

Szeredi Péter<sup>1</sup> Kápolnai Richárd<sup>2</sup>

<sup>1</sup>szeredi@cs.bme.hu  
BME Számítástudományi és Információelméleti Tanszék

<sup>2</sup>kapolnai@iit.bme.hu  
BME Irányítástechnika és Informatika Tanszék

2014 ősz

Az előadók köszönetüket fejezik ki Hanák Péternek, a tárgy alapítójának

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

Bevezetés

## A tárgy témája

- Deklaratív programozási nyelvek – gyakorlati megközelítésben
- Két fő irány:
  - funkcionális programozás **Erlang** nyelven
  - logikai programozás **Prolog** nyelven
- Bevezetesként foglalkozunk a C++ egy deklaratív résznyelvével, a Cékla nyelvvel – C(É) deKLAratív része
- A két fő nyelv (lásd követelmények): Erlang és Prolog

Bevezetés

Követelmények, tudnivalók

## Tartalom

- 1 Bevezetés
  - Követelmények, tudnivalók
  - Egy kedvcsináló példa Prolog nyelven
  - A példa Erlang változata

## Honlap, ETS, levelezési lista

- Honlap: <http://dp.iit.bme.hu>  
a jelen félév honlapja: <http://dp.iit.bme.hu/dp-current>
- ETS, az Elektronikus TanárSegéd  
<http://dp.iit.bme.hu/ets>
- Levelezési lista:  
<http://www.iit.bme.hu/mailman/listinfo/dp-1>
- A listára automatikusan felvesszük a tárgy hallgatóit az ETS-beli címükkel. Címet módosítani csak az ETS-ben lehet.
- A listára levelet küldeni a [dp-1@iit.bme.hu](mailto:dp-1@iit.bme.hu) címre lehet.
- Csak a feliratkozási címről küldött levelek jutnak el moderátori jóváhagyás nélkül a listatagokhoz.

## Prolog-jegyzet

- Szeredi Péter, Benkő Tamás: Deklaratív programozás. Bevezetés a logikai programozásba. Budapest, 2005
  - Elektronikus változata letölthető a honlapról (ps, pdf)
  - Nyomtatott változata kifogyott
  - Kellő számú további igény esetén megszervezzük az újranyomtatást
- A SICStus Prolog kézikönyve (angol):  
<http://www.sics.se/isl/sicstuswww/site/documentation.html>

## Magyar nyelvű Prolog szakirodalom

- Farkas Zsuzsa, Futó Iván, Langer Tamás, Szeredi Péter:  
Az MProlog programozási nyelv.  
Műszaki Könyvkiadó, 1989  
*jó bevezetés, sajnos az MProlog beépített eljárásai nem szabványosak.*
- Márkus Zsuzsa: Prologban programozni könnyű.  
Novotrade, 1988  
*mint fent*
- Futó Iván (szerk.): Mesterséges intelligencia. (9.2 fejezet, Szeredi Péter)  
Aula Kiadó, 1999  
*csak egy rövid fejezet a Prologról*
- Peter Flach: Logikai Programozás. Az intelligens következtetés példákon keresztül.  
Panem — John Wiley & Sons, 2001  
*jó áttekintés, inkább elméleti érdeklődésű olvasók számára*

## Angol nyelvű Prolog szakirodalom

- Logic, Programming and Prolog, 2nd Ed., by Ulf Nilsson and Jan Maluszynski, Previously published by John Wiley & Sons Ltd. (1995)  
Letölthető a <http://www.ida.liu.se/~ulfni/lpp> címről.
- Prolog Programming for Artificial Intelligence, 3rd Ed., Ivan Bratko, Longman, Paperback - March 2000
- The Art of PROLOG: Advanced Programming Techniques, Leon Sterling, Ehud Shapiro, The MIT Press, Paperback - April 1994
- Programming in PROLOG: Using the ISO Standard, C.S. Mellish, W.F. Clocksin, Springer-Verlag Berlin, Paperback - July 2003

## Erlang-szakirodalom (angolul)

- Joe Armstrong: Programming Erlang. Software for a Concurrent World. The Pragmatic Bookshelf, 2007.  
<http://www.pragprog.com/titles/jaerlang/programming-erlang>
- Joe Armstrong, Robert Virding, Claes Wikström, Mike Williams: Concurrent Programming in Erlang. Second Edition. Prentice Hall, 1996. Az első rész szabadon letölthető PDF-ben:  
<http://erlang.org/download/erlang-book-part1.pdf>

## További irodalom:

- On-line Erlang documentation  
<http://erlang.org/doc.html> vagy `erl -man <module>`
- Learn You Some Erlang for great good!  
<http://learnyousomeerlang.com>
- Wikibooks on Erlang Programming  
[http://en.wikibooks.org/wiki/Erlang\\_Programming](http://en.wikibooks.org/wiki/Erlang_Programming)
- Francesco Cesarini, Simon Thompson: Erlang Programming. O'Reilly, 2009. <http://oreilly.com/catalog/9780596518189/>

## Fordító- és értelmezőprogramok

- SICStus Prolog — 4.2 verzió (licenz az ETS-en keresztül kérhető)
- Erlang (szabad szoftver)
- Letöltési információ a honlapon (Linux, Windows)
- Webes Prolog gyakorló felület az ETS-ben (ld. honlap)
- Kézikönyvek HTML-, ill. PDF-változatban
- Más programok: SWI Prolog <http://www.swi-prolog.org/>, Gnu Prolog <http://www.gprolog.org/>
- Emacs szövegszerkesztő Erlang-, ill. Prolog-módban (Linux, Win95/98/NT/XP/Vista/7)
- Eclipse fejlesztői környezet (SPIDER, erIIDE)

## Deklaratív programozás: követelmények

## Nagy házi feladat (NHF)

- Programozás mindkét fő nyelven (Prolog, Erlang)
- Mindenkinek önállóan kell kódolnia (programoznia)!
- Hatékony (időlimit!), jól dokumentált („kommentezett”) programok
- A két programhoz közös, 5–10 oldalas fejlesztői dokumentáció (TXT, HTML, PDF, PS; de nem DOC vagy RTF)
- Kiadás legkésőbb a 4. héten, a honlapon, letölthető keretprogrammal
- Beadás a 9. héten; elektronikus úton (ld. honlap)
- A beadáskor és a pontozáskor külön-külön teszt sorozatot használunk (nehézségben hasonlókat, de nem azonosakat)
- Azok a programok, amelyek megoldják a tesztesetek 80%-át *létraversenyen* vesznek részt (hatékonyság, gyorsaság plusz pontokért)

## Deklaratív programozás: követelmények (folyt.)

## Nagy házi feladat (folyt.)

- A beadási határidőig többször is beadható, csak az utolsót értékeljük
- Pontozása mindkét fő nyelvből:
  - helyes (azaz jó eredményt időkorláton belül adó) futás esetén a 10 teszteset mindegyikére 0,5-0,5 pont, összesen max. 5 pont
  - a dokumentációra, a kód olvashatóságára, kommentezettségére max. 2,5 pont
  - tehát nyelvenként összesen max. 7,5 pont szereshető
- A NHF súlya az osztályzatban: 15% (a 100 pontból 15)
- A megajánlott jegy előfeltétele, hogy a hallgató nagy házi feladata mindkét fő nyelvből bejusson a létraversenybe (minimum 80%-os teljesítmény)
- A NHF beadása **nem kötelező, de ajánlott!**

## Deklaratív programozás: követelmények (folyt.)

## Kis házi feladatok (KHF)

- 3 feladat Prologból, 3 Erlangból, 1 Céklából
- Beadás elektronikus úton (ld. honlap)
- Egy KHF beadása érvényes, ha minden tesztesetre lefut
- **Kötelező** a KHF-ek legalább 50%-ának érvényes beadása, és legalább egy érvényes KHF beadása Prologból is és Erlangból is. Azaz kötelező 1 Prolog, 1 Erlang, és 1 bármilyen (összesen 3) KHF érvényes beadása.
- Minden feladat jó megoldásáért 1-1 jutalompont jár
- Minden KHF-nak külön határideje van, pótlási lehetőség nincs
- A házi feladatot önállóan kell elkészíteni! Másolás esetén kötelesek vagyunk fegyelmi eljárást indítani: [http://www.kth.bme.hu/document/189/original/bme\\_rektori\\_utasitas\\_05.pdf](http://www.kth.bme.hu/document/189/original/bme_rektori_utasitas_05.pdf) ("Beadandó feladat ... elkészíttetése mással")

## Deklaratív programozás: követelmények (folyt.)

## Nagyzárthelyi, pótzárthelyi (NZH, PZH, PPZH)

- A zárthelyi **kötelező**, semmilyen jegyzet, segédlet nem használható!
- 40%-os szabály (nyelvenként a maximális részpontszám 40%-a kell az eredményességhez)
- NZH: 2014. október 22. 8:00, PZH: november 5. 8:00
- A PPZH-ra indokolt esetben a pótlási időszakban egyetlen alkalommal adunk lehetőséget
- Az NZH anyaga az addig előadott tananyag
- A PZH, ill. a PPZH anyaga azonos az NZH anyagával
- A zárthelyi súlya az osztályzatban: 15% (a 100 pontból 15)

## Deklaratív programozás: követelmények (folyt.)

## Gyakorlatok

- 2–9. heteken 2 órás gyakorlatok, időpontok:
  - 1 (1. héten nincs gyakorlat)
  - 2 Szeptember 18.
  - 3 Szeptember 25.
  - 4 Október 2.
  - 5 (Oktatási szünet)
  - 6 Október 16.
  - 7 (Oktatási szünet)
  - 8 Október 30.
  - 9 November 6.
  - 10 (10. héten nincs gyakorlat)
- Laptop használata megengedett
- **Kötelező** részvétel a gyakorlatok 70 %-án (pontosabban  $n$  gyakorlat esetén legalább  $\lfloor 0.7n \rfloor$  gyakorlaton)
- További Prolog gyakorlási lehetőség az ETS rendszerben (gyakorló feladatok, lásd honlap)

## Deklaratív programozás: követelmények (folyt.)

Beszámoló (korábbi elnevezése *írásbelivel kombinált szóbeli vizsga*)

- A beszámoló szóbeli, felkészülés írásban
- Prolog, Erlang: több kisebb feladat (programírás, -elemzés) kétszer 15 pontért
- A beszámolón szereshető max. 70 ponthoz adjuk hozzá a korábbi munkával szerzett pontokat: ZH: max. 15 pont, NHF: max. 15 pont, továbbá a pluszpontokat (KHF, létraverseny)
- A beszámolón semmilyen jegyzet, segédlet nem használható, de lehet segítséget kérni
- Nyelvenként a max. részpontszám 40%-a kell az eredményességhez
- **Kötelező**, de van megajánlott jegy = beszámoló alóli mentesség
  - Alapfeltételek: KHF, ZH, Gyakorlat teljesítése; NHF „megvédése”
  - Jó (4): a nagy házi feladat mindkét fő nyelvből bejut a létraversenybe
  - Jeles (5): legalább 40%-os eredmény a létraversenyben, mindkét fő nyelvből

## 1 Bevezetés

- Követelmények, tudnivalók
- Egy kedvcsináló példa Prolog nyelven
- A példa Erlang változata

- A feladat: írjunk Prolog programot a következő feladvány megoldására:
  - Adott számokból a négy alapművelet (+, -, \*, /) segítségével építsünk egy megadott értékű kifejezést!
  - A számok nem „tapaszthatók” össze hosszabb számokká
  - Mindegyik adott számot pontosan egyszer kell felhasználni, sorrendjük tetszőleges lehet
  - Nem minden alapműveletet kell felhasználni, egyfajta alapművelet többször is előfordulhat
  - Zárójelek tetszőlegesen használhatók
- Példák a fenti szabályoknak megfelelő, az 1, 3, 4, 6 számokból felépített kifejezésekre:  $1 + 6 * (3 + 4)$ ,  $(1 + 3)/4 + 6$
- Viszonylag nehéz megtalálni egy olyan kifejezést, amely az 1, 3, 4, 6 számokból áll, és értéke 24

## Aritmetikai kifejezések kezelése Prologban – ellenőrzés

Írjunk egy `kif` nevű egyargumentumú Prolog eljárást!

- `kif(X)` ellenőrzi, hogy `X` egy olyan kifejezés-e, amely számokból a négy alapművelet (+, -, \*, /) segítségével épül fel.

```
% kif(K): K számokból, a négy alapművelettel képzett kifejezés.
kif(K) :- number(K). % number(K) beépített, jelentése: K szám.
kif(X+Y) :- kif(X), kif(Y).
kif(X-Y) :- kif(X), kif(Y).
kif(X*Y) :- kif(X), kif(Y).
kif(X/Y) :- kif(X), kif(Y).
```

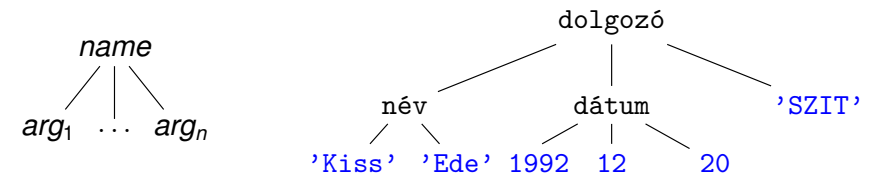
- Betöltése: `| ?- compile(file).` vagy `| ?- consult(file).`
- Futtatás nyomkövetés nélkül és nyomkövetéssel (`consult`-ot követően):

```
| ?- kif(alma).           | ?- trace, kif(alma).
no                        % The debugger will first creep
| ?- kif(1+2).           1      1 Call: kif(alma) ?
yes                       2      2 Call: number(alma) ?
| ?-                     2      2 Fail: number(alma) ?
                           1      1 Fail: kif(alma) ?

no
| ?-
```

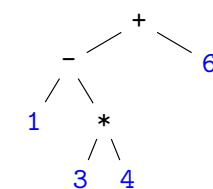
## A Prolog nyelv adatstruktúrái

- Prolog adatfogalma, a **Prolog kifejezés** (angolul: **term**):
  - egyszerű kif.: számkonstans (pl. `3`) vagy névkonstans (pl. `alma`)
  - összetett kifejezés (rekord, struktúra): `name(arg1, ..., argn)`
    - `name` egy névkonstans, az `argi` mezők tetsz. Prolog kifejezések
    - példa: `dolgozó(név('Kiss', 'Ede'), dátum(1992, 12, 20), 'SZIT')`.
    - Az összetett kifejezések valójában fastruktúrát alkotnak:



- A Prolog támogatja az egy- és kétargumentumú struktúrák operátoros (infix. prefix stb) írásmódját:  $1+2 \equiv +(1, 2)$

```
| ?- write_canonical(1-3*4+6).
+(-(1, *(3, 4)), 6)
yes
```



## Aritmetikai kifejezések ellenőrzése – továbbfejlesztett változat

- A kif Prolog eljárás segédeljárást használó változata (javasolt formázással):

```
% kif2(K): K számokból, a négy alapművelettel képzett kifejezés.
kif2(Kif) :-
    number(Kif).
kif2(Kif) :-
    alap4(X, Y, Kif),
    kif2(X),
    kif2(Y).
```

- Az alap4 segédeljárás:

```
% alap4(X, Y, Kif): A Kif kifejezés az X és Y kifejezésekből
% a négy alapművelet egyikével áll elő.
alap4(X, Y, X+Y).
alap4(X, Y, X-Y).
alap4(X, Y, X*Y).
alap4(X, Y, X/Y).
```

## Az append eljárás többirányú használata

- Az append eljárás a fejkommentje által leírt *relációt* valósítja meg, több választ is adhat (új válasz kérése a ; karakterrel)

```
% append(L1, L2, L3): Az L1 és L2 listák összefűzése az L3 lista.
```

```
| ?- append(L, [3], [1,2,3]). % [1,2,3] utolsó eleme-e 3,
L = [1,2] ? ; % és milyen L lista van előtte?
no % nincs TÖBB válasz
| ?- append([1,2], L, [1,2,3]). % [1,2,3,4] prefixuma-e [1,2]?
L = [3] ? ; no
| ?- append(L1, L2, [1,2,3]). % [1,2,3] hogyan bontható két részre?
L1 = [], L2 = [1,2,3] ? ;
L1 = [1], L2 = [2,3] ? ;
L1 = [1,2], L2 = [3] ? ;
L1 = [1,2,3], L2 = [] ? ; no
| ?- append(L, [2], L2).
L = [], L2 = [2] ? ;
L = [_A], L2 = [_A,2] ? ;
L = [_A,_B], L2 = [_A,_B,2] ? ; % végtelen sok válasz, problémás ...
...
```

## Aritmetikai kifejezés levéllistájának előállítás

- A kif\_levelek eljárás ellenőrzi a kifejezést és előállítja levéllistáját

```
% kif_levelek(Kif, L): A számokból alapműveletekkel felépülő Kif
% kifejezés leveleiben levő számok listája L.
kif_levelek(Kif, L) :-
    number(Kif), L = [Kif]. % L egyelemű, Kif-ből álló lista
kif_levelek(Kif, L) :-
    alap4(K1, K2, Kif),
    kif_levelek(K1, LX),
    kif_levelek(K2, LY),
    append(LX, LY, L).
```

```
| ?- kif_levelek(2/3-4*(5+6), L). → L = [2,3,4,5,6]
```

- Az append egy beépített eljárás, fejkommentje és példafutása

```
% append(L1, L2, L3): Az L1 és L2 listák összefűzése az L3 lista.
```

```
| ?- append([1,2], [3,4], L). → L = [1,2,3,4]
```

## Adott levéllistájú aritmetikai kifejezések előállítás

- A kif\_levelek eljárás sajnos nem használható „visszafelé”, végtelen ciklusba esik, lásd pl. | ?- kif\_levelek(Kif, [1]).
- Ez javítható a hívások átrendezésével és új feltételek beszúrásával

```
% kif_levelek(+Kif, -L): % levelek_kif(+L, -Kif):
% Kif levéllistája L. % Kif levéllistája L.
kif_levelek(Kif, L) :- levelek_kif(L, Kif) :-
    number(Kif), L = [Kif],
    L = [Kif]. number(Kif).
kif_levelek(Kif, L) :- levelek_kif(L, Kif) :-
    alap4(K1, K2, Kif), append(L1, L2, L),
    kif_levelek(K1, L1), L1 \= [], L2 \= [],
    kif_levelek(K2, L2), % L1, L2 nem-üres listák
    append(L1, L2, L), levelek_kif(L1, K1),
    levelek_kif(L2, K2),
    alap4(K1, K2, Kif).

| ?- levelek_kif([1,3,4], K).
K = 1+(3+4) ? ; K = 1-(3+4) ? ; K = 1*(3+4) ? ; K = 1/(3+4) ? ;
K = 1+(3-4) ? ; K = 1-(3-4) ? ; K = 1*(3-4) ? ; K = 1/(3-4) ? ; ...
```

## Adott értékű kifejezés előállítás

- Bevezető példánk megoldásához szükséges további nyelvi elemek
  - A `lists` könyvtárban található `permutation` eljárás:
 

```
% permutation(L, PL): PL az L lista permutációja.
```
  - Az `==` (`=\=`) beépített aritmetikai eljárás mindkét argumentumában aritmetikai kifejezést vár, azokat kiértékeli, és csakkor sikerül, ha az értékek aritmetikailag megegyeznek (különböznek), pl.
 

```
| ?- 4+2 =\= 3*2. → no          | ?- 2.0 =:= 2. → yes
| ?- 8/3 =:= 2.6666666666666666. → no
```
- A példa „generál és ellenőriz” (generate-and-test) stílusú megoldása:
 

```
% levelek_ertek_kif(L, Ertek, Kif): Kif az L listabeli számokból
% a négy alapművelet segítségével felépített olyan kifejezés,
% amelynek értéke Ertek.
levelek_ertek_kif(L, Ertek, Kif) :-
    permutation(L, PL), levelek_kif(PL, Kif), Kif =:= Ertek.

| ?- levelek_ertek_kif([1,3,4], 11, Kif).
Kif = 3*4-1 ? ; Kif = 4*3-1 ? ; no
```

## Tartalom

## 1 Bevezetés

- Követelmények, tudnivalók
- Egy kedvcsináló példa Prolog nyelven
- A példa Erlang változata

## Adott értékű kifejezés előállítás – a teljes kód

```
:- use_module(library(lists), [permutation/2]). % importálás

% levelek_ertek_kif(L, Ertek, Kif): Kif az L listabeli számokból
% a négy alapművelettel felépített, Ertek értékű kifejezés.
levelek_ertek_kif(L, Ertek, Kif) :-
    permutation(L, PL), levelek_kif(PL, Kif), Kif =:= Ertek.

% levelek_kif(L, Kif): Az alapműveletekkel felépített Kif levéllistája L.
levelek_kif(L, Kif) :-
    L = [Kif], number(Kif).
levelek_kif(L, Kif) :-
    append(L1, L2, L),
    L1 \= [], L2 \= [], levelek_kif(L1, K1), levelek_kif(L2, K2),
    alap4_0(K1, K2, Kif).

% alap4_0(X, Y, K): K X-ből és Y-ből értelmes alapművelettel áll elő.
alap4_0(X, Y, X+Y).
alap4_0(X, Y, X-Y).
alap4_0(X, Y, X*Y).
alap4_0(X, Y, X/Y) :- Y =\= 0. % a 0-val való osztás kiküszöbölése
```

## Erlang-kifejezések

- Erlang: nem logikai, hanem *funkcionális* programnyelv
- Összetett Erlang-kifejezéseket, függvényhívásokat értékelünk ki:
 

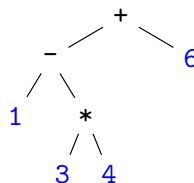
```
1> [1-3*4+6, 1-3/4+6].
[-5,6.25]
2> lists:seq(1,3).
[1,2,3]
3> {1/2, '+', 1+1}.
{0.5, '+', 2}
```
- *Hármas*:  $\{K_1, K_2, K_3\}$ , ahol  $K_i$  tetszőleges Erlang-kifejezés. *Pár*:  $\{K_1, K_2\}$ .
- A *listanézet* Erlang-kifejezés a matematikai halmaznézet imitációja:
 

```
4> [X || X <- [1,2,3] ]. % {x|x ∈ {1,2,3}}
[1,2,3]
5> [X || X <- [1,2,3], X*X > 5]. % {x|x ∈ {1,2,3}, x2 > 5}
[3]
6> [{X,Y} || X <- [1,2,3], Y <- lists:seq(1,X)].
% {(x,y)|x ∈ {1,2,3}, y ∈ {1..x}}
[{1,1},{2,1},{2,2},{3,1},{3,2},{3,3}]
```

## Aritmetikai kifejezések ábrázolása

- Primitívebb a Prolognál: nem tudja automatikusan sem ábrázolni, se felsorolni az aritmetikai kifejezéseket
- Prolog egy aritmetikai kifejezést fában ábrázol:

```
| ?- write_canonical(1-3*4+6).
+(-(1,(*(3,4)),6)
yes
```



- Erlangban explicit módon fel kell sorolnunk az összes ilyen fát, és explicit módon ki kell őket értékelni
- A példaprogramunkban a fenti aritmetikai kifejezést (önkéntesen) egymásba ágyazott hármassokkal ábrázoljuk:

```
{ {1, '-', {3, '*', 4}}, '+', 6 }
```

## Adott levéllistájú aritmetikai kifejezések felsorolása

- Segédfv: egy lista összes lehetséges kettévágása nem üres listákra
- ```
1> kif:kettevagasok([1,3,4,6]).
[ {[1],[3,4,6]}, {[1,3],[4,6]}, {[1,3,4],[6]} ]
```
- Kifejezések adott számokból *adott sorrendben*, 4 alapműveletből:

Erlang-kód:

```
% @type kif() = {kif(),muvelet(),kif()}
%             | integer().
% @type muvelet() = '+' | '-' | '*' | '/'.
% kif(L) = L levéllistájú kifek listája.
kifek([H]) ->
  [H];
kifek(L) ->
  [ {B,M,J}
    || {LB,LJ} <- kettevagasok(L),
        B <- kifek(LB),
        J <- kifek(LJ),
        M <- ['+', '-', '*', '/']
  ].
```

Matematikai nézet:

Kifejezés (kif) definíciója.  
(Az előző általánosítása.)

- Egyetlen  $h$  levelet tartalmazó kifek:  $\{h\}$
- $L$  levéllistájú kifek:  $\{(b, m, j) \mid L_B \oplus L_J = L, b \in \text{kifek}(L_B), j \in \text{kifek}(L_J), m \in \{+, -, *, /\}\}$

## Adott méretű fák felsorolása

- Fa-elrendezések felsorolása például csupa 1-esekből és '+' műveletekből
- Összesen 5 db. 4 levelű fa van:

```
{1, '+', {1, '+', {1, '+', 1}}}
{1, '+', {{1, '+', 1}, '+', 1}}
{{1, '+', 1}, '+', {1, '+', 1}}
{{1, '+', {1, '+', 1}}, '+', 1}
{{{1, '+', 1}, '+', 1}, '+', 1}
```

Erlang-kód:

```
% @type fa() = 1 | {fa(),'+',fa()}.
% fak(N) = az összes N levelű fa listája.
fak(1) ->
  [1];
fak(N) ->
  [ {BalFa, '+', JobbFa}
    || I <- lists:seq(1, N-1),
        BalFa <- fak(I),
        JobbFa <- fak(N-I)
  ].
```

Matematikai nézet

Fa definíciója.

- 1 levelet tartalmazó fák halmaza:  $\{1\}$
- $n$  levelet tartalmazók:  $\{(b, '+', j) \mid i \in [1..n-1], b \in \text{fak}(i), j \in \text{fak}(n-i)\}$

## Utolsó lépés: a kifejezések explicit kiértékelése

```
% ertek(K) = a K kifejezés számértéke.
```

```
ertek({B,Muvelet,J}) ->
  erlang:Muvelet(ertek(B), ertek(J));
ertek(I) ->
  I.
```

- Példák:

```
1> erlang:'+'(1,3).
4
2> kif:ertek(3).
3
3> kif:ertek({{1, '-', {3, '*', 4}}, '+', 6}).
-5
4> kif:ertek({1, '/', 0}).
** exception error: ...
```

```
% permutaciok(L) = az L lista elemeinek minden permutációja.
```

```
5> kif:permutaciok([1,3,4]).
[[1,3,4], [1,4,3], [3,1,4], [3,4,1], [4,1,3], [4,3,1]]
```



## Adott értékű kifejezések felsorolása – teljes kód

```
kif:megoldasok([1,3,4,6], 24).
```

```
-module(kif).
-compile([export_all]).
```

```
megoldasok(Szamok, Eredmeny) ->
  [Kif || L <- permutaciok(Szamok),
   Kif <- kifek(L),
   (catch ertek(Kif)) == Eredmeny].
```

- **catch**: 0-val való osztásnál keletkező kivétel miatt

```
kifek([H]) -> [H];
kifek(L) -> [ {B,M,J} || {LB,LJ} <- kettevagasok(L),
              B <- kifek(LB),
              J <- kifek(LJ),
              M <- ['+', '-', '*', '/'] ].
ertek({B,M,J}) -> erlang:M(ertek(B), ertek(J));
ertek(I) -> I.
kettevagasok(L) -> [ {LB,LJ} || I <- lists:seq(1, length(L)-1),
                    {LB,LJ} <- [lists:split(I, L)] ].
permutaciok([]) -> [[]];
permutaciok(L) -> [[H|T] || H <- L, T <- permutaciok(L--[H])].
```

## Tartalom

- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
  - Néhány deklaratív paradigma C nyelven
  - Jobbrekurzió
  - A Cékla programozási nyelv
  - Listakezelés Céklában
  - Magasabb rendű függvények
  - Generikus függvények

## II. rész

## Cékla: deklaratív programozás C++-ban

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

## A deklaratív programozás jelmondata

- MIT és nem HOGYAN (WHAT rather than HOW):  
a *megoldás módja* helyett **inkább**  
a megoldandó *feladat leírását* kell megadni
- A gyakorlatban mindkét szemponttal foglalkozni kell

Kettős szemantika:

- deklaratív szemantika  
MIT (milyen feladatot) old meg a program;
  - procedurális szemantika  
HOGYAN oldja meg a program a feladatot.
- Új gondolkodási stílus, dekomponálható, verifikálható programok
  - Új, magas szintű programozási elemek
    - rekurzió (algoritmus, adatstruktúra)
    - mintaillesztés
    - visszalépéses keresés
    - magasabb rendű függvények

## Imperatív és deklaratív programozási nyelvek

### Imperatív program

- felszólító módú, utasításokból áll
- változó: változtatható értékű memóriahely
- C nyelvű példa:

```
int pow(int A, int N) { // pow(A,N) = A^N
    int P = 1; // Legyen P értéke 1!
    while (N > 0) { // Amíg N>0 ismételd ezt:
        N = N-1; // Csökkentsd N-et 1-gyel!
        P = P*A; } // Szorozd P-t A-val!
    return P; } // Add vissza P végértékét
```

### Deklaratív program

- kijelentő módú, egyenletekből, állításokból áll
- változó: egyetlen, fix, a programírás idején ismeretlen értékkel bír
- Erlang példa:

```
pow(A,N) -> if % Elágazás
    N==0 -> 1; % Ha N == 0, akkor 1
    N>0 -> A * pow(A, N-1) % Ha N>0, akkor A*A^{N-1}
end. % Elágazás vége
```

## Deklaratív programozás imperatív nyelven

### Lehet pl. C-ben is deklaratívan programozni

ha nem használunk: értékadó utasítást, ciklust, ugrást stb.,  
amit használhatunk: csak konstans változók, (rekurzív) függvények,  
if-then-else

- Példa (a pow függvény deklaratív változata a powd):

```
// powd(A,N) = A^N
int powd(const int A, const int N) {
    if (N > 0) // Ha N > 0
        return A * powd(A,N-1); // akkor A^N = A*A^{N-1}
    else
        return 1; // egyébként A^N = 1
}
```

- A (fenti típusú) rekurzió költséges, nem valósítható meg konstans tárigénnyel :-)

powd(10,3) : 10\*powd(10,2) : 10\*(10\*powd(10,1)) :  $10 * (10 * (10 * 1))$   
tárolni kell

## Tartalom

### 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban

- Néhány deklaratív paradigma C nyelven
- Jobbrekurzió
- A Cékla programozási nyelv
- Listakezelés Céklaiban
- Magasabb rendű függvények
- Generikus függvények

## Hatékony deklaratív programozás

- A rekurzióknak van egy hatékonyan megvalósítható változata
- Példa: döntsük el, hogy egy A szám előáll-e egy B szám hatványaként:

```
/* ispow(A,B) = létezik i, melyre B^i = A.
 * Előfeltétel: A > 0, B > 1 */
```

```
int ispow(int A, int B) {
    if (A == 1) return true;
    if (A%B==0) return ispow(A/B, B);
    return false;
}

int ispow(int A, int B) {
    again:
    if (A == 1) return true;
    if (A%B==0) {A=A/B; goto again;}
    return false;
}
```

- Itt a **színezett** rekurzív hívás átírható iteratív kódra: értékadással és ugrással helyettesíthető!
- Ez azért tehető meg, mert a rekurzióból való visszatérés után *azonnal* kilépünk az adott függvényhívásból.
- Az ilyen függvényhívást **jobbrekurzió**nak vagy **terminális rekurzió**nak vagy **farok rekurzió**nak nevezzük („tail recursion”)
- A Gnu C fordító (GCC) megfelelő optimalizálási szint mellett a rekurzív definícióból is a nem-rekurzív (jobboldali) kóddal azonos kódot generál!

