelvű függvény:

```
/* hatv(a, h) = a**h */
int hatv(int a, unsigned h)
{
    int e = 1;
    while (h > 0)
    {
        if (h & 1) e *= a;
        h >>= 1; a *= a;
    }
    return e;
}
```

- Az algoritmusban három változó van: a, h, e:
- a és h végértékére nincs szükség,
- e végső értéke szükséges (ez a függvény eredménye).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## IMPERATÍV PROGRAMOK ÁTÍRÁSA PROLOGBA

Imperatív programok átirása LP-235

### A hatv C függvénynek megfelelő Prolog eljárás

- A függvény eredménye a reláció utolsó argumentuma:  $\text{hatv}(+A, +H, ?E) : A^H = E$ .
- A ciklusnak segédeljárás felel meg:  $\text{hatv}(+A0, +H0, +E0, ?E) : A0^{H0} * E0 = E$ .
- Az »ak és« h« C változóknak az »+A« és »+H« bemenő paraméterek (nem kell a végérték), az »e« C változónak az »+E0, ?E« *akkumulátorpár* felel meg (kezdőérték, végérték).

```
hatv(A, H, E) :-
    hatv(A, H, 1, E).

hatv(A0, H0, E0, E) :- H0 > 0, !,
    (
        H0 \ \ 1 ==: 1
        % \ \ ≡ bitenkénti ``és''
        -> E1 is E0*A0
        ; E1 = E0
    ),
    H1 is H0 >> 1,
    A1 is A0*A0,
    hatv(A1, H1, E1, E).

hatv(_ , _ , E, E).
```

```
int hatv(int a, unsigned h)
{
    int e = 1;
    ism: if (h > 0)
        { if (h & 1)
            e *= a;
        }
}
```

```
h >>= 1;
a *= a;
goto ism;
else return e;
}
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Imperatív programok átirása LP-236

### A C ciklus és a Prolog eljárás kapcsolata

- A ciklust megvalósító Prolog eljárás minden pontján minden C változónak megfeleltethető egy Prolog változó (pl. h-nak H0, H1, ...):
- A ciklusmag elején a C változók a megfelelő Prolog argumentumban levő változónak felelnek meg.
- Egy C értékadásnak egy új Prolog változó bevezetése felel meg, az ez után következő kódban az új változó felel meg a C változónak.
- Ha a diszjunkció egyik ága megváltoztat egy változót, akkor a többi ágon is be kell vezetni az új Prolog változót, a régivel azonos értékkel (ld. if (h & 1) ...).
- A C ciklusmag végén a Prolog eljárást vissza kell hívni; argumentumában az egyes C változóknak pillanatnyilag megfeleltetett Prolog változóval.
- A C ciklus **ciklus-invariánsa** nem más mint a Prolog eljárás fejkommentje, a példában:
 

```
% hatv(+A0, +H0, +E0, ?E) : A0^H0 * E0 = E.
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Programhelyesség-bizonyítás

- Egy algoritmus (függvény) specifikációja:
  - **előfeltételek**: a bemenő paramétereknek teljesíteniük kell ezeket,
  - **utófeltételek**: a paraméterek és az eredmény kapcsolatát írják le.
- Egy algoritmus **helyes**, ha minden, az előfeltételeket kielégítő adatra a függvény hibátlanul lefut, és eredményére fennállnak az utófeltételek.
- Példa:  $x = \text{mfok}_k\text{gyok}(a, b, c)$ 
  - előfeltételek:  $b \cdot b - 4 \cdot a \cdot c \geq 0$ ,  $a \neq 0$
  - utófeltétel:  $a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$
  - a program:
 

```
double mfok_k_gyok(a, b, c)
double a, b, c;
{ *double d = sqrt(b*b-4*a*c);
  return (-b+d)/2/a;
}
```
- A program helyességének bizonyítása lineáris kódra viszonylag egyszerű.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Második példa: Fibonacci sorozat tagjainak hatékony számítása

- A C függvény
 

```
unsigned fib(unsigned n)
{ unsigned f = 0, fnxt = 1, t;
  while (n > 0) t = fnxt, fnxt += f, f = t, --n; /* (1) */
  return f;
}
```
- Az (1) ciklusnak bemenő változó:  $n$ ,  $f$ ,  $fnxt$ , kimenő változója:  $F$ .
- A ciklusnak megfelelően Prolog eljárás:  $\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F)$ : az  $F0$  és  $\text{FNXT}$  kezdőértéktől Fibonacci sorozat  $N$ -edik tagja  $F$ .
 

|                                                  |                                                  |
|--------------------------------------------------|--------------------------------------------------|
| % "betű szerinti" Prolog átírás:                 | % Leegyszerűsített alak:                         |
| $\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F) :- N > 0, !,$ | $\text{fib}(N, F0, \text{FNXT}, F) :- N > 0, !,$ |
| $T = \text{FNXT}, \text{FNXT1 is FNXT} + F0,$    | $\text{FNXT1 is FNXT} + F0,$                     |
| $F1 = T, N1 is N - 1,$                           | $N1 is N - 1,$                                   |
| $\text{fib}(N1, F1, \text{FNXT1}, F).$           | $\text{fib}(N1, \text{FNXT}, \text{FNXT1}, F).$  |
| $\text{fib}(\_, F0, \_, F0).$                    | $\text{fib}(\_, F0, \_, F0).$                    |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Ciklikus programok helyességének bizonyítása

- A ciklusokat „fel kell vágni” egy **ciklus-invariáns**-sal, amely:
  - az előfeltételekből és a ciklust megelőző értékadásokból következik,
  - ha a ciklus elején fennáll, akkor a ciklus végén is (indukció),
  - belőle és a leállási feltételből következik a ciklus utófeltétele.
- **int**  $\text{hatv}(\text{int } a0, \text{unsigned } h0)$  /\* **utófeltétel**:  $\text{hatv}(a0, h0) = a0^{h0}$  \*/
 

```
{ int e = 1, a = a0, h = h0;
  while (h > 0)
  { /* ciklus-invariáns:  $a0^{h0} == e \cdot a^h$  */
    /* induláskor a kezdőértékek alapján triviálisan fennáll */
    if (h & 1) e *= a; /* e' = e * a^{h&1} */
    h >>= 1; /* h' = (h - (h&1)) / 2 */
    a *= a; /* a' = a * a */
  } /* indukció:  $e' \cdot a^{h'}$  = ... = e \cdot a^h */
  return e;
} /* Az invariánsból h = 0 miatt következik az utófeltétel */
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Fibonacci sorozat — Prolog stílusban

- A Fibonacci sorozat teljes Prolog megvalósítása, és az ennek megfelelően C kód:
 

