

# AZ SML MODULNYELVE



## Modulok az SML-ben

---

- A modul: (1) *fordítási egység*, (2) a *csoportosítás és az elrejtés*, azaz az *absztrakció* eszköze.
- Szignatúra (*signature*): specifikációs modul; a struktúra *specifikációja*, „*típusa*”.
- Struktúra (*structure*): implementációs modul; a szignatúra *megvalósítása*.
- Funktor (*functor*): *struktúrával* paraméterezhető ( generikus) modul; eredménye egy *struktúra*.
- Egy struktúra akkor és csak akkor valósít meg egy szignatúrát, ha a struktúra kielégíti a szignatúra által támasztott összes követelményt (később pontosítjuk).
- Modul-elnevezések az MOSML-ben (ld. *Moscow ML Language Overview*):
  - modul (*module*): a struktúra és a funktor *közös* megnevezése;
  - (fordítási, ill. lefordított) *egység* (*compilation*, ill. *compiled unit*): egy struktúra vagy szignatúra lefordítható, ill. lefordított (tárgykódú) változata.
- Állománynév-kiterjesztések az MOSML-ben
  - `.sml` (SML, opcionális): struktúra vagy funktor,
  - `.sig` (SML, kötelező): szignatúra,
  - `.ui` (MOSML, kötelező): szignatúra lefordított változata (unit interface code),
  - `.uo` (MOSML, kötelező): struktúra lefordított változata (unit object code).

# SZIGNATÚRA ÉS STRUKTÚRA



## Szignatúra és struktúra

---

### A szignatúra alapváltozata

`sig specs` end alakú *szignatúrakifejezés*,

ahol a *specs* specifikációsorozat az alábbi elemeket tartalmazhatja:

- típusspecifikáció `type (tyvar1, ..., tyvarn) tycon [ = typ ]` alakban, ahol *typ* opcionális;
- adattípus-specifikáció (a `datatype`-deklarációval azonos alakban);
- kivételspecifikáció `exception excon of typ` alakban;
- értékspecifikáció `val id : typ` alakban.

### A struktúra alapváltozata

`struct decs` end alakú *struktúrakifejezés*,

ahol a *decs* deklarációsorozat az alábbi elemeket tartalmazhatja:

- típuskonstruktort létrehozó típusdeklaráció;
- új (felhasználói) adattípust létrehozó adattípus-deklaráció (`datatype`-deklaráció);
- kivételkonstruktort (állandót vagy függvényt) létrehozó kivételdeklaráció;
- megadott típusú új nevet (névkonstruktort) létrehozó értékdeklaráció.

## Szigatúra és struktúra (folyt.)

---

### A szigatúra-deklaráció

- `signature sigid = sigexp` alakú, ahol
  - `sigid` egy szigatúranév,
  - `sigexp` pedig egy szigatúrakifejezés.
- A szigatúranév a szigatúrakifejezés rövidítése, szinonimája.

### A struktúra-deklaráció egyszerű változata

- `structure strid = strexp` alakú, ahol
  - `strid` egy struktúranév,
  - `strexp` pedig egy struktúrakifejezés.
- A struktúranév a struktúrakifejezés rövidítése, szinonimája.

### A struktúra-deklaráció bonyolultabb változata

- a struktúra *szigatúrához kötése*, amely kétféle lehet:
  - áttetsző (opál, opaque): `structure strid :> sigid = strexp`
  - átlátszó (transzparens, transparent): `structure strid : sigid = strexp`

## Példa: a KCsiga és a Csiga szignatúra

---

- A KCsiga struktúra (a keretprogram) szignatúrája

```
signature KCsiga =  
sig  
  val csigaBe : string -> TCsiga.feladvanyleiro  
  val csigaKi : string * TCsiga.csigatabla list -> unit  
  val megold  : string * string -> string  
end
```

- A Csiga struktúra (a főmodul) szignatúrája

```
signature Csiga =  
sig  
  val buvosCsiga :  
      TCsiga.feladvanyleiro -> TCsiga.csigatabla list  
end
```

Mindkét szignatúra csupán `val id : typ` alakú *értékspecifikációkat* tartalmaz.

## Példa: a TCsiga struktúra és törzsszigatúrája

- A TCsiga struktúra (a típusleíró modul) és *törzsszigatúrája*

```

structure TCsiga =
struct
  type meret          = int
  type ciklus         = int
  type sorszam       = int
  type oszlopszam    = int
  type ertek         = int
  type adottElem     =
    sorszam * oszlopszam * ertek

  type feladvanyleiro =
    meret * ciklus * adottElem list

  type ertekVagyUres = int
  type sor           =
    ertekVagyUres list

  type csigatabla    =
    sor list
end

```

```

(* TCsiga.sml
   törzsszigatúrája *)
type meret          = int
type ciklus         = int
type sorszam       = int
type oszlopszam    = int
type ertek         = int
type adottElem     =
  int * int * int

type feladvanyleiro =
  int * int * (int * int * int) list

type ertekVagyUres = int
type sor           =
  int list

type csigatabla    =
  int list list

```

## Példa: a TCsiga struktúra és törzsszigatúrája (folyt.)

---

- *Törzsszigatúra* (principal signature): egy struktúra összetevőinek *legáltalánosabb* leírása.
- TCsiga csupa típusspecifikációt tartalmaz  
`type (tyvar1, ..., tyvarn) tycon [ = typ ],`  
pontosabban  
`type tycon = typ`  
alakban.
- Egy struktúra szigatúra-megkötés nélkül nem rejti el a részleteket, azaz *gyenge absztrakciót* valósít meg.



## Példa: változatok a TCsiga struktúrára és szignatúrára

### • Struktúra *átlátszó* szignatúrával

```
structure TCsiga : TCsiga =
struct
  type meret          = int
  ...
  type adottElem      =
    sorszam * oszlopszam * ertek
  type feladvanyleiro =
    meret * ciklus * adottElem list
  type ertekVagyUres  = int
  type sor            =
    ertekVagyUres list
  type csigatabla     = sor list
end
```

### • Struktúra *áttetsző* szignatúrával

```
structure TCsiga :> TCsiga =
struct
  type meret          = int
  ...
  type adottElem      =
    sorszam * oszlopszam * ertek
  type feladvanyleiro =
    meret * ciklus * adottElem list
  type ertekVagyUres  = int
  type sor            =
    ertekVagyUres list
  type csigatabla     = sor list
end
```

### • Szignatúra (a részleteket *elrejtő*) absztrakt adattípus megvalósításához

```
signature TCsiga =
sig
  type feladvanyleiro
  type csigatabla
end
```

## Példa: sort megvalósító szignatúra és struktúra

---

```
signature QUEUE =
```

```
sig
```

```
  type 'a queue
```

```
  exception Empty
```

```
  val empty : 'a queue
```

```
  val insert : 'a * 'a queue -> 'a queue
```

```
  val remove : 'a queue -> 'a * 'a queue
```

```
end
```

típusspecifikáció

kivételspecifikáció

értékspecifikációk

*Minden típus és érték polimorf!*

```
structure Queue_as_lists =
```

```
struct
```

```
  type 'a queue = 'a list * 'a list
```

```
  exception Empty
```

```
  val empty = (nil, nil)
```

```
  fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
```

```
  fun remove (nil, nil) = raise Empty
```

```
    | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
```

```
    | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
```

```
end
```

típuskonstruktor deklaráció

kivételkonstruktor deklaráció

névkonstruktorok deklaráció

## Példa: sort megvalósító szigatúra és struktúra (folyt.)

---

### • Struktúra áttetsző szigatúrával

```
structure Queue_as_lists :> QUEUE =
struct type 'a queue = 'a list * 'a list
  exception Empty
  val empty = (nil, nil)
  fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
  fun remove (nil, nil) = raise Empty
    | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
    | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
end
```

### • Struktúra átlátszó szigatúrával

```
structure Queue_as_lists : QUEUE =
struct type 'a queue = 'a list * 'a list
  exception Empty
  val empty = (nil, nil)
  fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
  fun remove (nil, nil) = raise Empty
    | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
    | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
end
```

## Példa: sort megvalósító szignatúra és struktúra (folyt.)

- Struktúra *bővített* áttetsző szignatúrával

```
structure Queue_as_lists :>
    QUEUE where type 'a queue = 'a list * 'a list =
struct type 'a queue = 'a list * 'a list
    exception Empty
    val empty = (nil, nil)
    fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
    fun remove (nil, nil) = raise Empty
      | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
      | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
end
```

- Áttetsző szignatúra-kötésnél a típusok megvalósítása rejtve marad, vagyis a *látható szignatúra független* a struktúra megvalósításától (pl. `type 'a queue = 'a queue`).
- Átlátszó szignatúra-kötésnél a típusok megvalósítása láthatóvá válik, vagyis a *látható szignatúra függ* a struktúra megvalósításától (pl. `type 'a queue = 'a list * 'a list`).
- A megvalósítástól független modulrendszer kialakításához áttetsző szignatúra-kötést kell alkalmazni. Ezt garantálja az `mosmlc` fordító *structure*-módban.