## Jobbrekurzív függvények

- Lehet-e jobbrekurzív kódot írni a hatványozási ( $\text{pow}(A, N)$ ) feladatra?
  - A gond az, hogy a rekurzióból „kifelé jövet” már nem csinálhatunk semmit
  - Tehát a végeredménynek az utolsó hívás belsejében elő kell állnia!
  - A megoldás: segédfüggvény definiálása, amelyben egy vagy több ún. gyűjtőargumentumot (*akkumulátort*) helyezünk el.

- A  $\text{pow}(A, N)$  jobbrekurzív (iteratív) megvalósítása:

```
// Segédfüggvény: powi(A, N, P) = P * A^N
int powi(const int A, const int N, const int P) {
    if (N > 0)
        return powi(A, N-1, P*A);
    else
        return P;
}

int powi(const int A, const int N){
    return powi(A, N, 1);
}
```

## Imperatív program átírása jobbrekurzív, deklaratív programmá

- Minden ciklusnak egy segédfüggvényt feleltetünk meg (Az alábbi példában: `while` ciklus  $\implies$  `powi(A, N, P)` függvény)
- A segédfüggvény argumentumai a ciklus által tartalmazott változóknak felelnek meg (`powi` argumentumai az `A`, `N`, `P` értékek)
- A segédfüggvény eredménye a ciklus által az őt követő kódnak továbbadott változó(k) értéke (`powi` eredménye a `P` végértéke)
- Példa: a hatványszámító program

```
int pow(int A, int N) {
    int P = 1;

    while (N > 0) {
        N = N-1;
        P = P*A;
    }

    return P;
}

int powi(int A, int N) {
    return powi(A, N, 1);
}

int powi(int A, int N, int P) {
    if (N > 0) return powi(A,
                           N-1,
                           P*A);
    else
        return P;
}
```

## Példák: jobbrekurzióra átírt rekurziók

| Általános rekurzió                                                                                                                     | Jobbrekurzió                                                                                                                                                                                                                         |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre>// fact(N) = N! int fact(const int N) {     if (N==0) return 1;     return N * fact(N-1); }</pre>                                 | <pre>// facti(N, I) = N! * I int facti(const int N, const int I) {     if (N==0) return I;     return facti(N-1, I*N); }  int facti(const int N) {     return facti(N, 1); }</pre>                                                   |
| <pre>// fib(N) = // N. Fibonacci szám int fib(const int N) {     if (N&lt;2) return N;     return fib(N-1) +         fib(N-2); }</pre> | <pre>int fibi(const int N, // Segédfv         const int Prev, const int Cur) {     if (N==0) return 0;     if (N==1) return Cur;     return fibi(N-1, Cur, Prev + Cur); }  int fibi(const int N) {     return fibi(N, 0, 1); }</pre> |

## Tartalom

- Cékla: deklaratív programozás C++-ban
  - Néhány deklaratív paradigma C nyelven
  - Jobbrekurzió
  - A Cékla programozási nyelv
  - Listakezelés Céklában
  - Magasabb rendű függvények
  - Generikus függvények

## Cékla 2: A „Cé++” nyelv egy deKLAratív része

- Megszorítások:
  - Típusok: csak `int`, lista vagy függvény (lásd később)
  - Utasítások: `if-then-else`, `return`, blokk, kifejezés
  - Változók: csak egyszer, deklarációjukkor kaphatnak értéket (`const`)
  - Kifejezések: változókból és konstansokból kétargumentumú operátorokkal, függvényhívásokkal és feltételes szerkezetekkel épülnek fel
    - $\langle$ aritmetikai-op $\rangle$ : `+` | `-` | `*` | `/` | `%` |
    - $\langle$ hasonlító-op $\rangle$ : `<` | `>` | `==` | `!=` | `>=` | `<=`
- C++ fordítóval is fordítható a `cekla.h` fájl birtokában: láncolt lista kezelése, függvénytípusok és kiírás
- Kiíró függvények: főleg nyomkövetéshez, ugyanis *mellékhathasuk* van!
  - `write(X)`; Az `x` kifejezés kiírása a standard kimenetre
  - `writeln(X)`; Az `x` kifejezés kiírása és soremelés
- Korábban készült egy csak az `int` típust és a C résznyelvet támogató Cékla 1 fordító (Prologban íródott és Prologra is fordít)
- A (szintén Prologos) Cékla 2.x fordító letölthető a tárgy honlapjáról

## Cékla Hello world!

### hello.cpp

```
#include "cekla.h"           // így C++ fordítóval is fordítható
int main() {                // bárhogy nevezhetnénk a függvényt
    writeln("Hello World!"); // nem-deklaratív utasítás
}                             // C++ komment megengedett
```

- Fordítás és futtatás a `cekla` programmal:

```
$ cekla hello.cpp           Cékla parancssori indítása
Welcome to Cékla 2.238: a compiler for a declarative C++ sublanguage
* Function 'main' compiled
* Code produced
To get help, type:         |* help;
|* main()                  Kiértékelendő kifejezés
Hello World!              a mellékhathas
|* ^D                      end-of-file (Ctrl+D v Ctrl+Z)
Bye
$ g++ hello.cpp && ./a.out Szabályos C++ program is
Hello World!
```

## A Cékla nyelv szintaxisa

- A szintaxist BNF jelöléssel adjuk meg, kiterjesztés:
  - ismétlés (0, 1, vagy többszöri):  $\langle$ ismétlendő $\rangle$ ...
  - zárójelezés: `[ ... ]`
  - `< >` jelentése: semmi
- A program szintaxisa

```
<program> ::= <preprocessor_directive>...
             <function_definition>...
<function_definition> ::= <head> <block>
<head> ::= <type> <identifier>(<formal_args>)
<type> ::= [const | < >] [int | list | fun1 | fun2]
<formal_args> ::= <formal_arg>[, <formal_arg>]... | < >
<formal_arg> ::= <type> <identifier>
<block> ::= { [<declaration> | <statement>]... }
<declaration> ::= <type> <declaration_elem>
                [, <declaration_elem>]... ;
<declaration_elem> ::= <identifier> = <expression>
```

## Cékla szintaxis folytatás: utasítások, kifejezések

```
<statement> ::= if (<expression>) <statement> <else_part>
               | <block>
               | <expression> ;
               | return <expression> ;
               | ;
<else_part> ::= else <statement> | < >
<expression> ::= <expression_3> [? <expression> : <expression> | < >]
<expression_3> ::= <expression_2> [<comp_op> <expression_2>]...
<expression_2> ::= <expression_1> [<add_op> <expression_1>]...
<expression_1> ::= <expression_0> [<mul_op> <expression_0>]...
<expression_0> ::= <identifier>
                 | <constant>
                 | <identifier>(<actual_args>)
                 | (<expression>)
<constant> ::= <integer> | <string> | '<char>'
<actual_args> ::= <expression> [, <expression>]... | < >
<comp_op> ::= < > | > | == | != | >= | <=
<add_op> ::= + | -
<mul_op> ::= * | / | %
```

## Tartalom

### 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban

- Néhány deklaratív paradigma C nyelven
- Jobbrekurzió
- A Cékla programozási nyelv
- Listakezelés Cékla-ban
- Magasabb rendű függvények
- Generikus függvények

## Lista építése

- Egészeket tároló láncolt lista
- Üres lista: `nil` (globális konstans)
- Lista építése:

```
// Visszaad egy új listát: első eleme Head, farka a Tail lista.
list cons(int Head, list Tail);
```

### pelda.cpp – példaprogram

```
#include "cekla.h" // így szabályos C++ program is
int main() { // szabályos függvénydeklaráció
    const list L1 = nil; // üres lista
    const list L2 = cons(30, nil); // [30]
    const list L3 = cons(10, cons(20, L2)); // [10,20,30]
    writeln(L1); // kimenet: []
    writeln(L2); // kimenet: [30]
    writeln(L3); // kimenet: [10,20,30]
}
```

## Futtatás Cékla-val

```
$ cekla
Welcome to Cekla 2.xxx: a compiler for a declarative C++ sublanguage
To get help, type:      |* help;
|* load "pelda.cpp";
* Function 'main' compiled
* Code produced
|* main();
[]
[30]
[10,20,30]
|* cons(10,cons(20,cons(30,nil)));
[10,20,30]
|* ^D
Bye
$
```

## Lista szétbontása

- Első elem lekérdezése:
 

```
int hd(list L) // Visszaadja a nem üres L lista fejét.
```
- Többi elem lekérdezése:
 

```
list tl(list L) // Visszaadja a nem üres L lista farkát.
```
- Egyéb operátorok: = (inicializálás), ==, != (összehasonlítás)
- Példa:

```
int sum(const list L) { // az L lista elemeinek összege
    if (L == nil) return 0; // ha L üres, akkor 0,
    else { // különben hd(L) + sum(tl(L))
        const int X = hd(L); // segédváltozókat használhatunk,
        const list T = tl(L); // de csak konstansokat
        return X + sum(T); // rekurzió (ez nem jobbrekurzió!)
    } // Fejtörő: csak akkor lehet jobbrekurzióvá alakítani, ha a
} // tl(L) objektumot nem kell felszabadítani (destruktor)

int main() {
    const int X = sum(cons(10,cons(20,nil))); // sum([10,20]) == 30
    writeln(X); // mellékhatás: kiírjuk a 30-at
}
```

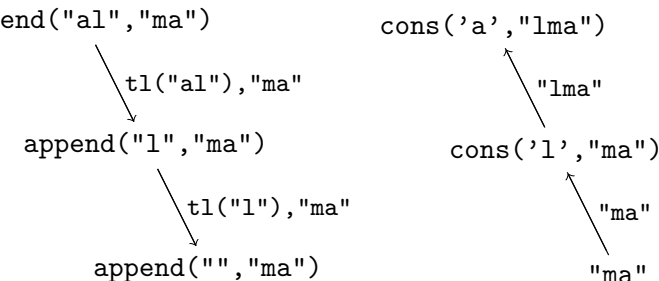
## Sztringek Céklában

- Sztring nem önálló típus: karakterkódok listája, „szintaktikus édesítőszert”
- A lista a C nyelvből ismert „lezáró nullát” ('\\0') nem tárolja!
- write heurisztikája: ha a lista csak nyomtatható karakterek kódját tartalmazza (32..126), sztring formában íródik ki:

```
int main() {
    const list L4 = "abc";           // abc
    const list L5 = cons(97, cons(98, cons(99, nil))); // abc
    writeln(L4 == L5);              // 1
    writeln(97 == 'a');              // 1
    writeln(nil == "");             // 1
    writeln(true);                  // 1, mint C-ben
    writeln(false);                 // 0, mint C-ben
    writeln(nil);                   // []
    writeln(L5);                    // abc
    writeln(cons(10, L5));           // [10,97,98,99]
    writeln(tl(L4));                // bc
}
```

## Listák összefűzése: append

- `append(L1, L2)` visszaadja `L1` és `L2` elemeit egymás után fűzve  
*// append(L1, L2) = L1 ⊕ L2 (L1 és L2 összefűzése)*
- Például `append("a1", "ma") == "alma"` (vagyis `[97,108,109,97]`).



- $O(n)$  lépésszámú ( $L1$  hossza), ha a lista átadása, `cons`, `hd`, `tl`  $O(1)$
- Megjegyzés: a fenti megvalósítás nem jobbrekurzív!

## Lista megfordítása: nrev, reverse

- Naív (négyzetes lépésszámú) megoldás  
*// nrev(L) = az L lista megfordítva*
- Lineáris lépésszámú megoldás  
*// reverse(L) = az L lista megfordítva*
- Egy jobbrekurzív `appendi(L1, L2)`: `revapp(revapp(L1, nil), L2)`

```
list nrev(const list L) {
    if (L == nil) return nil;
    return append(nrev(tl(L)), cons(hd(L), nil));
}

// reverse(L) = az L lista megfordítva
list reverse(const list L) {
    return revapp(L, nil);
}

// revapp(L, L0) = az L lista megfordítása L0 elé fűzve
list revapp(const list L, const list L0) {
    if (L == nil) return L0;
    return revapp(tl(L), cons(hd(L), L0));
}
```

## További általános listakezelő függvények

- Elem keresése listában  
*// ismember(X, L) = 1, ha az X érték eleme az L listának*
- Két, ismétlődésmentes listaként ábrázolt halmaz metszete  
*// intersection(L1, L2) = L1 és L2 közös elemeinek listája.*

```
int ismember(const int X, const list L) {
    if (L == nil) return false;
    if (hd(L) == X) return true;
    return ismember(X, tl(L));
}

// intersection(L1, L2) = L1 és L2 közös elemeinek listája.
list intersection(const list L1, const list L2) {
    if (L1 == nil) return nil;
    const list L3 = intersection(tl(L1), L2);
    const int X = hd(L1);
    if (ismember(X, L2))
        return cons(X, L3);
    else return L3;
}
```

## Műveletek számlistákkal

- Döntsük el, hogy egy számlista csupa negatív számból áll-e!

```
// allneg(L) = 1, ha az L lista minden eleme negatív.
int allneg(const list L) {
    if (L == nil) return true;
    if (hd(L) >= 0) return false;
    return allneg(tl(L));
}
```

- Állítsuk elő egy számlista negatív elemeiből álló listát!

```
// filterneg(L) = Az L lista negatív elemeinek listája.
list filterneg(const list L) {
    if (L == nil) return nil;
    const int X = hd(L); const list TL = tl(L);
    if (X >= 0) return filterneg(TL);
    else return cons(X, filterneg(TL));
}
```

- Állítsuk elő egy számlista elemeinek négyzeteiből álló listát!

```
// sqllist(L) = az L lista elemeinek négyzeteit tartalmazó lista.
list sqllist(const list L) {
    if (L == nil) return nil ;
    const int HD = hd(L);
    const list TL = tl(L);
    return cons(HD*HD, sqllist(TL));
}
```

## Imperatív C programok átírása Céklába gyűjtőargumentumokkal

- Példafeladat: Hatékony hatványozási algoritmus
  - Alaplépés: a kitevő felezése, az alap négyzetre emelése.
  - A kitevő kettes számrendszerbeli alakja szerint hatványoz.
- A megoldás imperatív C-ben és Céklában:

```
// hatv(A, H) = A^H
int hatv(int A, int H) {
    int E = 1;
    while (H > 0) {
        if (H % 2) E *= A;
        A *= A; H /= 2;
    }
    return E;
}

// hatv(A, H, E) = E * A^H
int hatv(const int A, const int H, const int E) {
    if (H <= 0) return E; // ciklus vége
    const int E1 = H%2 ? E*A : E;
    return hatv(A * A, H / 2, E1);
}
```

- A jobboldalon a while ciklusnak megfelelő segédfüggvény van, meghívása: `hatv(A, H, 1)`
- A segédfüggvény argumentumai a ciklusban szereplő változók: A, H, E
- Az A és H változók végértékére nincs szükség
- Az E változó végső értéke szükséges (ez a függvény eredménye)

## Gyűjtőargumentumok: több kimenő változót tartalmazó ciklus

- A segéd eljárás kimenő változóit egy listába „csomagolva” adjuk vissza
- A segéd eljárás visszatérési értékét szétszedjük.

```
// poznegki(L): kiírja
// L >0 és <0 elemeinek
// a számát
int poznegki(list L) {
    int P = 0, N = 0;
    while (L != nil) {
        int Fej = hd(L);
        P += (Fej > 0);
        N += (Fej < 0);
        L = tl(L);
    }
    write(P); write("-");
    writeln(N);
}

// pozneg(L, P0, N0) = [P,N], ahol P-P0, ill.
// N-N0 az L >0, ill. <0 elemeinek a száma
list pozneg(list L, int P0, int N0) {
    if (L == nil) return cons(P0, cons(N0, nil));
    const int Fej = hd(L);
    const int P = P0+(Fej>0);
    const int N = N0+(Fej<0);
    return pozneg(tl(L), P, N);
}

int poznegki(const list L) {
    const list PN = pozneg(L, 0, 0);
    const int P = hd(PN), N = hd(tl(PN));
    write(P); write("-");
    writeln(N);
}
```

## Gyűjtőargumentumok: append kiküszöbölése

- A feladat: adott N-re N db a, majd N db b karakterből álló sztring előállítás
- Első változat, append felhasználásával

```
list anbn(int N) {
    list LA = nil, LB = nil;
    while (N-- > 0) {
        LA = cons('a', LA);
        LB = cons('b', LB);
    }
    return append(LA, LB);
}

// an(A, N) = [A, <-N->, A]
list an(const int A, const int N) {
    if (N == 0) return nil;
    else return cons(A, an(A, N-1));
}

list anbn(const int N) {
    return append(an('a',N), an('b',N));
}
```

- Második változat, append nélkül

```
list anbn(int N) {
    list L = nil; int M = N;
    while (N-- > 0)
        L = cons('b', L);
    while (M-- > 0)
        L = cons('a', L);
    return L;
}

// an(A, N, L) = [A, <-N->, A] ⊕ L
list an(int A, int N, list L) {
    if (N == 0) return L;
    else return an(A, N-1, cons(A, L));
}

list anbn(const int N) {
    return an('a', N, an('b', N, nil));
}
```

- Itt a gyűjtőargumentumok előnye nemcsak a jobb rekurzió, hanem az append kiküszöbölése is.

## Tartalom

- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
  - Néhány deklaratív paradigma C nyelven
  - Jobbrekurzió
  - A Cékla programozási nyelv
  - Listakezelés Céklában
  - Magasabb rendű függvények
  - Generikus függvények

## Magasabb rendű függvények Céklában

- Magasabb rendű függvény: paramétere vagy eredménye függvény
- A Cékla két függvénytípust támogat:
 

```
typedef int(* fun1 )(int) // Egy paraméteres egész fv
typedef int(* fun2 )(int, int) // Két paraméteres egész fv
```
- Példa: ellenőrizzük, hogy egy lista számjegykarakterek listája-e
 

```
// Igaz, ha L minden X elemére teljesül a P(X) predikátum
int for_all(const fun1 P, const list L) {
    if (L == nil) return true; // triviális
    else {
        if (P(hd(L)) == false) return false; // ellenpélda?
        return for_all(P, tl(L)); // többire is teljesül?
    }
}

int digit(const int X) { // Igaz, ha X egy számjegy kódja
    if (X < '0') return false; // 48 == '0'
    if (X > '9') return false; // 57 == '9'
    return true;
}

int szamjegyek(const list L) { return for_all(digit, L); }
```

## Gyakori magasabb rendű függvények: map, filter

- map(F,L): az F(X) elemekből álló lista, ahol X végigfutja az L lista elemeit

```
list map(const fun1 F, const list L) {
    if (L == nil) return nil;
    return cons(F(hd(L)), map(F, tl(L)));
}
```

- Például az L=[10,20,30] lista elemeit eggyel növelve: [11,21,31]

```
int incr(const int X) { return X+1; }
```

Így a map(incr, L) kifejezés értéke [11,21,31].

- filter(P,L): az L lista azon X elemei, melyekre P(X) teljesül

```
list filter(const fun1 P, const list L) {
    if (L == nil) return nil;
    if (P(hd(L))) return cons(hd(L), filter(P, tl(L)));
    else return filter(P, tl(L));
}
```

- Például keressük meg a "X=100;" sztringben a számjegyeket:  
A filter(digit, "X=100;") kifejezés értéke "100" (azaz [49,48,48])

## Gyakori magasabb rendű függvények: a fold... család

- Hajtogatás balról – Erlang stílusban

```
// foldl(F, a, [x1,...,xn]) = F(xn, ..., F(x2, F(x1, a)))...
int foldl(const fun2 F, const int Acc, const list L) {
    if (L == nil) return Acc;
    else return foldl(F, F(hd(L),Acc), tl(L)); // (*)
}
```

- Hajtogatás balról – Haskell stílusban (csak a (\*) sor változik)

```
// foldlH(F, a, [x1,...,xn]) = F(...(F(a, x1), x2), ..., xn)
int foldlH(const fun2 F, const int Acc, const list L) {
    if (L == nil) return Acc;
    else return foldlH(F, F(Acc,hd(L)), tl(L));
}
```

- Futási példák, L = [1,5,3,8]

```
int xmy(int X, int Y) { return X-Y; }
int ymx(int X, int Y) { return Y-X; }

foldl (xmy, 0, L) = (8-(3-(5-(1-0)))) = 9
foldlH(xmy, 0, L) = (((((0-1)-5)-3)-8) = -17
foldl (ymx, 0, L) = (((((0-1)-5)-3)-8) = -17
foldlH(ymx, 0, L) = (8-(3-(5-(1-0)))) = 9
```



## A fold család – folytatás

- Hajtogatás jobbról (Haskell és Erlang egyaránt:-)

```
// foldr(F, a, [x1, ..., xn]) = F(x1, F(x2, ..., F(xn, a)...))
int foldr(const fun2 F, const int Acc, const list L) {
    if (L == nil) return Acc;
    else
        return F(hd(L), foldr(F, Acc, tl(L)));
}
```

- Futási példa, L = [1,5,3,8],

```
int xmy(int X, int Y) { return X-Y; }
```

```
foldr(xmy, 0, L) = (1-(5-(3-(8-0)))) = -9
```

- Egyes funkcionális nyelvekben (pl. Haskell-ben) a hajtogató függvényeknek létezik 2-argumentumú változata is: foldl1 ill. foldr1
- Itt a lista első vagy utolsó eleme lesz az Acc akkumulátor-argumentum kezdőértéke, pl.
 

```
foldr1(F, [x1,...,xn]) = F(x1, F(x2, ..., F(xn-1,xn)...))
```
- (HF: melyiket sokkal egyszerűbb megírni: a foldl1 vagy a foldr1 függvényt?)

## Tartalom

- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
  - Néhány deklaratív paradigma C nyelven
  - Jobbrekurzió
  - A Cékla programozási nyelv
  - Listakezelés Céklában
  - Magasabb rendű függvények
  - Generikus függvények

## Generikus függvény szintaxisa

- Cékla részben támogatja a C++ template függvényeket

- Példa:

```
template <class AnyType>
int trace_variable(const AnyType X) {
    write(" *** debug *** : ");
    writeln(X);
}
```

- Kiegészül a Cékla nyelv szintaxisa:

```
<function_definition> ::= <head> <block>
<head> ::= [<template_declaration> | <>]
           <type> <identifier>(<formal_args>)
<type> ::= [const | <>] [<template_id> | int | list | fun1 | fun2]
```

- Megjegyzés: Prologban, Erlangban nincs is típusdeklaráció

## Példa: absztrakciós réteg generikus, magasabbrendű fv-nyel

- Tekintsük a sum jobbrekurzív változatát:

```
int sum(list L, int L2) {
    if (L == nil) return L2;
    return sum(tl(L), plus(hd(L), L2));
}
int plus(int A, int B) {
    return A+B;
}
int sum(list L) {
    return sum(L,0);
}
```

- Miben hasonlít a revapp algoritmusára?

```
list revapp(list L, list L2) {
    if (L == nil) return L2;
    return revapp(tl(L), cons(hd(L), L2));
}
```

- Az eltérések: L2 és a visszatérési érték, és plus, cons függvények típusa

```
template <class Fun, class AccType>
AccType foldlt(Fun F, AccType Acc, list L) {
    if (L == nil) return Acc;
    return foldlt(F, F(hd(L), Acc), tl(L));
}
```

```
revapp(L, L2) == foldlt(cons, L2, L)
sum(L)       == foldlt(plus, 0, L)
```

## Deklaratív programozási nyelvek — a Cékla tanulságai

- Mit veszítettünk?
  - a megváltoztatható változókat,
  - az értékadást, ciklus-utasítást stb.,
  - általánosan: a megváltoztatható állapotot
- Hogyan tudunk mégis állapotot kezelni deklaratív módon?
  - az állapotot a (segéd)függvény paraméterei tárolják,
  - az állapot változása (vagy helybenmaradása) explicit!
- Mit nyertünk?
  - Állapotmentes szemantika: egy nyelvi elem értelme nem függ a programállapottól
    - Hivatkozási átlátszóság (referential transparency) — pl. ha  $f(x) = x^2$ , akkor  $f(a)$  **helyettesíthető**  $a^2$ -tel.
    - Egyszeres értékadás (single assignment) — párhuzamos végrehajthatóság.
  - A deklaratív programok **dekomponálhatók**:
    - A program részei egymástól **függetlenül** megírhatók, tesztelhetők, verifikálhatók.
    - A programon könnyű következtetéseket végezni, pl. helyességét **bizonyítani**

## III. rész

### Erlang alapok

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok**
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

## Cékla kis házi feladat – előzetes

Egy  $S$  pozitív szám  $A$  alapú *átrendezettje*,  $A > 1$ :

- 1 Képezzük az  $S$  szám  $A$  alapú számrendszerben vett jegyeinek listáját (balról jobbra), legyen ez  $S_1, S_2, S_3, S_4, \dots, S_k$
- 2 Rendezzük át a számjegyek listáját: elől a páratlan indexű számjegyek jönnek, majd a páros indexűek.
  - Ha  $k$  páros, az eredmény:  $S_1, \dots, S_{k-1}, S_2, \dots, S_k$
  - Ha  $k$  ptlan, az eredmény:  $S_1, \dots, S_k, S_2, \dots, S_{k-1}$
- 3 Az előállt számjegysorozatot  $A$  számrendszerbeli számnak tekintjük, és képezzük ennek a számnak az értékét

```
|* atrendezett(123456, 10);
```

```
135246
```

```
|* atrendezett(12345, 10);
```

```
13524
```

```
|* atrendezett(12, 2);
```

```
10
```

- 1 A 12 (decimális) szám 2-es alapú számjegyei 1, 1, 0, 0,
- 2 hátrátéve a páros indexűeket: 1, 0, 1, 0,
- 3 ezek 2-es számrendszerben a 10 (decimális) szám számjegyei.

## Tartalom

- 3 Erlang alapok
  - Bevezetés
  - Típusok
  - Erlang szintaxis alapjai
  - Mintaillesztés
  - Listanézet
  - Magasabbrendű függvények, függvényérték
  - Műveletek, beépített függvények
  - Őr
  - Típusspecifikáció
  - Kivételkezelés
  - Gyakori könyvtári függvények

## Funkcionális programozás: mi az?

- Programozás *függvények alkalmazásával*
- Kevésbé elterjedten *applikatív programozásnak* is nevezik (vö. function application)
- A függvény: leképezés – az argumentumából állítja elő az eredményt  
A tiszta (matematikai) függvénynek nincs *mellékhatása*.

Példák funkcionális programozási nyelvekre, nyelvcsaládokra:

- Lisp, Scheme
- SML, Caml, Caml Light, OCaml, Alice
- Clean, Haskell
- Erlang
- F#

## Az Erlang nyelv

- 1985: megszületik „Ellemtelben” (Ericsson–Televerket labor)
  - Agner Krarup Erlang dán matematikus, ERicsson LANGUage
- 1991: első megvalósítás, első projektek
- 1997: első OTP (Open Telecom Platform)
- 1998-tól: nyílt forráskódú, szabadon használható
- Funkcionális alapú (Functionally based)
- Párhuzamos programozást segítő (Concurrency oriented)
- Gyakorlatban használt

„Programming is fun!”

## Szakirodalom angolul

- **Joe Armstrong: Programming Erlang. Software for a Concurrent World. The Pragmatic Bookshelf, 2007. ISBN-13 978-1-934356-00-5**  
<http://www.pragprog.com/titles/jaerlang/programming-erlang>
- Francesco Cesarini, Simon Thompson: Erlang Programming. O'Reilly, 2009. ISBN 978-0-596-51818-9 <http://oreilly.com/catalog/9780596518189/>
- Joe Armstrong, Robert Virding, Claes Wikström, Mike Williams: Concurrent Programming in Erlang. Second Edition. Prentice Hall, 1996. ISBN 0-13-508301-X. **Első része szabadon letölthető.**  
<http://erlang.org/download/erlang-book-part1.pdf>
- **On-line Erlang documentation** (Tutorial, Reference Manual stb.)  
<http://erlang.org/doc.html> vagy `erl -man <module>`  
Pl. listafüggvények: <http://www.erlang.org/doc/man/lists.html>
- Wikibooks on Erlang Programming  
[http://en.wikibooks.org/wiki/Erlang\\_Programming](http://en.wikibooks.org/wiki/Erlang_Programming)
- Learn You Some Erlang for great good!  
<http://learnyousomeerlang.com>

## Erlang emulátor

- Erlang shell (interaktív értelmező) indítása  
\$ `erl`  
Erlang R13B03 (erts-5.7.4) [source] [smp:...
- Eshell V5.7.4 (abort with ^G)  
1>  
1> `3.2 + 2.1 * 2.`     % Lezárás és indítás „pont-bevitel”-lel!  
7.4  
2> `atom.`  
atom  
3> `'Atom'.`  
'Atom'  
4> `"string".`  
"string"  
5> `{ennes, 'A', a, 9.8}.`  
{ennes, 'A', a, 9.8}  
6> `[lista, 'A', a, 9.8].`  
[lista, 'A', a, 9.8]  
7> `q().`  
ok

## Erlang shell: parancsok

```

1> help().
** shell internal commands **
b()      -- display all variable bindings
e(N)     -- repeat the expression in query <N>
f()      -- forget all variable bindings
f(X)     -- forget the binding of variable X
h()      -- history
v(N)     -- use the value of query <N>
rr(File) -- read record information from File (wildcards allowed)
...
** commands in module c **
c(File)  -- compile and load code in <File>
cd(Dir)  -- change working directory
help()   -- help info
l(Module) -- load or reload module
lc([File]) -- compile a list of Erlang modules
ls()     -- list files in the current directory
ls(Dir)  -- list files in directory <Dir>
m()      -- which modules are loaded
m(Mod)   -- information about module <Mod>
pwd()    -- print working directory
q()      -- quit - shorthand for init:stop()
...