```
fib(N, F) :-
    fib(N, 0, 1, F).
    % unsigned fib(unsigned N)
    % { unsigned F0=0, F1=1, F2;
    %
    fib(N, F0, F1, F) :-
    N > 0, !,
    N1 is N-1,
    F2 is F0+F1,
    fib(N1, F1, F2, F).
    % ism:
    % if (N > 0)
    % { --N;
    %   F2 = F0+F1;
    %   F0 = F1; F1 = F2;
    %   goto ism;
    % }
    % return F0;
    % }
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Keresési feladat Prologban — felsorolás vagy gyűjtés?

- Keresési feladat: bizonyos feltételeknek megfelelő dolgok meghatározása.
- Prolog nyelven egy ilyen feladatot alapvetően kétféle módon oldható meg:
  - gyűjtés — az összes megoldás összegyűjtése, pl. egy listába.
  - felsorolás — a megoldások visszalépéses felsorolása: egyszerre egy megoldást kapunk, de visszalépés esetén sorra előáll minden megoldás.
- Egyszerű példa: egy lista páros elemeinek megkeresése:

|                                                                                                                                                                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                      |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>% Gyűjtés: % páros_elemei(L, Pk): Pk az L % lista páros elemeinek listája. páros_elemei([], []). páros_elemei([X L], Pk) :-     X mod 2 =\= 0, !,     páros_elemei(L, Pk). páros_elemei(L, Pk).</pre> | <pre>% Felsorolás: % páros_eleme(L, P): P egy páros % eleme az L listának. páros_eleme([X L], P) :-     X mod 2 == 0, P = X. páros_eleme(_X L, P) :-     % _X akár páros, akár páratlan     % folytatjuk a felsorolást:     páros_eleme(L, P).</pre> |
| <pre>% egyszerűbb megoldás: páros_eleme2(L, P) :-     member(P, L), P mod 2 == 0.</pre>                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                      |

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## MEGOLDÁSOK GYŰJTÉSE ÉS FELSOROLÁSA

### Mi a közös a felsoroló és gyűjtő megoldásokban?

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-243

- Keresünk meg a közös részt a páros\_elemei és páros\_eleme eljárásokban!
- Mindkétőben át kell lépni a páratlan elemeket, és meg kell keresni az első páros elemet a listában:
 

```
% Köv_páros(L0, P, L) :- Az L0 első páros eleme P, a maradék L.
köv_páros([X|L0], P, L) :-
    X mod 2 =\= 0, !, köv_páros(L0, P, L).
köv_páros([_|L], P, L).
```
- A köv\_páros eljárásra épülő gyűjtő és felsoroló eljárások:
 

|                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                  |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>% páros_elemei(L, Pk): Pk az L % lista páros elemeinek listája. páros_elemei(L0, Pk) :-     köv_páros(L0, P, L1), !,     Pk = [P Pk1],     páros_elemei(L1, Pk1).</pre> | <pre>% páros_eleme(L, P): P egy páros % eleme az L listának. páros_eleme(L0, P) :-     köv_páros(L0, P0, L1),     ( P = P0     ; páros_eleme(L1, P)     ).</pre> |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

### A gyűjtő és felsoroló sémák összehasonlítása

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-244

- A páros elemeket gyűjtő ill. felsoroló eljárások alapján adjunk meg egy általános sémát a kétféle eljárásúpusra!
- Az általános esetben a keresésnek lehet egy vagy több Param paramétere. Például, kereshetjük a Param-mal osztható elemeket.
- A közös építőelem: következő(V0, Param, E, V1): A V0 kifejezéssel jellemzett keresési térben az első megoldás E, és a fennmaradó keresési tér V1, a Param paraméter-érték mellett.
 

A gyűjtő séma:

```
% A V0 keresési térben a Param
% paraméterű megoldások listája L.
megoldások(V0, Param, L) :-
    következő(V0, Param, E, V1), !,
    L = [E|L1],
    megoldások(V1, Param, L1).
```

A felsoroló séma:

```
% A V0 keresési térben E egy
% Param paraméterű megoldás.
megoldás(V0, Param, E) :-
    következő(V0, Param, E0, V1),
    ( E = E0
    ; megoldás(V1, Param, E)
    ).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Egy összetettebb példa: fennsíkok felsorolása

- Egy listában fennsíkok nevezünk:
  - egy csupa azonos elemből álló, legalább kételemű, folytonos részlistát;
  - amely az ilyenek között maximális (egyik irányba sem kiterjeszthető).
- A feladat: felsorolandók egy lista fennsíkjai és kezdőpozícióiuk
- Fennsíkok (L, F, H): Az L listában az F (1-től számozott) pozíción egy H hosszú fennsíkok van.

- Egy egyorvsiprogramozási módszerrel készült (Prolog hekker) megoldás:

|                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>fennsíkok(L, F, H) :-     fennsíkok0(L, F, H) :-         Reste = [E,E _],         append(Eleje, Teste, L),         \+ last(Eleje, E),         length(Eleje, F0), F is F0+1,         kezdet_hossz(Teste, H).     % kezdet_hossz/2 definícióját     % lásd korábban</pre> | <pre>fennsíkok(L, F, H) :-     fennsíkok1(L, F, H) :-         Reste = [E,E _],         append(Eleje, Teste, L),         \+ last(Eleje, E),         length(Eleje, F0), F is F0+1,         % kezdet_hossz/2 kifejtve:         ( append(Ek, Farok, Teste),           \+ Farok = [E _] -&gt;             length(Ek, H)           ).</pre> |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Megoldások gyűjtése és felsorolása LP-247

## Fennsíkok felsorolása — 2., hatékony megoldás (folyt.)

- Az első fennsíkok előállítása:

```
% első_fennsíkok(+L0, +P0, -F, -H, -L): A P0-től számozott L0 listában az
% első fennsíkok az F. pozíción van és hossza H, a fennsíkok után fennmaradó
% rész pedig az L lista.
első_fennsíkok([E,E|L1], P0, F, H, L) :-
    !, F = P0, azonosak(L1, E, 2, H, L).
első_fennsíkok(_|L1], P0, F, H, L) :-
    P1 is P0+1,
    első_fennsíkok(L1, P1, F, H, L).