## Példa: sort megvalósító szignatúra és struktúra (folyt.)

---

- Szignatúra-öröklődés specializációval

```
signature QUEUE_AS_LISTS =
  QUEUE where type 'a queue = 'a list * 'a list
```

- Szignatúra-öröklődés inklúzióval és specializációval (ekvivalens az előző változattal)

```
signature QUEUE_AS_LISTS =
sig
  include QUEUE
end where type 'a queue = 'a list * 'a list
```

- Struktúra áttetsző szignatúrával

```
structure Queue_as_lists :> QUEUE_AS_LISTS =
struct
  type 'a queue = 'a list * 'a list
  exception Empty
  val empty = (nil, nil)
  fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
  fun remove (nil, nil) = raise Empty
    | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
    | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
end
```

## Példa: sort megvalósító szigatúra és struktúra (folyt.)

---

- Szigatúra-öröklődés inklúzióval és az eredeti szigatúra bővítésével

```
signature QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
sig
  include QUEUE
  val is_empty : 'a queue -> bool
end where type 'a queue = 'a list * 'a list
```

- Struktúra-öröklődés (hibás: Q "zárva" van, komponensei a struct ...end kifejezésben nem láthatók)

```
structure Queue_as_listsWithEmpty :> QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
struct
  structure Q = Queue_as_lists :
    QUEUE where type 'a queue = 'a list * 'a list
end
```

- Struktúra-öröklődés (hibás: is\_empty nincs definiálva Queue\_as\_lists-ben)

```
structure Queue_as_listsWithEmpty :> QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
struct
  structure Q : QUEUE where type 'a queue = 'a list * 'a list =
    Queue_as_lists
  open Q
end
```

## Példa: sort megvalósító szignatúra és struktúra (folyt.)

---

- **Struktúra-öröklődés**

```
structure Queue_as_listsWithEmpty :> QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
struct
  structure Q = Queue_as_lists
  open Q
  fun is_empty (nil, nil) = true | is_empty _ = false
end
```

- **Struktúra-öröklődés, ekvivalens az előzővel**

```
structure Queue_as_listsWithEmpty :> QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
struct
  structure Q : QUEUE_AS_LISTS = Queue_as_lists
  open Q
  fun is_empty (nil, nil) = true | is_empty _ = false
end
```

- **Struktúra-öröklődés, ekvivalens az előzővel**

```
structure Queue_as_listsWithEmpty :> QUEUE_AS_LISTS_WITH_EMPTY =
struct
  structure Q = Queue_as_lists : QUEUE_AS_LISTS
  open Q
  fun is_empty (nil, nil) = true | is_empty _ = false
end
```

# SZIGNATÚRA-ILLESZKEDÉS





## Szignatúra-illeszkedés

---

- Mikor tekinthető egy struktúra egy szignatúra megvalósításának?

Akkor, ha a struktúra *az összes olyan komponenst definiálja és az összes olyan típusdefiniíciót kielégíti*, amelyeket a szignatúra elvár. Másszóval definiálja a szignatúrában megadottal

- ekvivalens típusú *kivételkomponenseket*,
  - kompatibilis (azaz legalább annyira általános) típusú *értékkomponenseket*,
  - azonos aritású (paraméterszámú) és – ha definiálja – ekvivalens definíciójú *típuskomponenseket*.
- Csakhogy egy struktúra a szignatúrájához képest, többek között
    - *több komponenst* definiálhat;
    - *általánosabb típusú értékeket* definiálhat (ami az újrafelhasználást segíti elő);
    - *datatype*-deklarációt használhat *type*-deklaráció helyett, *adatkonstruktort* definiálhat érték helyett (ami az adatabsztrakciót teszi lehetővé);
    - a *deklarációk sorrendje* tetszőleges lehet (ami növeli a flexibilitást).
  - A feltett kérdésre ezért pontosabb a következő válasz:

Egy struktúra akkor és csak akkor tekinthető egy szignatúra megvalósításának, ha a struktúra ún. *törzsszignatúrája* illeszkedik az adott szignatúrára.

## Törzstípus, törzsszigatúra

- Egy érték *törzstípusa* (principal type, principal type scheme) az adott értéket jellemző *legáltalánosabb* (most general) típuskifejezés.
- Minden jóldefiniált értéknek van törzstípusa. Pl. ha  $\text{fun } I \ x = x$ , akkor  $I : 'a \rightarrow 'a$ .
- Egy struktúra *törzsszigatúrája* (principal signature) a komponenseihez rendelhető *legáltalánosabb* (most general) leírás.
- Minden jóldefiniált struktúrának van törzsszigatúrája.
- A típusellenőrzéshez elegendő a törzsszigatúra ismerete, a struktúrát magát nem kell vizsgálni.
- Egy struktúra törzsszigatúrája a következőképpen állítható elő: ha a deklaráció
  - $\text{type } (tyvar_1, \dots, tyvar_n) \ tycon = typ$  alakú, akkor a törzsszigatúra az ezzel azonos specifikációt tartalmazza;
  - $\text{datatype } (tyvar_1, \dots, tyvar_n) \ tycon = con_1 \text{ of } typ_1 \mid \dots \mid con_k \text{ of } typ_k$  alakú, akkor a törzsszigatúra az ezzel azonos specifikációt tartalmazza;
  - $\text{exception } id \text{ of } typ$  alakú, akkor a törzsszigatúra az ezzel azonos specifikációt tartalmazza;
  - $\text{val } id = exp$  alakú, akkor a törzsszigatúra a  $\text{val } id : typ$  specifikációt tartalmazza, ahol  $typ$  az  $exp$  kifejezés törzstípusa.

## Szigatúra-illeszkedés (folyt.)

---

- Egy *szigatúra-jelölt* (candidate signature) akkor és csak akkor illeszkedik egy *célszigatúrára* (target signature), ha az összes olyan komponens és típusdefiníciót tartalmazza, amelyet a *célszigatúra* specifikál.
- Pontosabban, a szigatúra-jelöltnek tartalmaznia kell a célszigatúra
  - összes típuskonstruktorát, mégpedig azonos aritással (paraméterszámmal) és – ha definiálja – ekvivalens definícióval;
  - összes `datatype`-deklarációját, mégpedig úgy, hogy az adatkonstruktoroknak ekvivalens típusúaknak kell lenniük;
  - összes `exception` deklarációját, mégpedig úgy, hogy az argumentumaiknak, ha vannak, ekvivalens típusúaknak kell lenniük;
  - minden értékdeklarációját, mégpedig úgy, hogy a típusuknak legalább annyira általánosnak kell lenniük, mint a célszigatúrában.
- A szigatúra-jelöltnek a célszigatúránál lehet több komponense, és több típusdefiníciót tartalmazhat, de nem lehet benne kevesebb egyikből sem.
- A szigatúra-jelölt a célszigatúra *gyengített* változata, mivel a célszigatúra összes tulajdonsága igaz a szigatúra-jelöltre is.