```

## Saját program lefordítása

## bevezeto.erl – Faktoriális számítás

```

-module(bevezeto). % A modul neve (kötelező; modulnév = fájlnev)
-export([fac/1]). % Látható függvények (praktikusan kötelező)

% @spec fac(N::integer()) -> F::integer().
% F = N! (F az N faktoriálisa).
fac(0) -> 1; % ha az N=0 mintaillesztés sikeres
fac(N) -> N * fac(N-1). % ha az N=0 mintaillesztés nem volt sikeres

```

## • Fordítás, futtatás

```

1> c(bevezeto).
{ok,bevezeto}
2> bevezeto:fac(5).
120
3> fac(5).
** exception error: undefined shell command fac/1
4> bevezeto:fac(5)
4>
4> .
120

```

## Erlang shell: ^G és ^C

## • ^G hatása

User switch command

```

--> h
c [nn] - connect to job
i [nn] - interrupt job
k [nn] - kill job
j      - list all jobs
s      - start local shell
r [node] - start remote shell
q      - quit erlang
? | h  - this message
--> c

```

## • ^C hatása

BREAK: (a)bort (c)ontinue (p)roc info (i)nfo (l)oaded  
(v)ersion (k)ill (D)b-tables (d)istribution

## Listakezelés – rövid példák (1)

```

1> L1 = [10,20,30]. % új változó kötése, '=' a mintaillesztés
[10,20,30]
2> H = hd(L1). % hd: Built-in function (BIF)
10
3> T = tl(L1). % tl: Built-in function
[20,30]
4> b(). % kötött változók kiírása, lásd help().
H = 10
L1 = [10,20,30]
T = [20,30]
ok
5> T =:= [20|[30|[]]]. % egyenlőségvizsgálat
true
6> tl([]).
** exception error: bad argument
in function tl/1
called as tl([])
7> c(bevezeto).
{ok,bevezeto}

```

## Listakezelés – rövid példák (2)

## bevezeto.erl – folytatás

*% sum(L) az L lista összege.*

```
sum([]) -> 0;
```

```
sum(L) -> H = hd(L), T = tl(L), H + sum(T).
```

*% append(L1, L2) az L1 lista L2 elé fűzve.*

```
append([], L2) -> L2;
```

```
append(L1, L2) -> [hd(L1)|append(tl(L1), L2)].
```

*% revapp(L1, L2) az L1 megfordítása L2 elé fűzve.*

```
revapp([], L2) -> L2;
```

```
revapp(L1, L2) -> revapp(tl(L1), [hd(L1)|L2]).
```

```
8> bevezeto:sum(L1).
```

```
60
```

```
9> bevezeto:append(L1, [a,b,c,d]).
```

```
[10,20,30,a,b,c,d]
```

```
10> bevezeto:revapp(L1, [a,b,c,d]).
```

```
[30,20,10,a,b,c,d]
```

## Típusok

- Az Erlang erősen típusos nyelv, bár nincs típusdeklaráció
- A típusellenőrzés dinamikus és nem statikus
  - Alaptípusok

<i>magyarul</i>	<i>angolul</i>
Szám (egész, lebegőpontos)	Number (integer, float)
Atom	Atom
Függvény	Fun
Ennes (rekord)	Tuple (record)
Lista	List

- További típusok

Pid	Pid (Process identifier)
Port	Port
Hivatkozás	Reference
Bináris	Binary

## Tartalom

3

## Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típus-specifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Szám (number)

- Egész

- Pl. 2008, -9, 0
- Tetszőleges számrendszerben radix#szám alakban, pl. 2#101001, 16#fe
- Az egész korlátlan pontosságú, pl. 12345678901234567890123456789012345678901234
- Karakterkód
  - Ha nyomtatható: \$z
  - Ha vezérlő: \$\n
  - Oktális számmal: \$\012

- Lebegőpontos

- Pl. 3.14159, 0.2e-22
- IEEE 754 64-bit

## Atom

- Szövegkonstans (nem füzér!)
- Kisbetűvel kezdődő, bővített alfanumerikus<sup>1</sup> karaktersorozat, pl. `sicstus`, `erlang_OTP`
- Bármilyen<sup>2</sup> karaktersorozat is az, ha egyszeres idézőjelbe tesszük, pl. `'SICStus'`, `'erlang OTP'`, `'35 May'`
- Hossza tetszőleges, vezérlőkaraktereket is tartalmazhat, pl. `'ez egy hosszú atom, ékezetes betűkkel spékelve'`  
`'formázókarakterekkel \n\f\r'`
- Saját magát jelöli
- Hasonló a Prolog névkonstanshoz (atom)
- C++, Java nyelvekben a legközelebbi rokon: `enum`

## Ennes (tuple)

- Rögzített számú, tetszőleges kifejezésből álló sorozat
- Példák: `{2008, erlang}`, `{'Joe', 'Armstrong', 16.99}`
- Nullás: `{}`
- Egyelemű ennes  $\neq$  ennes eleme, pl. `{elem} \neq elem`

<sup>1</sup>Bővített alfanumerikus: kis- vagy nagybetű, számjegy, aláhúzás (`_`), kukac (`@`)

<sup>2</sup>bármilyen latin-1 kódolású karaktert tartalmazó (R14B)

## Lista (list)

- Korlátlan számú, tetszőleges kifejezésből álló sorozat
- Lineáris rekurzív adatszerkezet:
  - vagy üres (`[]` jellel jelöljük),
  - vagy egy elemből áll, amelyet egy lista követ: `[Elem|Lista]`
- Első elemét, ha van, a lista *fejének* nevezzük
- Első eleme utáni, esetleg üres részét a lista *farkának* nevezzük
  - Egyelemű lista: `[elem]`
  - Fejből-farokból létrehozott lista: `[elem|[]]`, `['első'|['második']]`
  - Többelemű lista:
    - `[elem,123,3.14,'elem']`
    - `[elem,123,3.14|['elem']]`
    - `[elem,123|[3.14,'elem']]`
- A konkatenáció műveleti jele: `++`

```
11> ['egy'|['két']] ++ [elem,123|[3.14,'elem']]
[egy,két,elem,123,3.14,elem]
```

## Füzér (string)

- Csak rövidítés, tkp. karakterkódok listája, pl. `"erl" \equiv [\$e,\$r,\$l] \equiv [101,114,108]`
- Az Eshell a nyomtatható karakterkódok listáját füzérként írja ki:
 

```
12> [101,114,108]
"erl"
```
- Ha más érték is van a listában, listaként írja ki:
 

```
13> [31,101,114,108]
[31,101,114,108]
14> [a,101,114,108]
[a,101,114,108]
```
- Egymás mellé írással helyettesíthető, pl.
 

```
15> "erl" "ang".
"erlang"
```

## Tartalom

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típus-specifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Term, változó

### Term

- *Közelítő rekurzív definíció*: szám-, atom-, vagy függvénytípusú értékekből vagy *termekből* ennes- és listakonstruktorokkal felépített kifejezés.
- Néhány típussal (ref., port, pid, binary) most nem foglalkozunk
- Tovább nem egyszerűsíthető kifejezés, érték a programban
- Minden termnek van típusa
- Pl. 10 vagy {'Diák Detti', [{khf, [cekla, prolog, erlang, prolog]}]}
- Pl. nem term: 5 + 6, mert műveletet (függvényhívást) tartalmaz
- Termek összehasonlítási sorrendje (v.ö. típusok)  
number < atom < ref. < fun < port < pid < tuple < list < binary

### Változó

- Nagybetűvel kezdődő, bővített alfanumerikus karaktersorozat, más szóval *név*
- A változó lehet *szabad* vagy *kötött*
- A szabad változónak nincs értéke, típusa
- A kötött változó értéke, típusa valamely konkrét term értéke, típusa
- Minden változóhoz *csak egyszer* köthető érték, azaz kötött változó nem kaphat értéket

## Kifejezés

- Lehet
  - term
  - változó
  - minta
    - Minta: term alakú kifejezés, amelyben szabad változó is lehet
    - termék  $\subset$  minták<sup>3</sup>
    - változók  $\subset$  minták

továbbá

- összetett kifejezés, függvényalkalmazás
- szekvenciális kifejezés
- egyéb: if, case, try/catch, catch stb.
- Kifejezés kiértékelése alapvetően: **mohó** (eager vagy strict evaluation).

```
16> Nevezó = 0.
0
17> (Nevezó > 0) and (1 / Nevezó > 1).
** exception error: bad argument in an arithmetic expression
```

<sup>3</sup>néhány nem túl gyakorlatias ellenpéldától eltekintve

## Kifejezés: összetett és függvényalkalmazás

### Függvényalkalmazás

- Szintaxisa
  - fnév(arg<sub>1</sub>, arg<sub>2</sub>, ..., arg<sub>n</sub>)  
vagy
  - modul:fnév(arg<sub>1</sub>, arg<sub>2</sub>, ..., arg<sub>n</sub>)
- Például
 

```
20> length([a,b,c]).
3
21> erlang:tuple_size({1,a,'A',"1aA"}).
4
```

### Összetett kifejezés

- Kiértékelhető műveleteket, függvényeket is tartalmazó, kifejezés, pl. 5+6, vagy: [{5+6, math:sqrt(2+fib(X))}, alma]
- Különbözik a termtől, a termben a művelet/függvényhívás tiltott

## Kifejezés: szekvenciális

### Szekvenciális kifejezés

- Kifejezések sorozata, szintaxisa:
  - `begin exp1, exp2, ..., expn end`
  - `exp1, exp2, ..., expn`
- A `begin` és `end` párt akkor kell kiírni, ha az adott helyen egyetlen kifejezésnek kell állnia
- Értéke az utolsó kifejezés értéke: `expn`
- `18> begin a, "a", 5, [1,2] end.`  
`[1,2]`  
`19> L2 = [10,20,30], H2 = hd(L2), T2 = tl(L2),`  
`19> H2 + bevezeto:sum(T2).`  
`60`
- **Eltérés Prologtól (gyakori hiba):** a vessző itt nem jelent logikai ÉS kapcsolatot, csak egymásutániságot!
  - `expi`-ben ( $i < n$ ) vagy változót kötünk,
  - vagy mellékhatást keltünk (pl. kiírás)

## Tartalom

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- **Mintaillesztés**
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típusspecifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Függvénydeklaráció

- Egy vagy több, pontosvesszővel (;) elválasztott *klózból* állhat.
- Alakja:
 

```
fnév(A11, ..., A1m) [when ŐrSz1] -> SzekvenciálisKif1;
...
fnév(An1, ..., Anm) [when ŐrSzn] -> SzekvenciálisKifn.
```
- A függvényt a neve, az „aritása” (paramétereinek száma), valamint a moduljának a neve azonosítja.
- Az azonos nevű, de eltérő aritású függvények nem azonosak!
- Példák:
 

```
fac(N) -> fac(N, 1).

fac(0, R) -> R;
fac(N, R) -> fac(N-1, N*R).
```
- (Őrök bemutatása kicsit később)

## Minta, mintaillesztés (egyesítés)

- Minta (pattern): term alakú kifejezés, amelyben szabad változó is lehet
- Sikeres illesztés esetén a szabad változók kötötté válnak, értékük a megfelelő részkifejezés értéke lesz.
- A mintaillesztés (egyesítés) műveleti jele: =  
Alakja: `MintaKif = TömörKif`
- Mintaillesztés  $\neq$  értékadás!
- Példák:
 

```
Pi = 3.14159           ~> 4Pi ~> 3.141595
3 = P                 ~> hiba (jobboldal nem tömör)
[H1|T1] = [1,2,3]     ~> H1 ~> 1, T1 ~> [2,3]
[1,2|T2] = [1,2,3]    ~> T2 ~> [3]
[H2|[3]] = [1,2,3]    ~> meghiúsulás, hiba
{A1,B1} = {{a}, 'Beta'} ~> A1 ~> {a}, B1 ~> 'Beta'
{{a},B2} = {{a}, 'Beta'} ~> B2 ~> 'Beta'
```

<sup>4</sup>Kif ~> jelentése: „Kif kiértékelése után”.

<sup>5</sup>X ~> v jelentése: „X a v értékhez van kötve”.



## Mintaillesztés függvény klózáira – 1. példa

- Függvény alkalmazásakor a klóz kiválasztása is mintaillesztéssel történik
- Máshol is, pl. a case vezérlési szerkezetnél is történik illesztés

## khf.erl – DP kisházik ellenőrzése

```
-module(khf).
-compile(export_all).      % mindent exportál, csak teszteléshez!
%-export([kiadott/1, ...]). % tesztelés után erre kell cserélni

% kiadott(Ny) az Ny nyelven kiadott kisházik száma.
kiadott(cekla)  -> 1;      % 1. klóz
kiadott(prolog) -> 3;      % 2. klóz
kiadott(erlang) -> 3.      % 3. klóz

2> khf:kiadott(cekla). % sikeres illesztés az 1. klózra
1
3> khf:kiadott(erlang). % sikertelen: 1-2. klóz, sikeres: 3. klóz
3
4> khf:kiadott(java). % 3 sikertelen illesztés után hiba
** exception error: no function clause matching ...
```

## Mintaillesztés függvény klózáira – 3. példa

- Teljesítette-e egy hallgató a khf követelményeket?

```
7> Hallgato1 = {'Diák Detti',
               [{khf, [cekla,prolog,erlang,prolog]},
                {nzh, 59}]}
```

## khf.erl – folytatás

```
% @spec megfelelt(K::kovetelmeny(), H::hallgato()) -> true | false.
megfelelt(khf, {_Nev, [{khf, L}|_]}) ->
    C = elofordul1(cekla, L),
    P = elofordul1(prolog, L),
    E = elofordul1(erlang, L),
    (P >= 1) and (E >= 1) and (C + P + E >= 3);
megfelelt(K, {_Nev, [_|F]}) ->
    megfelelt(K, {Nev, F});
megfelelt(_, {_, []}) ->
    false.
```

## Mintaillesztés függvény klózáira – 2. példa

- Hányszor szerepel egy elem egy listában? Első megoldásunk:

## khf.erl – folytatás

```
% @spec elofordul1(E::term(), L::[term()]) -> N::integer().
% E elem az L listában N-szer fordul elő.
elofordul1(_E, []) -> 0; % 1.
elofordul1(E, [E|Farok]) -> 1 + elofordul1(E, Farok); % 2.
elofordul1(E, [_Fej|Farok]) -> elofordul1(E, Farok). % 3.
```

```
5> khf:elofordul1(a, [a,b,a,1]). % 2. klóz, majd 3., 2., 3., 1.
2
6> khf:elofordul1(java, [cekla,prolog,prolog]). % 3., 3., 3., 1.
0
```

- A minták összekapcsolhatóak, az E változó több argumentumban is szerepel: `elofordul1(E, [E|Farok]) -> ...`
- Számít a klózok sorrendje, itt pl. a 3. általánosabb, mint a 2.!

## „Biztonságos” illesztés: ha egyik mindig sikerül

- Mit kezdünk a `kiadott(java)` kiértékelésekor keletkező hibával?
- Erlangban gyakori: jelezzük a sikert vagy a hibát az eredményben

## khf.erl – folytatás

```
% @spec safe_kiadott(Ny::atom()) -> {ok, Db::integer()} | error.
% Az Ny nyelven Db darab kisházit adtak ki.
safe_kiadott(cekla) -> {ok, 1};
safe_kiadott(prolog) -> {ok, 3};
safe_kiadott(erlang) -> {ok, 3};
safe_kiadott(_Ny) -> error. % e klóz mindig illeszthető
```

- Az `ok` és az `error` atomokat konvenció szerint választottuk
- Kötés: ha a minta egyetlen szabad változó (`_Ny`), az illesztés sikeres
- De hogy férjünk hozzá az eredményhez?

```
8> khf:safe_kiadott(cekla).
{ok,1}
9> khf:safe_kiadott(java).
error
```

## Feltételes kifejezés mintaillesztéssel (case)

- `case Kif of`  

```
Minta1 [when ŐrSz1] -> SzekvenciálisKif1;
...
Mintan [when ŐrSzn] -> SzekvenciálisKifn
end.
```
- Kiértékelés: balról jobbra
- Értéke: az első illeszkedő minta utáni szekvenciális kifejezés
- Ha nincs ilyen minta, hibát jelez
 

```
10> X=2, case X of 1 -> "1"; 3 -> "3" end.
** exception error: no case clause matching 2
11> X=2, case X of 1 -> "1"; 2 -> "2" end.
"2"
12> Y=fagylalt, 3 * case Y of fagylalt -> 100; tolcser -> 15 end.
300
13> Z=kisauto, case Z of fagylalt -> 100;
13>         tolcser -> 15;
13>         Barmi -> 99999 end.
99999
```

## case példa

- Az adott nyelvből hány százalékot adtunk be?

### khf.erl – folytatás

```
% @spec safe_teljesitmeny(Nyelv::atom(), Beadott_db::integer()) ->
%   {ok, Teljesitmeny::float()} | error.
safe_teljesitmeny(Nyelv, Beadott_db) ->
  case safe_kiadott(Nyelv) of
    {ok, Kiadott_db} -> {ok, Beadott_db / Kiadott_db};
    error             -> error
  end.
```

- Függvény klózzai összevonhatóak a `case` segítségével:

```
kiadott(Ny) ->
  case Ny of
    cekla -> 1;
    prolog -> 3;
    erlang -> 3
  end.

kiadott(cekla) -> 1;
kiadott(prolog) -> 3;
kiadott(erlang) -> 3.

helyett írható:
```

## Tartalom

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típus-specifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Listanézet (List Comprehensions)

- Listanézet (List Comprehensions): `[Kif || Minta <- Lista, Feltétel]`  
*Közelítő definíció:* `Kif` kifejezések *listája*, ahol a `Minta` a `Lista` olyan eleme, melyre `Feltétel` igaz.
- `Feltétel` tetszőleges logikai kifejezés lehet. A `Minta`-ban előforduló változónevek elfedik a listakifejezésen kívüli azonos nevű változókat.
- Kis példák
 

```
1> [2*X || X <- [1,2,3]]. % { 2*x | x ∈ {1,2,3} }
[2,4,6]
2> [2*X || X <- [1,2,3], X rem 2 /= 0, X > 2].
[6]
3> lists:seq(1,3). % egészek 1-től 3-ig
[1,2,3]
4> [{X,Y} || X <- [1,2,3,4], Y <- lists:seq(1,X)].
[{1,1},
 {2,1},{2,2},
 {3,1},{3,2},{3,3},
 {4,1},{4,2},{4,3},{4,4}]
```
- Pontos szintaxis: `[X || Q1, Q2, ...]`, ahol `X` tetszőleges kifejezés, `Qi` lehet generátor (`Minta <- Lista`) vagy szűrőfeltétel (predikátum)

## Listanézet: példák

- Pitagoraszai számhármak, melyek összege legfeljebb  $N$

```
pitag(N) ->
  [{A,B,C} ||
    A <- lists:seq(1,N),
    B <- lists:seq(1,N),
    C <- lists:seq(1,N),
    A+B+C =< N,
    A*A+B*B == C*C
  ].
```

- Hányszor fordul elő egy elem egy listában?

```
elofordul2(Elem, L) ->
  length([X || X <- L, X==Elem]).
```

- A khf követelményeket teljesítő hallgatók

```
L = [{'Diák Detti', [{khf, [...]}]}, {'Lusta Ludvig', []}],
[Nev || {Nev, M} <- L, khf:megfelelt(khf, {Nev, M})].
```

## Tartalom

## 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típusspecifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Listanézet: érdekes példák

- Quicksort

```
qsort([]) -> [];
qsort([Pivot|Tail]) ->
  qsort([X || X <- Tail, X < Pivot])
  ++ [Pivot] ++
  qsort([X || X <- Tail, X >= Pivot]).
```

- Permutáció

```
perms([]) -> [[]];
perms(L) ->
  [[H|T] || H <- L, T <- perms(L--[H])].
```

- Listák különbsége:  $As--Bs$  vagy `lists:subtract(As,Bs)`

$As--Bs$  az  $As$  olyan másolata, amelyből ki van hagyva a  $Bs$ -ben előforduló összes elem balról számított első előfordulása, feltéve, hogy volt ilyen elem  $As$ -ben

## Függvényérték

- A funkcionális nyelvekben a függvény is *érték*:

- leírható (jelölhető)
- van típusa
- névhez (változóhoz) köthető
- adatszerkezet eleme lehet
- **paraméterként átadható**
- **függvényalkalmazás eredménye lehet** (zárójelezni kell!)

- Névtelen függvény (függvényjelölés) mint érték

```
fun (A11, ..., A1m) [when ŐrSz1] -> SzekvenciálisKif1;
...;
(An1, ..., Anm) [when ŐrSzn] -> SzekvenciálisKifn
end.
```

- Már deklarált függvény mint érték

```
fun Modul:Fnev/Aritas % például fun bevezeto:sum/1
fun Fnev/Aritas % ha az Fnev „látható”, pl. modulból
```

„Programming is fun!”

## Függvényérték: példák

```

2> Area1 = fun ({circle,R})    -> R*R*3.14159;
           ({rectan,A,B})    -> A*B;
           ({square,A})      -> A*A
           end.
#Fun<erl_eval.6.13229925>
3> Area1({circle,2}).
12.56636
4> Osszeg = fun bevezeto:sum/1.
#Fun<bevezeto.sum.1>
5> Osszeg([1,2]).
3
6> fun bevezeto:sum/1([1,2]).
3
7> F1 = [Area1, Osszeg, fun bevezeto:sum/1, 12, area].
[#Fun<erl_eval.6.13229925>,#Fun<bevezeto.sum.1>,...]
8> (hd(F1))({circle, 2}). % külön zárójelezni kell!
12.56636
% hd/1 itt magasabbrendű függvény, zárójelezni kell értékét

```

## Magasabb rendű függvények alkalmazása – filter példa

- Hányszor szerepel egy elem egy listában? Új megoldásunk:

[khf.erl](#) – folytatás

```

% @spec elofordul3(E::term(), L::[term()]) -> N::integer().
% E elem az L listában N-szer fordul elő.

```

```

elofordul3(Elem, L) ->
  length(lists:filter(fun(X) -> X == Elem end, L)).

```

```

15> khf:elofordul3(prolog, [cekla,prolog,prolog]).
2

```

- A névtelen függvényben felhasználhatjuk az Elem lekötött változót!
- A filter/2 egy lehetséges megvalósítása:

```

filter(_, []) -> [];
filter(P, [Fej|Farok]) -> case P(Fej) of
    true -> [Fej|filter(P,Farok)];
    false -> filter(P,Farok)
end.

```

- Fejtörő: hogyan lehetne megvalósítani a filtert case nélkül, klózzillesztéssel?

## Magasabb rendű függvények alkalmazása – map, filter

- Magasabb rendű függvény: paramétere vagy eredménye függvény
- Leképzés: lists:map(Fun, List) A List lista Fun-nal transzformált elemeiből álló lista

```

9> lists:map(fun erlang:length/1, ["alma", "korte"]).
[4,5] % erlang:length/1: Built-In Function, lista hossza
10> lists:map(Osszeg, [[10,20], [10,20,30]]).
[30,60]
11> L = [{'Diák Detti', [{khf, [...]}]}, {'Lusta Ludvig', []}].
[{'Diák Detti', [{khf, [...]}]}, {'Lusta Ludvig', []}]
12> lists:map(fun(Hallg) -> khf:megfelelt(khf, Hallg) end, L).
[true,false]

• Szűrés: lists:filter(Pred, List)
  A List lista Pred-et kielégítő elemeinek listája

13> lists:filter(fun erlang:is_number/1, [x, 10, L, 20, {}]).
[10,20]
14> lists:filter(fun(Hallg) -> khf:megfelelt(khf, Hallg) end, L).
[{'Diák Detti', [{khf, [...]}]}]

```

## Redukálás a fold függvényekkel

- Jobbról balra haladva: lists:foldr(Fun,Acc,List)
- Balról jobbra haladva: lists:foldl(Fun,Acc,List)
- A List lista elemeiből és az Acc elemből a kétoperandusú Fun-nal képzett érték

```

lists:foldr(fun(X, Acc) -> X - Acc end, 0, [1,2,3,4]) ≡ -2
lists:foldl(fun(X, Acc) -> X - Acc end, 0, [1,2,3,4]) ≡ 2

```

- Példa foldr kiértékelési sorrendjére:  $1 - (2 - (3 - (4 - \text{Acc}))) = -2$
- Példa foldl kiértékelési sorrendjére:  $4 - (3 - (2 - (1 - \text{Acc}))) = 2$

```

% plus(X, Sum) -> X + Sum.
sum(Acc, []) -> foldr(Fun, Acc, []) ->
R   Acc;
sum(Acc, [H|T]) -> foldr(Fun, Acc, [H|T]) ->
   plus(H, sum(Acc, T)).   Fun(H, foldr(Fun, Acc, T)).

```

```

sum(Acc, []) -> foldl(Fun, Acc, []) ->
L   Acc;
sum(Acc, [H|T]) -> foldl(Fun, Acc, [H|T]) ->
   sum(plus(H, Acc), T)).   foldl(Fun, Fun(H, Acc), T)).

```

## Tartalom

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típusspecifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Listaműveletek

- Listák összefűzése ( $A_s \oplus B_s$ ):  $A_s++B_s$  vagy `lists:append(A_s, B_s)`  
 $C_s = A_s++B_s \rightsquigarrow C_s \mapsto$  az  $A_s$  összes eleme a  $B_s$  elé fűzve az eredeti sorrendben
- Példa  

```
1> [a, 'A', [65]] ++ [1+2, 2/1, 'A'] .
[a, 'A', "A", 3, 2.0, 'A']
```
- Listák különbsége:  $A_s--B_s$  vagy `lists:subtract(A_s, B_s)`  
 $C_s = A_s--B_s \rightsquigarrow C_s \mapsto$  az  $A_s$  olyan másolata, amelyből ki van hagyva a  $B_s$ -ben előforduló összes elem balról számított első előfordulása, feltéve, hogy volt ilyen elem  $A_s$ -ben
- Példa  

```
1> [a, 'A', [65], 'A'] -- ["A", 2/1, 'A'] .
[a, 'A']
2> [a, 'A', [65], 'A'] -- ["A", 2/1, 'A', a, a, a] .
['A']
3> [1, 2, 3] -- [1.0, 2] . % erős típusosság: 1 ≠ 1.0
[1, 3]
```

## Aritmetikai műveletek

- Matematikai műveletek
  - Előjel: +, - (precedencia: 1)
  - Multiplikatív: \*, /, div, rem (precedencia: 2)
  - Additív: +, - (precedencia: 3)
- Bitműveletek
  - bnot, band (precedencia: 2)
  - bor, bxor, bsl, bsr (precedencia: 3)
- Megjegyzések
  - +, -, \* és / egész és lebegőpontos operandusokra is alkalmazhatók
  - +, - és \* eredménye egész, ha mindkét operandusuk egész, egyébként lebegőpontos
  - / eredménye mindig lebegőpontos
  - div és rem, valamint a bitműveletek operandusai csak egészek lehetnek

## Relációk

- Termek összehasonlítási sorrendje (v.ö. típusok):  
`number < atom < ref. < fun < port < pid < tuple < list < binary`
- Kisebb-nagyobb reláció  
`<, =<, >=, >`
- Egyenlőségi reláció (aritmetikai egyenlőségre is):  
`==, /=` **ajánlás: helyette azonosan egyenlőt használjunk!**
- Azonosan egyenlő (különbséget tesz integer és float közt):  
`:=, :=/=` Példa: 

```
1> 5.0 := 5.
false
```
- Az összehasonlítás eredménye a true vagy a false atom
- Lebegőpontos értékre kerülendő:  

```
1> 10.1 - 9.9 == 0.2.
false
2> 0.0000000000000001 + 1 == 1.
true
```

Elrettentő példák: true
- Kerekítés (`float`  $\mapsto$  `integer`), explicit típuskonverzió (`integer`  $\mapsto$  `float`):  
`erlang:trunc/1, erlang:round/1, erlang:float/1`

## Logikai műveletek

- Logikai művelet:  
not, and, or, xor
- Csak a true és false atomokra alkalmazhatóak
- Lusta kiértékelésű („short-circuit”) logikai művelet:  
andalso, orelse
- Példák:  
1> `false and (3 div 0 == 2)`.  
\*\* exception error: bad argument in an arithmetic expression  
  
2> `false andalso (3 div 0 == 2)`.  
false

## Beépített függvények (BIF)

- BIF (Built-in functions)
  - a futtatórendszerbe beépített, rendszerint C-ben írt függvények
  - többségük az **erts**-könyvtár erlang moduljának része
  - többnyire rövid néven (az erlang: modulnév nélkül) hívhatók
- Az alaptípusokon alkalmazható leggyakoribb BIF-ek:
  - Számok:  
abs(Num), trunc(Num), round(Num), float(Num)
  - Lista:  
length(List), hd(List), tl(List)
  - Ennes:  
tuple\_size(Tuple),  
element(Index,Tuple),  
setelement(Index,Tuple,Value)  
Megjegyzés:  $1 \leq \text{Index} \leq \text{tuple\_size}(\text{Tuple})$

## További BIF-ek

- Rendszer:  
date(), time(), erlang:localtime(), halt()
- Típusvizsgálat
  - is\_integer(Term), is\_float(Term),
  - is\_number(Term), is\_atom(Term),
  - is\_boolean(Term),
  - is\_tuple(Term), is\_list(Term),
  - is\_function(Term), is\_function(Term,Arity)
- Típuskonverzió
  - atom\_to\_list(Atom), list\_to\_atom(String),
  - integer\_to\_list(Int), list\_to\_integer(String),  
erlang:list\_to\_integer(String, Base),
  - float\_to\_list(Float), list\_to\_float(String),
  - tuple\_to\_list(Tuple), list\_to\_tuple(List)
- Érdekeség: a BIF-ek mellett megtalálhatóak az operátorok az erlang modulban, lásd az m(erlang). kimenetét, pl. `fun erlang:'*/2'(3,4)`.

## Tartalom

- 3 Erlang alapok
  - Bevezetés
  - Típusok
  - Erlang szintaxis alapjai
  - Mintaillesztés
  - Listanézet
  - Magasabbrendű függvények, függvényérték
  - Műveletek, beépített függvények
  - Ör
  - Típus-specifikáció
  - Kivételkezelés
  - Gyakori könyvtári függvények

- Nézzük újra a következő definíciót:

```
fac(0) -> 1;
fac(N) -> N * fac(N-1).
```

- Mi történik, ha megváltoztatjuk a klózek sorrendjét?
- Mi történik, ha  $-1$ -re alkalmazzuk?
- És ha  $2.5$ -re?

A baj az, hogy a `fac(N) -> ...` klóz túl általános.