% azonosak(+L0, +E, +H0, -H, -L): Az L0 lista elejétől a maximális számú
% E-vel azonos elemet leahagyva marad L, a leahagyott elemek száma H-H0.
azonosak([X|L0], E, H0, H, L) :-
    E = X, !,
    H1 is H0+1,
    azonosak(L0, E, H1, H, L).
azonosak(L, _, H, H, L).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Fennsíkok felsorolása — 2., hatékony megoldás

- Használjuk a megoldás-felsoroló sémát: megoldás(V0, Param, E)!
  - V0: >L, P«, a bejárandó lista és első elemének pozíciója;
  - Param: üres;
  - E: >F, H«, a megoldás-fennsíkok kezdőpozíciója és hossza.
- Az L listában az F pozíción egy H hosszú fennsíkok van.
 

```
fennsíkok(L, F, H) :-
    fennsíkok(L, 1, F, H).
```

```
% A P0-től számozott L0 listában az F pozíción
% egy H hosszú fennsíkok van.
fennsíkok(L0, P0, F, H) :-
    % az első fennsíkok jellemzői F0 és H0,
    % a fennsíkok utáni maradéklista L1:
    első_fennsíkok(L0, P0, F0, H0, L1),
    ( F = F0, H = H0
    ; P1 is F0+H0, % L1 kezdőpozíciója, P1, nem más mint
      % az előző megoldás kezdőpozíciója+hossza
      fennsíkok(L1, P1, F, H)
    ).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## MEGOLDÁSGYŰJTŐ BEÉPÍTETT ELJÁRÁSOK

## Gyűjtés és felsorolás kapcsolata

- Korábban láttuk, hogyan lehet egy keresési feladat gyűjtő és felsoroló eljárásait egy közös magból elállítani.
- Most vizsgáljuk meg, hogyan lehet egy felsoroló eljárást visszavezetni a gyűjtőre, és fordítva:

• felsorolás gyűjtésből: a member/2 könyvtári eljárás segítségével, pl.  
 $\text{páros\_eleme}(L, P) :-$   
 $\text{páros\_eleme}(L, Pk), \text{member}(P, Pk).$

Természetesen ez így nem hatékony!

• gyűjtés felsorolásból: a megoldásgyűjtő beépített eljárások segítségével, pl.  
 $\text{páros\_eleme}(L, Pk) :-$   
 $\text{findall}(P, \text{páros\_eleme}(L, P), Pk).$   
 $\% \text{ A páros\_eleme}(L, P) \text{ cél}$   
 $\% \text{ összes } P \text{ megoldásának listája } Pk.$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A bagof(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

Megoldásgyűjtő beépített eljárások IP-251

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):

- a Cél kifejezést eljárásnévasként értelmezi, meghívja;
- összegyűjti a megoldásait (a Gyűjtő-t és a szabad változók behelyettesítései);
- a szabad változók összes behelyettesítését *felsorolja* és mindegyikhez a Lista-ban megadja az összes hozzá tartozó Gyűjtő értékét.

- Példák az eljárás használatára:

$\text{gráf}([a-b, a-c, b-c, c-d, b-d]).$

$|- ?- \text{gráf}(_G), \text{findall}(B, \text{member}(A-B, _G), \text{VegP}).$

$\implies \text{VegP} = [b, c, c, d, d] ? ; \text{no}$

$|- ?- \text{gráf}(_G), \text{bagof}(B, \text{member}(A-B, _G), \text{VegP}).$

$\implies A = a, \text{VegP} = [b, c] ? ;$

$A = b, \text{VegP} = [c, d] ? ;$

$A = c, \text{VegP} = [d] ? ; \text{no}$

- A bagof eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):  
 $\text{Lista} = \{ \text{Gyűjtő} \mid \text{Cél igaz} \}, \text{Lista} \neq [].$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A findall(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):

- a Cél kifejezést eljárásnévasként értelmezi, meghívja  
 (A : annotáció meta- (azaz eljárás) argumentumot jelmez);

- minden egyes megoldásához előállítja Gyűjtő-t egy *másolat*-ra, azaz a megoldásbeli változókat, ha vannak, szisztematikusan újakkal helyettesíti;

- Az összes Gyűjtő értéket egy lista össze gyűjti, és ezt egyesíti Lista-val.

- Példák az eljárás használatára:

$|- ?- \text{findall}(X, (\text{member}(X, [1, 7, 8, 3, 2, 4]), X > 3), L).$

$\implies L = [7, 8, 4] ? ; \text{no}$

$|- ?- \text{findall}(X-Y, (\text{between}(1, 3, X), \text{between}(1, X, Y)), L).$

$\implies L = [1-1, 2-1, 2-2, 3-1, 3-2, 3-3] ? ; \text{no}$

- Az eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):

$\text{Lista} = \{ \text{Gyűjtő} \text{ másolat} \mid \exists X \dots Z \text{Cél igaz} \}$

ahol  $X, \dots, Z$  a findall hívásban levő szabad változók (azaz olyan, ahívás pillanatában behelyettesíten le változók, amelyek a Cél-ban előfordulnak de a Gyűjtő-ben nem).

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A bagof megoldásgyűjtő eljárás (folyt.)

Megoldásgyűjtő beépített eljárások IP-252

- Explicit kvantorok

$\text{bagof}(\text{Gyűjtő}, V1 \wedge \dots \wedge Vn \wedge \text{Cél}, \text{Lista})$  alakú hívása a  $V1, \dots, Vn$  változókat egzisztenciálisan kövötnnek tekinti, nem sorolja fel.

- jelentése:  $\text{Lista} = \{ \text{Gyűjtő} \mid \exists V1, \dots, Vn \text{Cél igaz} \} \neq [].$

$|- ?- \text{gráf}(_G), \text{bagof}(B, A^{\wedge} \text{member}(A-B, _G), \text{VegP}).$

$\implies \text{VegP} = [b, c, c, d, d] ? ; \text{no}$

- Egy másha ágyazott gyűjtések

- szabad változók esetén a bagof nemdeterminisztikus lehet, így skatulyázható:

$\% A \ G \text{ irányított gráf fozkszámlista } FL:$

$\% FL = \{ A-N \mid N = \{ \{ V \mid A-V \in G \} \}$

$\text{fokszám}(G, FL) :-$

$\text{bagof}(A-N, \text{VK}^{\wedge} (\text{bagof}(V, \text{member}(A-V, G), \text{VK}),$

$\text{length}(\text{VK}, N)$  ), FL).

$|- ?- \text{gráf}(_G), \text{fokszám}(_G, FL).$

$\implies FL = [a-2, b-2, c-1] ? ; \text{no}$

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A bagof megoldásvyjűtő eljárás (folyt.)

- Fokszámlista hatékonyabb előállítása
  - a vezérlési szerkezeteket célszerű elkerülni a meta-argumentumokban
  - segédeljárás bevezetésével a kvantor is szűkségtelené válik:
 