## Szigatúra-illeszkedés: QUEUE, QUEUE\_WITH\_EMPTY, QUEUE\_AS\_LISTS

---

```

signature QUEUE =
sig type 'a queue
    exception Empty
    val empty : 'a queue
    val insert : 'a * 'a queue -> 'a queue
    val remove : 'a queue -> 'a * 'a queue
end

```

```

signature QUEUE_WITH_EMPTY =
sig include QUEUE
    val is_empty : 'a queue -> bool
end

```

```

signature QUEUE_AS_LISTS =
    QUEUE where type 'a queue = 'a list * 'a list

```

- QUEUE\_WITH\_EMPTY illeszkedik QUEUE-ra, mert kielégíti QUEUE összes elvárását. QUEUE azonban a hiányzó is\_empty miatt nem illeszkedik QUEUE\_WITH\_EMPTY-re.
- QUEUE\_AS\_LISTS illeszkedik QUEUE-ra, csak abban különbözik tőle, hogy 'a queue-t specifikálja. QUEUE azonban nem illeszkedik QUEUE\_AS\_LISTS-re, mert a QUEUE-beli 'a queue nem ekvivalens 'a list \* 'a list-tel.

## Szigatúra-illeszkedés: QUEUE, QUEUE\_AS\_LIST

---

```

signature QUEUE =
sig type 'a queue
    exception Empty
    val empty : 'a queue
    val insert : 'a * 'a queue -> 'a queue
    val remove : 'a queue -> 'a * 'a queue
end

```

```

signature QUEUE_AS_LIST =
sig type 'a queue = 'a list
    exception Empty
    val empty : 'a list
    val insert : 'a * 'a list -> 'a list
    val remove : 'a list -> 'a * 'a list
end

```

- Úgy vélhetjük, hogy QUEUE\_AS\_LIST nem illeszkedik QUEUE-ra, annyira különbözik tőle.
- Csakhogy a fentivel ekvivalens az alábbi definíció:

```

signature QUEUE_AS_LIST =
    QUEUE where type 'a queue = 'a list

```

és az utóbbi nyilvánvalóan illeszkedik QUEUE-ra.

## Szigatúra-illeszkedés: MERGEABLE\_QUEUE, MERGEABLE\_INT\_QUEUE

---

- Említettük, hogy a szigatúra-jelöltben az értékek típusa általánosabb lehet, mint a célszigatúrában.
- A szigatúra-illeszkedés együtt járhat azzal, hogy a polimorf típusokat konkrét típusokra cseréljük.

```
signature MERGEABLE_QUEUE =  
sig  
  include QUEUE  
  val merge : 'a queue * 'a queue -> 'a queue  
end  
  
signature MERGEABLE_INT_QUEUE =  
sig  
  include QUEUE  
  val merge : int queue * int queue -> int queue  
end
```

- A MERGEABLE\_QUEUE szigatúra-jelölt illeszkedik a MERGEABLE\_INT\_QUEUE célszigatúrára, mert az előbbiben specifikált polimorf merge függvény típusát leíró típuskifejezés típusváltozója leköthető az int típusal. Fordítva nem igaz.

## Szigatúra-illeszkedés: RBT\_DT, RBT

---

```

signature RBT_DT =
sig datatype 'a rbt = Empty
      | Red of 'a rbt * 'a * 'a rbt
      | Black of 'a rbt * 'a * 'a rbt
end

signature RBT =
sig type 'a rbt
  val Empty : 'a rbt
  val Red : 'a rbt * 'a * 'a rbt -> 'a rbt
end

```

- Az RBT\_DT (red-black-tree datatype) szigatúra-jelölt illeszkedik az RBT célszigatúrára, mert az RBT\_DT-ben a datatype deklarációval specifikált típus és adatkonstruktorai illeszkednek az RBT-ben specifikált 'a rbt absztrakt típusra és a két értékspecifikációra (Empty és Red). Fordítva nem igaz.

- RBT\_DT ugyanis a következő típust, ill. adatkonstruktorokat specifikálja:

```

type 'a rbt
con 'a Empty : 'a rbt
con 'a Red : 'a rbt * 'a * 'a rbt -> 'a rbt
con 'a Black : 'a rbt * 'a * 'a rbt -> 'a rbt

```

## Szigatúra-illeszkedés (folyt.)

---

- Összefoglalásként most már még pontosabban válaszolhatunk a kérdésre:  
Mikor tekinthető egy *struktúra-jelölt* egy *célszigatúra* megvalósításának?
- Akkor és csak akkor, ha a struktúra-jelölt *törzsszigatúrája* illeszkedik a célszigatúrára.
- Nyilvánvaló, hogy minden struktúra kielégíti a törzsszigatúráját (ui. az illeszkedési reláció reflexív).
- Bármely szigatúra, amelyet egy struktúra képes megvalósítani, nem lehet *gyengébb* az adott struktúra törzsszigatúrájánál.
- Vagyis a törzsszigatúra a *leggyengébb* szigatúra, amelyet egy struktúra megvalósíthat.



# SZIGNATÚRA-KÖTÉS



## Szignatúra-kötés

---

- *Szignatúra-kötéssel* (signature ascription) írjuk elő, hogy egy struktúra valósítson meg egy szignatúrát.
- A szignatúra-kötés *erősíti* a struktúra szignatúráját az összes további felhasználás számára.
- Kétféle szignatúra-kötés van az SML-ben:
  - átlátszó vagy *leíró* (transparent, *descriptive*): a struktúra *látható szignatúrája* az adott struktúrában definiált típusokkal *bővített* célszignatúra lesz,
  - áttetsző vagy *korlátozó* (opaque, *restrictive*): a struktúra *látható szignatúrája* a célszignatúra lesz, bővítés nélkül.
- A szignatúra-kötés mindkét változata *elrejt azokat a komponenseket*, amelyeket a célszignatúra nem specifikál.
- A moduláris programozás biztonsága megköveteli a típusinformációk gondos kezelését. A láthatóvá tételnek és az elrejtésnek egyformán fontos a szerepe.
- Az áttetsző szignatúra-kötéssel *a típusinformáció láthatóságát korlátozzuk*.
- Az átlátszó szignatúra-kötéssel *a típusinformációt láthatóvá tesszük*.

## Struktúra-deklaráció szignatúra-kötéssel

---

- Már láttuk a kétféle szignatúra-kötés használatát struktúra-deklarációkban:
  - átlátszó: `structure strid : sigexp = strexp`
  - áttetsző: `structure strid :> sigexp = strexp`
- A típusellenőrzés során szignatúrához kötött struktúra-deklaráció esetén meg kell vizsgálni, hogy *strexp* megvalósítja-e *sigexp*-et? Ennek eldöntéséhez a fordító
  - meghatározza *strexp sigexp<sub>0</sub>* törzsszignatúráját, és megpróbálja illeszteni a *sigexp* célszignatúrára.
- Ha sikerül az illesztés, előállítja a bővített *sigexp*' szignatúrát úgy, hogy *sigexp*-et bővíti a *sigexp<sub>0</sub>*-ban lévő típusdeklarációkkal, majd
- a struktúranévhez köti a szignatúrát a kötés előírt módja szerint: a struktúra látható szignatúrája
  - átlátszó szignatúra-kötés esetén *sigexp*' ,
  - áttetsző szignatúra-kötés esetén *sigexp* lesz.

## Struktúra-deklaráció szignatúra-kötéssel (folyt.)

---

- A szignatúrához kötött struktúra-deklaráció kiértékelését a fordító így folytatja:
  - kiértékeli *strex*-et;
  - előállítja az eredményül kapott érték egy *nézetét* úgy, hogy eldobja azokat az értékeket, amelyeket a *sigexp* célszignatúra nem tartalmaz;
  - a *strid* nevet ehhez a nézethez köti.
- A leírtakból is kitűnik, hogy az átlátszó szignatúra-kötés az áttetsző szignatúra-kötés *speciális esete*: a bővített szignatúrát a programozó maga is előállíthatná (technikai nehézségektől eltekintve, ui. néha nem férhet hozzá a szükséges információhoz).
- Az *áttetsző szignatúra-kötés* legfontosabb célja az adatabsztrakció elősegítése. Tekintsük a példát a következő dián!
- Az áttetsző szignatúra-kötés garantálja ' a `Queue_as_lists.queue` *absztrakt* voltát, így *kizárólag* az `empty`, `insert` és `remove` műveleteket lehet alkalmazni ilyen típusú értékekre.
- A programozó *nem használhatja ki*, hogy most a ' a `Queue_as_lists.queue` típust listákból álló párral valósítjuk meg.
- Ezért a szignatúrát megvalósító struktúra szabadon, a többi programrész konzisztenciájának megsértése nélkül módosítható.