- Megoldás: korlátozzuk a mintaillesztést őrszekvencia alkalmazásával

```
fac(0) ->
  1;
fac(N) when is_integer(N), N>0 ->
  N*fac(N-1).
```

- Függvénydeklaráció:

```
fnév(A11, ..., A1m) [when ŐrSz1] -> SzekvenciálisKif1;
...
fnév(An1, ..., Anm) [when ŐrSzn] -> SzekvenciálisKifn.
```

- Feltételes mintaillesztés (case):

```
case Kif of
  Minta1 [when ŐrSz1] -> SzekvenciálisKif1;
  ...
  Mintan [when ŐrSzn] -> SzekvenciálisKifn
end.
```

- Az őrszekvenciával olyan tulajdonságot írunk elő, amit strukturális mintaillesztéssel nem tudunk leírni
- Az őrszekvenciát a `when` kulcsszó vezeti be
- Az őrszekvenciában előforduló összes változónak *kötöttnek* kell lennie

Elnevezések:

- Őrkifejezés (Guard expression):** korlátozott Erlang-kifejezés, mellékhatás nélküli
- Őr (Guard):** egyetlen őrkifejezés vagy őrkifejezések vesszővel (`,`) elválasztott sorozata
  - `true`, ha az összes őrkifejezés `true` (ÉS-kapcsolat)
  - Ha értéke `true`  $\rightsquigarrow$  *sikerül*, bármely más term  $\rightsquigarrow$  *meghiúsul*
- Őrszekvencia (Guard sequence):** egyetlen őr vagy örök pontosvesszővel (`;`) elválasztott sorozata
  - `true` (azaz sikerül), ha legalább egy őr `true` (VAGY-kapcsolat)
  - Sokszor helytelenül örnek rövidítik; mentség: az őr tipikusan elegendő, őrszekvencia ritka

Őrkifejezés:

- Őrkifejezések  $\subset$  Erlang-kifejezések
- Garantáltan mellékhatás nélküli, hatékonyan kiértékelhető
- Vagy sikerül, vagy meghiúsul
- Hibát (kivételet) **nem** jelezhet; ha hibás az argumentuma, meghiúsul

A mintaillesztés lépései klózválasztásnál, case-nél:

- Strukturális mintaillesztés (hasonló a Prolog illesztésére)
- Őrszekvencia kiértékelése

## Örkifejezés

Örkifejezés lehet:

- Term (vagyis konstans érték)
- Kötött változó
- Örkifejezésekből aritmetikai, összehasonlító és logikai műveletekkel felépített kifejezés
- Örkifejezéseket tartalmazó ennes vagy lista
- Bizonyos BIF-ek örkifejezéssel paraméterezve:
  - Típust vizsgáló predikátumok (`is_TÍPUS`)
  - `abs(Number)` `round(Number)` `trunc(Number)` `float(Term)`
  - `element(N, Tuple)` `tuple_size(Tuple)`
  - `hd(List)` `length(List)` `tl(List)`
  - `bit_size(Bitstring)` `byte_size(Bitstring)` `size(Tuple|Bitstring)`
  - `node()` `node(Pid|Ref|Port)` `self()`

Örkifejezés **nem** lehet:

- Függvényalkalmazás, mert esetleg mellékhatása lehet vagy lassú
- `++ (lists:append/2)`, `-- (lists:subtract/2)`

## Örszekvencia: példák

`orok.erl` – *kategoria(V) a V term egy lehetséges osztályozása.*

```
kategoria(V) ->
  case V of
  X when is_atom(X) ->
    atom;
  X when is_number(X), X < 0 ->
    negativ_szam;
  X when is_integer(X) ;
    is_float(X), abs(X-round(X)) < 0.0001 ->
    kerek_szam;
  X when is_list(X), length(X) > 5 ->
    hosszu_lista;
  ...
```

```
2> orok:kategoria(true).
```

```
atom
```

```
3> [{K,orok:kategoria(K)} || K <- [haho, -5, 5.000001, "kokusz"] ].
[{haho,atom}, {-5,negativ_szam}, {5.000001,kerek_szam},
 {"kokusz",hosszu_lista}]
```

## Örszekvencia: példák – folytatás

`orok.erl` – *kategoria(V) folytatása*

```
...
{X,Y,Z} when X*X+Y*Y == Z*Z, is_integer(Z) ;
           Z*Z+Y*Y == X*X, is_integer(X) ;
           X*X+Z*Z == Y*Y, is_integer(Y) ->
  pitagoraszi_szamharmas;
{Nev, []} when is_atom(Nev) ->
  talan_hallgato;
{Nev, [{Tipus,_}|_]} when is_atom(Nev), is_atom(Tipus) ->
  talan_hallgato;
[Ny1|_] when Ny1==cekla ; Ny1==prolog ; Ny1==erlang ->
  talan_programozasi_nyelvek_listaja;
{tort, Sz, N} when abs(Sz div N) >= 0 -> % Ha Sz vagy N nem
  racionalis; % egész, vagy ha N:=0, hiba miatt megghiúsul
  _ -> egyeb
end.
```

```
4> [orok:kategoria(K) || K <- [{3,5,4}, {'D.D.',[]}, {tort,1,a}]].
[pitagoraszi_szamharmas,talan_hallgato,egyeb]
```

## Feltételes kifejezés örszekvenciával

- `if`

```
ÖrSz1 -> SzekvenciálisKif1;
...
ÖrSzn -> SzekvenciálisKifn
end.
```
- Kiértékelés: balról jobbra.
- Értéke: az első teljesülő örszekvencia utáni szekvenciális kifejezés
- Ha nincs ilyen örszekvencia, futáskor hibát jelez.
- Példák

```
1> X=2.
2> if X<2 -> "<"; X>2 -> ">" end.
** exception error: no true branch...
3> if X<2 -> "<"; X>=2 -> ">=" end.
">="
4> if X<2 -> "<"; true -> ">=" end.
">="
```

`khf.erl` – *folytatás*

```
elofordul4(_, []) -> 0;
elofordul4(E, [Fej|Farok]) ->
  if
    Fej == E -> 1;
    true -> 0
  end
+ elofordul4(E, Farok).
```



## Az if a case speciális esete

- case: kifejezést illeszt mintákra őr szekvenciával, if: csak őr szekvenciák
- if helyettesítése case-zel (az Alapértelmezés sora opcionális):

```

case 1 of % _=1 mindig sikeres lenne      if
  _ when ŐrSz1 -> Kif1;                ŐrSz1 -> Kif1;
  ...                                     ≡      ...
  _ when ŐrSzn -> Kifn;                ŐrSzn -> Kifn;
  -                                       true -> Alapért
end   end

```

- Fordítva: pl. használhatunk-e case helyett if-et?

```

filter(_, []) -> [];
filter(P, [Fej|Farok]) -> case P(Fej) of
  true -> [Fej|filter(P, Farok)];
  false -> filter(P, Farok)
end.

```

Vigyázat! if P(Fej) -> Kif... hibás lenne, őrben nem lehet függvény „illegal guard expression”

## Tartalom

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típusspecifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

## Típusspecifikáció

- Csak *dokumentációs konvenció*, nem nyelvi elem az Erlangban
- Készültek programok a típusspecifikáció és a programkód összevetésére
- A *typeName* típust így jelöljük: `typeName()`.
- Típusok: előre definiált és felhasználó által definiált

## Előre definiált típusok

- `any()`, `term()`: bármely Erlang-típus
- `atom()`, `binary()`, `float()`, `function()`, `integer()`, `pid()`, `port()`, `reference()`: Erlang-alaptípusok
- `bool()`: a `false` és a `true` atomok
- `char()`: az `integer` típus karaktereket ábrázoló része
- `iolist()` = `[char()|binary()|iolist()]`<sup>6</sup>: karakter-io
- `tuple()`: ennestípus
- `list(L)`: `[L]` listatípus szinonimája
- `nil()`: `[]` üreslista-típus szinonimája
- `string()`: `list(char())` szinonimája
- `deep_string()` = `[char()|deep_string()]`
- `none()`: a „nincs típusa” típus; nem befejeződő függvény „eredményének” megjelölésére

<sup>6</sup> ... | ... választási lehetőség a szintaktikai leírásokban.

## Új (felhasználó által definiált) típusok

- Szintaxis: `@type newType() = Típuskifejezés.`
- Típuskifejezés a term, az előre definiált típus, a felhasználó által definiált típus és a típusváltozó
- Uniótípus  
`T1 | T2` típuskifejezés, ha `T1` és `T2` típuskifejezések  
`% @type nyelv() = cekla | prolog | erlang.`
- Listatípus  
`[T]` típuskifejezés, ha `T` típuskifejezés  
`% @type nyelvlista() = [nyelv()].`
- Ennestípus  
`{T1, ..., Tn}` típuskifejezés, ha `T1, ..., Tn` típuskifejezések  
`% pl. {'Diák Detti', [{khf, [cekla, prolog, prolog]}}] :`  
`% @type hallgato() = {atom(), [{atom(), munka()}]}.`  
`% @type munka() = nyelvlista() | integer() | ...`
- Függvénytípus  
`fun(T1, ..., Tn) -> T` típuskifejezés, ha `T1, ..., Tn` és `T` típuskifejezések

## Függvénytípus specifikálása

Egy függvény típusát az argumentumainak (formális paramétereinek) és az eredményének (visszatérési értékének) a típusa határozza meg.

- Szintaxis: `@spec funcName(T1, ..., Tn) -> Tret.`
- `T1, ..., Tn` és `Tret` háromféle lehet:
  - `TypeVar`  
Típusváltozó, tetszőleges típus jelölésére
  - `Type`  
Típuskifejezés
  - `Var::Type`  
Paraméterváltozóval bővítve dokumentációs célra
- Paraméterváltozó: a term részeinek nevet is adhatunk, pl.:  
`% @spec safe_last(Xs::[term()]) -> {ok, X::term()} | error.`  
`% X az Xs lista utolsó eleme.`  
`% @spec split(N::integer(), List::[term()]) ->`  
`% {Prefix::[term()], Suffix::[term()]}`

## Típus-specifikáció: példák

```
@type onOff() = on | off.
@type person() = {person, name(), age()}.
@type people() = [person()].
@type name() = {firstname, string()}.
@type age() = integer().

@spec file:open(FileName, Mode) -> {ok, Handle} | {error, Why}.
@spec file:read_line(Handle) -> {ok, Line} | eof.

@spec lists:map(fun(A) -> B, [A]) -> [B].
@spec lists:filter(fun(X) -> bool(), [X]) -> [X].

@type sspec() = {size(), board()}.
@type size() = integer().
@type board() = [[field()]].
@type field() = [info()].
@type info() = e | o | s | w | integer().
@type ssol() = [[integer()]].
@spec sudoku:sudoku(SSpec::sspec()) -> SSols::[ssol()].
```

## Tartalom

- 3 Erlang alapok
  - Bevezetés
  - Típusok
  - Erlang szintaxis alapjai
  - Mintaillesztés
  - Listanézset
  - Magasabbrendű függvények, függvényérték
  - Műveletek, beépített függvények
  - Ór
  - Típus-specifikáció
  - Kivételkezelés
  - Gyakori könyvtári függvények

## Kivételkezelés

- Kivétel jelzése háromféle *kivételtypussal* lehetséges
  - `throw(Why)`  
Olyan hiba jelzésére, amelynek kezelése várható az alkalmazástól
  - `exit(Why)`  
A futó processz befejezésére
  - `erlang:error(Why)`  
Súlyos rendszerhiba jelzésére, amelynek kezelése nem várható az alkalmazástól
- Kivétel elkapása kétféleképpen lehetséges
  - `try ... catch` kifejezéssel
  - `catch` kifejezéssel:
    - visszaadja a keletkező kivétel termjét, vagy ha nincs hiba, a kifejezés kiértékelését
    - debughoz hasznos, könnyen felderíthető a kivétel pontos értéke

Példák `try ... catch` és `catch` használatára`kiv.erl` – Példák kivételkezelésre

```
% Ha Fun(Arg) hibát ad, 'error', különben {ok, Fun(Arg)}.
safe_apply(Fun, Arg) -> try Fun(Arg) of
    V -> {ok,V}
catch  throw:_Why -> error;
       error:_Why -> error
end. % például error:function_clause
```

```
2> lists:last([a,b,c]).
c
3> lists:last([]).
** exception error: no function clause matching lists:last([])
4> catch lists:last([]).
{'EXIT',{function_clause,[...% stack trace]}}
5> kiv:safe_apply(fun lists:last/1, [a,b,c]).
{ok,c}
6> kiv:safe_apply(fun lists:last/1, []).
error
```

Kivételkezelés: `try ... catch`

```
try Kifejezés [of
    Minta1 [when ŐrSz1] -> Kif1;
    ...
    Mintan [when ŐrSzn] -> Kifn]
catch
    ExTípus1: ExMinta1 [when ExŐrSz1] -> ExKif1;
    ...
    ExTípusn: ExMintan [when ExŐrSzn] -> ExKifn
[after
    AfterKif]
end
```

- Ha a Kifejezés kiértékelése sikeres, az értékét az Erlang megpróbálja az `of` és `catch` közötti mintákra illeszteni
- Ha a kiértékelés sikertelen, az Erlang a jelzett kivételt próbálja meg illeszteni a `catch` és `after` közötti mintákra
- Minden esetben kiértékeli az `after` és `end` közötti kifejezést
- A `try` szerkezet speciális esete a `case`, amelyben nincs kivételkezelés

Példa `try ... catch` és `catch` használatára`kiv.erl` – folytatás

```
genExc(A,1) -> A;
genExc(A,2) -> throw(A);
genExc(A,3) -> exit(A);
genExc(A,4) -> erlang:error(A).

tryGenExc(X,I) -> try genExc(X,I) of
    Val -> {I, 'Lefutott', Val}
catch
    throw:X -> {I, 'Kivetelt dobott', X};
    exit:X -> {I, 'Befejezodott', X};
    error:X -> {I, 'Sulyos hibát jelzett', X}
end.

7> [kiv:tryGenExc(X,I) || {X,I} <- [{'No',1},{'Th',2},{'Ex',3},{'Er',4}]].
[{1,'Lefutott','No'}, {2,'Kivetelt dobott','Th'}, {3,'Befejezodott','Ex'},
 {4,'Sulyos hibát jelzett','Er'}]
8> [catch kiv:genExc(X,I) || {X,I}<-[{'No',1},{'Th',2},{'Ex',3},{'Er',4}]].
[{'No','Th', {'EXIT','Ex'}}, {'EXIT','Er',[% stack trace]}}
```

### 3 Erlang alapok

- Bevezetés
- Típusok
- Erlang szintaxis alapjai
- Mintaillesztés
- Listanézet
- Magasabbrendű függvények, függvényérték
- Műveletek, beépített függvények
- Őr
- Típuspecifikáció
- Kivételkezelés
- Gyakori könyvtári függvények

- `len(Str)`, `equal(Str1,Str2)`, `concat(Str1,Str2)`
- `chr(Str,Chr)`, `rchr(Str,Chr)`, `str(Str,SubStr)`, `rstr(Str,SubStr)`  
A karakter / részfüzér első / utolsó előfordulásának indexe, vagy 0, ha nincs benne
- `span(Str,Chrs)`, `cspan(Str,Chrs)`  
Az `Str` ama prefixumának hossza, amelyben kizárólag a `Chars`-beli karakterek fordulnak / nem fordulnak elő
- `substr(Str,Strt,Len)`, `substr(Str,Strt)`  
Az `Str` specifikált részfüzére

### További füzérkezelő függvények (string modul)

- `tokens(Str,SepList)`  
A `SepList` karakterei mentén füzerek listájára bontja az `Str`-t
- `join(StrList,Sep)`  
Füzérré fűzi össze, `Sep`-vel elválasztva, az `StrList` elemeit
- `strip(Str)`, `strip(Str,Dir)`, `strip(Str,Dir,Char)`  
A formázó / `Char` karaktereket levágja a füzér elejéről / végéről

Részletek és továbbiak: Reference Manual.

### Listakezelő függvények (lists modul)

- `nth(N,Lst)`, `nthtail(N,Lst)`, `last(Lst)`  
A `Lst` `N`-edik karaktere / ott kezdődő farka / utolsó eleme
- `append(Lst1,Lst2) (++)`, `append(LstOfLsts)`  
Az `Lst1` és `Lst2` / `LstOfLsts` elemei egy listába fűzve
- `concat(Lst)`  
Az `Lst` összes eleme füzérré alakítva és egybefűzve
- `reverse(Lst)`, `reverse(Lst,Tl)`  
Az `Lst` megfordítva / megfordítva a `Tl` elé fűzve (más deklaratív nyelvekben `reverse/2`-nek `revAppend` a neve)
- `flatten(DeepList)`, `flatten(DeepList,Tail)`  
A `DeepList` kisimítva / kisimítva `Tail` elé fűzve
- `max(Lst)`, `min(Lst)`  
Az `Lst` legnagyobb / legkisebb eleme

További listakezelő függvények (`lists` modul)

- `filter(Pred,Lst)`, `delete(Elem,Lst)`  
A `Lst` `Pred`-et kielégítő elemek / `Elem` nélküli másolata
- `takewhile(Pred,Lst)`, `dropwhile(Pred,Lst)`,  
`splitwith(Pred,Lst)`  
Az `Lst` `Pred`-et kielégítő prefixumát tartalmazó / nem tartalmazó másolata; ilyen listákból álló pár
- `partition(Pred,Lst)`, `split(N,Lst)`  
A `Lst` elemei `Pred` / `N` szerint két listába válogatva
- `member(Elem,Lst)`, `all(Pred,Lst)`, `any(Pred,Lst)`  
Igaz, ha `Elem` / `Pred` szerinti minden / `Pred` szerinti legalább egy elem benne van az `Lst`-ben
- `prefix(Lst1,Lst2)`, `suffix(Lst1,Lst2)`  
Igaz, ha az `Lst2` az `Lst1`-gyel kezdődik / végződik

Továbbra is: listakezelő függvények (`lists` modul)

- `sublist(Lst,Len)`, `sublist(Lst,Strt,Len)`  
Az `Lst` 1-től / `Strt`-től kezdődő, `Len` hosszú része
- `subtract(Lst1,Lst2) (--)`  
Az `Lst1` `Lst2` elemeinek első előfordulását nem tartalmazó másolata
- `zip(Lst1,Lst2)`, `unzip(Lst)`  
Az `Lst1` és `Lst2` elemeiből képzett párok listája; az `Lst`-ben lévő párok szétválasztásával létrehozott két lista
- `sort(Lst)`, `sort(Fun,Lst)`  
Az `Lst` alapértelmezés / `Fun` szerint rendezett másolata
- `merge(LstOfLsts)`  
Az `LstOfLsts` listában lévő rendezett listák alapértelmezés szerinti összefuttatása

Még mindig: listakezelő függvények (`lists` modul)

- `merge(Lst1,Lst2)`, `merge(Fun,Lst1,Lst2)`,  
A rendezett `Lst1` és `Lst2` listák alapértelmezés / `Fun` szerinti összefuttatása
- `map(Fun,Lst)`  
Az `Lst` `Fun` szerinti átalakított elemeiből álló lista
- `foreach(Fun,Lst)`  
Az `Lst` elemeire a mellékhatást okozó `Fun` alkalmazása
- `sum(Lst)`  
Az `Lst` elemeinek összege, ha az összes elem számot eredményező kifejezés
- `foldl(Fun,Acc,Lst)`, `foldr(Fun,Acc,Lst)`  
Az `Acc` akkumulátor és az `Lst` elemeinek `Fun` szerinti redukálása, balról jobbra, illetve jobbról balra haladva

Részletek és továbbiak: Reference Manual.

## Néhány további könyvtári modul és függvény

- `math` modul: `pi()`, `sin(X)`, `acos(X)`, `tanh(X)`, `asinh(X)`, `exp(X)`, `log(X)`, `log10(X)`, `pow(X,Y)`, `sqrt(X)`
- `io` modul: `write([IoDev,]Term)`, `fwrite(Format)`,  
`fwrite([IoDev,]Format,Data)`, `nl([IoDev])`, `format(Format)`,  
`format([IoDev,]Format,Data)`, `get_line([IoDev,]Prompt)`,  
`read([IoDev,]Prompt)`

Formázójelek (`io` modul)

<code>~c</code>	az adott kódú karakter
<code>~f</code> , <code>~e</code> , <code>~g</code>	lebegőpontos szám
<code>~b</code> , <code>~x</code>	Erlang-term
<code>~w</code> , <code>~p</code>	
<code>~n</code>	újsor
<code>~s</code>	füzér
<code>~a</code>	jel

```
1> io:format("~s ~b ~c ~f~n", [[1,2,3], 97, 2.718282, math:exp(1)]).
abc 97 b 2.718282
ok
3> X={"abc", [1,2,3], at}, io:format(" p w n", [X,X]).
{"abc", [1,2,3], at} {[97,98,99], [1,2,3], at}
ok
```

## IV. rész

## Prolog alapok

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

## Deklaratív programozási nyelvek

- A matematika függvényfogalmán alapuló **funkcionális** nyelvek: LISP, SML, Haskell, Erlang, ...
- A matematika relációfogalmán alapuló **logikai** nyelvek: Prolog, SQL, Mercury, Koriátnyelvek (Constraint Programming), ...
- Közös tulajdonságaik
  - Deklaratív szemantika – a program jelentése matematikai állításként olvasható ki.
  - Deklaratív változó  $\equiv$  matematikai változó – *egyetlen* ismeretlen értéket jelöl, vö. egyszeres értékadás
- Jelmondat
  - **WHAT rather than HOW**: a **megoldás módja** helyett **inkább** a megoldandó **feladat specifikációját** kell megadni
  - Általában nem elegendő a **specifikáció (WHAT)**; gyakorlati feladatok megoldásához szükséges a **HOW** rész végiggondolása **is**
  - Mindazonáltal a **WHAT** rész a fontosabb!

## Az előadás LP részének áttekintése

## Tartalom

- **1. blokk:** A Prolog nyelv alapjai
  - Szintaxis
  - Deklaratív szemantika
  - Procedurális szemantika (végrehajtási mechanizmus)
- **2. blokk:** Prolog programozási módszerek
  - A legfontosabb beépített eljárások
  - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek
- Kitekintés: Új irányzatok a logikai programozásban

- 4 Prolog alapok
  - Prolog bevezetés – néhány példa
  - A Prolog nyelv alapszintaxisa
  - Listák Prologban
  - Operátorok
  - Prolog végrehajtás – algoritmusok
  - További vezérlési szerkezetek

## A Prolog alapelemei: a családi kapcsolatok példája

- Adatok

- Adottak személyekre vonatkozó állítások, pl.

gyerek	szülő
Imre	István
Imre	Gizella
István	Géza
István	Sarolta
Gizella	Civakodó Henrik
Gizella	Burgundi Gizella

férfi
Imre
István
Géza
Civakodó Henrik
...

- A feladat:

- Definiálandó az unoka–nagyapa kapcsolat, pl. keressük egy adott személy nagyapját.

## A nagyszülő feladat — Prolog megoldás

```
% szuloje(Gy, Sz):Gy szuloje Sz.
% Tényállításokból álló predikátum
szuloje('Imre', 'Gizella'). % (sz1)
szuloje('Imre', 'István'). % (sz2)
szuloje('István', 'Sarolt'). % (sz3)
szuloje('István', 'Géza'). % (sz4)
szuloje('Gizella',
        'Burgundi Gizella'). % (sz5)
szuloje('Gizella',
        'Civakodó Henrik'). % (sz6)

% ffi(Szemely): Szemely férfi.
ffi('Imre'). ffi('István'). % (f1)-(f2)
ffi('Géza'). % (f3)
ffi('Civakodó Henrik'). % (f4)

% Gyerek nagyszuloje Nagyszulo.
% Egyetlen szabályból álló predikátum
nagyszuloje(Gyerek, Nagyszulo) :-
    szuloje(Gyerek, Szulo),
    szuloje(Szulo, Nagyszulo). % (nsz)
```

```
% Ki Imre nagyapja?
| ?- nagyszuloje('Imre', NA),
    ffi(NA).
NA = 'Civakodó Henrik' ? ;
NA = 'Géza' ? ;
no
% Ki Géza unokája?
| ?- nagyszuloje(U, 'Géza').
U = 'Imre' ? ;
no
% Ki Imre nagyszuloje?
| ?- nagyszuloje('Imre', NSz).
NSz = 'Burgundi Gizella' ? ;
NSz = 'Civakodó Henrik' ? ;
NSz = 'Sarolt' ? ;
NSz = 'Géza' ? ;
no
```

## Deklaratív szemantika – klózek logikai alakja

- A **szabály** jelentése implikáció: a törzsbeli célok **konjunkciójából** következik a fej.

- Példa:  $\text{nagyszuloje}(U, N) :- \text{szuloje}(U, Sz), \text{szuloje}(Sz, N)$ .

- Logikai alak:

$$\forall UNSz (\text{nagyszuloje}(U, N) \leftarrow \text{szuloje}(U, Sz) \wedge \text{szuloje}(Sz, N))$$

- Ekvivalens alak:

$$\forall UN (\text{nagyszuloje}(U, N) \leftarrow \exists Sz (\text{szuloje}(U, Sz) \wedge \text{szuloje}(Sz, N)))$$

- A **tényállítás** feltétel nélküli állítás, pl.

- Példa:  $\text{szuloje}('Imre', 'István')$ .

- Logikai alakja változatlan

- Ebben is lehetnek változók, ezeket is univerzálisan kell kvantálni

- A **célsorozat** jelentése: keressük azokat a változó-behelyettesítéseket amelyek esetén a célok konjunkciója igaz

- Egy célsorozatra kapott válasz **helyes**, ha az adott behelyettesítésekkel a célsorozat következménye a program logikai alakjának

- A Prolog garantálja a helyességet, de a **teljességet** nem: nem biztos, hogy minden megoldást megkapunk – kaphatunk hibajelzést, végtelen ciklust (végtelen keresési teret) stb.

## A Prolog végrehajtási mechanizmusa – procedurális szemantika

- Egy eljárás (procedure): azon klózek összesége, amelyek fejének neve és argumentumszáma azonos.

- Egy klóz: Fej :- Törzs, ahol Törzs egy célsorozat

- Egy célsorozat:  $C_1, \dots, C_n$ , célok (eljáráshívások) sorozata,  $n \geq 0$

- A végrehajtás alap gondolata

- adott egy program és egy futtatandó célsorozat

- a célsorozat tagjait **bairól jobbra** vesszük sorra

- minden célhoz keressünk olyan programbeli klózt (**felülről lefelé**), amelynek feje **egyesíthető** a céllal

(Egyesítés: két Prolog kifejezés azonos alakra hozása változók behelyettesítésével, a lehető legáltalánosabb módon)

- a célt az illesztett klóz törzsének segítségével kíséreljük meg megoldani (**redukciós lépés**)

- ha ez sikeres, a következő céllal folytatjuk

- ha ez sikertelen, **visszalépünk** az előző célhoz, annak további illeszthető klózaival próbálkozva

(**Választási pont**: egy olyan redukciós lépés, amelyben **nem** a

legutolsó klózzal illesztettünk – valójában a legkésőbb létrehozott választási ponthoz lépünk vissza)





## Aritmetika Prologban – faktoriális

### Aritmetikai beépített predikátumok

- `X is Kif`: A `Kif` **aritmetikai** kif.-t **kiértékeli** és értékét **egyesíti** `X`-szel.
- `Kif1>Kif2`: `Kif1` **aritmetikai értéke** nagyobb `Kif2` értékénél.
- Hasonlóan: `Kif1=<Kif2`, `Kif1>Kif2`, `Kif1>=Kif2`, `Kif1=:=Kif2` (aritmetikailag egyenlő), `Kif1=\=Kif2` (aritmetikailag nem egyenlő)
- Fontos aritmetikai operátorok: `+`, `-`, `*`, `/`, `rem`, `//` (egész-osztás)

### A faktoriális függvény definíciója Prologban

- funkció nyelven a faktoriális 1-argumentumú függvény: `Ered = fakt(N)`
- Prologban ennek egy kétargumentumú reláció felel meg: `fakt(N, Ered)`
- Konvenció: az utolsó argumentum(ok) a kimenő paraméter(ek)

```
% fakt(N, F): F = N!.
fakt(0, 1).           % 0! = 1.
fakt(N, F) :-        % N! = F ha létezik olyan N1, F1, hogy
    N > 0,            % N > 0, és
    N1 is N-1,        % N1 = N-1. és
    fakt(N1, F1),     % N1! = F1, és
    F is F1*N.        % F = F1*N.
```

## Adatstruktúrák Prologban – a bináris fák példája

### A bináris fa adatstruktúra

- vagy egy csomópont (`node`), amelynek két részfája van (`left`, `right`)
- vagy egy levél (`leaf`), amely egy egészt tartalmaz

### Binárisfa-struktúra C-ben

```
enum treetype {Node, Leaf};
struct tree {
    enum treetype type;
    union {
        struct { struct tree *left;
                  struct tree *right;
                } nd;
        struct { int value;
                } lf;
    } u;
};
```

A Prolog dinamikusan típusos nyelv – nincs szükség explicit típusdefinícióra

### Mercury típusleírás (komment)

```
% :- type tree --->
%     node(tree, tree)
%     | leaf(int).
```

### A típushoz tartozás ellenőrzése

```
% is_tree(T): T egy bináris fa
is_tree(leaf(V)) :- integer(V).
is_tree(node(Left,Right)) :-
    is_tree(Left),
    is_tree(Right).
```

## Bináris fák összegzése

- Egy bináris fa levélösszegének kiszámítása:
  - levél esetén a levélben tárolt egész
  - csomópont esetén a két részfa levélösszegének összege

```
% S = tsum(T): T levélösszege S
int tsum(struct tree *tree)
{
    switch(tree->type) {
    case Leaf:
        return tree->u.lf.value;
    case Node:
        return tsum(tree->u.nd.left) +
            tsum(tree->u.nd.right);
    }
}

% tree_sum(Tree, S): Σ Tree = S.
tree_sum(leaf(Value), Value).
tree_sum(node(Left,Right), S) :-
    tree_sum(Left, S1),
    tree_sum(Right, S2),
    S is S1+S2.

| ?- tree_sum(node(leaf(5),
                node(leaf(3),
                    leaf(2))),S).
S = 10 ? ;
no
| ?- tree_sum(T, 3).
T = leaf(3) ? ;
! Inst. error in argument 2 of is/2
! goal: 3 is _73+_74
```

## A faösszegző program többirányú aritmetikával

- A `tree_sum(T, 3)` hívás hibát jelez a `3 is S1+S2` hívásnál.
- Az `is` beépített eljárás helyett egy saját `plus` eljárást használva egészek korlátos tartományon megoldható a kétirányú működés.
- (Az első Prolog rendszerekben `X is Y+Z` helyett a `plus(Y, Z, X)` hívást kellett használni.)

```
% plus(A, B, C): A+B=C, ahol 0 < A,B,C =< 3 egész számok,
plus(1, 1, 2).    plus(1, 2, 3).    plus(2, 1, 3).
```

```
% tree_sum(Tree, S): A Tree fa leveleiben levő számok összege S.
```

```
% tree_sum(+Tree, ?S):
tree_sum(leaf(Value), Value).
tree_sum(node(Left,Right), S) :-
    tree_sum(Left, SL),
    tree_sum(Right, SR),
    S is SL+SR.

% tree_sum(?Tree, ?S):
tree_sum(leaf(Value), Value).
tree_sum(node(Left,Right), S) :-
    plus(SL, SR, S),
    tree_sum(Left, SL),
    tree_sum(Right, SR).
```

- Az argumentumok **input-output** módjának jelölése:
  - `+` – bemenő (nem változó), `-` – kimenő (változó), `?` – tetszőleges

## Klasszikus szimbolikus kifejezés-feldolgozás: deriválás

- Írjunk olyan Prolog predikátumot, amely az  $x$  névkonstansból és számokból a  $+$ ,  $-$ ,  $*$  műveletekkel képzett kifejezések deriválását elvégzi!

```
% deriv(Kif, D): Kif-nek az x szerinti deriváltja D.
deriv(x, 1).
deriv(C, 0) :-                number(C).
deriv(U+V, DU+DV) :-         deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U-V, DU-DV) :-         deriv(U, DU), deriv(V, DV).
deriv(U*V, DU*V + U*DV) :-   deriv(U, DU), deriv(V, DV).

| ?- deriv(x*x+x, D).
   => D = 1*x+x*1+1 ? ; no

| ?- deriv((x+1)*(x+1), D).
   => D = (1+0)*(x+1)+(x+1)*(1+0) ? ; no

| ?- deriv(I, 1*x+x*1+1).
   => I = x*x+x ? ; no

| ?- deriv(I, 0).
   => no
```

## Néhány beépített predikátum

- Kifejezések egyesítése
  - $X = Y$ : az  $X$  és  $Y$  **szimbolikus** kifejezések változók behelyettesítésével azonos alakra hozhatók
  - $X \setminus= Y$ : az  $X$  és  $Y$  kifejezések **nem** hozhatók azonos alakra
- További hasznos predikátumok
  - `true`, `fail`: Mindig sikerül ill. mindig meghiúsul.
  - `write(X)`: Az  $X$  Prolog kifejezést kiírja.
  - `write_canonical(X)`:  $X$  kanonikus (alapstruktúra) alakját írja ki.
  - `nl`: Kiír egy újsort.
  - `trace`, `notrace`: A (teljes) nyomkövetést be- ill. kikapcsolja.