```
% Az A pont foka a G irányított gráfban N, N>0.
pont_foka(A, G, N) :-
    bagof(V, member(A-V, G), Vks), length(Vks, N).
% A G irányított gráf fokszámlistája FL:
fokszámai(G, FL) :- bagof(A-N, pont_foka(A, G, N), FL).
```
- Példák a bagof/3 és findall/3 közötti kisebb különbségekre:
 

```
| ?- findall(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => L = [] ? ; no
| ?- bagof(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => no
| ?- findall(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)], L).
    => L = [f(_A,_A),g(_B,_C)] ? ; no
| ?- bagof(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)], L).
    => L = [f(X,X),g(X,Y)] ? ; no
```
- A bagof/3 logikailag tisztább mint a findall/3, de időigényesebb!

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A setof (?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- az eljárás végrehajtása:
  - ugyanaz mint bagof(Gyűjtő, Cél, L0), sort(L0, Lista),
  - it sort/2 egy univerzális rendező eljárás (lásd később), amely
  - az eredménylistát rendezzi (az ismétlődések kiszűrésével).
- Példa a setof/3 eljárás használatára:
 

```
gráf([a-b,a-c,b-c,d,b-d]).
% Gráf egy pontja P.
pontja(P, Gráf) :- member(A-B, Gráf), ( P = A ; P = B ).
% A G gráf pontjainak listája Pk.
gráf_pontjai(G, Pk) :- setof(P, pontja(P, G), Pk).
| ?- gráf(_G), gráf_pontjai(_G, Pk). => Pk = [a,b,c,d] ? ; no
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A meta-logikai, azaz a logikán túlmutató eljárások fajtái:

- A Prolog kifejezések pillanatnyi behelyettesíthetőségi állapotát vizsgáló eljárások (értelmezésűen sorrendfüggőek):
  - kifejezések osztályozása (1)
 

```
| ?- var(X) /* X változó? */ , X = 1. => X = 1
| ?- X = 1, var(X). => no
```
  - kifejezések rendezése (4)
 

```
| ?- X @< 3 /* X megelőzi 3-t? */ , X = 4. => X = 4
% a változók megelőzik a nem változó kifejezéseket
| ?- X = 4, X @< 3. => no
```
- Prolog kifejezéseket szétszedő vagy összerakó eljárások:
  - (struktúra) kifejezés  $\iff$  név és argumentumok (2)
 

```
| ?- X = f(alma,körte) , X = . . L => L = [f,alma,körte]
```
  - névkonstansok és számok  $\iff$  karaktereik (3)
 

```
| ?- atom_codes(A, [0'a,0'b,0'a]) => A = abba
```

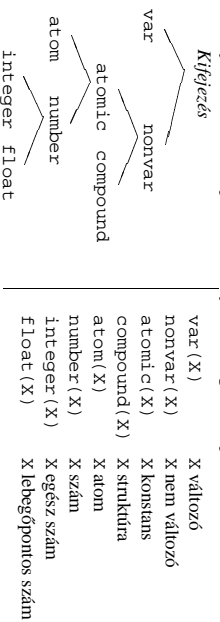
Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## META-LOGIKAI ELJÁRÁSOK

## Kifejezések osztályozása

- Kifejezés-osztályok fastruktúrája — osztályozó beépített eljárások (ismétlés)



- SICStus-specifikus osztályozó eljárások:
  - `simple(X)`: X nem összetett (konstans vagy változó);
  - `ground(X)`: X tömör, azaz nem tartalmaz behelyettesítetlen változót.
- Az osztályozó eljárások használata — példák
  - `var, nonvar` — többirányú eljárásokban a különböző irányok elágaztatása
  - `number, atom, ...` — nem-megkülönböztetett úniók feldolgozása (pl. szimbolikus deriválás)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Osztályozó eljárások: elágaztatás behelyettesíthetőség alapján