## Struktúra-deklaráció áttetsző szignatúra-kötéssel: QUEUE, Queue\_as\_lists

---

- Az elmondottak illusztrálására nézzük a már látott példát:

```
signature QUEUE =
sig
  type 'a queue
  exception Empty
  val empty : 'a queue
  val insert : 'a * 'a queue -> 'a queue
  val remove : 'a queue -> 'a * 'a queue
end

structure Queue_as_lists :> QUEUE =
struct
  type 'a queue = 'a list * 'a list
  exception Empty
  val empty = (nil, nil)
  fun insert (x, (bs, fs)) = (x::bs, fs)
  fun remove (nil, nil) = raise Empty
    | remove (bs, nil) = remove (nil, rev bs)
    | remove (bs, f::fs) = (f, (bs, fs))
end
```

## Struktúra-deklaráció áttetsző szignatúra-kötéssel (folyt.)

---

- A típusinformáció elrejtése a reprezentáció (ábrázolás) invariánsait is elszigeteli az absztrakció megvalósításától.
  - Az 'a `Queue_as_lists.queue` típust egy olyan absztrakt gép állapottypusának tekinthetjük, amelynek csak három parancs adható: `empty` (amely a kezdőállapotot hozza létre), `insert` és `remove`.
  - A `Queue_as_lists` struktúrán belül invariáns állításokkal jellemezhetjük az absztrakt gép belső állapotát.
  - Az adatabsztrakció elegáns eljárást nyújt az invariáns állítások alkalmazásához; az *assume–ensure* vagy *rely–guarantee* néven ismert eljáráshoz két követelményt kell kielégíteni:
    - minden inicializáló parancsnak *garantálnia kell* az invariáns teljesülését a végrehajtása után;
    - minden állapotmódosító parancs *felteheti*, hogy az invariáns teljesül a parancs végrehajtásának kezdetén, és minden ilyen parancsnak *garantálnia kell* az invariáns teljesülését a végrehajtása után.
  - Teljes indukcióval belátható, hogy az invariáns állítás az összes állapotra teljesül, azaz valóban invariáns!

## Struktúra-deklaráció áttetsző szignatúra-kötéssel: prioritási sor

---

Lássuk a következő példát!

- Olyan absztrakt prioritásisor-típust akarunk létrehozni, amely tetszőleges típusú elemekből állhat.
- A műveletek (függvények) nem lehetnek polítípusúak, mert az elemek relatív prioritását összehasonlítással tudjuk megállapítani. Ezt a függőséget fejezi ki az alábbi szignatúra:

```
signature PQ =
sig
  type elt
  val lt : elt * elt -> bool
  type queue
  exception Empty
  val empty : queue
  val insert : elt * queue -> queue
  val remove : queue -> elt * queue
end
```

- Egy lehetséges megvalósítás vázlatát mutatja a következő példa, ahol az elemek `string` típusúak.

## Struktúra-deklaráció áttetsző szigatúra-kötéssel: prioritási sor (folyt.)

- A megvalósítástól független absztrakt típus *áttetsző szigatúrát* igényel:

```
structure PrioQueue :> PQ =
  struct
    type elt = string
    val lt : string * string -> bool = (op <)
    type queue = ...
  end
```

- Csakhogy így `PrioQueue.queue` mellett `PrioQueue.elt` is absztrakt típus lett, így nem tudunk `PrioQueue.elt` típusú értéket létrehozni, és pl. nem hívhatjuk a `PrioQueue.insert` függvényt. Ezért `PrioQueue.elt`-nek nem kellene absztrakt típusnak lennie.
- Egy lehetséges megoldás az, hogy a `PQ` szigatúrát bővítjük, és a bővített szigatúrát kötjük a struktúrához:

```
signature STRING_PQ = PQ where type elt = string
structure PrioQueue :> STRING_PQ = ...
```

vagy

```
structure PrioQueue :> PQ where type elt = string = ...
```

- A tanulság: megfontolást igényel, hogy mely típusokat válasszuk absztraktnak, és melyeket ne.



## Struktúra-deklaráció átlátszó szignatúra-kötéssel: ORDERED, MyString

---

- Átlátszó szignatúra-kötéssel csökkenthető az explicit típusspecifikációk száma a szignatúrában. De az se jó, ha túl sokat használjuk, ui. a típusinformációk láthatóvá tételével csökken a modulok függetlensége.
- Az átlátszó szignatúra-kötés tipikusan arra való, hogy egy struktúra *nézetét* állítsuk elő vele. E nézet célja, hogy elrejtse azokat a komponenseket, amelyek az adott szövegkörnyezetben feleslegesek, de ne rejtse el azokat a típusdefiníciókat, amelyekre szükség van.
- Az alábbi ORDERED szignatúra specifikálja a  $t$  típust és a  $t$  típusú értékekből álló párokra alkalmazható  $lt$  összehasonlító műveletet.

```
signature ORDERED =
sig
  type t
  val lt : t * t -> bool
end
```

- Az ilyen szignatúrát, mint láttuk, *csak átlátszóan* érdemes egy struktúrához kötni, különben nem tudnánk  $t$  típusú értékeket létrehozni.

## Struktúra-deklaráció átlátszó szignatúra-kötéssel: `ORDERED`, `MyString` (folyt.)

---

- Nézzük a következő példát:

```
structure MyString : ORDERED =  
struct  
  type t = string  
  val clt = Char.<  
  fun lt (s, t) = ... clt ...  
end
```

- `MyString` a füzérek összehasonlítását karakterek összehasonlítására vezeti vissza, `clt`-t elrejtí. `String.t` a külvilág számára is ekvivalens `string`-gel, bár ez az `ORDERED` szignatúrából nem látszik: `MyString` tényleges, *látható* szignatúrája ugyanis:

```
ORDERED where type t = string
```

- Arra is érdemes átlátszó szignatúra-kötést használni, hogy *dokumentáljuk* egy típus jelentését (anélkül, hogy absztrakttá tennénk).

## Struktúra-deklaráció átlátszó szigatúra-kötéssel: ORDERED, IntLt, IntDiv

---

- Tegyük föl, hogy egészeket kétféle alapon akarunk összehasonlítani, de nem akarjuk elrejteni, hogy egészeokról van szó:

- Összehasonlítás aritmetikai alapon

```
structure IntLt : ORDERED =  
struct  
  type t = int  
  val lt = (op <)  
end
```

- Összehasonlítás oszthatóság alapján

```
structure IntDiv : ORDERED =  
struct  
  type t = int  
  fun lt (m, n) = (n mod m = 0)  
end
```

- Mind IntLt.t, mind IntDiv.t ekvivalens int-tel.

## Átlátszóság, áttetszőség, függőség

---

- Az átlátszó szigatúra-kötés a típuslevezetéshez hasonlóan megkönnyíti a programozó dolgát: kevesebbet kell írnia. *De ára van:*
- átlátszó szigatúra-kötés esetén a szigatúra önmagában nem fordítható le, csak a struktúrával együtt: csak így állítható elő a struktúra tényleges, *látható* szigatúrája.
- Vagyis az összes olyan programrész, amely e struktúra látható szigatúrájára hivatkozik, *függ* e struktúra *megvalósításától!*
- Amíg az átlátszó szigatúra-kötés függőséget okoz, az áttetsző szigatúra-kötés kiküszöböli a függőséget.
- Ha egy struktúrához áttetsző módon kötjük a szigatúrát, a rá hivatkozó programrészek megbízhatnak a szigatúrában (a struktúra látható szigatúrája ui. ekvivalens az áttetsző szigatúrával).
- A megvalósítástól való függés gátolja, nehezíti a modularitást. A modularitás célja ui. az, hogy elszigetelje egymástól az egyes programrészeket, csökkentse az egyes programrészek hatását a többire. Ekkor egymástól függetlenül legyenek fejleszthetők, módosíthatók. Minél kevésbé függenek egymástól a modulok, annál könnyebben rakhatók össze a végén egyetlen rendszerré.