## Programfejlesztési beépített predikátumok

- `consult(File)`: A `File` állományban levő programot beolvassa és értelmezendő alakban eltárolja. (`File = user`  $\Rightarrow$  terminálról olvas.)
- `listing` vagy `listing(Predikátum)`: Az értelmezendő alakban eltárolt összes ill. adott nevű predikátumokat kilistázza.
- `compile(File)` vagy `[File]`: A `File` állományban levő programot beolvassa, lefordítja.
- A lefordított alak gyorsabb, de nem listázható, kevésbé nyomkövethető.
- `halt`: A Prolog rendszer befejezi működését.

```
> sicstus
SICStus 4.1.2 (x86-linux-glibc2.7): Wed Apr 28 22:42:37 CEST 2010
| ?- consult(deriv).
% consulted /home/user/szulok.pl in module user, 0 msec 376 bytes
yes
| ?- deriv(x*x+x, D).
D = 1*x+x*1+1 ? ;
no
| ?- listing(deriv).
(...)
yes
| ?- halt.
>
```

## Összefoglalás: A logikai programozás alap gondolata

- Logikai programozás (LP):
  - Programozás a matematikai logika segítségével
    - egy logikai program nem más mint **logikai állítások halmaza**
    - egy logikai **program futása** nem más mint **következtetési folyamat**
  - De: a logikai következtetés óriási keresési tér bejárását jelenti
    - szorítsuk meg a logika nyelvét
    - válasszunk egyszerű, ember által is követhető következtetési algoritmusokat
  - Az LP máig legelterjedtebb megvalósítása a **Prolog = Programozás logikában (Programming in logic)**
    - az elsőrendű logika egy erősen megszorított résznyelvezet ún. **definit-** vagy **Horn-klózik** nyelve,
    - végrehajtási mechanizmusa: **mintaillesztéses** eljárás híváson alapuló **visszalépéses** keresés.

## Erlang és Prolog: néhány eltérés és hasonlóság

Erlang	Prolog
függvény, értéke tetsz. típusú	predikátum, azaz Boole-értékű függvény
arg. bemenő, a fv.érték kimenő	arg.-ok bemenők és kimenők is
egyetlen visszatérési érték	választási pontok, több megoldás lehet
$S_1, \dots, S_n$ szekv. kif., értéke $S_n$	$C_1, \dots, C_n$ célsor., redukció+visszalépés
külön ennes, lista típusok	a lista is összetett kifejezés
nincsenek felh. operátorok	felh. operátorok definiálhatók
Az = jobb oldalán tömör kif., bal oldalon mintakif.; őrfeltételekkel	az egyesítés szimmetrikus, mindkét oldalon minták

- Néhány hasonlóság:
  - az eljárás is klózból áll, kiválasztás mintaillesztéssel, sorrendben, de míg Erlangban csak az **első** illeszkedő klózfej számít, Prologban az **összes**
  - változóhoz csak egyszer köthető érték
  - lista szintaxisa (de: Erlangban önálló típus), sztring (fűzér), atom

## Predikátumok, klózk

## • Példa:

```
% két klózból álló predikátum definíciója, funktora: tree_sum/2
tree_sum(leaf(Val), Val).           %                1. klóz, tényáll.
tree_sum(node(Left,Right), S) :- %      fej \
    tree_sum(Left, S1),           % cél \   |
    tree_sum(Right, S2),         % cél | törzs | 2. klóz, szabály
    S is S1+S2.                 % cél /   /
```

## • Szintaxis:

```
< Prolog program > ::= < predikátum > ...
< predikátum > ::= < klóz > ... {azonos funktorú}
< klóz > ::= < tényállítás > .⊥ |
           < szabály > .⊥ {klóz funktora = fej funktora}
< tényállítás > ::= < fej >
< szabály > ::= < fej > :- < törzs >
< törzs > ::= < cél >, ...
< cél > ::= < kifejezés >
< fej > ::= < kifejezés >
```

## Tartalom

## 4 Prolog alapok

- Prolog bevezetés – néhány példa
- A Prolog nyelv alapszintaxisa
- Listák Prologban
- Operátorok
- Prolog végrehajtás – algoritmusok
- További vezérlési szerkezetek

## Prolog kifejezések

## • Példa – egy klózfej mint kifejezés:

```
% tree_sum(node(Left,Right), S) % összetett kif., funktora
% ----- - tree_sum/2
% | | |
% struktúranév \ argumentum, változó
% \- argumentum, összetett kif.
```

## • Szintaxis:

```
< kifejezés > ::= < változó > | {Nincs funktora}
               < konstans > | {Funktora: < konstans >/0}
               < összetett kif. > | {Funktora: < struktúranév >/< arg.sz. >}
               < egyéb kifejezés > | {Operátoros, lista, stb.}
< konstans > ::= < névkonstans > |
               < számkonstans >
< számkonstans > ::= < egész szám > |
                  < lebegőp. szám >
< összetett kif. > ::= < struktúranév > ( < argumentum >, ... )
< struktúranév > ::= < névkonstans >
< argumentum > ::= < kifejezés >
```

## Lexikai elemek: példák és szintaxis

```

% változó:      Fakt FAKT _fakt X2 _2 _
% névkonstans: fakt ≡ 'fakt' 'István' [] ; ', ' += ** \= ≡ '\\='
% számkonstans: 0 -123 10.0 -12.1e8
% nem névkonstans: !=, Istvan
% nem számkonstans: 1e8 1.e2

⟨ változó ⟩ ::= ⟨ nagybetű ⟩⟨ alfanum. jel ⟩... |
              _⟨ alfanum. jel ⟩...
⟨ névkonstans ⟩ ::= '⟨ idézett kar. ⟩... ' |
                  ⟨ kisbetű ⟩⟨ alfanum. jel ⟩... |
                  ⟨ tapadó jel ⟩... | ! | ; | [] | {}
⟨ egész szám ⟩ ::= {előjeles vagy előjeltelen számjegysorozat}
⟨ lebegőp.szám ⟩ ::= {belsejében tizedespontot tartalmazó
                    számjegysorozat esetleges exponenssel}
⟨ idézett kar. ⟩ ::= {tetszőleges nem ' és nem \ karakter} |
                    \⟨ escape szekvencia ⟩
⟨ alfanum. jel ⟩ ::= ⟨ kisbetű ⟩ | ⟨ nagybetű ⟩ | ⟨ számjegy ⟩ | _
⟨ tapadó jel ⟩ ::= + | - | * | / | \ | $ | ^ | < | > | = | ` | ~ | : | . | ? | @ | # | &

```

## Tartalom

## 4 Prolog alapok

- Prolog bevezetés – néhány példa
- A Prolog nyelv alapszintaxisa
- Listák Prologban
- Operátorok
- Prolog végrehajtás – algoritmusok
- További vezérlési szerkezetek

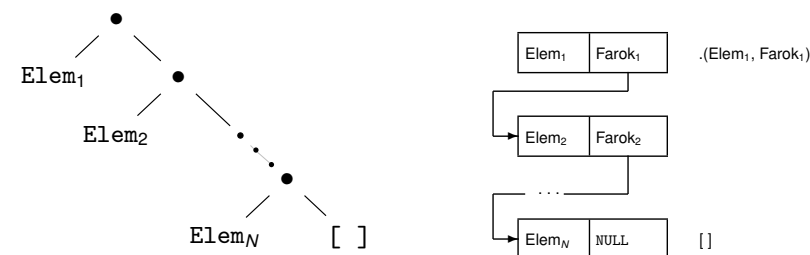
## Prolog programok formázása

- Megjegyzések (comment)
  - A % százalékjeltől a sor végéig
  - A /\* jelpártól a legközelebbi \*/ jelpárig.
- Formázó elemek (komment, szóköz, újsor, tabulátor stb.) szabadon használhatók
  - kivétel: összetett kifejezésben a struktúranév után tilos formázó elemet tenni (operátorok miatt);
  - prefix operátor (ld. később) és „(” között kötelező a formázó elem;
  - klózt lezáró pont (.): önmagában álló pont (előtte nem tapadó jel áll) amit egy formázó elem követ
- Programok javasolt formázása:
  - Az egy predikátumhoz tartozó klózkok legyenek egymás mellett a programban, közük ne tegyünk üres sort.
  - A predikátum elé tegyünk egy üres sort és egy fejkommentet:
 

```
% predikátumnév(A1, ..., An): A1, ..., An közötti
% összefüggést leíró kijelentő mondat.
```
  - A klózfejet írjuk sor elejére, minden célt lehetőleg külön sorba, néhány szóközzel beljebb kezdve

## A Prolog lista-fogalma

- A Prolog lista
  - Az üres lista a [] névkonstans.
  - A nem-üres lista a '. ' (Fej, Farok) struktúra (vö. Cékla cons(...)):
    - Fej a lista feje (első eleme), míg
    - Farok a lista farka, azaz a fennmaradó elemekből álló lista.
  - A listákat egyszerűsítve is leírhatjuk („szintaktikus édesítés”).
  - Megvalósításuk optimalizált, időben és helyben is hatékonyabb.
- A listák fastruktúra alakja és megvalósítása



## Listák jelölése – szintaktikus édesítőszer

- Az alapvető édesítés:  $[Fej|Farok] \equiv \cdot (Fej, Farok)$
- Kiterjesztés  $N$  „fej”-elemre:  
 $[Elem_1, \dots, Elem_N | Farok] \equiv [Elem_1 | \dots | [Elem_N | Farok] \dots]$
- Ha a farok  $[\ ]$ :  $[Elem_1, \dots, Elem_N] \equiv [Elem_1, \dots, Elem_N | [\ ]]$

```

| ?- [1,2] = [X|Y].           => X = 1, Y = [2] ?
| ?- [1,2] = [X,Y].           => X = 1, Y = 2 ?
| ?- [1,2,3] = [X|Y].         => X = 1, Y = [2,3] ?
| ?- [1,2,3] = [X,Y].         => no
| ?- [1,2,3,4] = [X,Y|Z].     => X = 1, Y = 2, Z = [3,4] ?
| ?- L = [1|_], L = [_|2|_].  => L = [1,2|_A] ? % nyílt végű
| ?- L = \cdot(1,[2,3|[\ ]]). => L = [1,2,3] ?
| ?- L = [1,2|\cdot(3,[\ ])]. => L = [1,2,3] ?
    
```

## Listák összefűzése – az `append/3` eljárás

- Ismétlés: Listák összefűzése Céklában:  
`// appf(L1, L2) = L1 ⊕ L2 (L1 és L2 összefűzése)`  

```
list appf(const list L1, const list L2) {
    if (L1 == nil) return L2;
    return cons(hd(L1), appf(tl(L1), L2)); }
```
- Írjuk át a kétargumentumú `appf` függvényt `app0/3` Prolog eljárássá!  

```
app0(L1, L2, Ret) :- L1 = [], Ret = L2.
app0([HD|TL], L2, Ret) :-
    app0(TL, L2, L3), Ret = [HD|L3].
```
- Logikailag tiszta Prolog programokban a `vált = kif` alakú hívások kiküszöbölhetőek, ha `vált` minden előfordulását `kif`-re cseréljük.  

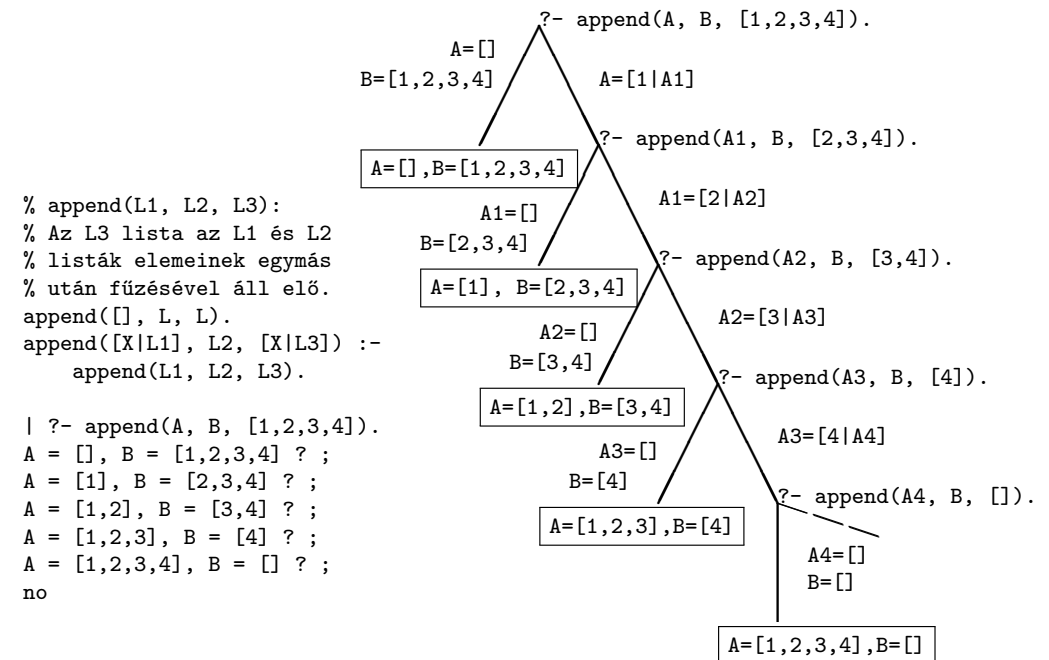
```
app([], L2, L2).
app([X|L1], L2, [X|L3]) :- % HD → X, TL → L1 helyettesítéssel
    app(L1, L2, L3).
```
- Az `app... (L1, ...)` komplexitása: a futási idő arányos  $L1$  hosszával
- Miért jobb az `app/3` mint az `app0/3`?
  - `app/3` **jobbrekurzív**, ciklussal ekvivalens (nem fogyaszt vermet)
  - `app([1, ..., 1000], [0], [2, ...])` 1, `app0(...)` 1000 lépésben hiúsul meg.
  - `app/3` használható szétszedésre is (lásd később), míg `app0/3` nem.

## Lista építése *előlről* – nyílt végű listákkal

- Egy  $x$  Prolog `kif`. **nyílt végű lista**, ha  $x$  változó, vagy  $x = [_|Farok]$  ahol `Farok` nyílt végű lista.  
 $| ?- L = [1|_], L = [_|2|_]. \implies L = [1,2|_A] ?$
- A beépített `append/3` azonos az `app/3`-mal:  

```
append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    append(L1, L2, L3).
```
- Az `append` eljárás már az első redukciónál felépíti az eredmény fejét!
  - Célok (pl.): `append([1,2,3], [4], Ered), write(Ered).`
  - Fej: `append([X|L1], L2, [X|L3])`
  - Behelyettesítés: `X = 1, L1 = [2,3], L2 = [4], Ered = [1|L3]`
  - Új célsorozat: `append([2,3], [4], L3), write([1|L3]).` (Ered nyílt végű lista, farka még behelyettesítetlen.)
  - A további redukciós lépések behelyettesítése és eredménye:  
`L3 = [2|L3a] append([3], [4], L3a), write([1|[2|L3a]]).`  
`L3a = [3|L3b] append([], [4], L3b), write([1,2|[3|L3b]]).`  
`L3b = [4] write([1,2,3|[4]]).`

## Listák szétbontása az `append/3` segítségével



## Miben hasonlítanak ill. térnek el az append változatok?

- Logikai változó (nyílt végű lista) használata: `app0`: nem `append`: igen.

```

app0([], L, L).
app0([X|L1], L2, R) :-
    app0(L1, L2, L3), R = [X|L3].
    
```

```

append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    append(L1, L2, L3).
    
```

- Mindkettő korlátos futású, ha az 1. arg. zárt végű: max.  $len(L1)$  mélység.

```

?- app0([1,2], L2, L3).
L3 = [1,2|L2] ? ; no
    
```

- `app...(_,L2,_)` esetén (még ha `L2` zárt végű is)  $\infty$  sok megoldás van:

```

?- app0(L1, [1,2], L3).
L1 = [], L3 = [1,2] ? ;
L1 = [A,B], L3 = [A,B,1,2] ? ; L1 = [A,B,C], L3 = [A,B,C,1,2] ? ; ...
    
```

- `app0(_,L2,L3)` esetén (`L2`, `L3` zárt végű)  $\infty$  ciklust kapunk:

```

app0(L, [1,2], []) redukálva a 2. klózzal app0(L1, [1,2], L3), [X|L3] = [].
    
```

- Ezzel szemben `append(_,_,L3)` esetén (`L3` zárt végű,  $n$  hosszú) véges keresésben  $n + 1$ -féle szétbontást kapunk

- `append(L1, L2, L3)` keresési tere véges, ha `L1` vagy `L3` zárt végű!

## Listák megfordítása

- Naív (négyzetes lépésszámú) megoldás

```

% nrev(L) = L megfordítása (Cékla)
% nrev(L, R): R = L megfordítása.
nrev([], []).
nrev([X|L], R) :-
    nrev(L, RL),
    append(RL, [X], R).
    
```

```

list nrev(const list XL) {
    if (XL == nil) return nil;
    int X = hd(XL); list L = tl(XL);
    list RL = nrev(L);
    return append(RL, cons(X, nil)); }
    
```

- Lineáris lépésszámú megoldás

```

% reverse(R, L): Az R lista az L megfordítása.
reverse(R, L) :- revapp(L, [], R).
    
```

```

% revapp(L1, L2, R): L1 megfordítását L2 elé fűzve kapjuk R-t.
revapp([], R, R).
revapp([X|L1], L2, R) :-
    revapp(L1, [X|L2], R).
    
```

- A `lists` könyvtár tartalmazza a `reverse/2` eljárás definícióját.
- A könyvtár betöltése:
 

```
:- use_module(library(lists)).
```

## Listák gyűjtése előlről és hátulról (kiegészítő anyag)

- Prolog

```

revapp([], L, L).
revapp([X|L1], L2, L3) :-
    revapp(L1, [X|L2], L3).
    
```

```

append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    append(L1, L2, L3).
    
```

- C++

```

struct lnk { char elem;
            lnk *next;
            lnk(char e): elem(e) {} };
    
```

```

typedef lnk *list;
list revapp(list L1, list L2)
{ list l = L2;
  for (list p=L1; p; p=p->next)
  { list newl = new lnk(p->elem);
    newl->next = l; l = newl;
  }
  return l;
}

list append(list L1, list L2)
{ list L3, *lp = &L3;
  for (list p=L1; p; p=p->next)
  { list newl = new lnk(p->elem);
    *lp = newl; lp = &newl->next;
  }
  *lp = L2; return L3;
}
    
```

## Keresés listában – a `member/2` beépített eljárás

- `member(E, L)`: E az L lista eleme

```

member(Elem, [Elem|_]).
member(Elem, [_|Farok]) :-
    member(Elem, Farok).
    
```

- Eldöntendő (igen-nem) kérdés:

```

?- member(2, [1,2,3,2]).      => yes           DE
?- member(2, [1,2,3,2]),X=X. => true ? ; true ? ; no
    
```

- Lista elemeinek felsorolása:

```

?- member(X, [1,2,3]).      => X = 1 ? ; X = 2 ? ; X = 3 ? ; no
?- member(X, [1,2,1]).     => X = 1 ? ; X = 2 ? ; X = 1 ? ; no
    
```

- Listák közös elemeinek felsorolása – az előző két hívásformát kombinálja:

```

?- member(X, [1,2,3]),
   member(X, [5,4,3,2,3]). => X = 2 ? ; X = 3 ? ; X = 3 ? ; no
    
```

- Egy értéket egy (nyílt végű) lista elemévé tesz, végtelen választás!

```

?- member(1, L).           => L = [1|_A] ? ; L = [_A,1|_B] ? ;
                           L = [_A,_B,1|_C] ? ; ...
    
```

- A `member/2` keresési tere **véges**, ha 2. argumentuma zárt végű lista.

## A member/2 predikátum általánosítása: select/3

- `select(E, Lista, M)`: E-t a Listából **egyszer** elhagyva marad az M lista.  
`select(E, [E|Marad], Marad). % Elhagyjuk a fejet, marad a farok.`  
`select(E, [X|Farok], [X|M]) :- % Marad a fej,`  
`select(E, Farok, M). % a farokból hagyunk el elemet.`
- Felhasználási lehetőségek:
  - | `?- select(1, [2,1,3,1], L).` % Adott elem elhagyása  
`=> L = [2,3,1] ? ; L = [2,1,3] ? ; no`
  - | `?- select(X, [1,2,3], L).` % Akármelyik elem elhagyása  
`=> L=[2,3], X=1 ? ; L=[1,3], X=2 ? ; L=[1,2], X=3 ? ; no`
  - | `?- select(3, L, [1,2]).` % Adott elem beszúrása!  
`=> L = [3,1,2] ? ; L = [1,3,2] ? ; L = [1,2,3] ? ; no`
  - | `?- select(3, [2|L], [1,2,7,3,2,1,8,9,4]).`  
`% Beszúrható-e 3 az [1,...]-ba úgy, hogy [2,...]-t kapjunk?`  
`=> no`
  - | `?- select(1, [X,2,X,3], L).`  
`=> L = [2,1,3], X = 1 ? ; L = [1,2,3], X = 1 ? ; no`
- A `lists` könyvtárban a fenti módon definiált `select/3` eljárás keresési tere **véges**, ha vagy a 2., vagy a 3. argumentuma zárt végű lista.

## Listák permutációja (kiegészítő anyag)

- `perm(Lista, Perm)`: Lista permutációja a Perm lista.  
`perm([], []).`  
`perm(Lista, [Elso|Perm]) :-`  
`select(Elso, Lista, Maradek),`  
`perm(Maradek, Perm).`
- Felhasználási példák:
  - | `?- perm([1,2], L).`  
`=> L = [1,2] ? ; L = [2,1] ? ; no`
  - | `?- perm([a,b,c], L).`  
`=> L = [a,b,c] ? ; L = [a,c,b] ? ; L = [b,a,c] ? ;`  
`L = [b,c,a] ? ; L = [c,a,b] ? ; L = [c,b,a] ? ; no`
  - | `?- perm(L, [1,2]).`  
`=> L = [1,2] ? ; végtelen keresési tér`
- Ha `perm/2`-ben az első argumentum ismeretlen, akkor a `select` hívás keresési tere végtelen! Illik jelezni az I/O módokat a fejkommentben:  
`% perm(+Lista, ?Perm): Lista permutációja a Perm lista.`
- A `lists` könyvtár tartalmaz egy kétirányban is működő `permutation/2` eljárást.

## Tartalom

### 4 Prolog alapok

- Prolog bevezetés – néhány példa
- A Prolog nyelv alapszintaxisa
- Listák Prologban
- Operátorok
- Prolog végrehajtás – algoritmusok
- További vezérlési szerkezetek

## Operátor-kifejezések

- Példa: `S is -S1+S2` ekvivalens az `is(S, +(-(S1),S2))` kifejezéssel
- Operátoros kifejezések  
`<összetett kif.> ::=`
  - | `<struktúranév> ( <argumentum>, ... )` {eddig csak ez volt}
  - | `<argumentum> <operátornév> <argumentum>` {infix kifejezés}
  - | `<operátornév> <argumentum>` {prefix kifejezés}
  - | `<argumentum> <operátornév>` {posztfix kifejezés}
  - | `( <kifejezés> )` {zárójeles kif.}
- `<operátornév> ::= <struktúranév>` {ha operátorként lett definiálva}
- Egy vagy több azonos jellemzőjű operátor definiálása  
`op(Prio, Fajta, OpNév) vagy op(Prio, Fajta, [OpNév1, ..., OpNévn])`, ahol
  - `Prio` (prioritás): 1–1200 közötti egész
  - `Fajta`: az `yfx`, `xfy`, `xfx`, `fy`, `fx`, `yf`, `xf` névkonstansok egyike
  - `OpNévi` (az operátor neve): tetszőleges névkonstans
- Az `op/3` beépített predikátum meghívását általában a programot tartalmazó file elején, *direktívában* helyezzük el:  
`:- op(800, xfx, [szuloje,nagyszuloje]). 'Imre' szuloje 'István'.`
- A direktívák a programfile *betöltésekor* azonnal végrehajtnak.

## Operátorok jellemzői

- Egy operátort jellemez a fajtája és prioritása
- A fajta az asszociativitás irányát és az írásmódot határozza meg:

Fajta			Írásmód	Értelmezés
bal-assz.	jobb-assz.	nem-assz.		
yfx	xfy	xfx	infix	$A f B \equiv f(A, B)$
	fy	fx	prefix	$f A \equiv f(A)$
yf		xf	posztfix	$A f \equiv f(A)$

- A zárójelezést a prioritás és az asszociativitás együtt határozza meg, pl.
  - $a/b+c*d \equiv (a/b)+(c*d)$  mert / és \* prioritása  $400 < 500$  (+ prioritása) (kisebb prioritás = erősebb kötés)
  - $a-b-c \equiv (a-b)-c$  mert a - operátor fajtája yfx, azaz bal-asszociatív – balra köt, balról jobbra zárójelez (a fajtanévben az y betű mutatja az asszociativitás irányát)
  - $a^b^c \equiv a^(b^c)$  mert a ^ operátor fajtája xfy, azaz jobb-asszociatív (jobbra köt, jobbról balra zárójelez)
  - $a=b=c$  szintaktikusan hibás, mert az = operátor fajtája xfx, azaz nem-asszociatív

## Szabványos, beépített operátorok

### Szabványos operátorok

Színkód:

már ismert, új aritmetikai, hamarosan jön

1200	xfx	:- -->	
1200	fx	:- ?-	
1100	xfy	;	diszjunkció
1050	xfy	->	if-then
1000	xfy	','	
900	fy	\+	negáció
700	xfx	= \=	
		< =< > >= ::= \= is	
		@< @=< @> @>= == \== =..	
500	yfx	+ - \ / \&	bitműveletek
400	yfx	* / // rem	
		mod	modulus
		<< >>	léptetések
200	xfx	**	hatványozás
200	xfy	^	
200	fy	- \	bitenkénti negáció

### További beépített operátorok SICStus Prologban

1150	fx	mode public
		dynamic block
		volatile
		discontiguous
		initialization
		multifile
		meta_predicate
1100	xfy	do
900	fy	spy nospy
550	xfy	:
500	yfx	\
200	fy	+

## Operátorok implicit zárójelezése – általános szabályok

- Egy  $X_{op_1} Y_{op_2} Z$  zárójelezése, ahol  $op_1$  és  $op_2$  prioritása  $n_1$  és  $n_2$ :
  - ha  $n_1 > n_2$  akkor  $X_{op_1} (Y_{op_2} Z)$ ;
  - ha  $n_1 < n_2$  akkor  $(X_{op_1} Y)_{op_2} Z$ ; (kisebb prio.  $\Rightarrow$  erősebb kötés)
  - ha  $n_1 = n_2$  és  $op_1$  jobb-asszociatív (xfy), akkor  $X_{op_1} (Y_{op_2} Z)$ ;
  - egyébként, ha  $n_1 = n_2$  és  $op_2$  bal-assz. (yfx), akkor  $(X_{op_1} Y)_{op_2} Z$ ;
  - egyébként szintaktikus hiba
- Érdekes példa:  $:- op(500, xfy, +^)$ .  $\% :- op(500, yfx, +)$ .  
 $| ?- :- write((1 +^ 2) + 3), nl. \Rightarrow (1+^2)+3$   
 $| ?- :- write(1 +^ (2 + 3)), nl. \Rightarrow 1+^2+3$   
 tehát: konfliktus esetén az első operátor asszociativitása „győz”.
- Alapszabály: egy  $n$  prioritású operátor zárójelezetlen operandusként
  - legfeljebb  $n - 1$  prioritású operátort fogad el az x oldalon
  - legfeljebb  $n$  prioritású operátort fogad el az y oldalon
- A zárójelezett kifejezéseket és az alapstruktúra-alakú kifejezéseket feltétel nélkül elfogadjuk operandusként
- Az alapszabály a prefix és posztfix operátorokra is alkalmazandó

## Operátorok – kiegészítő megjegyzések

- A „vessző” jel többféle helyzetben is használható:
    - struktúra-argumentumokat, ill. listaelemeket határol el egymástól
    - 1000 prioritású xfy op. pl.:  $(p:-a,b,c) \equiv -(p, ', '(a, ', '(b,c))$ 
      - A vessző atomként csak a ', ', határolóként csak a ,, operátorként mindkét formában - ', ' vagy , - használható.
    - $:-(p, a,b,c)$  többértelmű:  $\stackrel{?}{=} :-(p, (a,b,c))$ ,  $\dots \stackrel{?}{=} :-(p,a,b,c)\dots$
    - Egyértelműsítés: argumentumában vagy listaelemében az 1000-nél  $\geq$  prioritású operátort tartalmazó kifejezést zárójelezni kell:  
 $| ?- write_canonical((a,b,c)). \Rightarrow ', '(a, ', '(b,c))$   
 $| ?- write_canonical(a,b,c). \Rightarrow ! write_canonical/3 does not exist$
  - Használható-e ugyanaz a név többféle fajtájú operátorként?
    - Nyilván nem lehet egy operátor egyszerre xfy és xfx is, stb.
    - De pl. a + és - operátorok yfx és fy fajtaival is használhatók
  - A könnyebb elemezhetőség miatt a Prolog szabvány kiköti, hogy
    - operátort operandusként zárójelbe kell tenni, pl.  $Comp=(>)$
    - egy operátor nem lehet egyszerre infix és posztfix.
- Sok Prolog rendszer (pl. a SICStus) nem követeli meg ezek betartását



## Operátorok törlése, lekérdezése

- Egy vagy több operátor törlésére az `op/3` beépített eljárást használhatjuk, ha első argumentumként (prioritásként) 0-t adunk meg.

```
| ?- X = a+b, op(0, yfx, +). => X = +(a,b) ? ; no
| ?- X = a+b.                => ! Syntax error
                             ! op. expected after expression
                             ! X = a <<here>> + b .
```

```
| ?- op(500, yfx, +).        => yes
| ?- X = +(a,b).            => X = a+b ? ; no
```

- Az adott pillanatban érvényes operátorok lekérdezése:

```
current_op(Prioritás, Fajta, OpNév)
```

```
| ?- current_op(P, F, +).
=> F = fy, P = 200 ? ;
    F = yfx, P = 500 ? ;
no
| ?- current_op(_P, xfy, Op), write_canonical(Op), write(' '), fail.
; do -> ', ' : ^
no
```

## Operátorok felhasználása

- Mire jók az operátorok?