- Példa: a `length/2` beépített eljárás megvalósítása (SICStus kód)

```
% length(?L, ?N) : Az L lista N hosszú.
length(L, N) :- var(N), !, length(L, 0, N).
length(L, N) :-
    length(?L, +I0, -I):
        % Az L lista I-I0 hosszú.
        length([], I, I).
        length(|_|, I0, I) :-
            !, !s I0+1,
            length(L, I1, I).
        % dlength(?L, +I0, +I):
        % Az L lista I-I0 hosszú.
        dlength([], I, I) :- !.
        dlength(|_|, I0, I) :-
            !, !s I0+1,
            dlength(L, I1, I).
```

```
?- length([1,2], Len).      (length/3) => Len = 2 ? ; no
?- length([1,2], 3).      (dlength/3) => no
?- length(L, 3).          (dlength/3) => L = [_A,_B,_C] ?;no
?- length(L, Len).        (length/3) => L = [], Len = 0 ? ;
                           L = [_A], Len = 1 ? ; L = [_A,_B], Len = 2 ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák szétszedése és összerakása: az `univ` eljárás

- Az `univ` eljárás hívási mintái:
  - `+Kif = ..` ?Lista
  - `-Kif = ..` +Lista
- Az eljárás jelentése: igaz, ha
  - `Kif = Fun(A1, ..., An)` és `Lista = [Fun, A1, ..., An]`, ahol `Fun` egy névkonstans és `A1, ..., An` tetszőleges kifejezések; vagy
  - `Kif = C` és `Lista = [C]`, ahol `C` egy konstans.

● Példák

```
?- el(a,b,10) =.. L.      => L = [el,a,b,10]
?- kif =.. [el,a,b,10].  => kif = el(a,b,10)
?- alma =.. L.          => L = [alma]
?- kif =.. [1234].      => kif = 1234
?- kif =.. L.           => hiba
?- f(a,g(10,20)) =.. L. => L = [f,a,g(10,20)]
?- kif =.. [/,X,2+X].   => kif = X/(2+X)
?- [a,b,c] =.. L.      => L = ['.',a,'b,c']
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák szétszedése és összerakása: a `functor` eljárás

- `functor/3`: kifejezés funktorának adott funktorú kifejezésnek az előállítása
  - Hívási minták: `functor(-Kif, +Név, +Argszám)`  
`functor(+Kif, ?Név, ?Argszám)`
  - Jelentése: igaz, ha `Kif` egy `Név/Argszám` funktorú kifejezés.
  - A konstansok 0-argumentumú kifejezésnek számítanak.
  - Ha `Kif` kimenő, az adott funktorú legáltalánosabb kifejezéssel egyesíti (argumentumában csupa különböző változóval).

● Példák:

```
?- functor(el(a,b,1), F, N).      => F = el, N = 3
?- functor(E, el, 3).            => E = el(_A,_B,_C)
?- functor(alma, F, N).          => F = alma, N = 0
?- functor(kif, 122, 0).         => kif = 122
?- functor(kif, el, N).          => hiba
?- functor(kif, 122, 1).         => hiba
?- functor(kif, 122, 1).         => hiba
?- functor([1,2,3], F, N).       => F = '.', N = 2
?- functor(kif, ., 2).           => kif = [_A|_B]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Struktúrák szétszedése és összerakása: az arg eljárás

- `arg/3`: kifejezés adott sorszámú argumentuma.

- **Hívási minta:** `arg(+Sorszám, +StrKif, ?Arg)`

- **Jelentése:** A `StrKif` struktúra `Sorszám`-adik argumentuma `Arg`.

- **Végrehajtása:** `Arg`-ot az adott sorszámú argumentummal **egyesíti**

- Az `arg/3` eljárás így nem csak egy argumentum elővételére, hanem a struktúra változó-argumentumának behelyettesítésére is használható (ld. a 2. példát alább).

- **Példák:**

```
| ?- arg(3, el(a, b, 23), Arg).      => Arg = 23
| ?- K=el(_,'_',_), arg(1, K, a),
   arg(2, K, b), arg(3, K, 23).    => K = el(a,b,23)
| ?- arg(1, [1,2,3], A).          => A = 1
| ?- arg(2, [1,2,3], B).          => B = [2,3]
```

- Az *univ* visszavezethető a `functor` és `arg` eljárásokra (és viszont), például:

```
Kif =.. [F,A1,A2] <=> functor(Kif, F, 2),
                    arg(1, Kif, A1), arg(2, Kif, A2)
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az univ alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása

- A feladat: egy szimbolikus aritmetikai kifejezésben a kiértékelhető (infix) részkifejezések helyettesítése az éntétekkel.

- 1. megoldás, *univ* nélkül:

```
% Az X szimbolikus kifejezés egyszerűsítése EX.
egysz0(X, EX) :-
    atom(c(X), I, EX = X.
egysz0(U+V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU+EV, EU, EV, EKif).
egysz0(U*V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU*EV, EU, EV, EKif).
% ...
% EU és EV részekből képzett EVV egyszerűsítése EKif.
kiszamol(EUV, EU, EV, EKif) :-
    number(EU), number(EV), I, EKif is EUV.
kiszamol(EUV, _, _, EVV).
```

```
| ?- deriv((x+y)*(2+x), x, D), egysz0(D, ED).
    => D = (1+0)*(2+x)+(x+y)*(0+1), ED = 1*(2+x)+(x+y)*1 ? ; no
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Az univ alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása (folyt.)

- Kifejezés-egyszerűsítés, 2. megoldás, *univ* segítségével

```
egysz(X, EX) :-
    atom(c(X), I, EX = X.
egysz(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [Muv,U,V], % Kif = Muv/U,V
    egysz(U, EU), egysz(V, EV),
    EVV =.. [Muv,EU,EV], % EDV = Muv/EU/EV
    kiszamol(EUV, EU, EV, EKif).
```

- Kifejezés-egyszerűsítés, általánosítás tényleges *tömnör* kifejezésre:

```
egysz(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [M|ArgL], egysz_lista(ArgL, EArgL), EKif0 =.. [M|EArgL],
    % catch(:Goal, :Kiv, :Kcél): ha Cél kivétel dob, Kcél-t futtatja:
    catch(EKif is EKif0, _, EKif = EKif0).
egysz_lista([], []).
egysz_lista([K|Kk], [E|Ek]) :-
    egysz(K, E), egysz_lista(Kk, Ek).
| ?- egysz(f(1+2+a, exp(3,2), a+1+2), E). => E = f(3+a,9.0,a+1+2)
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Univ alkalmazása általános kifejezés-bejáráásra: kirratás