# MODULOK HIERARCHIKUS ÖSSZEKAPCSOLÁSA

---

## Modulok hierarchiája

---

- Egy nagy program architektúrája rendszerint nem lineáris, hanem faszerkezetű (hierarchikus). Az SML modulnyelv faszerkezetű modulrendszer leírását is lehetővé teszi.
- A modulok egymásba skatulyázhatók; a beágyazott struktúrát *alstruktúrának* (substructure) nevezzük.
- Egy struktúra más struktúra-deklarációkat tartalmazhat (akár átlátszó, akár áttetsző szignatúra-kötéssel).
- Egy szignatúrában egy struktúra `structure strid : sigexp` alakban specifikálható (szignatúráról lévén szó, itt nincs különbség átlátszó és áttetsző kötés között).
- Az alstruktúrákra a struktúrák típusellenőrzési és a kiértékelési szabályait rekurzív módon alkalmazza a fordítóprogram.
- Ebben a részben arról lesz szó, hogyan lehet alstruktúrákkal kifejezni az egyes absztrakciók egymástól való függését.
  
- A következő példák egy polimorf szótárat megvalósító programból valók.

## Polimorf szótár `string` típusú keresési kulccsal

---

- Az első változatban a *keresési kulcs* `string` típusú. A szignatúra és lehetséges megvalósítása:

```
signature MY_STRING_DICT =
sig
  type 'a dict
  val empty : 'a dict
  val insert : 'a dict * string * 'a -> 'a dict
  val lookup : 'a dict * string -> 'a option
end

structure MyStringDict :> MY_STRING_DICT =
struct
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * string * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (d, k, v) = ...
  fun lookup (d, k) = ...
end
```

- A hiányzó függvénydefiníciók a füzérek lexikografikus összehasonlító műveleteit használják.

## Polimorf szótár int típusú keresési kulccsal

---

- A második változatban a *keresési kulcs* int típusú. A szignatúra és lehetséges megvalósítása:

```
signature MY_INT_DICT =
sig
  type 'a dict
  val empty : 'a dict
  val insert : 'a dict * int * 'a -> 'a dict
  val lookup : 'a dict * int -> 'a option
end

structure MyIntDict :> MY_INT_DICT =
struct
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * int * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (d, k, v) = ...
  fun lookup (d, k) = ...
end
```

- A hiányzó függvénydefiníciók az egészek aritmetikai összehasonlító műveleteit használják.



## Polimorf szótár *absztrakt* típusú keresési kulccsal

---

- A két változat, a típustól és az összehasonlító műveletektől eltekintve, azonos.
- A harmadik változatban a *keresési kulcs absztrakt* típusú. A *generikus* szignatúra és két leszármazottja (példánya, instanciája):

```
signature MY_GEN_DICT =  
sig  
  type key  
  type 'a dict  
  val empty : 'a dict  
  val insert : 'a dict * key * 'a -> 'a dict  
  val lookup : 'a dict * key -> 'a option  
end
```

```
signature MY_STRING_DICT =  
  MY_GEN_DICT where type key = string
```

```
signature MY_INT_DICT =  
  MY_GEN_DICT where type key = int
```

## Polimorf szótár `string` típusú keresési kulccsal (folyt.)

---

- A szignatúra egy megvalósítása `string` típusú kulcsokra:

```

structure MyStringDict :> MY_STRING_DICT =
struct
  type key = string
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * key * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if k < l then          (* string comparison *)
        lookup (dl, k)
      else if k > l then    (* string comparison *)
        lookup (dr, k)
      else
        SOME v
end

```

- A `MY_INT_DICT` szignatúrájú `MyIntDict` hasonlóan valósítható meg.

## Polimorf szótár int típusú kulccsal, *oszthatóságon alapuló összehasonlítással*

---

```

structure MyIntDivDict :> MY_INT_DICT =
struct
  type key = int
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * key * 'a * 'a dict
  fun divides (k, l) = (l mod k = 0)
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if divides (k, l) then          (* divisibility test *)
        lookup (dl, k)
      else if divides (l, k) then (* divisibility test *)
        lookup (dr, k)
      else
        SOME v
end

```

- Függetlenítsük a megvalósítást a keresési kulcs típusától és az összehasonlító műveletektől!

## Egy rendezett absztrakt típus és néhány megvalósítása

---

- A `t` típus és két összehasonlító művelet

```
signature ORDERED =
sig
  type t
  val lt : t * t -> bool
  val eq : t * t -> bool
end
```

- Egészek aritmetikai összehasonlítása

```
structure LessInt : ORDERED =
struct
  type t = int
  val lt = (op <)
  val eq = (op =)
end
```

- Ezekben a példákban indokolt az átlátszó szignatúra-kötés alkalmazása.

- Füzők lexikografikus összehasonlítása

```
structure LexString : ORDERED =
struct
  type t = string
  val lt = (op <)
  val eq = (op =)
end
```

- Egészek oszthatóságon alapuló összehasonlítása

```
structure DivInt : ORDERED =
struct
  type t = int
  fun lt (m, n) = (n mod m = 0)
  fun eq (m, n) = lt (m, n)
                    andalso lt (n, m)
end
```

## Polimorf szótár generikus szignatúrája

---

- A DICT szignatúra „paramétere” az ORDERED szignatúrájú Key absztrakt keresési kulcs (a DICT szignatúra *örökli* a keresési kulcs ORDERED szignatúráját!):

```
signature DICT =  
sig  
  structure Key : ORDERED  
  type 'a dict  
  val empty : 'a dict  
  val insert : 'a dict * Key.t * 'a -> 'a dict  
  val lookup : 'a dict * Key.t -> 'a option  
end
```

- A szignatúra két specializált változata segíti az absztrakciót:

```
signature STRING_DICT =  
  DICT where type Key.t = string  
  
signature INT_DICT =  
  DICT where type Key.t = int
```

## Polimorf szótár: a specializált szignatúra megvalósítása `string` kulccsal

---

```

structure StringDict :> STRING_DICT =
struct
  structure Key : ORDERED = LexString
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * Key.t * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if Key.lt (k, l) then
        lookup (dl, k)
      else if Key.lt (l, k) then
        lookup (dr, k)
      else
        SOME v
end

```

(Félkövér szedéssel e változat és a következő két változat közötti **különbséget** emeljük ki.)

## Polimorf szótár: a specializált szignatúra megvalósítása `int` kulccsal (1. változat)

---

```

structure LessIntDict :> INT_DICT =
struct
  structure Key : ORDERED = LessInt
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * Key.t * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if Key.lt (k, l) then
        lookup (dl, k)
      else if Key.lt (l, k) then
        lookup (dr, k)
      else
        SOME v
end

```

## Polimorf szótár: a specializált szignatúra megvalósítása `int` kulccsal (2. változat)

---

```

structure DivIntDict :> INT_DICT =
struct
  structure Key : ORDERED = DivInt
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * Key.t * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if Key.lt (k, l) then
        lookup (dl, k)
      else if Key.lt (l, k) then
        lookup (dr, k)
      else
        SOME v
end

```

Később (a funktorok tárgyalásakor) látni fogjuk, hogyan írhatjuk meg e három struktúra közös generikus (azaz paraméterezhető) változatát.



# MODULOK SZIMMETRIKUS ÖSSZEKAPCSOLÁSA

---

## Típusmegosztás specifikálása

---

- Ebben a részben *modulok szimmetrikus összekapcsolásával* foglalkozunk.
- A különböző modulokban (akár azonos néven) specifikált absztrakt típusok mind különbözők. Általában ezt akarjuk. De nem mindig.
- A különböző modulokban specifikált típusok azonosságát az ún. *típusmegosztási előírással* (type sharing constraint) adhatjuk meg.
- A következő példák egy mértani elemeket megvalósító programból valók.
- Csupán két térbeli elemet valósítunk meg: a pontot és gömböt.

```
signature GEOMETRY =  
sig  
    structure Point : POINT  
    structure Sphere : SPHERE  
end
```

- A pont ábrázolását a vektorra, a gömb ábrázolását a vektorra és a pontra alapozzuk (ld. következő diák).