- aritmetikai eljárások kényelmes írására, pl. `X is (Y+3) mod 4`
- szimbolikus kifejezések kezelésére (pl. szimbolikus deriválás)
- klózok leírására (`:-` és `'`, `'` is operátor), és meta-eljárásoknak való átadására, pl `asserta( (p(X):-q(X),r(X)) )`
- eljárásfejek, eljáráshívások olvashatóbbá tételére:  
`:- op(800, xfx, [nagyszülője, szülője]).`

```
Gy nagyszülője N :- Gy szülője Sz, Sz szülője N.
```

- adatstruktúrák olvashatóbbá tételére, pl.

```
sav(kén, h*2-s-o*4).
```

- Miért rossz a Prolog operátorfogalma?

- A modularitás hiánya miatt:
- Az operátorok egy globális erőforrást képeznek, ez nagyobb projektben gondot okozhat.

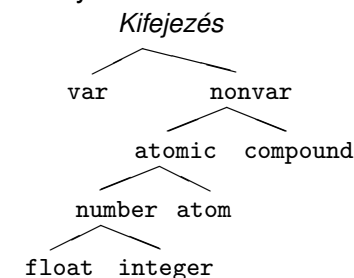
## Tartalom

### 4 Prolog alapok

- Prolog bevezetés – néhány példa
- A Prolog nyelv alapszintaxisa
- Listák Prologban
- Operátorok
- Prolog végrehajtás – algoritmusok
- További vezérlési szerkezetek

## Az egyesítési algoritmus – a Prolog adatfogalma

- Prolog kifejezések osztályozása – kanonikus alak



<code>var(X)</code>	X változó
<code>nonvar(X)</code>	X nem változó
<code>atomic(X)</code>	X konstans
<code>compound(X)</code>	X struktúra
<code>number(X)</code>	X szám
<code>atom(X)</code>	X névkonstans
<code>float(X)</code>	X lebegőpontos szám
<code>integer(X)</code>	X egész szám

## Az egyesítés célja

- Egyesítés (*unification*): két Prolog kifejezés (pl. egy eljárshívás és egy klózfej) azonos alakra hozása, változók esetleges behelyettesítésével, a lehető legáltalánosabban (a legkevesebb behelyettesítéssel)
- Az egyesítés **szimmetrikus**: mindkét oldalon lehet – és behelyettesíthető – változó
- Példák
  - Bemenő paraméterátadás – a fej változóit helyettesíti be:
 

```
hívás:      nagyszuloje('Imre', Nsz),
fej:        nagyszuloje(Gy, N),
behelyettesítés: Gy ← 'Imre', N ← Nsz
```
  - Kimenő paraméterátadás – a hívás változóit helyettesíti be:
 

```
hívás:      szuloje('Imre', Sz),
fej:        szuloje('Imre', 'István'),
behelyettesítés: Sz ← 'István'
```
  - Kétirányú paraméterátadás – fej- és hívásváltozókat is behelyettesít:
 

```
hívás:      tree_sum(leaf(5), Sum)
fej:        tree_sum(leaf(V), V)
behelyettesítés: V ← 5, Sum ← 5
```

## Az egyesítési algoritmus feladata

- Az egyesítési algoritmus
  - bemenete: két Prolog kifejezés:  $A$  és  $B$  (általában egy klóz feje és egy célsorozat első tagja)
  - feladata: a két kifejezés egyesíthetőségének eldöntése
  - matematikailag az eredménye: megghiúsulás, vagy siker és a legáltalánosabb egyesítő – *most general unifier*,  $mgu(A, B)$  – előállítása
  - praktikusán nem az  $mgu$  egyesítő előállítása szükséges, hanem az egyesítő behelyettesítés végrehajtása (a szóbanforgó klóz törzsén és a célsorozat maradékán)
- A legáltalánosabb egyesítő az, amelyik nem helyettesít be „feleslegesen”
  - példa:  $tree\_sum(leaf(V), V) = tree\_sum(T, S)$ 
    - egyesítő behelyettesítés:  $V \leftarrow 1, T \leftarrow leaf(1), S \leftarrow 1$
    - legáltalánosabb egyesítő behelyettesítés:  $T \leftarrow leaf(V), S \leftarrow V$ , vagy  $T \leftarrow leaf(S), V \leftarrow S$
  - az  $mgu$  – változó-átnevezéstől (pl.  $V \leftarrow S$ ) eltekintve – **egyértelmű**
  - minden egyesítő előállítható a legáltalánosabból további behelyettesítéssel, pl.  $V \leftarrow 1$  ill.  $S \leftarrow 1$

## A „praktikus” egyesítési algoritmus

- 1 Ha  $A$  és  $B$  azonos változók vagy konstansok, akkor kilép sikerrel, behelyettesítés nélkül
- 2 Egyébként, ha  $A$  változó, akkor a  $\sigma = \{A \leftarrow B\}$  behelyettesítést elvégzi, és kilép sikerrel
- 3 Egyébként, ha  $B$  változó, akkor a  $\sigma = \{B \leftarrow A\}$  behelyettesítést elvégzi, és kilép sikerrel (a 2. és 3. lépések felcserélhetők)
- 4 Egyébként, ha  $A$  és  $B$  azonos nevű és argumentumszámú összetett kifejezések és argumentum-listáik  $A_1, \dots, A_N$  ill.  $B_1, \dots, B_N$ , akkor
  - $A_1$  és  $B_1$  egyesítését elvégzi (azaz az ehhez szükséges behelyettesítéseket végrehajtja), ha ez sikertelen, akkor kilép megghiúsulással;
  - $A_2$  és  $B_2$  egyesítését elvégzi, ha ez sikertelen, akkor kilép megghiúsulással;
  - ...
  - $A_N$  és  $B_N$  egyesítését elvégzi, ha ez sikertelen, akkor kilép megghiúsulással
- 5 Minden más esetben kilép megghiúsulással ( $A$  és  $B$  nem egyesíthető)

## Egyesítési példák a gyakorlatban

- Az egyesítéssel kapcsolatos beépített eljárások:
  - $X = Y$  egyesíti a két argumentumát, megghiúsul, ha ez nem lehetséges.
  - $X \backslash= Y$  sikerül, ha két argumentuma nem egyesíthető, egyébként megghiúsul.
- Példák:
 

```
| ?- 3+(4+5) = Left+Right.
      Left = 3, Right = 4+5 ?
| ?- node(leaf(X), T) = node(T, leaf(3)).
      T = leaf(3), X = 3 ?
| ?- X*Y = 1+2*3.                                % mert 1+2*3 ≡ 1+(2*3)
      no
| ?- X*Y = (1+2)*3.
      X = 1+2, Y = 3 ?
| ?- f(X, 3/Y-X, Y) = f(U, B-a, 3).
      B = 3/3, U = a, X = a, Y = 3 ?
| ?- f(f(X), U+2*2) = f(U, f(3)+Z).
      U = f(3), X = 3, Z = 2*2 ?
```

## Az egyesítés kiegészítése: előfordulás-ellenőrzés, *occurs check*

- Kérdés:  $x$  és  $s(x)$  egyesíthető-e?
  - A matematikai válasz: *nem*, egy változó nem egyesíthető egy olyan struktúrával, amelyben előfordul (ez az előfordulás-ellenőrzés).
  - Az ellenőrzés költséges, ezért alaphelyzetben nem alkalmazzák, így ciklikus kifejezések keletkezhetnek.
  - Szabványos eljárásként rendelkezésre áll: `unify_with_occurs_check/2`
  - Kiterjesztés (pl. SICStus): az előfordulás-ellenőrzés elhagyása miatt keletkező ciklikus kifejezések tisztességes kezelése.

### Példák:

```
| ?- X = s(1,X).
      X = s(1,s(1,s(1,s(1,s(...)))))) ?
| ?- unify_with_occurs_check(X, s(1,X)).
      no
| ?- X = s(X), Y = s(s(Y)), X = Y.
      X = s(s(s(s(s(...))))), Y = s(s(s(s(s(...)))))) ?
```

## A legáltalánosabb egyesítő előállítás (kiegészítő anyag)

- $A$  és  $B$  kifejezések egyesíthetőek ha létezik egy olyan  $\sigma$  behelyettesítés, hogy  $A\sigma = B\sigma$ . Ezt az  $A\sigma = B\sigma$  kifejezést  $A$  és  $B$  egyesített alakjának nevezzük.
- Két kifejezésnek általában több egyesített alakja lehet.
  - Példa:  $A = f(X, Y)$  és  $B = f(s(U), U)$  egyesített alakja pl.
    - $K_1 = f(s(a), a)$  a  $\sigma_1 = \{X \leftarrow s(a), Y \leftarrow a, U \leftarrow a\}$  behelyettesítéssel
    - $K_2 = f(s(U), U)$  a  $\sigma_2 = \{X \leftarrow s(U), Y \leftarrow U\}$  behelyettesítéssel
    - $K_3 = f(s(Y), Y)$  a  $\sigma_3 = \{X \leftarrow s(Y), U \leftarrow Y\}$  behelyettesítéssel
- $A$  és  $B$  legáltalánosabb egyesített alakja egy olyan  $C$  kifejezés, amely  $A$  és  $B$  minden egyesített alakjánál általánosabb
  - A fenti példában  $K_2$  és  $K_3$  legáltalánosabb egyesített alakok
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesített alak, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.
- $A$  és  $B$  legáltalánosabb egyesítője egy olyan  $\sigma = mgu(A, B)$  behelyettesítés, amelyre  $A\sigma$  és  $B\sigma$  a két kifejezés legáltalánosabb egyesített alakja. Pl.  $\sigma_2$  és  $\sigma_3$  a fenti  $A$  és  $B$  legáltalánosabb egyesítője.
- **Tétel:** A legáltalánosabb egyesítő, változó-átnevezéstől eltekintve egyértelmű.

## Az egyesítési alg. matematikai megfogalmazása (kieg. anyag)

- A *behelyettesítés* egy olyan  $\sigma$  függvény, amely a  $Dom(\sigma)$ -beli változókhoz kifejezéseket rendel. Általában posztfix jelölést használunk, pl.  $X\sigma = a$ 
  - Példa:  $\sigma = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, B), Z \leftarrow C\}$ ,  $Dom(\sigma) = \{X, Y, Z\}$ ,  $X\sigma = a$
- A behelyettesítés-függvény természetes módon kiterjeszthető:
  - $K\sigma$ :  $\sigma$  alkalmazása egy *tetszőleges*  $K$  kifejezésre:  $\sigma$  behelyettesítéseit *egyidejűleg* elvégezzük  $K$ -ban.
  - Példa:  $f(g(Z, h), A, Y)\sigma = f(g(C, h), A, s(b, B))$
- Kompozíció:  $\sigma \otimes \theta = \sigma$  és  $\theta$  egymás utáni alkalmazása:  $X(\sigma \otimes \theta) = X\sigma\theta$ 
  - A  $\sigma \otimes \theta$  behelyettesítés az  $x \in Dom(\sigma)$  változókhoz az  $(x\sigma)\theta$  kifejezést, a többi  $y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)$  változóhoz  $y\theta$ -t rendeli ( $Dom(\sigma \otimes \theta) = Dom(\sigma) \cup Dom(\theta)$ ):
 
$$\sigma \otimes \theta = \{x \leftarrow (x\sigma)\theta \mid x \in Dom(\sigma)\} \cup \{y \leftarrow y\theta \mid y \in Dom(\theta) \setminus Dom(\sigma)\}$$
  - Pl.  $\theta = \{X \leftarrow b, B \leftarrow d\}$  esetén  $\sigma \otimes \theta = \{X \leftarrow a, Y \leftarrow s(b, d), Z \leftarrow C, B \leftarrow d\}$
- Egy  $G$  kifejezés **általánosabb** mint egy  $S$ , ha létezik olyan  $\rho$  behelyettesítés, hogy  $S = G\rho$ 
  - Példa:  $G = f(A, Y)$  általánosabb mint  $S = f(1, s(Z))$ , mert  $\rho = \{A \leftarrow 1, Y \leftarrow s(Z)\}$  esetén  $S = G\rho$ .

## A „matematikai” egyesítési algoritmus (kiegészítő anyag)

- Az egyesítési algoritmus
  - bemenete: két Prolog kifejezés:  $A$  és  $B$
  - feladata: a két kifejezés egyesíthetőségének eldöntése
  - eredménye: siker esetén az  $mgu(A, B)$  legáltalánosabb egyesítő
- A rekurzív egyesítési algoritmus  $\sigma = mgu(A, B)$  előállítására
  - 1 Ha  $A$  és  $B$  azonos változók vagy konstansok, akkor  $\sigma = \{\}$  (üres).
  - 2 Egyébként, ha  $A$  változó, akkor  $\sigma = \{A \leftarrow B\}$ .
  - 3 Egyébként, ha  $B$  változó, akkor  $\sigma = \{B \leftarrow A\}$ . ( $A$  (2) és (3) lépések sorrendje felcserélődhet.)
  - 4 Egyébként, ha  $A$  és  $B$  azonos nevű és argumentumszámú összetett kifejezések és argumentum-listáik  $A_1, \dots, A_N$  ill.  $B_1, \dots, B_N$ , és
    - a.  $A_1$  és  $B_1$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_1$ ,
    - b.  $A_2\sigma_1$  és  $B_2\sigma_1$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_2$ ,
    - c.  $A_3\sigma_1\sigma_2$  és  $B_3\sigma_1\sigma_2$  legáltalánosabb egyesítője  $\sigma_3$ ,
    - d. ...

akkor  $\sigma = \sigma_1 \otimes \sigma_2 \otimes \sigma_3 \otimes \dots$
- 5 Minden más esetben a  $A$  és  $B$  nem egyesíthető.

## Egyesítési példák (kiegészítő anyag)

- $A = \text{tree\_sum}(\text{leaf}(V), V)$ ,  $B = \text{tree\_sum}(\text{leaf}(5), S)$ 
  - (4.)  $A$  és  $B$  neve és argumentumszáma megegyezik
    - (a.)  $\text{mgu}(\text{leaf}(V), \text{leaf}(5))$  (4., majd 2. szerint)  $= \{V \leftarrow 5\} = \sigma_1$
    - (b.)  $\text{mgu}(V\sigma_1, S) = \text{mgu}(5, S)$  (3. szerint)  $= \{S \leftarrow 5\} = \sigma_2$
  - tehát  $\text{mgu}(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{V \leftarrow 5, S \leftarrow 5\}$
- $A = \text{node}(\text{leaf}(X), T)$ ,  $B = \text{node}(T, \text{leaf}(3))$ 
  - (4.)  $A$  és  $B$  neve és argumentumszáma megegyezik
    - (a.)  $\text{mgu}(\text{leaf}(X), T)$  (3. szerint)  $= \{T \leftarrow \text{leaf}(X)\} = \sigma_1$
    - (b.)  $\text{mgu}(T\sigma_1, \text{leaf}(3)) = \text{mgu}(\text{leaf}(X), \text{leaf}(3))$  (4, majd 2. szerint)  $= \{X \leftarrow 3\} = \sigma_2$
  - tehát  $\text{mgu}(A, B) = \sigma_1 \otimes \sigma_2 = \{T \leftarrow \text{leaf}(3), X \leftarrow 3\}$

## Az eljárás-redukciós végrehajtási modell

- A Prolog végrehajtás:
  - egy adott célsorozat futtatása egy adott programra vonatkozóan,
  - eredménye lehet:
    - siker – változó-behelyettesítésekkel
    - megghiúsulás (változó-behelyettesítések nélkül)
- A végrehajtás egy állapota: egy célsorozat
- A végrehajtás kétféle lépésből áll:
  - **redukciós lépés**: egy célsorozat + klóz  $\rightarrow$  új célsorozat
  - **visszalépés** (zsákutca esetén): visszatérés a legutolsó választási ponthoz és a **további** (eddig nem próbált) klózzal való redukciós lépések

## A redukciós modell alapeleme, a redukciós lépés (ismétlés)

- Redukciós lépés: egy célsorozat redukálása egy újabb célsorozattá
  - egy programklóz segítségével (az első cél felhasználói eljárást hív):
    - A klózt **lemásoljuk**, minden változót szisztematikusan új változóra cserélve.
    - A célsorozatot szétbontjuk az első hívásra és a maradékra.
    - Az első hívást **egyesítjük** a klózfejjel
    - A szükséges behelyettesítéseket elvégezzük a klóz **törzsén** és a **célsorozat** maradékán is
    - Az új célsorozat: a klóztörzs és utána a maradék célsorozat
    - Ha a hívás és a klózfej nem egyesíthető  $\Rightarrow$  megghiúsulás
  - egy beépített eljárás segítségével (az első cél beépített eljárást hív):
    - A célsorozatot szétbontjuk az első hívásra és a maradékra.
    - A beépített eljáráshívást végrehajtjuk
    - Siker esetén a behelyettesítéseket elvégezzük a célsorozat maradékán ez lesz az új célsorozat
    - Ha a beépített eljárás hívása sikertelen  $\Rightarrow$  megghiúsulás

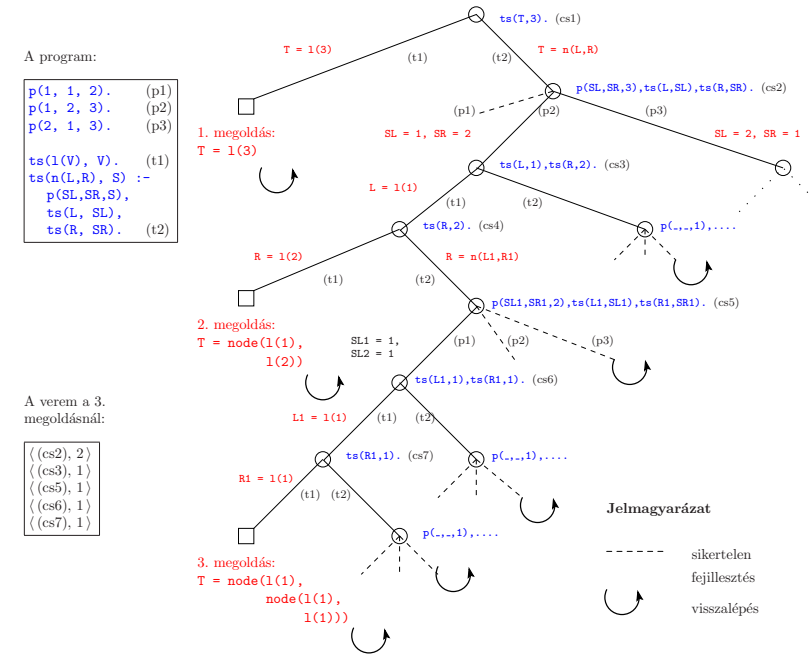
## Az eljárás-redukciós végrehajtási algoritmus

- A végrehajtási algoritmus leírásában használt adatstruktúrák:
  - CS – célsorozat
  - egy verem, melynek elemei  $\langle CS, I \rangle$  alakú párok – ahol CS egy célsorozat, I a célsorozat első céljának redukálásához használt legutolsó klóz sorszáma.
- A verem a visszalépést szolgálja: minden választási pontnál a veremre mentjük az aktuális  $\langle CS, I \rangle$  párt.
- Visszalépéskor a verem tetejéről leemelünk egy  $\langle CS, I \rangle$  párt és a végrehajtás következő lépése: CS redukciója az I+1-edik klózzal.

## A Prolog végrehajtási algoritmus

- 1 (Kezdeti beállítások:) A verem üres, CS := kezdeti célsorozat
- 2 (Beépített eljárások:) Ha CS első hívása beépített akkor hajtsuk végre,
  - a. Ha ez sikertelen ⇒ 6. lépés.
  - b. Ha ez sikeres, CS := a redukciós lépés eredménye, és ⇒ 5. lépés.
- 3 (Klózszámoló kezdőértékezőse:) I = 1.
- 4 (Redukciós lépés:) Tekintsük CS első hívására alkalmazható klózek listáját. Ez indexelés nélkül a predikátum összes klóza lesz, indexelés esetén (lásd 2. Prolog blokk) ennek egy megszárt részsorozata. Tegyük fel, hogy ez a lista N elemű.
  - a. Ha I > N ⇒ 6. lépés.
  - b. Redukciós lépés a lista I-edik klóza és a CS célsorozat között.
  - c. Ha ez sikertelen, akkor I := I+1, és ⇒ 4a. lépés.
  - d. Ha I < N (nem utolsó), akkor veremljük <CS, I>-t.
  - e. CS := a redukciós lépés eredménye.
- 5 (Siker:) Ha CS üres, akkor sikeres vég, egyébként ⇒ 2. lépés.
- 6 (Sikertelenség:) Ha a verem üres, akkor sikertelen vég.
- 7 (Visszalépés:) Leemeljük a (nem üres) verem tetejéről a <CS, I>-párt, I := I+1, és ⇒ 4. lépés.

## A többirányú faösszegző program keresési tere



## A Prolog nyomkövető által használt eljárás-doboz modell

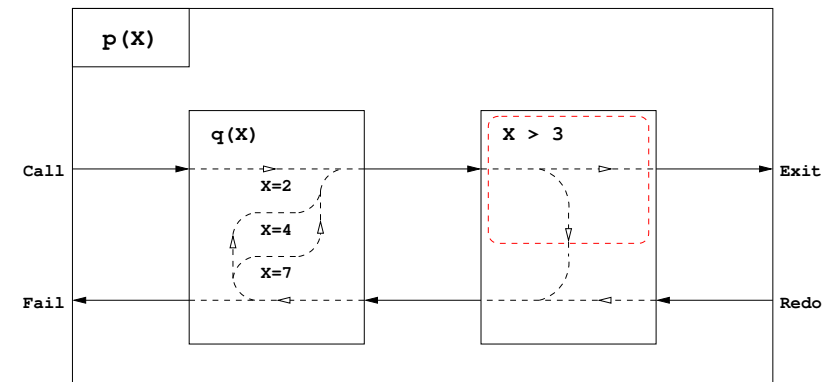
- A Prolog eljárás-végrehajtás két fázisa
  - előre menő: egymásba **skatulyázott eljárás-be** és **-kilépések**
  - visszafelé menő: **új megoldás** kérése egy már lefutott eljárástól
- Egy egyszerű példaprogram, hívása `?- p(X).`

$$q(2). \quad q(4). \quad q(7). \quad p(X) :- q(X), X > 3.$$
- Példafutás: belépünk a `p/1` eljárásba (Hívási kapu, Call port)
  - Belépünk a `q/1` eljárásba (Call port)
  - `q/1` sikeresen lefut, `q(2)` eredménnyel (Kilépési kapu, Exit port)
    - `A > /2` eljárásba belépünk a `2>3` hívással (Call)
    - `A > /2` eljárás sikertelenül fut le (Meghiúsulási kapu, Fail port)
  - (visszafelé menő futás): visszatérünk (a már lefutott) `q/1`-be, újabb megoldást kérve (Újra kapu, Redo Port)
  - A `q/1` eljárás újra sikeresen lefut a `q(4)` eredménnyel (Exit)
    - A `4>3` hívással a `> /2`-be belépünk majd kilépünk (Call, Exit)
- A `p/1` eljárás sikeresen lefut `p(4)` eredménnyel (Exit)

## Eljárás-doboz modell – grafikus szemléltetés

`q(2). q(4). q(7).`

`p(X) :- q(X), X > 3.`



## Eljárás-doboz modell – egyszerű nyomkövetési példa

- `?...Exit` jelzi, hogy maradt választási pont a lefutott eljárásban
- Ha nincs `?` az Exit kapunál, akkor a doboz törlődik (lásd a szaggatott piros téglalapot az előző dián az  $X > 3$  hívás körül)

```

q(2). q(4). q(7).           p(X) :- q(X), X > 3.

| ?- trace, p(X).
   1 1 Call: p(_463) ?
   2 2 Call: q(_463) ?
?   2 2 Exit: q(2) ?      % ? ≡ maradt választási pont q-ban
   3 2 Call: 2>3 ?
   3 2 Fail: 2>3 ?
   2 2 Redo: q(2) ?
?   2 2 Exit: q(4) ?
   4 2 Call: 4>3 ?
   4 2 Exit: 4>3 ?      % nincs ? ⇒ a doboz törlődik (*)
?   1 1 Exit: p(4) ?
X = 4 ? ;
   1 1 Redo: p(4) ?
                                     % (*) miatt nem látjuk a Redo-Fail kapukat a 4>3 hívásra
   2 2 Redo: q(4) ?
   2 2 Exit: q(7) ?
   5 2 Call: 7>3 ?
   5 2 Exit: 7>3 ?
   1 1 Exit: p(7) ?
X = 7 ? ; no

```

## Eljárás-doboz: több klózból álló eljárás

```

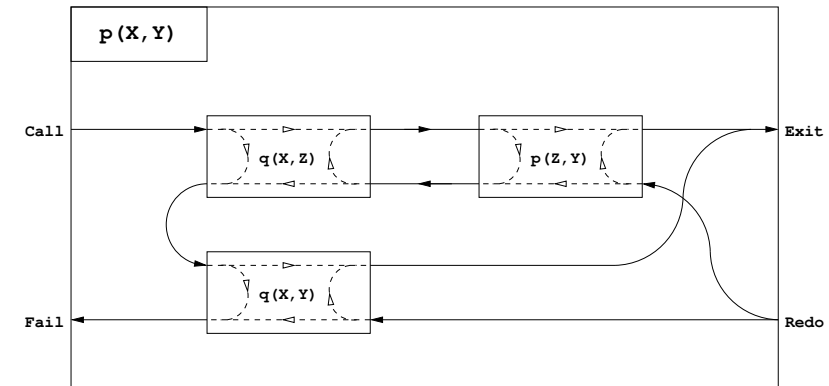
p(X,Y) :- q(X,Z), p(Z,Y).
p(X,Y) :- q(X,Y).

```

```

q(1,2). q(2,3). q(2,4).

```



## Eljárás-doboz modell – „kapcsolási” alapelvek

- A „szülő” eljárásdoboz és a „belső” eljárások dobozainak összekapcsolása
- Előfeldolgozás: érjük el, hogy a klózfejekben csak változók legyenek, ehhez a fej-egyesítéseket alakítsuk hívásokká, pl.  
fakt(0,1). ⇒ fakt(X,Y) :- X=0, Y=1.
- Előre menő végrehajtás (balról-jobbra menő nyilak):
  - A szülő Call kapuját az 1. klóz első hívásának Call kapujára kötjük.
  - Egy belső eljárás Exit kapuját
    - a következő hívás Call kapujára, vagy,
    - ha nincs következő hívás, akkor a szülő Exit kapujára kötjük
- Visszafelé menő végrehajtás (jobbról-balra menő nyilak):
  - Egy belső eljárás Fail kapuját
    - az előző hívás Redo kapujára, vagy, ha nincs előző hívás, akkor
    - a következő klóz első hívásának Call kapujára, vagy
    - ha nincs következő klóz, akkor a szülő Fail kapujára kötjük
  - A szülő Redo kapuját mindegyik klóz utolsó hívásának Redo kapujára kötjük
    - mindig abba a klózra térünk vissza, amelyben legutoljára voltunk

## SICStus nyomkövetés – legfontosabb parancsok

- Beépített eljárások
  - trace, debug, zip – a c, l, z parancssal indítja a nyomkövetést
  - notrace, nodebug, nozip – kikapcsolja a nyomkövetést
  - spy(P), nospy(P), nospyall – töréspont be/ki a P eljárásra,  $\forall$  ki.
- Alapvető nyomkövetési parancsok, ujsorral (<RET>) kell lezárni
  - h (help) – parancsok listázása
  - c (creep) vagy csak <RET> – lassú futás (minden kapunál megáll)
  - l (leap) – csak töréspontnál áll meg, de a dobozokat építi
  - z (zip) – csak töréspontnál áll meg, dobozokat nem épít
  - + ill. – – töréspont be/ki a kurrens eljárásra
  - s (skip) – eljárástörzs átlépése (Call/Redo ⇒ Exit/Fail)
  - o (out) – kilépés az eljárástörzsből (⇒szülő Exit/Fail kapu)
- A Prolog végrehajtást megváltoztató parancsok
  - u (unify) – a kurrens hívást helyettesíti egy egyesítéssel
  - r (retry) – újrakezdi a kurrens hívás végrehajtását (⇒Call)
- Információ-megjelenítő és egyéb parancsok
  - < n – a kiírási mélységet n-re állítja ( $n = 0 \Rightarrow \infty$  mélység)
  - n (notrace) – nyomkövető kikapcsolása
  - a (abort) – a kurrens futás abbahagyása

## Eljárás-doboz modell – OO szemléletben (kiegészítő anyag)

- Minden eljáráshoz tartozik egy osztály, amelynek van egy konstruktor függvénye (amely megkapja a hívási paramétereket) és egy next „adj egy (következő) megoldást” metódusa.
- Az osztály nyilvántartja, hogy hányadik klózban jár a vezérlés
- A metódus első meghívásakor az első klóz első Hívás kapujára adja a vezérlést
- Amikor egy rész-eljárás Hívás kapujához érkezünk, **létrehozunk** egy példányt a meghívandó eljárásból, majd
- meghívjuk az eljárás-példány „következő megoldás” metódusát (\*)
  - Ha ez sikerül, akkor a vezérlés átkerül a következő hívás Hívás kapujára, vagy a szülő Kilépési kapujára
  - Ha ez meghiúsul, **megszüntetjük** az eljárás-példányt majd ugrunk az előző hívás Újra kapujára, vagy a következő klóz elejére, stb.
- Amikor egy Újra kapuhoz érkezünk, a (\*) lépésnél folytatjuk.
- A szülő Újra kapuja (a „következő megoldás” nem első hívása) a tárolt klózsorszámának megfelelő klózban az utolsó Újra kapura adja a vezérlést.