- A feladat: egy tényleges kifejezés kirratása úgy, hogy

- a kétargumentumú operátorok zárójellezetű infix formában,
- minden más alap-struktúra alakban jelenjék meg.

```
Ki(Kif) :-
    compound(Kif, I, Kif =.. [Func, A1|ArgL],
    ( % kétargumentumú kifejezés, funktora infix operátor
      ArgL = [A2], current_op(_, Kind, Func), infix_fajta(Kind),
    -> write('(', Ki(A1),
        write(' ', write(Func), write(' ', Ki(A2), write(')')
        ; write(Func),
        write('(', Ki(A1), arglistaki(ArgL), write(')')
        ).
    Ki(Kif) :- write(Kif).
% infix_fajta(F): F egy infix operátorfajta.
infix_fajta(xfx), infix_fajta(xfy). infix_fajta(yfx).
% Az [A1,...,An] listát "A1,...,An" alakban kirrja.
arglistaki([]).
arglistaki([A|AL]) :- write(' ', Ki(A), arglistaki(AL).
| ?- ki(f(+a, X*c*X, e)). => f(+a,(( _117 * c) * _117),e)
```

Deklaratív programozás. BME VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Univ alkalmazása általános kifejezés-bejárásra: változómentesítés

- A SICStus Prologban beépített `numbervars(?Kif, +N0, ?N)` eljárás hatása:
  - A *tetszőleges* `Kif` minden változóját `$VAR'(I)` alakú kifejezéssel helyettesíti.  
 $I = N0, \dots, N-1$  (azaz `Kif`-ben  $N-N0$  különböző változó van).
  - `A '$VAR'(0), '$VAR'(1), ...` kifejezések `write`-al való kiírásakor változónévként (`A, B...`) jelennek meg.
  - A `write_term(Kif, Opciók)` beépített eljárás kirítja a `Kif` kifejezést, az `Opciók` által meghatározott módon.
- A `numbervars/3` által létrehozott `'$VAR'/1` struktúrák „eredetiben” is megjelölhetők:
 

```
| ?- _K = [F(_X),g(_),_X], numbervars(_K, 0, N), write(_K), nl,
      write_term(_K, [quoted(true),numbervars(false)]), nl.
      ===>
      [F(A),g(B),A]
      [F('$VAR'(0)),g('$VAR'(1)),$VAR'(0)]
      N = 2
```
- A feladat: elkészítendő egy `numbervars1/3` eljárás, amely `'$VAR'` helyett `$myvar` funkciót használ.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Mem-logikai eljárások IP-267

## numbervars1 egy alkalmazása

### Két kifejezés azonosága

- A kifejezések azonosak, ha változó-behelyettesítés *nélkül* egyesíthetőek:
- azaz, ha az egyik változót tartalmaz, akkor a másik ugyanott ugyanazt a változót tartalmazza.
- azonos/2 == néven, `nem_azonos/2 \=` néven szabványos beépített eljárás és operátor.
 

```
nem_azonos(X, Y) :-
  ( numbervars1(X, 0, N), numbervars1(Y, N, _) , X = Y -> fail
  ; true
  ).
azonos(X, Y) :-
  \+ nem_azonos(X, Y).

% azonos2/2 és azonos/2 teljesen ekvivalens.
% \+ \+ X : csakkor sikeres amikor X, de változóbehe lyettesítést nem okoz
azonos2(X, Y) :-
  \+ \+ (numbervars1(foo(X,Y), 0, _) , X = Y).

| ?- azonos(X, 1).
| ?- azonos(X, Y).
| ?- azonos(X, X).
| ?- append([], L1, L2), azonos(L1, L2).
-----> L2 = L1 ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Általános kifejezés-bejárás univ-val: változómentesítés

- A változómentesítés egy saját megvalósítása:
 

```
% A Term kifejezésben levő változókat '$myvar(I)' stb.
% struktúrákkal helyettesíti be, I = N0, ... N-1.
numbervars1(Term, N0, N) :-
  var(Term), !,
  Term = '$myvar'(N0), N is N0+1.
numbervars1(Term, N0, N) :-
  Term =.. [_|Args],
  numbervars1_list(Args, N0, N).

% numbervars1_list(L, N0, N): Az L listában levő változókat
% '$myvar(I)' stb. struktúrákkal helyettesíti be, I = N0, ... N-1.
numbervars1_list([], N, N).
numbervars1_list([A|As], N0, N) :-
  numbervars1(A, N0, N1), numbervars1_list(As, N1, N).

| ?- Kif = [F(_X),g(_),_X], numbervars1(Kif, 0, N).
====>
      N = 2,
      Kif = [F('$myvar'(0)),g('$myvar'(1)),$myvar'(0)]
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Mem-logikai eljárások IP-268

## Univ alkalmazása: részkifejezések keresése

- A feladat: egy *tetszőleges* kifejezéshez soroljunk fel a benne levő számokat, és minden szám esetén adjuk meg annak a  *kiválasztóját*!
- Egy részkifejezés kiválasztója egy olyan lista, amely megadja, mely argumentumpozíciók mentén juthatunk el hozzá.
- Az  $[i_1, i_2, \dots, i_k]$  lista egy `Kif`-ből az  $i_1$ -edik argumentum  $i_2$ -edik argumentumának,  $\dots$   $i_k$ -edik argumentumát választja ki.
- Pl. `a*b+f(1,2,3)/c`-ben `b` kiválasztója `[1,2], 3` kiválasztója `[2,1,3]`.
 

```
% Kif szám(PKif, ?N, ?Kiv): Kif Kiv kiválasztójú része az N szám.
kif_szám(X, N, Kiv) :-
  number(X), !, N = X, Kiv = [].
kif_szám(X, N, [_|Kiv]) :-
  compound(X), % a változó kizárása miatt Fontos!
  functor(X, F, N1), between(1, N, I), arg(I, X, X1),
  kif_szám(X1, N, Kiv).
```
- ```
| ?- kif_szám(F(1,[b,2]), N, K).
====> K = [1], N = 1 ? ?
      K = [2,2,1], N = 2 ? ? no
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)



## Atomok szétszedése és összerakása

- `atom_codes/2`: névkonstans és karakterkód-lista közötti átalakítás
  - Hívási minták: `atom_codes(+Atom, ?Kódlista)`  
`atom_codes(-Atom, +Kódlista)`
  - Jelentése: Igaz, ha `Atom` karakterkódjainak a listája `Kódlista`.
  - Végrehatása:
    - Ha `Atom` adott (bemenő), és a  $c_1c_2\dots c_n$  karakterekből áll, akkor `Kódlista`-t egyesíti a  $[k_1, k_2, \dots, k_n]$  listával, ahol  $k_i$  a  $c_i$  karakter kódja.
    - Ha `Kódlista` egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy névkonstans-t, és azt egyesíti `Atom`-mal.

### Példák:

```
?- atom_codes(ab, Cs).           => Cs = [97, 98]
?- atom_codes(ab, [0'a|L]).     => L = [98]
?- Cs="bc", atom_codes(Atom, Cs). => Cs = [98, 99], Atom = bc
?- atom_codes(Atom, [0'a|L]).   => hiba
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Számok szétszedése és összerakása

- `number_codes/2`: szám és karakterkód-lista közötti átalakítás
  - Hívási minták: `number_codes(+Szám, ?Kódlista)`  
`number_codes(-Szám, +Kódlista)`
  - Jelentése: Igaz, ha `Szám` ízes számszerkezetbeni alakja a `Kódlista` karakterkód-listának felel meg.
  - Végrehatása:
    - Ha `Szám` adott (bemenő), és a  $c_1c_2\dots c_n$  karakterekből áll, akkor `Kódlista`-t egyesíti a  $[k_1, k_2, \dots, k_n]$  kifejezéssel, ahol  $k_i$  a  $c_i$  karakter kódja.
    - Ha `Kódlista` egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy számot (ha nem lehet, hibát jelez), és azt egyesíti `Szám`-mal.

### Példák:

```
?- number_codes(12, Cs).       => Cs = [49, 50]
?- number_codes(0123, [0'a|L]). => L = [50, 51]
?- number_codes(N, " - 12.0e1"). => N = -120.0
?- number_codes(N, "12e1").     => hiba (nhns .0)
?- number_codes(120.0, "12e1"). => no (a szám adott! :-)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Atomok szétszedése és összerakása — alkalmazási példák

- Keresés névkonstansokban

```
% Atom-ban a Rész nem üres részatom kétszer ismétlődik.
dadogó_rész(Atom, Rész) :-
    atom_codes(Atom, Cs), dadogó(Cs, Ds), atom_codes(Rész, Ds).

% L-ben a D nem üres részlista kétszer ismétlődik (lásd korábban).
dadogó(L, D) :- D = [_|_],
    append(_, Farok, L), append(D, Vég, Farok), append(D, _, Vég).
```

- Atomok összeffűzése

```
% atom_concat(+A, +B, ?C): A és B névkonstansok összeffűzése C.
% (Szabványos beépített eljárás atom_concat(?A, ?B, +C) módban is.)
atom_concat(A, B, C) :-
    atom_codes(A, Ak), atom_codes(B, Bk),
    append(Ak, Bk, Ck),
    atom_codes(C, Ck).

?- atom_concat(abra, kadabra, A). => A = abrakadabra ?
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések rendezése: szabványos sorrend

- A Prolog szabvány definiálja két teiszőleges Prolog kifejezés szabványos sorrendjét.
- Jelölés:  $X \prec Y$  — az  $X$  kifejezés megelőzi az  $Y$  kifejezést a szabványos sorrendben.
- A szabványos sorrend definíciója:
  1. Ha  $X$  és  $Y$  azonos, akkor sem  $X \prec Y$  sem  $Y \prec X$  nem igaz és fordítva.
  2. Ha  $X$  és  $Y$  különböző kifejezéseként tartozik, akkor az osztály dönt:
    - változó  $\prec$  lebegőpontos szám  $\prec$  egész szám  $\prec$  név  $\prec$  struktúra.
  3. Ha  $X$  és  $Y$  változó, akkor az eredmény rendszertől függő.
  4. Ha  $X$  és  $Y$  lebegőpontos vagy egész szám, akkor  $X \prec Y \Leftrightarrow X < Y$ .
  5. Ha  $X$  és  $Y$  név, akkor sorrendjük megegyezik a lexikografikus (abc) sorrenddel.
  6. Ha  $X$  és  $Y$  struktúrák:
    - 6.1. Ha  $X$  és  $Y$  aritása ( $\equiv$  argumentumszáma) különböző,  $X \prec Y \Leftrightarrow X$  aritása kisebb mint  $Y$  aritása.
    - 6.2. Egyébként, ha a rekordok neve különböző,  $X \prec Y \Leftrightarrow X$  neve  $\prec Y$  neve.
    - 6.3. Egyébként (azonos név, azonos aritás) balról az első nem azonos argumentum dönt.
- (A SICStus Prologban kiterjesztésként megengedett végtelen ciklikus) kifejezésekre a fenti rendezés nem érvényes.)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## Kifejezések összehasonlítása — beépített eljárások

- Két tetszőleges kifejezés összehasonlítását végző eljárások:

hívás	igaz, ha
$Kif1 == Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2 \wedge Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 \setminus == Kif2$	$Kif1 \prec Kif2 \vee Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @< Kif2$	$Kif1 \prec Kif2$
$Kif1 @=< Kif2$	$Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 @> Kif2$	$Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @>= Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2$

- Az összehasonlító eljárások logikailag nem tiszták:

```
| ?- X @< 3, X = 4. => X = 4
| ?- X = 4, X @< 3. => no
```

- Az összehasonlítás mindig a belső ábrázolás szerint történik:

```
| ?- [1, 2, 3, 4] @< struktúra(1, 2, 3). => sikerül (6.1 szabály)
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Meta-logikai eljárások LP-275

## A < reláció megalósítása (folyt.)