## Példa: mértani alapelemek ábrázolása (VECTOR, POINT)

---

- A VECTOR szignatúra a vektorösszeadás egységelemét (`zero`), egy vektor skalárral való szorzatát (`scale`), továbbá két vektor összegét (`add`) és skalárszorzatát (`dot`) specifikálja.

```
signature VECTOR =  
sig   type vector  
      val zero : vector  
      val scale : real * vector -> vector  
      val add : vector * vector -> vector  
      val dot : vector * vector -> real  
end
```

- A POINT szignatúra egy pont eltolását egy vektor mentén (`translate`) és egy végpontjaival megadott vektor előállítását (`ray`) specifikálja.

```
signature POINT =  
sig   structure Vector : VECTOR  
      type point  
      val translate : point * Vector.vector -> point  
      val ray : point * point -> Vector.vector  
end
```

## Példa: mértani alapelemek ábrázolása (SPHERE)

---

- A gömböt a középpontjával és a sugarával adjuk meg.
- A gömböt létrehozó függvényt (`sphere`) az alábbi szignatúra specifikálja:

```
signature SPHERE =  
sig  
  structure Vector : VECTOR  
  structure Point : POINT  
  type sphere  
  val sphere : Point.point * Vector.vector -> sphere  
end
```

- Emlékeztetőül: a típusneveket és az értékneveket különböző névterek tárolják, ezért a `sphere` azonosító egyszerre használható típusnévként és értéknévként.
- Vegyük észre, hogy a tér dimenziója nem része a specifikációnak.
- A dimenziót majd csak a modul megvalósításakor rögzítjük, ezzel elősegítjük a specifikáció *újrafelhasználását*.

## Különböző modulokban specifikált absztrakt típusok különböző volta

- Két- és háromdimenziós mértant így kezdődő struktúra-deklarációkkal valósíthatunk majd meg:

```
structure Geom2D := GEOMETRY = ...
structure Geom3D := GEOMETRY = ...
```

- A két struktúrának (az *áttetsző* szignatúrakötésnek köszönhetően) *különböző* lesz a látható szignatúrája: pl. a `Geom2D.Point.point` és a `Geom3D.Point.point` különböző típusok, ezért pl. a háromdimenziós térben ábrázolt `Geom3D.Sphere.sphere` gömb középpontja nem lehet a kétdimenziós térben ábrázolt `Geom2D.Point.point` pont.
- Ez jó dolog, növeli a programozás biztonságát.
- Sajnos, nemcsak `Geom2D` különbözik `Geom3D`-től, hanem pl. `Geom2D.Sphere.Vector` is különbözik `Geom2D.Point.Vector`-től! Ez viszont nem jó, nem ezt akarjuk.
- Pl. a fordító típushibát jelez a következő sor fordításakor (ahol `p` és `q` `Geom2D.Point.point` típusú pontok):
 

```
Geom2D.Sphere.sphere(p, Geom2D.Point.ray(p, q))
```
- `Geom2D.Point.ray(p, q)` eredménye `Geom2D.Point.Vector.vector` típusú, `Geom2D.Sphere.sphere` ugyanakkor `Geom2D.Sphere.Vector.vector` típusú értéket vár. Nyilvánvalóan ezt nem akarjuk. Mi lehet az oka, hogyan küszöbölhetjük ki?

## Különböző modulokban specifikált absztrakt típusok megosztása (SPHERE)

---

- Az ok az, hogy a szignatúrákban specifikáltuk azokat az alstruktúrákat, amelyektől e szignatúrák függenek, így a pont- és a vektor-absztrakciót *két-két példányban* hoztuk létre!
- Mivel áttetsző szignatúrakötést használunk, a látható szignatúráik mind különböznek!
- Néha ezt akarjuk, néha nem. Ezért az SML-ben előírhatjuk, hogy két alstruktúra valamely absztrakt típusa azonos legyen. Erre való a *típusmegosztási előírás* (type sharing constraint).
- SPHERE módosított specifikációja (a módosítást **félkövér szedés** jelöli):

```
signature SPHERE =
sig
  structure Vector : VECTOR
  structure Point : POINT
  sharing type Point.Vector.vector = Vector.vector
  type sphere
  val sphere : Point.point * Vector.vector -> sphere
end
```

- A típusmegosztási előírás egy változatával, a *struktúramegosztási előírással* (structure sharing constraint) előírhatjuk, hogy két alstruktúra *összes* absztrakt típusa azonos legyen.

```
... sharing Point.Vector = Vector ...
```

## Különböző modulokban specifikált absztrakt típusok megosztása (GEOMETRY)

---

- GEOMETRY módosított specifikációja (két változatban, a módosítást **félkövér szedés** jelöli):

```
signature GEOMETRY =
sig
```

```
  structure Point : POINT
```

```
  structure Sphere : SPHERE
```

```
  sharing type Point.point = Sphere.Point.point
```

```
  sharing type Point.Vector.vector = Sphere.Vector.vector
```

```
end
```

```
... sharing Point = Sphere.Point
```

```
  sharing Point.Vector = Sphere.Vector ...
```

- A megosztási előírás tehát garantálja, hogy
  - a megosztási előírás által érintett összes absztrakt típus azonos legyen;
  - a típus egyenletek mindig teljesüljenek, amikor a GEOMETRY szignatúrát és összes komponensét megvalósítjuk.
- VECTOR-t és POINT-ot *egy példányban* valósítjuk meg, és e példányokat *újra felhasználjuk* a magasabb szintű absztrakció során (ld. a következő fóliákon).

## Példa: VECTOR, POINT, SPHERE és GEOMETRY egy 3D-s megvalósítása

---

- `structure Vector3D : VECTOR = ...`
- `structure Point3D : POINT =  
struct  
    structure Vector : VECTOR = Vector3D  
    ...  
end`
- `structure Sphere3D : SPHERE =  
struct  
    structure Vector : VECTOR = Vector3D  
    structure Point : POINT = Point3D  
    ...  
end`
- `structure Geom3D :> GEOMETRY =  
struct  
    structure Point = Point3D  
    structure Sphere = Sphere3D  
end`
- Fordítási idejű típushibához vezetne egyes 2D-s elemek alkalmazása a 3D-s megvalósításban.  
Példa:  
... `structure Sphere = Sphere2D ...`



## A típusmegosztás elkerülése, a megosztási előírások számának csökkentése

---

- Adódik a kérdés, hogy a típusmegosztás elkerülhető-e a pont- és a vektor-absztrakció következtében létrejött példányok számának csökkentésével.
- A válasz: igen; azon az áron, hogy az egész programstruktúrát erőszakosan megváltoztatjuk.
- Első lépésként SPHERE-ben `Vector.vector`-t `Point.Vector.vector`-ra cseréljük:

```
signature SPHERE =
sig
  structure Point : POINT
  type sphere
  val sphere : Point.point * Point.Vector.vector -> sphere
end
```

- Ezzel GEOMETRY-ben `sharing Point.Vector = Sphere.Vector` feleslegessé vált, a megosztási előírások száma eggyel csökkent:

```
signature GEOMETRY =
sig
  structure Point : POINT
  structure Sphere : SPHERE
  sharing Point = Sphere.Point
end
```

## A típusmegosztás elkerülése, a megosztási előírások számának csökkentése (folyt.)

---

- Ha a `Point` alstruktúra specifikálását is sikerülne feleslegessé tenni `SPHERE`-ben, egyáltalán nem kellene megosztási előírás. Ekkor ez maradna `SPHERE`-ből:

```
signature SPHERE =
sig
  type sphere
  val sphere : Point.point * Point.Vector.vector -> sphere
end
```

- Ha a `Point` struktúra a `SPHERE` szignatúra fordításakor már definiálva van, akkor `SPHERE` lefordítható.
- Csakhogy ettől kezdve a `SPHERE` szignatúra a `Point` struktúrától, azaz a `POINT` szignatúra *egy megvalósításától* függ. Pl. a 2D-s megvalósítástól, ami által a `SPHERE` szignatúra dimenziótól való függetlensége megszűnt, az absztrakció csorbát szenvedett.
- Ez az út tehát általában nem javasolható.
- Az eset ahhoz hasonló, mint amikor egy értéket egy függvény nem paraméterként vesz át a futása közben, hanem globális értéként már a fordítás során beépül a függvénybe.
- A `Point` struktúra a `SPHERE` szignatúra *paraméterének* tekinthető az ismertetett értelemben.