## Tartalom

## 4 Prolog alapok

- Prolog bevezetés – néhány példa
- A Prolog nyelv alapszintaxisa
- Listák Prologban
- Operátorok
- Prolog végrehajtás – algoritmusok
- További vezérlési szerkezetek

## OO szemléletű dobozok: p/2 C++ kódrészlet (kieg. anyag)

A p/2 eljárás (214. dia) C++ megfelelőjének „köv. megoldás” metódusa:

```
boolean p::next()      { // Return next solution for p/2
  switch(clno)        {
  case 0:              // first call of the method
    clno = 1;          // enter clause 1:          p(X,Y) :- q(X,Z), p(Z,Y).
    qpztr = new q(x, &z); // create a new instance of subgoal q(X,Z)
  redo11:              // if q(X,Z) fails
    if(!qpztr->next()) { // destroy it,
      delete qpztr;      // and continue with clause 2 of p/2
      goto cl2;          }
    ppztr = new p(z, py); // otherwise, create a new instance of subgoal p(Z,Y)
  case 1:              // (enter here for Redo port if clno==1)
    /* redo12: */
    if(!ppztr->next()) { // if p(Z,Y) fails
      delete ppztr;     // destroy it,
      goto redo11;      // and continue at redo port of q(X,Z)
    }                  // otherwise, exit via the Exit port
    return TRUE;
  cl2:
    clno = 2;          // enter clause 2:          p(X,Y) :- q(X,Y).
    qpztr = new q(x, py); // create a new instance of subgoal q(X,Y)
  case 2:              // (enter here for Redo port if clno==2)
    /* redo21: */
    if(!qpztr->next()) { // if q(X,Y) fails
      delete qpztr;     // destroy it,
      return FALSE;     // and exit via the Fail port
    }                  // otherwise, exit via the Exit port
    return TRUE;
  } }
}
```

## Diszjunkció

- Ismétlés: klóztörzsben a vessző (‘,’) jelentése „és”, azaz konjunkció
- A ‘;’ operátor jelentése „vagy”, azaz diszjunkció

<pre>% fakt(+N, ?F): F = N!. fakt(0, 1). fakt(N, F) :-   N &gt; 0, N1 is N-1,   fakt(N1, F1), F is F1*N.</pre>	<pre>fakt(N, F) :-   ( N = 0, F = 1   ; N &gt; 0, N1 is N-1,     fakt(N1, F1), F is F1*N   ).</pre>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------

- A diszjunkciót nyitó zárójel elérésekor választási pont jön létre
  - először a diszjunkciót az első ágára redukáljuk
  - visszalépés esetén a diszjunkciót a második ágára redukáljuk
- Tehát az első ág sikeres lefutása után kilépünk a diszjunkcióból, és az utána jövő célokkal folytatjuk a redukálást
  - azaz a ‘;’ elérésekor a ‘)’-nél folytatjuk a futást
- A ‘;’ skatulyázható (jobbról-balra) és gyengébbet köt mint a ‘,’
- Konvenció: a diszjunkciót *mindig* zárójelbe tesszük, a skatulyázott diszjunkciót és az ágakat feleslegesen nem zárójelezzük. Pl. (a felesleges zárójelek aláhúzva, kiemelve): (p; (q;r)), (a; (b,c); d)

## A diszjunkció mint szintaktikus édesítőszert

- A diszjunkció egy segéd-predikátummal kiküszöbölhető, pl.:

```
a(X, Y, Z) :-
    p(X, U), q(Y, V),
    ( r(U, T), s(T, Z)
    ; t(V, Z)
    ; t(U, Z)
    ),
    u(X, Z).
```

- Kigyűjtjük azokat a változókat, amelyek a diszjunkcióban és azon kívül is előfordulnak
- A segéd-predikátumnak ezek a változók lesznek az argumentumai
- A segéd-predikátum minden klóza megfelel a diszjunkció egy ágának

```
seged(U, V, Z) :- r(U, T), s(T, Z).      a(X, Y, Z) :-
seged(U, V, Z) :- t(V, Z).              p(X, U), q(Y, V),
seged(U, V, Z) :- t(U, Z).              seged(U, V, Z),
   u(X, Z).
```

## Diszjunkció – megjegyzések (kiegészítő anyag)

- Az egyes klózik 'ÉS' vagy 'VAGY' kapcsolatban vannak?
  - A program klózik **ÉS** kapcsolatban vannak, pl.
 

```
szuloje('Imre', 'István').      szuloje('Imre', 'Gizella').      % (1)
```

 azt állítja: Imre szülője István **ÉS** Imre szülője Gizella.
  - Az (1) klózik alternatív (VAGY kapcsolatú) válaszokhoz vezetnek:
 

```
:- szuloje('Imre' Ki). => Ki = 'István' ? ; Ki = 'Gizella' ? ; no
```

 „X Imre szülője” akkor **és csak akkor** ha X = István vagy X = Gizella.
- Az (1) predikátum átalakítható egyetlen, diszjunkciós klózzá:
 

```
szuloje('Imre', Sz) :-      ( Sz = 'István'
                               ; Sz = 'Gizella'
                               ).      % (2)
```
- Vö. De Morgan azonosságok:  $(A \leftarrow B) \wedge (A \leftarrow C) \equiv (A \leftarrow (B \vee C))$
- Általánosan: tetszőleges predikátum egyklózosá alakítható:
  - a klózikat azonos fejűvé alakítjuk, új változók és =-ek bevezetésével:
 

```
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'István'.
szuloje('Imre', Sz) :- Sz = 'Gizella'.
```
  - a klóztörzseket egy diszjunkcióvá fogjuk össze, lásd (2).

## A megghiúsulásos negáció (NF – Negation by Failure)

- A  $\backslash+$  Hívás vezérlési szerkezet (vö.  $\not\vdash$  – nem bizonyítható) procedurális szemantikája
  - végrehajtja a Hívás hívást,
  - ha Hívás sikeresen lefutott, akkor megghiúsul,
  - egyébként (azaz ha Hívás megghiúsult) sikerül.
- A  $\backslash+$  Hívás futása során Hívás legfeljebb egyszer sikerül
- A  $\backslash+$  Hívás sohasem helyettesít be változót
- Példa: Keressünk (adatbázisunkban) olyan gyermeket, aki **nem** szülő!
- Ehhez negációra van szükségünk, egy megoldás:
 

```
| ?- sz(X, _Sz), \+ sz(Gy, X). % negált cél ≡ ¬(∃Gy.sz(Gy, X))
=> X = 'Imre' ? ; no
```
- Mi történik ha a két hívást megcseréljük?
 

```
| ?- \+ sz(Gy, X), sz(X, _Sz). % negált cél ≡ ¬(∃Gy.X.sz(Gy, X))
=> no
```
- $\backslash+$  H deklaratív szemantikája:  $\neg\exists\vec{X}(H)$ , ahol  $\vec{X}$  a H-ban a **hívás pillanatában** behelyettesítetlen változók felsorolását jelöli.
 

```
| ?- X = 2, \+ X = 1.      => X = 2 ?
| ?- \+ X = 1, X = 2.      => no
```

## Gondok a megghiúsulásos negációval

- A negált cél jelentése függ attól, hogy mely változók bírnak értékkel
- Mikor nincs gond?
  - Ha a negált cél **tömör** (nincs benne behelyettesítetlen változó)
  - Ha nyilvánvaló, hogy mely változók behelyettesítetlenek (pl. mert „semmis” változók:  $\_$ ), és a többi változó tömör értékkel bír.
 

```
% nem_szulo(+Sz): adott Sz nem szulo
nem_szulo(Sz) :- \+ szuloje(_, Sz).
```
- További gond: „zárt világ feltételezése” (Closed World Assumption – CWA): ami nem bizonyítható, az nem igaz.
 

```
| ?- \+ szuloje('Imre', X).      => no
| ?- \+ szuloje('Géza', X).      => true ?      (*)
```

  - A klasszikus matematikai logika következményfogalma **monoton**: ha a premisszák halmaza bővül, a következmények halmaza nem szűkülhet.
  - A CWA alapú logika nem monoton, példa: bővítsük a programot egy `szuloje('Géza', xxx).` alakú állítással  $\Rightarrow(*)$  megghiúsul.



## Példa: együtttható meghatározása lineáris kifejezésben

- Formula: számokból és az 'x' atomból '+' és '\*' operátorokkal épül fel.
- Lineáris formula: a '\*' operátor (legalább) egyik oldalán szám áll.

```
% egyhat(Kif, E): A Kif lineáris formulában az x együttthatója E.
egyhat(x, 1).
egyhat(Kif, E) :-
    number(Kif), E = 0.
egyhat(K1+K2, E) :-
    egyhat(K1, E1),
    egyhat(K2, E2),
    E is E1+E2.
egyhat(K1*K2, E) :- % (4)
    number(K1),
    egyhat(K2, E0),
    E is K1*E0.
egyhat(K1*K2, E) :- % (5)
    number(K2),
    egyhat(K1, E0),
    E is K2*E0.
```

- A fenti megoldás hibás – többszörös megoldást kaphatunk:

```
| ?- egyhat(((x+1)*3)+x+2*(x+x+3), E). => E = 8 ?; no
| ?- egyhat(2*3+x, E). => E = 1 ?; E = 1 ?; no
```

- A többszörös megoldás oka:

az egyhat(2\*3, E) hívás esetén a (4) és (5) klóz egyaránt sikeres!

## Feltételes kifejezések

- Szintaxis (felt, akkor, egyébként tetszőleges célsorozatok):

```
(...) :-
    (...),
    ( felt -> akkor
    ; egyébként
    ),
    (...).
```

- Deklaratív szemantika: a fenti alak jelentése megegyezik az alábbival, ha a felt egy egyszerű feltétel (azaz nem oldható meg többféleképpen):

```
(...) :-
    (...),
    ( felt, akkor
    ; \+ felt, egyébként
    ),
    (...).
```

## Többszörös megoldások kiküszöbölése

- El kell érniük, hogy ha a (4) sikeres, akkor (5) már ne sikerüljön
- A többszörös megoldás kiküszöbölhető:

```
(...)
egyhat(K1*K2, E) :- % (4)
    number(K1), egyhat(K2, E0), E is K1*E0.
egyhat(K1*K2, E) :- % (5)
    \+ number(K1),
    number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0.
```

- hatékonyabban, feltételes kifejezéssel:

```
(...)
egyhat(K1*K2, E) :-
    ( number(K1) -> egyhat(K2, E0), E is K1*E0
    ; number(K2), egyhat(K1, E0), E is K2*E0
    ).
```

- A feltételes kifejezés hatékonyabban fut, mert:

- a feltételt csak egyszer értékeli ki
- nem hagy választási pontot

## Feltételes kifejezések (folyt.)

- Procedurális szemantika

A (felt->akkor; egyébként), folytatás célsorozat végrehajtása:

- Végrehajtjuk a felt hívást.
- Ha felt sikeres, akkor az (akkor, folytatás) célsorozatra redukáljuk a fenti célsorozatot, a felt első megoldása által adott behelyettesítésekkel. A felt cél többi megoldását nem keressük meg!
- Ha felt sikertelen, akkor az (egyébként, folytatás) célsorozatra redukáljuk, behelyettesítés nélkül.

- Többszörös elágaztatás skatulyázott feltételes kifejezésekkel:

```
( felt1 -> akkor1      ( felt1 -> akkor1
; felt2 -> akkor2      ; (felt2 -> akkor2
; ...                  ; ...
)                       ; )
```

A kiemelt, aláhúzott zárójelek feleslegesek (a ';' egy xfy írásmódú op.).

- Az egyébként rész elhagyható, alapértelmezése: fail.
- \+ felt ekvivalens alakja: ( felt -> fail ; true )

## Feltételes kifejezés – példák

## • Faktoriális

```
% fakt(+N, ?F): N! = F.
fakt(N, F) :-
    ( N = 0 -> F = 1          % N = 0, F = 1
    ; N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1
    ).
```

• Jelentése azonos a sima diszjunkciós alakkal (lásd **komment**), de annál hatékonyabb, mert nem hagy maga után választási pontot.

## • Szám előjele

```
% Sign = sign(Num)
sign(Num, Sign) :-
    ( Num > 0 -> Sign = 1
    ; Num < 0 -> Sign = -1
    ; Sign = 0
    ).
```

## További példa: számintervallum felsorolása

• Soroljuk fel az  $N$  és  $M$  közötti egészeket (ahol  $N$  és  $M$  maguk is egészek)

```
% between0(+M, +N, -I): M =< I =< N, I egész.
between0(M, N, M) :- M =< N.
between0(M, N, I) :- M < N,
    M1 is M+1, between0(M1, N, I).
```

```
| ?- between0(1, 2, _X), between0(3, 4, _Y), Z is 10*_X+_Y.
Z = 13 ? ; Z = 14 ? ; Z = 23 ? ; Z = 24 ? ; no
```

• A `between0(5,5,I)` hívás választási pontot hagy, optimalizált változat:

```
between(M, N, I) :- ( M > N -> fail
                    ; M == N -> I = M
                    ; I = M
                    ; M1 is M+1, between(M1, N, I)
                    ).
```

• A fenti eljárás (tovább optimalizált változata) elérhető a `between` könyvtárban.

## V. rész

## Keresési feladat pontos megoldása

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

## Tartalom

- 5 Keresési feladat pontos megoldása
  - Pontos megoldás funkcionális megközelítésben

## Pontos megoldás (Exact solution)

- Kombinatorikában sokszor *optimális megoldás* (optimal solution)
- Egy probléma pontos (egzakt) megoldása
- Nem közelítő (approximáció), nem szuboptimális (bizonyos heurisztikák)
- Keresési feladat: valamilyen *értelmezési tartomány* azon elemeit keressük, melyek megfelelnek a kiírt *feltételeknek*
  - lehetséges megoldás = *jelölt*
  - értelmezési tartomány = *keresési tér* (*search space*), jelöltek halmaza
  - feltételek = *korlátok* vagy *kényszerek* (*constraints*)
- Pl. egy 16 mezős Sudoku-feladvány helyes megoldásai, 8 királynő egy sakktablán, Hamilton-kör egy gráfban, Imre herceg nagyszülei ...
- A Prolog végrehajtási algoritmus képes egy predikátumokkal és egy célsorozattal leírt probléma összes megoldását felsorolni (!)
- Funkcionális megközelítésben a megoldások felsorolását a programozónak meg kell írnia (logikaiban is megírható természetesen)

## Példa: Send + More = Money

- Feladat: Keressük meg azon (S,E,N,D,M,O,R,Y) számnyolcasokat, melyekre  $0 \leq S,E,N,D,M,O,R,Y \leq 9$  és  $S,M > 0$ , ahol az eltérő betűk eltérő értéket jelölnek, és
 

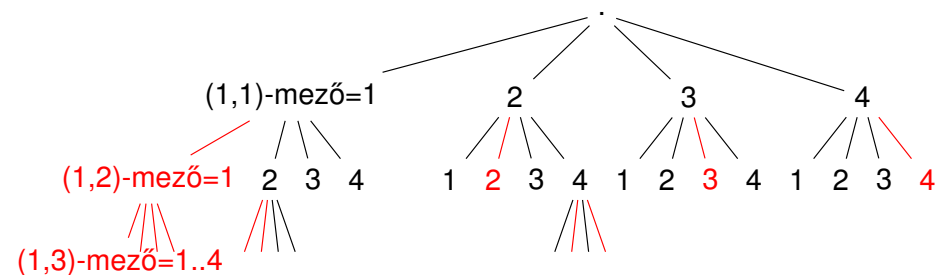
```

S E N D
+ M O R E
-----
M O N E Y
```

 a papíron történő összeadás szabályai szerint, vagyis
 
$$(1000S + 100E + 10N + D) + (1000M + 100O + 10R + E) = 10000M + 1000O + 100N + 10E + Y.$$
- Naív megoldásunk: járjuk be a teljes keresési teret, és szűrjük meg azon nyolcasokra, melyekre teljesülnek a feltételek
- Keresési tér  $\subseteq \{0, 1, \dots, 9\}^8$ , azaz egy 8-elemű Descartes-szorzat, mérete  $10^8$  (10 számjegy 8-adosztályú ismétléses variációi)
- Megoldás:
 
$$\{(S, E, N, D, M, O, R, Y) \mid S, E, N, D, M, O, R, Y \in \{0..9\}, \text{all\_different}, S, M > 0, \text{SEND} + \text{MORE} = \text{MONEY}\}$$

## Keresési tér bejárása

- Itt csak véges keresési térrel foglalkozunk
- A megoldás keresését esetekre bonthatjuk, azokat esetekre stb.  $\leadsto$  Ilyenkor egy *keresési fát* járunk be
- Pl. 16 mezős Sudoku (1. sor, 1. oszlop) mezeje lehet 1,2,3,4 Ezen belül (1. sor, 2. oszlop) mezeje lehet 1,2,3,4 stb.



- Bizonyos eseteknél (**piros**) tudjuk, hogy nem lesz megoldás (**ha egy sorban egy érték több mezőben is szerepel**)
- Hatékony megoldás: a keresési fa részeit levágjuk (nem járjuk be)

## Kimerítő keresés

Exhaustive search, Generate and test, Brute force

- Kimerítő keresés: teljes keresési tér bejárása, jelöltek szűrése

sendmoney.erl – Send More Money megoldások, alapfogalmak

```
% @type d() = 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9.
```

```
% @type octet() = {d(),d(),d(),d(),d(),d(),d(),d()}.
```

```
% @spec num(Ns::[d()]) -> N::integer().
```

```
% Az Ns számjegylista decimális számként N.
```

```
num(Ns)-> lists:foldl(fun(X,E) -> E*10+X end, 0, Ns).
```

```
% @spec check_sum(octet()) -> bool().
```

```
% A jelölt teljesíti-e az összeadási feltételt.
```

```
check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y}) ->
```

```
Send = num([S,E,N,D]),
```

```
More = num([M,O,R,E]),
```

```
Money = num([M,O,N,E,Y]),
```

```
Send+More == Money.
```

## Kimerítő keresés – folytatás

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec all_different(Xs::[any()]) -> B::bool()
all_different(L) -> length(L) == length(lists:usort(L)).
```

```
% @spec smm0() -> [octet()].
```

```
smm0() -> Ds = lists:seq(0, 9),
          [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
            S <- Ds,
            E <- Ds,
            N <- Ds,
            D <- Ds,
            M <- Ds,
            O <- Ds,
            R <- Ds,
            Y <- Ds,
            all_different([S,E,N,D,M,O,R,Y]),
            S > 0, M > 0,
            check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y})].
```

G  
E  
N  
E  
R  
A  
T  
E  

---

and  
T E S T

## Keresési fa csökkentése (1)

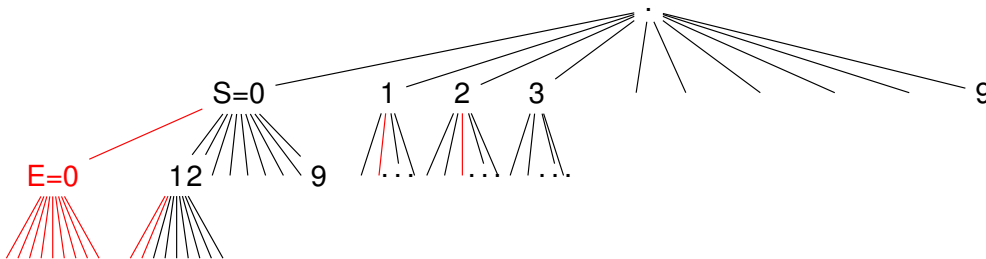
- $10^8$  eset ellenőrzése túl sokáig tart
- Ötlet: korábban, már generálás közben is szűrhetjük az egyezéseket

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec smm1() -> [octet()].
```

```
smm1() ->
  Ds = lists:seq(0, 9),
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
    S <- Ds,
    E <- Ds, E /= S,
    N <- Ds, not lists:member(N, [S,E]),
    D <- Ds, not lists:member(D, [S,E,N]),
    M <- Ds, not lists:member(M, [S,E,N,D]),
    O <- Ds, not lists:member(O, [S,E,N,D,M]),
    R <- Ds, not lists:member(R, [S,E,N,D,M,O]),
    Y <- Ds, not lists:member(Y, [S,E,N,D,M,O,R]),
    S > 0, M > 0,
    check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y})].
```

## Keresési fa csökkentése (2)



- A keresési fában **azon részfákat, amelyekben egyezés van (pirosak)**, már generálás közben elhagyhatjuk
- Ez már nem kimerítő keresés (nem járjuk be az összes jelöltet)
- A javulást annak köszönhetjük, hogy jelöltek tesztelését előrébb hoztuk
- Vegyük észre, hogy a keresési tér csökkentésével is ide juthatunk: új keresési tér  $\subseteq$  {10 elem 8-adosztályú **ismétlés nélküli** variációi}
- Mérete  $10! / (10 - 8)! = 1\,814\,400 \ll 100\,000\,000$

## Variációk felsorolása listanézettel

```
1> Domain = [a,b,c,d].           % A halmaz.
[a,b,c,d]
2> IVar = [ {X,Y,Z} ||          % Ismétléses variációk.
            X <- Domain,
            Y <- Domain,
            Z <- Domain ].

[{a,a,a}, {a,a,b}, {a,a,c}, {a,a,d}, {a,b,a}, {a,b,b}, {...}|...]
3> length(IVar).
64                               % 4*4*4 = 64.
4> INVar = [ {X,Y,Z} ||         % Ismétlés nélküli variációk.
            X <- Domain,
            Y <- Domain -- [X],
            Z <- Domain -- [X,Y] ].

[{a,b,c}, {a,b,d}, {a,c,b}, {a,c,d}, {a,d,b}, {a,d,c},
 {b,a,c},
 {...}|...]
5> length(INVar).
24                               % 4!/1! = 24.
```

## Keresési tér csökkentése

- Újból kimerítő keresés, de kisebb a keresési tér

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec smm2() -> [octet()].
% Minden ellenőrzés a generálás után történik.
smm2() ->
  Ds = lists:seq(0, 9),
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
    S <- Ds -- [],
    E <- Ds -- [S],
    N <- Ds -- [S,E],
    D <- Ds -- [S,E,N],
    M <- Ds -- [S,E,N,D],
    O <- Ds -- [S,E,N,D,M],
    R <- Ds -- [S,E,N,D,M,O],
    Y <- Ds -- [S,E,N,D,M,O,R],
    S > 0, M > 0,
    check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y})].
```

## Kimerítő keresés újból: keresési tér explicit felsorolása

- Vajon érdemes-e a jelöltek generálását elválasztani a teszteléstől? **Nem!**

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec perms() -> [octet()].
% Számjegyek ismétlés nélküli 8-adosztályú variációi
perms8() -> Ds = lists:seq(0,9),
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
    S <- Ds -- [],
    E <- Ds -- [S],
    N <- Ds -- [S,E],
    D <- Ds -- [S,E,N],
    M <- Ds -- [S,E,N,D],
    O <- Ds -- [S,E,N,D,M],
    R <- Ds -- [S,E,N,D,M,O],
    Y <- Ds -- [S,E,N,D,M,O,R] ].

% @spec smm3() -> [octet()].
smm3() -> [Sol || {S,_E,_N,_D,M,_O,_R,_Y} = Sol <- perms8(),
  S > 0, M > 0, check_sum(Sol)].
```

## Kimerítő keresés újból: keresési tér explicit felsorolása (2)

- Tovább csökkenthető a keresési tér, ha előrébb mozdítunk feltételeket

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec smm4() -> [octet()].
% További ellenőrzések generálás közben.
smm4() ->
  Ds = lists:seq(0,9),
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
    S <- Ds -- [0], % 0 kizárva
    E <- Ds -- [S],
    N <- Ds -- [S,E],
    D <- Ds -- [S,E,N],
    M <- Ds -- [0,S,E,N,D], % 0 kizárva
    O <- Ds -- [S,E,N,D,M],
    R <- Ds -- [S,E,N,D,M,O],
    Y <- Ds -- [S,E,N,D,M,O,R],
    check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y})].
```

## Vágások a keresési fában generálás közben

- Ötlet: építsük hátulról a számokat, és ellenőrizzük a részösszegeket még generálás közben

sendmory.erl – folytatás

```
smm5() ->
  Ds = lists:seq(0, 9),
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y} ||
    D <- Ds -- [],
    E <- Ds -- [D],
    Y <- Ds -- [D,E],
    (D+E) rem 10 == Y,
    N <- Ds -- [D,E,Y],
    R <- Ds -- [D,E,Y,N],
    (num([N,D])+num([R,E])) rem 100 == num([E,Y]),
    O <- Ds -- [D,E,Y,N,R],
    (num([E,N,D])+num([O,R,E])) rem 1000 == num([N,E,Y]),
    S <- Ds -- [D,E,Y,N,R,O],
    M <- Ds -- [D,E,Y,N,R,O,S],
    check_sum({S,E,N,D,M,O,R,Y})].
```

## Vágások a keresési fában generálás közben (2)

- A vágások eredményeképpen nagyságrendileg gyorsabb megoldást kapunk
- A generálás minél korábbi fázisában vágunk, annál jobb: a keresési fában nem a legalsó szintről kell *visszalépni*, hogy új megoldást keressünk
- Előzőből ötlet: építsünk részmegoldásokat, és minden építő lépésnél ellenőrizzük, hogy lehet-e értelme a részmegoldást bővíteni megoldássá

sendmory.erl – folytatás

```
% @type partial_solution() = {[d()], [d()], [d()]}.

```

```
% @spec smm6() -> [octet()].

```

```
smm6() ->
  smm6({[], [], []}, 5, lists:seq(0,9)).

```

- `{[], [], []}` a kiindulási részmegoldásunk
- 5 méretű megoldásokat kell építeni
- `lists:seq(0,9)` a változók tartománya

## Vágások a keresési fában generálás közben (3)

- Egy `PartialSolution = {SendLista, MoreLista, MoneyLista}` részmegoldás csak akkor bővíthető megoldássá, ha
  - A listák számjegyei jó pozícióban helyezkednek el: azonos betűk egyeznek, többi számjegy különbözik
  - A részletösszeg is helyes, csak az átvitelben térhet el

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec check_equals(partial_solution()) -> bool().

```

```
check_equals(PartialSolution) ->

```

```
case PartialSolution of

```

```
  {[D], [E], [Y]}           -> all_different([D,E,Y]);
  {[N,D], [R,E], [E,Y]}     -> all_different([N,D,R,E,Y]);
  {[E,N,D], [O,R,E], [N,E,Y]} -> all_different([O,N,D,R,E,Y]);
  {[S,E,N,D], [M,O,R,E], [O,N,E,Y]} -> all_different([S,M,O,N,D,R,E,Y]);
  {[O,S,E,N,D], [O,M,O,R,E], [M,O,N,E,Y]} ->
    all_different([S,M,O,N,D,R,E,Y]) andalso all_different([O,S,M]);
  _                           -> false
end.

```

## Vágások a keresési fában generálás közben (4)

- Egy `PartialSolution = {Sendlista, Morelista, Moneylista}` részmegoldás csak akkor bővíthető megoldássá, ha
  - A listák számjegyei jó pozícióban helyezkednek el: azonos betűk egyeznek, többi számjegy különbözik
  - A részletösszeg is helyes, csak az átvitelben térhet el

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec check_sum(partial_solution()) -> bool().

```

```
% Ellenőrzi, hogy aritmetikai szempontból helyes-e a részmegoldás.

```

```
% Az átvittel (carry) nem foglalkozik, mert mindkettő helyes:

```

```
% {[1,2],[3,4],[4,6]} és {[9],[2],[1]},

```

```
% mert építhető belőlük teljes megoldás.

```

```
check_partialsom({Send, More, Money}) ->

```

```
  S = num(Send), M = num(More), My = num(Money),
  (S+M) rem round(math:pow(10,length(Send))) =:= My.

```

## Vágások a keresési fában generálás közben (5)

sendmory.erl – folytatás

```
% @spec smm6(PS::partial_solution(), Num::integer(),

```

```
% Domain::[integer()]) -> Sols::[octet()].

```

```
% Sols az összes megoldás, mely a PS részmegoldásból építhető,

```

```
% mérete (Send hossza) =< Num, a számjegyek tartománya Domain.

```

```
smm6({Send,_,_} = PS, Num, _Domain) when length(Send) =:= Num ->

```

```
  {[O,S,E,N,D], [O,M,O,R,E], [M,O,N,E,Y]} = PS,

```

```
  [{S,E,N,D,M,O,R,Y}];

```

```
smm6({Send,More,Money}, Num, Domain) ->

```

```
  [Solution ||

```

```
    Dsend <- Domain,

```

```
    Dmore <- Domain,

```

```
    Dmoney <- Domain,

```

```
    PSol1 <- [ {[Dsend|Send], [Dmore|More], [Dmoney|Money]} ],

```

```
      % pl. így tudunk lekötöni változót: PSol1 <- [Érték],

```

```
      check_equals(PSol1),

```

```
      check_partialsom(PSol1),

```

```
      Solution <- smm6(PSol1, Num, Domain) ]].

```

## Korlát-Kielégítési Probléma (Constraint Satisfaction Problem)

- Eddig előre „könnyen” átlátható keresési fát terveztünk meg, vágunk meg és jártunk be; de a végső cél nem az átlátható keresési fa
- CSP-megközelítés:
  - amíg lehet, szűkítjük a választási lehetőségeket a *korlátok* alapján
  - ha már nem lehet, bontunk esetekre a választási lehetőségeket

### SMM mint CSP probléma = (Változók, Tartományok, Korlátok)

- Változók: S, E, N, D, M, O, R, Y, segédváltozók: 0, C<sub>1</sub>, C<sub>2</sub>, C<sub>3</sub>, C<sub>4</sub>

Tartományok:	0	c <sub>1</sub>	c <sub>2</sub>	c <sub>3</sub>	c <sub>4</sub>	s	e	n	d	m	o	r	y
Alsó határ:	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
Felső határ:	0	1	1	1	1	9	9	9	9	9	9	9	9

- Korlátok:

$$\begin{array}{r}
 \text{S E N D} \\
 + \text{M O R E} \\
 \hline
 \text{M O N E Y}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 d + e + 0 = y + 10 \cdot c_1 \\
 n + r + c_1 = e + 10 \cdot c_2 \\
 e + o + c_2 = n + 10 \cdot c_3 \\
 s + m + c_3 = o + 10 \cdot c_4 \\
 0 + 0 + c_4 = m + 10 \cdot 0
 \end{array}$$

## CSP tevékenységek – szűkítés

- Szűkítés egy korlát szerint:** egy korlát egy változójának  $d_i$  értéke *felesleges*, ha nincs a korlát többi változójának olyan értékrendszere, amely  $d_i$ -vel együtt kielégíti a korlátot  
Pl. az utolsó korlát:  $0 + 0 + c_4 = m + 10 \cdot 0$ , a változók tartománya:  $0 \in [0]$ ,  $c_4 \in [0, 1]$ ,  $m \in [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]$   
 $m \in [2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]$  értékek feleslegesek!
- Felesleges érték elhagyásával (szűkítéssel) ekvivalens CSP-t kapunk
- SMM kezdeti tartománya; és megszűkítve, tovább már nem szűkíthető:

c1: 01		c1: 01
c2: 01		c2: 01
c3: 01		c3: 01
c4: 01		c4: 1
s: 123456789	szűkítés az összes	s: 89
e: 0123456789	lehetséges	e: 0123456789
n: 0123456789	korláttal, ameddig	n: 0123456789
d: 0123456789	sikerül:	d: 0123456789
m: 123456789		m: 1
o: 0123456789		o: 01
r: 0123456789		r: 0123456789
y: 0123456789		y: 0123456789

## CSP tevékenységek – címkézés (labeling)

- Tovább már nem szűkíthető CSP esetén vizsgáljuk a többértelműséget:
- Többértelműség: van legalább két elemet tartalmazó tartomány, és egyik tartomány sem üres
- Címkézés (elágazás):**
  - kiválasztunk egy többértelmű változót (pl. a legkisebb tartományút),
  - a tartományt két vagy több részre osztjuk (választási pont),

c1: 01	Két új	c1: 0	c1: 1
c2: 01	CSP-t	c2: 01	c2: 01
c3: 01	készítünk:	c3: 01	c3: 01
c4: 1	c1=0 és	c4: 1	c4: 1
s: 89	c1>0	s: 89	s: 89
e: 0123456789	esetek:	e: 0123456789	e: 0123456789
...		...	...

- az egyes választásokat mind megoldjuk, mint új CSP-eket.

## CSP tevékenységek – visszalépés

- Ha nincs többértelműség, és a tartományok nem szűkíthetőek tovább, két eset lehet:
  - Ha valamely változó tartománya üres, nincs megoldás ezen az ágon
  - Ha minden változó tartománya egy elemű, előállt egy megoldás

Az SMM CSP megoldás folyamata összefoglalva:

- Felvesszük a változók és segédváltozók tartományait, ez az első állapotunk, ezt betesszük az  $S$  listába
- Ha az  $S$  lista üres, megállunk, nincs több megoldás
- Az  $S$  listából kivesszünk egy állapotot, és szűkítjük, ameddig csak lehet
- Ha van üres tartományú változó, akkor az állapotból nem jutunk megoldáshoz, folytatjuk a 2. lépéssel
- Ha nincs többértelmű változó az állapotban, az állapot egy megoldás, eltesszük, folytatjuk a 2. lépéssel
- Valamelyik többértelmű változó tartományát részekre osztjuk, az így keletkező állapotokat visszatesszük a listába, folytatjuk a 2. lépéssel

## SMM CSP megoldással – részlet

smm99.erl – SMM CSP megoldásának alapjai

```
% @type state() = {varname(), domain()}.
% @type varname() = any().
% @type domain() = [d()].