```
% SI megelőzi S2-t (SI és S2 struktúra-kifejezés vagy névkonstans).
struct_prec(S1, S2) :-
    functor(S1, F1, N1), functor(S2, F2, N2),
    ( N1 < N2 -> true
    ; N1 = N2,
      ( F1 = F2 -> args_prec(1, N1, S1, S2)
      ; atom_prec(F1, F2)
      )
    ).
```

```
% Az SI struktúra-kifejezés N0, ..., N sorozámú argumentumai
% lexikografikusan megelőzik S2 azonos sorozámú argumentumait.
```

```
args_prec(N0, N, S1, S2) :-
    N0 =< N,
    arg(N0, S1, A1), arg(N0, S2, A2),
    ( A1 = A2 -> N1 is N0+1, args_prec(N1, N, S1, S2)
    ; prec(A1, A2)
    ).
```

```
% Az A1 névkonstans megelőzi az A2 névkonstans.
```

```
atom_prec(A1, A2) :-
    atom_codes(A1, C1), atom_codes(A2, C2), struct_prec(C1, C2).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A meta-logikai eljárások egy komplex alkalmazása: < megalósítása

```
% T1 megelőzi T2-t a szabványos sorrendben. (Ekvivalens T1 @< T2 -vel, kivéve
% a változókat, ezek rendezése a T1-T2-beli előfordulásuk szerint történik.)
precedes(T1, T2) :-
    \+ \+ (numbervars(T1-T2, 0, _), prec(T1, T2)).
```

```
% class/+T, -C): A T kifejezés a C-edik kifejezéssorozatlyda tartozik.
class(T, C) :-
    ( T='$_VAR'(_) -> C=0 % változó
    ; float(T) -> C=1 % lebegőpontos szám
    ; integer(T) -> C=2 % egész szám
    ; atom(T) -> C=3 % névkonstans
    ; compound(T) -> C=4 % összetett kifejezés
    ).
```

```
% T1 megelőzi T2-t, a változók már '$VAR'(n) struktúrákra vannak lecsereelve.
prec(T1, T2) :-
    class(T1, C1), class(T2, C2),
    ( C1 == C2 ->
      ( C1 == 1 -> T1 < T2 % 4. szabály (lebegőpontos szám)
      ; C1 == 2 -> T1 < T2 % 4. szabály (egész szám)
      ; struct_prec(T1, T2) % 3., 5. és 6. szabály
      )
      % (változó, név, struktúra)
      % 2. szabály
    ).
```

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## EGYENLŐSÉGFAJTÁK — ÖSSZEFOGLALÁS

## A Prolog egyenlőség-szerű beépített eljárásai

- $U = V$ :  $U$  egyesítendő  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.  
| ?- X = 1+2.  $\Rightarrow$  X = 1+2  
| ?- 3 = 1+2.  $\Rightarrow$  no
- $U == V$ :  $U$  azonos  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát és soha sem helyettesít be.  
| ?- X == 1+2.  $\Rightarrow$  no  
| ?- 3 == 1+2.  $\Rightarrow$  no  
| ?- +(1,2)==1+2  $\Rightarrow$  yes
- $U := V$ : Az  $U$  és  $V$  aritmetikai kifejezések értéke megegyezik.  
Hibát jelez, ha  $U$  vagy  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.  
| ?- X := 1+2.  $\Rightarrow$  **hiba**  
| ?- 1+2 := X.  $\Rightarrow$  **hiba**  
| ?- 2+1 := 1+2.  $\Rightarrow$  yes  
| ?- 2.0 := 1+1.  $\Rightarrow$  yes
- $U$  is  $V$ :  $U$  egyesítendő a  $V$  aritmetikai kifejezés értékével.  
Hiba, ha  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.  
| ?- 2.0 is 1+1.  $\Rightarrow$  no  
| ?- X is 1+2.  $\Rightarrow$  X = 3  
| ?- 1+2 is X.  $\Rightarrow$  **hiba**  
| ?- 3 is 1+2.  $\Rightarrow$  yes  
| ?- 1+2 is 1+2.  $\Rightarrow$  no
- $(U = . . V$ :  $U$  „szélszedetije” a  $V$  lista)  
| ?- 1+2 = . . X.  $\Rightarrow$  X = [+1, 2]  
| ?- X = . . [f, 1].  $\Rightarrow$  X = f(1)

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

Egyenlőségjelűk — összehasonlítás LP-279

## A Prolog (nem-)egyenlőség jellegű beépített eljárásai — példák

	<i>Egyesítés</i>	<i>Azonosság</i>	<i>Aritmetika</i>			
$U$	$V$	$U = V$	$U \backslash = V$	$U := V$	$U \backslash = V$	$U$ is $V$
1	2	no	yes	no	yes	no
a	b	no	yes	no	error	error
1+2	+(1, 2)	yes	no	yes	no	no
1+2	2+1	no	yes	no	yes	no
1+2	3	no	yes	no	yes	no
3	1+2	no	yes	no	yes	yes
X	1+2	X=1+2	no	yes	error	error
X	Y	X=Y	no	yes	error	error
X	X	yes	no	yes	error	error

Jelmagyarázat: yes — siker; no — meghiúsulás, error — hiba.

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## A Prolog nem-egyenlőség jellegű beépített eljárásai

- A nem-egyenlőség jellegű eljárások soha sem helyettesítenek be változót!  
  - $U \backslash = V$ :  $U$  nem egyesíthető  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.  
| ?- X \ = 1+2.  $\Rightarrow$  no  
| ?- +(1,2) \ = 1+2.  $\Rightarrow$  no
  - $U \backslash == V$ :  $U$  nem azonos  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.  
| ?- X \ == 1+2.  $\Rightarrow$  yes  
| ?- 3 \ == 1+2.  $\Rightarrow$  yes  
| ?- +(1,2) \ == 1+2  $\Rightarrow$  no
  - $U \backslash = V$ : Az  $U$  és  $V$  aritmetikai kifejezések értéke különbözik.  
Hibát jelez, ha  $U$  vagy  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.  
| ?- X \ = 1+2.  $\Rightarrow$  **hiba**  
| ?- 1+2 \ = X.  $\Rightarrow$  **hiba**  
| ?- 2+1 \ = 1+2.  $\Rightarrow$  no  
| ?- 2.0 \ = 1+1.  $\Rightarrow$  no

Deklaratív programozás. BMÉ VIK, 2003. tavaszi félév

(Logikai Programozás)

## MODULARITÁS