## A típusmegosztás elkerülése, a megosztási előírások számának csökkentése (folyt.)

---

- A megosztási előírásoktól látszólag úgy is megszabadulhatunk, hogy a GEOMETRY szignatúrából töröljük a Point alstruktúrát. Ez lehetséges, de csak elhalasztjuk vele a problémát.
- Egy mértani elemeket megvalósító programban ui. több olyan elem is lehet, amely a pont-fogalomra épít. Ezeknek pedig feltétlenül szükségük lesz a megosztási előírásra.
- Lássunk egy további példát ennek alátámasztására, a SEMI\_SPACE specifikációját. A side predikátummal vizsgálható meg, hogy *egy adott pont a tér melyik felében van*.

```
signature SEMI_SPACE =
sig
  structure Point : POINT
  type semispace
  val side : Point.point * semispace -> bool option
end
```

- A SEMI\_SPACE szignatúrából, a SPHERE-hez hasonlóan, nem törölhetjük a Point alstruktúra specifikációját, ezért Point-ból mégiscsak két újabb példányt hozunk létre, azonosságukat pedig *megosztási előírással* kell kifejeznünk a GEOMETRY szignatúra új változatában.

## A típusmegosztás elkerülése, a megosztási előírások számának csökkentése (folyt.)

---

- A `Point` alstruktúrák azonosságát tehát megosztási előírással kell kifejeznünk `GEOMETRY` kiegészített, de a `Point` alstruktúra nélküli változatában, `EXTD_GEOMETRY`-ben:

```
signature EXTD_GEOMETRY =
sig
  structure Sphere : SPHERE
  structure SemiSpace : SEMI_SPACE
  sharing Sphere.Point = SemiSpace.Point
end
```

- Amiről itt szó van, nem más, mint a moduláris programozás alapvető belső ellentmondása.
  - Egyrészt el akarjuk *szigetelni* egymástól a modulokat, hogy egymástól függetlenül kezelhessük őket, és az egyik modul megváltoztatása ne befolyásolja a többit. (A globális értékektől, változóktól való függés is az elszigetelés ellen hat!)
  - Másrészt modulok kombinálásával akarunk programokat létrehozni, s ekkor a modulok egyes programelemeinek azonosságát ki kell kötnünk (az SML-ben: megosztási előírásokkal).
- A megosztási előírás olyan *eszköz*, amely a specifikáció rögzítésével hoz létre kapcsolatot a különböző absztrakciók között, és teremti meg az egész program koherenciáját.

# PARAMÉTEREZHETŐ MODULOK



## Paraméterezzhető, más néven generikus modulok

---

- Az újrafelhasználhatóságot segíti elő a *paraméterezzhető*, más néven *generikus* modul azáltal, hogy a megvalósítás egy vagy több elemét specifikálatlanul hagyja. A specifikálatlan elemek specifikálása majd a modul egy *példányát* hozza létre. A közös részt *csak egyszer* kell megírni.
- Az SML-ben az ilyen generikus modult *funktornak* (functor) nevezik. A funktornak struktúra a paramétere is, az eredménye is. A funktor egy *példányát* úgy hozzuk létre, hogy alkalmazzuk egy (létező) struktúrára.
- A *funktordeklarációnak* (vagy *funktorkötésnek*) is két változata van, az *átlátszó*:

$$\text{functor } \textit{funid} (\textit{decs}) : \textit{sigexp} = \textit{strexp}$$

- és az *áttetsző*:

$$\text{functor } \textit{funid} (\textit{decs}) :> \textit{sigexp} = \textit{strexp}$$

- A funktor típusának ellenőrzéséhez a fordító megvizsgálja, hogy a funktor törzse megfelel-e a szignatúra-kötés által előírt szignatúrának, feltéve, hogy a funktor paramétereinek megfelelő a szignatúrája.
- Mint tudjuk, az *áttetsző* szignatúra-kötés eredménye az adott szignatúra, az *átlátszó* szignatúra-kötés pedig ennek a törzsszignatúra szerinti típusokkal bővített változata.

## Példa: polimorf szótár megvalósítása funktorral

- Egy korábbi példánk egy olyan polimorf szótár volt, ahol a keresési kulcsot és a rajta végrehajtható műveleteket egy *alstruktúra* specifikálta. A félkövér szedés a változatok közötti eltérésre utal.

```

structure StringDict :> DICT where type Key.t = string =
struct
  structure Key : ORDERED = LexString
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * Key.t * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
    | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
      if Key.lt (k, l) then lookup (dl, k)
      else if Key.lt (l, k) then lookup (dr, k)
      else SOME v
end

```

- Látható, hogy különbség csak a keresési kulcs típusában és a rajta végrehajtható műveletekben van; mindezt az ORDERED szignatúra specifikálja.

## Példa: polimorf szótár megvalósítása funktorral (DictFun)

- Az alstruktúrát, ha funktort deklarálunk, paraméterként adhatjuk át. A struktúradeklaráció és a funktordeklaráció közötti különbségeket most is félkövér szedéssel emeljük ki.

```

functor DictFun (structure K : ORDERED) :> DICT where type Key.t = K.t =
struct
  structure Key : ORDERED = K
  datatype 'a dict = Empty
                    | Node of 'a dict * Key.t * 'a * 'a dict
  val empty = Empty
  fun insert (None, k, v) = Node (Empty, k, v, Empty)
  fun lookup (Empty, _) = NONE
      | lookup (Node (dl, l, v, dr), k) =
        if Key.lt(k, l) then lookup (dl, k)
        else if Key.lt (l, k) then lookup (dr, k)
        else SOME v
end

```

- A DICT where type Key.t = K.t szignatúra az 'a dict típus *absztrakt voltát megőrzi*. A Key.lt összehasonlító műveletet a paraméterként átadott alstruktúra valósítja meg.
- A funktor structure K : ORDERED formális paraméterének *specifikálása* önmagában nem elég, a structure Key : ORDERED = K *deklarációra* is szükség van a funktor törzsében.



## Funktoralkalmazás szignatúrája, funktor generativitása, ill. applikativitása

---

- A funktoralkalmazás *funid* (*binds*) alakú kifejezés, ahol *binds* a funktorargumentumok kötésének egy sorozata.
- Egy *funktoralkalmazás szignatúrája* a következő eljárással határozható meg. Feltesszük, hogy ismerjük a funktorparaméterek szignatúráját, valamint a funktor látható szignatúráját (a megadottat áttetsző, a bővítettet átlátszó szignatúrakötés esetén).
  - Minden argumentum szignatúráját illesztjük a funktor megfelelő paraméterének szignatúrájára. Ezzel minden argumentumra megkapjuk a paraméterszignatúrák egy bővített változatát.
  - Ha az eredmény szignatúrája hivatkozik a funktorparaméter valamely típuskomponensére, akkor a bővített paraméterszignatúrában lévő típusdefiníciónak meg kell jelennie az eredmény szignatúrájában.
- Az így előállított szignatúra átlátszó kötéssel kapcsolódik a funktoralkalmazáshoz. Ez azt jelenti, hogy ha a funktor eredményszignatúrája egy típust absztraktként specifikál, akkor e funktor minden alkalmazása e típusból egy új példányt hoz létre. Ezt a viselkedést a funktor *generativitásának* nevezzük. (Ezzel szemben a funktor *applikativitása* azt jelenti, hogy a funktor összes példánya megosztva „használja” ugyanazt az absztrakt típust.)

## Példa: polimorf szótár (LtIntDict, LexStringDict, DivIntDict)

---

- A szótár három változatát a DictFun funktor alkalmazásával könnyű előállítani:

```
structure LtIntDict = DictFun (structure K = LessInt)
structure LexStringDict = DictFun (structure K = LexString)
structure DivIntDict = DictFun (structure K = DivInt)
```

- Idézzük föl LexString, LessInt és DivInt egy-egy megvalósítását:

```
structure LexString : ORDERED =
struct type t = string
      val lt = (op <)
      val eq = (op =)
end

structure LessInt : ORDERED =
struct type t = int
      val lt = (op <)
      val eq = (op =)
end

structure DivInt : ORDERED =
struct type t = int
      fun lt (m, n) = (n mod m = 0)
      fun eq (m, n) = lt (m, n) andalso lt (n, m)
end
```

- Például LessInt bővített szignatúrája ez: ORDERED where type t = int.
- Ha a K paraméter aktuális értéke LessInt, akkor K.t és int ekvivalensek lesznek, és így DictFun aktuális szignatúrája ez: DICT where type Key.t = int.

## Funktorok és a típusmegosztás specifikálása egy példán

---

- Korábban specifikáltuk a GEOMETRY szignatúrát és komponenseit.
- Mivel a célunk többféle (2D és 3D) megvalósításuk, érdemes őket funktorként definiálnunk.

```
functor PointFun
  (structure V : VECTOR) : POINT = ...

functor SphereFun
  (structure V : VECTOR
   structure P : POINT) : SPHERE =
struct
  structure Vector = V
  structure Point = P
  ...
end

functor GeomFun
  (structure P : POINT
   structure S : SPHERE) : GEOMETRY =
struct
  structure Point = P
  structure Sphere = S
end
```

## Funktorok és a típusmegosztás specifikálása egy példán (folyt.)

---

- Az előző funktordefiníciókkal a 2D-s programcsomag így valósítható meg:

```
structure Vector2D : VECTOR = ...
```

```
structure Point2D : POINT =  
    PointFun (structure V = Vector2D)
```

```
structure Sphere2D : SPHERE =  
    SphereFun (structure V = Vector2D and P = Point2D)
```

```
structure Geom2D : GEOMETRY =  
    GeomFun (structure P = Point2D and S = Sphere2D)
```

## Funktorok és a típusmegosztás specifikálása egy példán (folyt.)

---

- Egyetlen baj van csupán: SphereFun és GeomFun típushibás! A hiba javítható: típusmegosztást kell előírnunk.

```

functor SphereFun
  (structure V : VECTOR
   structure P : POINT
   sharing P.Vector = V) : SPHERE =
struct
  structure Vector = V
  structure Point = P
  ...
end

functor GeomFun
  (structure P : POINT
   structure S : SPHERE
   sharing P.Vector = S.Vector
   sharing P = S.Point) : GEOMETRY =
struct
  structure Point = P
  structure Sphere = S
end

```

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor

---

- Most is felvetődik a kérdés: elkerülhető-e típusmegosztás?
- Igen, de azon az áron, hogy erőszakosan megváltoztatjuk a program szerkezetét.
- A típusmegosztás fő előnye, hogy közvetlenül és tömören fejezi ki az elvárt összefüggéseket, de a paraméterek szignatúrájának definiálásakor még nem kell velük foglalkozni. Ez a tulajdonság nagyon megkönnyíti az „előre gyártott” programrészek újrafelhasználását, hiszen ilyen esetekben a típusmegosztás konkrét igényét előre (azaz pl. a paraméterek definiálásakor) lehetetlen megmondani.
- Vegyük elő a már látott példát, amelyben a megosztási specifikációk számát egyre csökkentettük.

```
signature EXTD_GEOMETRY =  
sig  
  structure Sphere : SPHERE  
  structure SemiSpace : SEMI_SPACE  
  sharing Sphere.Point = SemiSpace.Point  
end
```

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

---

- Az EXTD\_GEOMETRY szignatúrát ezzel a funktorral valósítjuk meg:

```
functor ExtdGeomFun
  (structure Sp : SPHERE
   structure Ss : SEMI_SPACE
   sharing Sp.Point = Ss.Point) =
struct
  structure Sphere = Sp
  structure SemiSpace = Ss
end
```

- Ahhoz, hogy a megosztási előírást elhagyhassuk a funktor paraméteréből, gondoskodnunk kell arról, hogy az EXTD\_GEOMETRY szignatúra által előírt típusmegosztás teljesüljön.
- Megoldás lehet a POINT szignatúrát megvalósító struktúra „kiemelése”.
- Kétféle módon járhatunk el.

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

---

- Az első lehetőség az, hogy `ExtGeomFun` paraméterként `SPHERE` és `SEMI_SPACE` egy-egy megvalósítása helyett a közös elem, azaz `POINT` egy megvalósítását kapja, és a funktor törzsében hozza létre `SPHERE` és `SEMI_SPACE` egy-egy megvalósítását.
- Ehhez a `SphereFun` és a `SemiSpaceFun` funktorokat is megfelelően kell paraméterezni:

```
functor SphereFun
  (structure P : POINT) : SPHERE =
struct
  structure Vector = P.Vector
  structure Point = P
  ...
end
```

```
functor SemiSpaceFun
  (structure P : POINT) : SEMI_SPACE =
struct
  ...
end
```



## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

- Az `ExtdGeomFun` funktor első változatával, `ExtdGeomFun_1`-gyel több gond van:

```
functor ExtdGeomFun_1
  (structure P : POINT) : GEOMETRY =
struct
  structure Sphere = SphereFun (structure P = Point)
  structure SemiSpace = SemiSpaceFun (structure P = Point)
end
```

- `ExtdGeomFun_1`-ben alstruktúra-definícióban fordul elő `SphereFun` és `SemiSpaceFun`, és ez olyan paraméterekre korlátozza `ExtdGeomFun_1`-et, amelyek e két funktorral állíthatók elő. Ez erős korlátozás `ExtdGeomFun`-hoz képest, amely `SPHERE`, ill. `SEMI_SPACE` *bármely* megvalósításának alkalmazását lehetővé teszi.
- `ExtdGeomFun_1`-nek paraméterként meg kell kapnia komponenseinek közös elemeit (a példában a `POINT` szignatúrát megvalósító `P` struktúrát). Ez a megoldás kényelmetlenné válik, ha a programunk sok rétegből áll: a „legtávolabbi” elemtől kezdve a teljes hierarchiát felépítenünk minden alkalommal.
- Nincs igazi indok arra, hogy `ExtdGeomFun_1` miért éppen `POINT` egy megvalósítását kapja paraméterként. Az oka (de nem elég nyomós oka) az, hogy `ExtdGeomFun_1`-nek fel kell építenie az említett hierarchiát a megosztási előírások kielégítéséhez.

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

---

- A második lehetőség az, hogy a paraméterként átadott közös elem, azaz a POINT megvalósításához kötjük SPHERE, ill. SEMI\_SPACE (ugyancsak paraméterként átveendő) megvalósítását, és így érjük el a típus egyenletek teljesülését.
- ExtdGeomFun\_2 alábbi deklarációja kielégíti a követelményeket, de láthatóan nincs semmi előnye a megosztási előírásokat tartalmazó kiinduló változathoz, ExtdGeomFun-hoz képest.

```
functor ExtdGeomFun_2
  (structure P : POINT
   structure Sp : SPHERE where Point = P
   structure Ss : SEMI_SPACE where Point = P) =
struct
  structure Sphere = Sp
  structure SemiSpace = Ss
end
```

- Inkább hátránynak tekinthető, hogy az eredeti változathoz képest egy harmadik paramétert vezettünk be, amelynek az egyetlen szerepe az, hogy elhagyhassuk a megosztási előírást.

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

---

- `ExtdGeomFun_2` rafináltabb változata `ExtdGeomFun_3` és `ExtdGeomFun_4`. Mindkettőnek csak két paraméterre van szüksége azért, hogy a kettő közül valamelyiket bizonyos értelemben kiemeltük, és előírtuk, hogy a másiknak vele kompatíbilisnek kell lennie.

```
functor ExtdGeomFun_3
  (structure Sp : SPHERE
   structure Ss : SEMI_SPACE where Point = Sp.Point) =
struct
  structure Sphere = Sp
  structure SemiSpace = Ss
end
```

```
functor ExtdGeomFun_4
  (structure Ss : SEMI_SPACE
   structure Sp : SPHERE where Point = Ss.Point) =
struct
  structure Sphere = Sp
  structure SemiSpace = Ss
end
```

## A típusmegosztás elkerülése funktor használatakor (folyt.)

---

- E két utóbbi megoldásnak megvannak ugyanazok az előnyei, mint a megosztási előírást alkalmazó megoldásnak. De meg kellett törnünk a megoldás természetes szimmetriáját. Ez mondanivalónk lényege:
- A megosztási előírással a programozó *szimmetrikus helyzetet szimmetrikus módon* oldhat meg.
- A programozó helyett a fordítóprogram töri meg a szimmetriát, amikor ilyen vagy olyan megvalósítást választ. A programozó nem kényszerül arra, hogy önkényes, semmivel alá nem támasztható döntést hozzon.

A diák Robert Harper *Programming in Standard ML* c. jegyzete *Part III. The Module Language* c. részének felhasználásával készültek (ld. <http://www-2.cs.cmu.edu/~rwh/smlbook>).