% @spec initial_state() -> St::state().
% St describes the variables of the SEND MORE MONEY problem.
initial_state() ->
    VarNames = [0,c1,c2,c3,c4,s,e,n,d,m,o,r,y],
    From      = [0, 0, 0, 0, 0, 1,0,0,0,1,0,0,0],
    To        = [0, 1, 1, 1, 1,9,9,9,9,9,9,9,9],
    [ {V,lists:seq(F,T)} ||
      {V,{F,T}} <- lists:zip(VarNames, lists:zip(From, To))].

% @spec smm() -> [octet()].
smm() ->
    St = initial_state(),
    process(St, [], []).
```

## SMM CSP megoldással – részlet (2)

smm99.erl – SMM CSP megoldásának fő függvénye

```
% process(St0::state(),Sts::[state()],Sols0::[octet()])->Sols::[octet()].
% Sols = Sols1++Sols0 s.t. Sols1 are the sols obtained from [St0|Sts].
process(...) -> ...;
process(St0, Sts, Sols0) ->
    St = narrow_domains(St0),
    DomSizes = [ length(Dom) || {_,Dom} <- St ],
    Max = lists:max(DomSizes),
    Min = lists:min(DomSizes),
    if Min == 0 -> % there are empty domains
        process(final, Sts, Sols0);
    (St /= St0) -> % state changed
        process(St, Sts, Sols0);
    Max == 1 -> % all domains singletons, solution found
        Sol = [Val || {_,[Val]} <- problem_vars(St)],
        process(final, Sts, [Sol|Sols0]);
    true ->
        {CSt1, CSt2} = make_choice(St), % labeling
        process(CSt1, [CSt2|Sts], Sols0)
end.
```

## VI. rész

## Haladó Prolog

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 **Haladó Prolog**
- 7 Haladó Erlang

- Az előző Prolog előadás-blokk (jegyzetbeli 3. fejezet) célja volt:
  - a Prolog nyelv alapjainak bemutatása,
  - a logikailag „tisztá” résznyelvre koncentrálni.
- A jelen előadás-blokk (jegyzetben a 4. fejezet) fő célja: olyan
  - beépített eljárások,
  - programozási technikák
 bemutatása, amelyekkel
  - hatékony Prolog programok készíthetők,
  - esetleg a tiszta logikán túlmutató eszközök alkalmazásával.



## Haladó Prolog – tartalomjegyzék

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió, akkumulátorok
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Tartalom

- 6 Haladó Prolog
  - Meta-logikai eljárások
    - Megoldásgyűjtő beépített eljárások
    - A keresési tér szűkítése
    - Vezérlési eljárások
    - A Prolog megvalósítási módszereiről
    - Determinizmus és indexelés
    - Jobbrekurzió és akkumulátorok
    - Listák és fák akkumulálása – példák
    - Imperatív programok átírása Prologba
    - Modularitás
    - Magasabbrendű eljárások
    - Dinamikus adatbáziskezelés
    - Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
    - Egy összetettebb példaprogram
    - „Hagyományos” beépített eljárások
    - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## A meta-logikai, azaz a logikán túlmutató eljárások fajtái:

- A Prolog kifejezések pillanatnyi behelyettesítettségi állapotát vizsgáló eljárások (értelemszerűen logikailag nem tiszták):
  - kifejezések osztályozása (1)
 

```
| ?- var(X) /* X változó? */, X = 1. => X = 1
| ?- X = 1, var(X). => no
```
  - kifejezések rendezése (4)
 

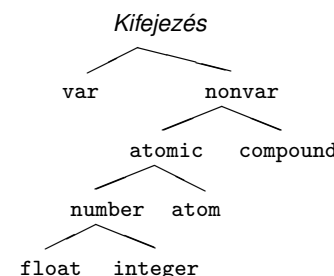
```
| ?- X @< 3 /* X megelőzi 3-t? */, X = 4. => X = 4
% a változók megelőzik a nem változó kifejezéseket
| ?- X = 4, X @< 3. => no
```
- Prolog kifejezéseket szétszedő vagy összerakó eljárások:
  - (struktúra) kifejezés  $\iff$  név és argumentumok (2)
 

```
| ?- X = f(alma,körte), X =.. L => L = [f,alma,körte]
```
  - névkonstansok és számok  $\iff$  karaktereik (3)
 

```
| ?- atom_codes(A, [0'a,0'b,0'a]) => A = aba
```

## Kifejezések osztályozása

- Kifejezésfajták – osztályozó beépített eljárások (ismétlés)



var(X)	X változó
nonvar(X)	X nem változó
atomic(X)	X konstans
compound(X)	X struktúra
atom(X)	X atom
number(X)	X szám
integer(X)	X egész szám
float(X)	X lebegőpontos szám

- SICStus-specifikus osztályozó eljárások:
  - simple(X): X nem összetett (konstans vagy változó);
  - callable(X): X atom vagy struktúra (nem szám és nem változó);
  - ground(X): X tömör, azaz nem tartalmaz behelyettesítetlen változót.
- Az osztályozó eljárások használata – példák
  - var, nonvar – többirányú eljárásokban elágaztatásra
  - number, atom, ... – nem-megkülönböztetett uniók feldolgozása (pl. szimbolikus deriválás)

## Osztályozó eljárások: elágaztatás behelyettesíttség alapján

- Példa: a `length/2` beépített eljárás megvalósítása

*% length(?L, ?N): Az L lista N hosszú.*

`length(L, N) :- var(N), length(L, 0, N).`

`length(L, N) :- nonvar(N), dlength(L, 0, N).`

*% length(?L, +IO, -I):*

*% Az L lista I-IO hosszú.*

`length([], I, I).`

`length([_|L], IO, I) :-`

`I1 is IO+1,`

`length(L, I1, I).`

*% dlength(?L, +IO, +I):*

*% Az L lista I-IO hosszú.*

`dlength([], I, I).`

`dlength([_|L], IO, I) :-`

`IO < I, I1 is IO+1,`

`dlength(L, I1, I).`

| ?- length([1,2], Len). (*length/3*)  $\Rightarrow$  Len = 2 ? ; no

| ?- length([1,2], 3). (*dlength/3*)  $\Rightarrow$  no

| ?- length(L, 3). (*dlength/3*)  $\Rightarrow$  L = [\_A,\_B,\_C] ?;no

| ?- length(L, Len). (*length/3*)  $\Rightarrow$  L = [], Len = 0 ? ;  
L = [\_A], Len = 1 ? ; L = [\_A,\_B], Len = 2 ?

Struktúrák szétszedése és összerakása: az *univ* eljárás

- Az *univ* eljárás hívási mintái: `+Kif =.. ?Lista`  
`-Kif =.. +Lista`

- Az eljárás jelentése:

- `Kif = Fun(A1, ..., An)` és `Lista = [Fun,A1, ..., An]`, ahol *Fun* egy névkonstans és *A<sub>1</sub>, ..., A<sub>n</sub>* tetszőleges kifejezések; vagy

- `Kif = C` és `Lista = [C]`, ahol *C* egy konstans.

- Példák

| ?- el(a,b,10) =.. L.  $\Rightarrow$  L = [el,a,b,10]

| ?- Kif =.. [el,a,b,10].  $\Rightarrow$  Kif = el(a,b,10)

| ?- alma =.. L.  $\Rightarrow$  L = [alma]

| ?- Kif =.. [1234].  $\Rightarrow$  Kif = 1234

| ?- Kif =.. L.  $\Rightarrow$  **hiba**

| ?- f(a,g(10,20)) =.. L.  $\Rightarrow$  L = [f,a,g(10,20)]

| ?- Kif =.. [/,X,2+X].  $\Rightarrow$  Kif = X/(2+X)

| ?- [a,b,c] =.. L.  $\Rightarrow$  L = ['.',a,[b,c]]

Struktúrák szétszedése és összerakása: a *functor* eljárás

- *functor/3*: kifejezés funktorának, adott funktorú kifejezésnek az előállítására
  - Hívási minták: `functor(-Kif, +Név, +Argszám)`  
`functor(+Kif, ?Név, ?Argszám)`
  - Jelentése: `Kif` egy `Név/Argszám` funktorú kifejezés.
    - A konstansok 0-argumentumú kifejezésnek számítanak.
    - Ha `Kif` kimenő, az adott funktorú legáltalánosabb kifejezéssel egyesíti (argumentumaiban csupa különböző változóval).

- Példák:

| ?- functor(el(a,b,1), F, N).  $\Rightarrow$  F = el, N = 3

| ?- functor(E, el, 3).  $\Rightarrow$  E = el(\_A,\_B,\_C)

| ?- functor(alma, F, N).  $\Rightarrow$  F = alma, N = 0

| ?- functor(Kif, 122, 0).  $\Rightarrow$  Kif = 122

| ?- functor(Kif, el, N).  $\Rightarrow$  **hiba**

| ?- functor(Kif, 122, 1).  $\Rightarrow$  **hiba**

| ?- functor([1,2,3], F, N).  $\Rightarrow$  F = '.', N = 2

| ?- functor(Kif, ., 2).  $\Rightarrow$  Kif = [\_A|\_B]

Struktúrák szétszedése és összerakása: az *arg* eljárás

- *arg/3*: kifejezés adott sorszámú argumentuma.
  - Hívási minta: `arg(+Sorszám, +StrKif, ?Arg)`
  - Jelentése: A `StrKif` struktúra *Sorszám*-adik argumentuma *Arg*.
  - Végrehajtása: *Arg*-ot az adott sorszámú argumentummal **egyesíti**.
  - Az *arg/3* eljárás így nem csak egy argumentum elővételére, hanem a struktúra változó-argumentumának behelyettesítésére is használható (ld. a 2. példát alább).

- Példák:

| ?- arg(3, el(a, b, 23), Arg).  $\Rightarrow$  Arg = 23

| ?- K=el(\_,\_,\_), arg(1, K, a),  
    arg(2, K, b), arg(3, K, 23).  $\Rightarrow$  K = el(a,b,23)

| ?- arg(1, [1,2,3], A).  $\Rightarrow$  A = 1

| ?- arg(2, [1,2,3], B).  $\Rightarrow$  B = [2,3]

- Az *univ* visszavezethető a *functor* és *arg* eljárásokra (és viszont), például:

`Kif =.. [F,A1,A2]  $\iff$  functor(Kif, F, 2),  
    arg(1, Kif, A1), arg(2, Kif, A2)`

Az *univ* alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása

- A feladat: egy szimbolikus aritmetikai kifejezésben a kiértékelhető (infix) részkiifejezések helyettesítése az értékükkel.
- 1. megoldás, *univ* nélkül:

*% Az X szimbolikus kifejezés egyszerűsítése EX.*

```
egysz0(X, X) :- atomic(X).
egysz0(U+V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU+EV, EU, EV, EKif).
egysz0(U*V, EKif) :-
    egysz0(U, EU), egysz0(V, EV),
    kiszamol(EU*EV, EU, EV, EKif).
```

*%...*

*% EU és EV részekből képzett EUV egyszerűsítése EKif.*

```
kiszamol(EUV, EU, EV, EKif) :-
    ( number(EU), number(EV) -> EKif is EUV.
    ; EKif = EUV
    ).
```

```
| ?- deriv((x+y)*(2+x), x, D), egysz0(D, ED).
    => D = (1+0)*(2+x)+(x+y)*(0+1), ED = 1*(2+x)+(x+y)*1 ? ; no
```

Az *univ* alkalmazása: ismétlődő sémák összevonása (folyt.)

- Kifejezés-egyszerűsítés, 2. megoldás, *univ* segítségével

```
egysz(X, EX) :-
    atomic(X), EX = X.
egysz(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [Muv,U,V], % Kif = Muv(U,V)
    egysz(U, EU), egysz(V, EV),
    EUV =.. [Muv,EU,EV], % EUV = Muv(EU,EV)
    kiszamol(EUV, EU, EV, EKif).
```

- Kifejezés-egyszerűsítés, általánosítás tetszőleges *tömör* kifejezésre:

```
egysz1(Kif, EKif) :-
    Kif =.. [M|ArgL], egysz1_lista(ArgL, EArgL), EKif0 =.. [M|EArgL],
    % catch(:CÉL,?Kiv,:KCÉL): ha CÉL kivételt dob, KCÉL-t futtatja:
    catch(EKif is EKif0, _, EKif = EKif0).
```

*% egysz1\_lista(L, EL): EL = { EX | X ∈ L, egysz1(X, EX) }*

```
egysz1_lista([], []).
egysz1_lista([K|Kk], [E|Ek]) :-
    egysz1(K, E), egysz1_lista(Kk, Ek).
```

```
| ?- egysz1(f(1+2+a, exp(3,2), a+1+2), E). => E = f(3+a,9.0,a+1+2)
```

Általános kifejezés-bejárás *univ*-val: kiírás

- A feladat: egy tetszőleges kifejezés kiírása úgy, hogy
  - a kétargumentumú operátorok zárójellezett infix formában,
  - minden más alap-struktúra alakban jelenjék meg.

```
ki(Kif) :- compound(Kif), Kif =.. [Func, A1|ArgL],
    ( % kétargumentumú kifejezés, funktora infix operátor
      ArgL = [A2], current_op(_, Kind, Func), infix_fajta(Kind)
    -> write('('), ki(A1),
        write(' '), write(Func), write(' '), ki(A2), write(')')
      ; write(Func), write('('), ki(A1), listaki(ArgL), write(')')
    ).
```

```
ki(Kif) :- simple(Kif), write(Kif).
```

*% infix\_fajta(F): F egy infix operátorfajta.*

```
infix_fajta(xfx). infix_fajta(xfy). infix_fajta(yfx).
```

*% Az [A1,...,An] listát ",A1,...,An" alakban kiírja.*

```
listaki([]).
```

```
listaki([A|AL]) :- write(', '), ki(A), arglistaki(AL).
```

```
| ?- ki(f(+a, X*c*X, e)). => f(+a),((117 * c) * 117),e
```

Kifejezés-bejárás *univ*-val: változószámozás (kieg. anyag)

- A SICStus Prologban beépített `numbervars(?Kif, +NO, ?N)` eljárás:
  - A tetsz. `Kif` minden változóját helyettesíti egy '\$VAR'(I) struktúrával, `I = NO, ..., N-1` (azaz `Kif`-ben `N-NO` különböző változó van).

- A '\$VAR'(0), '\$VAR'(1), ... kifejezések `write`-tal való kiírásakor változónévként (`A, B, ...`) jelennek meg.

- A `write_term(Kif, Opciók)` beépített eljárás kiírja a `Kif` kifejezést, az `Opciók` által meghatározott módon.

- A `numbervars/3` által létrehozott '\$VAR'/1 struktúrák „eredetiben” is megjeleníthetők:

```
| ?- _K = [f(_X),g(_),_X], numbervars(_K, 0, N), write(_K), nl,
    write_term(_K, [quoted(true),numbervars(false)]), nl.
===> [f(A),g(B),A]
      [f('$VAR'(0)),g('$VAR'(1)),$VAR'(0)]
      N = 2
```

- A feladat: elkészítendő egy `numbervars1/3` eljárás, amely '\$VAR' helyett '\$myvar' funktort használ.

## Változószámozás (kiegészítő anyag, folyt.)

- A változószámozás egy saját megvalósítása:

```
% A Term kifejezésben levő változókat '$myvar(I)' stb.
% struktúrákkal helyettesíti be, I = NO, ... N-1.
numbervars1(Term, NO, N) :-
    ( var(Term) ->
      Term = '$myvar'(NO), N is NO+1.
    ; Term =.. [_|Args],
      numbervars1_list(Args, NO, N)
    ).

% numbervars1_list(L, NO, N): Az L listában levő változókat
% '$myvar(I)' stb. struktúrákkal helyettesíti be, I = NO, ... N-1.
numbervars1_list([], N, N).
numbervars1_list([A|As], NO, N) :-
    numbervars1(A, NO, N1), numbervars1_list(As, N1, N).

| ?- Kif = [f(_X),g(_),_X], numbervars1(Kif, 0, N).
====>      N = 2,
           Kif = [f('$myvar'(0)),g('$myvar'(1)),'$myvar'(0)]
```

## Univ alkalmazása: részkifejezések keresése

- A feladat: egy tetszőleges kifejezéshez soroljuk fel a benne levő számokat, és minden szám esetén adjuk meg annak a *kiválasztóját!*
- Egy részkifejezés kiválasztója egy olyan lista, amely megadja, mely argumentumpozíciók mentén juthatunk el hozzá.
- Az  $[i_1, i_2, \dots, i_k]$  lista egy  $Kif$ -ből az  $i_1$ -edik argumentum  $i_2$ -edik argumentumának, ...  $i_k$ -edik argumentumát választja ki.
- Pl.  $a*b+f(1,2,3)/c$ -ben  $b$  kiválasztója  $[1,2]$ ,  $3$  kiválasztója  $[2,1,3]$ .  
*% kif\_szám(?Kif, ?N, ?Kiv): Kif Kiv kiválasztójú része az N szám.*

```
kif_szám(X, X, []) :-
    number(X).
kif_szám(X, N, [I|Kiv]) :-
    compound(X), % a var(X) eset kizárása miatt fontos!
    functor(X, _F, ArgNo), between(1, ArgNo, I), arg(I, X, X1),
    kif_szám(X1, N, Kiv).

| ?- kif_szám(f(1,[b,2]), N, K).
====> K = [1], N = 1 ? ;
      K = [2,2,1], N = 2 ? ; no
```

## A numbervars1 eljárás egy alkalmazása (kiegészítő anyag)

### Két kifejezés azonossága

- $A$  és  $B$  azonosak, ha változó-behelyettesítés *nélkül* egyesíthetőek; így:
- ha  $A$  változót tartalmaz, akkor  $B$ -ben ugyanott ugyanaz a változó áll, és viszont.
- $azonos/2 ==$  néven,  $nem\_azonos/2 \backslash==$  néven beépített eljárás és operátor.

```
nem_azonos(X, Y) :-
    ( numbervars1(X, 0, N), numbervars1(Y, N, _), X = Y -> fail
    ; true
    ).
```

```
azonos(X, Y) :- \+ nem_azonos(X, Y).
```

```
% azonos2/2 és azonos/2 teljesen ekvivalens.
```

```
% \+ \+ Hívás  $\equiv$  Hívás, de változóbehelyettesítést nem okoz
```

```
azonos2(X, Y) :-
    \+ \+ (numbervars1(foo(X,Y), 0, _), X = Y).
```

```
| ?- azonos(X, 1).          ---> no
| ?- azonos(X, Y).         ---> no
| ?- azonos(X, X).         ---> true ?
| ?- append([], L1, L2), azonos(L1, L2). ---> L2 = L1 ?
```

## Atomok szétszedése és összerakása

- $atom\_codes/2$ : névkonstans és karakterkód-lista közötti átalakítás
  - Hívási minták:  $atom\_codes(+Atom, ?KódLista)$   
 $atom\_codes(-Atom, +KódLista)$
  - Jelentése: Atom karakterkódjainak a listája KódLista.
  - Végrehajtása:
    - Ha Atom adott (bemenő), és a  $c_1 c_2 \dots c_n$  karakterekből áll, akkor KódLista-t egyesíti a  $[k_1, k_2, \dots, k_n]$  listával, ahol  $k_i$  a  $c_i$  karakter kódja.
    - Ha KódLista egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy névkonstanst, és azt egyesíti Atom-mal.
- Példák:
 

```
| ?- atom_codes(ab, Cs).          => Cs = [97,98]
| ?- atom_codes(ab, [0'a|L]).    => L = [98]
| ?- Cs="bc", atom_codes(Atom, Cs). => Cs = [98,99], Atom = bc
| ?- atom_codes(Atom, [0'a|L]).  => hiba
```

## Atomok szétszedése és összerakása – példák

## ● Keresés névkonstansokban

*% Atom-ban a Rész nem üres részatom kétszer ismétlődik.*

```
dadogó_rész(Atom, Rész) :-
    atom_codes(Atom, Cs),
    Ds = [_|_],
    append([_,Ds,Ds,_], Cs),
    atom_codes(Rész, Ds).
```

```
| ?- dadogó_rész(babaruhaha, R).    =>    R = ba ? ; R = ha ? ; no
```

## ● Atomok összefűzése

*% atom\_concat(+A, +B, ?C): A és B névkonstansok összefűzése C.  
% (Szabványos beépített eljárás atom\_concat(?A, ?B, +C) módban is.)*

```
atom_concat(A, B, C) :-
    atom_codes(A, Ak), atom_codes(B, Bk),
    append(Ak, Bk, Ck),
    atom_codes(C, Ck).
```

```
| ?- atom_concat(abra, kadabra, A). =>    A = abrakadabra ?
```

## Számok szétszedése és összerakása

## ● number\_codes/2: szám és karakterkód-lista közötti átalakítás

- Hívási minták: `number_codes(+Szám, ?KódLista)`  
`number_codes(-Szám, +KódLista)`

- Jelentése: Igaz, ha Szám tizes számrendszerbeli alakja a KódLista karakterkód-listának felel meg.

## ● Végrehajtása:

- Ha Szám adott (bemenő), és a  $c_1 c_2 \dots c_n$  karakterekből áll, akkor KódLista-t egyesíti a  $[k_1, k_2, \dots, k_n]$  kifejezéssel, ahol  $k_i$  a  $c_i$  karakter kódja.
- Ha KódLista egy adott karakterkód-lista, akkor ezekből a karakterekből összerak egy számot (ha nem lehet, hibát jelez), és azt egyesíti Szám-mal.

## ● Példák:

```
| ?- number_codes(12, Cs).           =>    Cs = [49,50]
| ?- number_codes(0123, [0'1|L]).   =>    L = [50,51]
| ?- number_codes(N, " - 12.0e1").  =>    N = -120.0
| ?- number_codes(N, "12e1").       =>    hiba (nincs .0)
| ?- number_codes(120.0, "12e1").   =>    no (mert a szám adott! :-)
```

## Kifejezések rendezése: szabványos sorrend

- A Prolog szabvány definiálja két tetszőleges Prolog kifejezés sorrendjét.
- Jelölés:  $X \prec Y$  – az  $X$  kifejezés megelőzi az  $Y$  kifejezést.
- A szabványos sorrend definíciója:
  - 1  $X$  és  $Y$  azonos  $\Leftrightarrow X \prec Y$  és  $Y \prec X$  egyike sem igaz.
  - 2 Ha  $X$  és  $Y$  különböző osztályba tartozik, akkor az osztály dönt: *változó*  $\prec$  *lebegőpontos szám*  $\prec$  *egész szám*  $\prec$  *név*  $\prec$  *struktúra*.
  - 3 Ha  $X$  és  $Y$  változó, akkor sorrendjük rendszerfüggő.
  - 4 Ha  $X$  és  $Y$  lebegőpontos vagy egész szám, akkor  $X \prec Y \Leftrightarrow X < Y$ .
  - 5 Ha  $X$  és  $Y$  név, akkor a lexikografikus (abc) sorrend dönt.
  - 6 Ha  $X$  és  $Y$  struktúrák:
    - 1 Ha  $X$  és  $Y$  aritása ( $\equiv$  argumentumszáma) különböző, akkor  $X \prec Y \Leftrightarrow X$  aritása kisebb mint  $Y$  aritása.
    - 2 Egyébként, ha a struktúrák neve különböző, akkor  $X \prec Y \Leftrightarrow X$  neve  $\prec Y$  neve.
    - 3 Egyébként (azonos név, azonos aritás) balról az első nem azonos argumentum dönt.
- (A SICStus Prologban kiterjesztésként megengedett végtelen (ciklikus) kifejezésekre a fenti rendezés nem érvényes.)

## Kifejezések összehasonlítása – beépített eljárások

## ● Két tetszőleges kifejezés összehasonlítását végző eljárások:

hívás	igaz, ha
$Kif1 == Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2 \wedge Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 \backslash == Kif2$	$Kif1 \prec Kif2 \vee Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @< Kif2$	$Kif1 \prec Kif2$
$Kif1 @<= Kif2$	$Kif2 \not\prec Kif1$
$Kif1 @> Kif2$	$Kif2 \prec Kif1$
$Kif1 @>= Kif2$	$Kif1 \not\prec Kif2$

- Az összehasonlítás mindig a belső ábrázolás (kanonikus alak) szerint történik:

```
| ?- [1, 2, 3, 4] @< struktúra(1, 2, 3).    =>    sikerül (6.1 szabály)
```

- Lista rendezése: `sort(+L, ?S)`

- Jelentése: az  $L$  lista  $@<$  szerinti rendezése  $S$ ,  $==/2$  szerint azonos elemek ismétlődését kiszűrve.

```
| ?- sort([a,c,a,b,b,c,c,e,b,d], S).
S = [a,b,c,d,e] ? ;
no
```

Meta-logikai elj.-ok alkalmazása:  $\prec$  megvalósítása (kieg. anyag)

*% T1 megelőzi T2-t. Ekvivalens T1 @< T2 -vel, kivéve a változókat.*  

```
precedes(T1, T2) :- \+ \+ (numbervars(T1-T2, 0, _), prec(T1, T2)).
```

*% class(+T, -C): A T kifejezés a C-edik kifejezőosztályba tartozik.*

```
class(T, C) :-
  ( T='$VAR'(_) -> C=0           % változó
  ; float(T) -> C=1           % lebegőpontos szám
  ; integer(T) -> C=2         % egész szám
  ; atom(T) -> C=3           % névkonstans
  ; compound(T) -> C=4       % összetett kifejezés
  ).
```

*% T1 megelőzi T2-t, a változók helyett már '\$VAR'(n) áll.*

```
prec(T1, T2) :- class(T1, C1), class(T2, C2),
  ( C1 == C2 ->
    ( C1 == 1 -> T1 < T2      % 4. szabály (lebegőpontos szám)
    ; C1 == 2 -> T1 < T2      % 4. szabály (egész szám)
    ; struct_prec(T1, T2)     % 3., 5. és 6. szabály
    )                          % (változó, név, struktúra)
  ; C1 < C2                   % 2. szabály
  ).
```

## Összefoglalás: a Prolog egyenlőség-szerű beépített eljárásai

- $U = V$ :  $U$  egyesítendő  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.
- $U == V$ :  $U$  azonos  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát és soha sem helyettesít be.
- $U := V$ : Az  $U$  és  $V$  aritmetikai kifejezések értéke megegyezik.  
Hibát jelez, ha  $U$  vagy  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.
- $U$  is  $V$ :  $U$  egyesítendő a  $V$  aritmetikai kifejezés értékével.  
Hiba, ha  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.
- $(U =.. V$ :  $U$  „szétszedettje” a  $V$  lista)

```
| ?- X = 1+2.      => X = 1+2
| ?- 3 = 1+2.     => no
| ?- X == 1+2.   => no
| ?- 3 == 1+2.   => no
| ?- +(1,2)==1+2 => yes

| ?- X := 1+2.   => hiba
| ?- 1+2 := X.  => hiba
| ?- 2+1 := 1+2. => yes
| ?- 2.0 := 1+1. => yes

| ?- 2.0 is 1+1. => no
| ?- X is 1+2.   => X = 3
| ?- 1+2 is X.   => hiba
| ?- 3 is 1+2.   => yes
| ?- 1+2 is 1+2. => no

| ?- 1+2 =.. X.  => X = [+ , 1 , 2]
| ?- X =.. [f,1]. => X = f(1)
```

A  $\prec$  reláció megvalósítása (kiegészítő anyag, folyt.)

*% S1 megelőzi S2-t (S1 és S2 struktúra-kifejezés vagy névkonstans).*

```
struct_prec(S1, S2) :-
  functor(S1, F1, N1), functor(S2, F2, N2),
  ( N1 < N2 -> true
  ; N1 = N2,
    ( F1 = F2 -> args_prec(1, N1, S1, S2)
    ; atom_prec(F1, F2)
    )
  ).
```

*% Az S1 struktúra-kifejezés NO, ..., N sorszámú argumentumai  
% lexikografikusan megelőzik S2 azonos sorszámú argumentumait.*

```
args_prec(NO, N, S1, S2) :- NO =< N,
  arg(NO, S1, A1), arg(NO, S2, A2),
  ( A1 = A2 -> N1 is NO+1, args_prec(N1, N, S1, S2)
  ; prec(A1, A2)
  ).
```

*% Az A1 névkonstans megelőzi az A2 névkonstanst.*

```
atom_prec(A1, A2) :-
  atom_codes(A1, C1), atom_codes(A2, C2), struct_prec(C1, C2).
```

## Összefoglalás: a Prolog nem-egyenlő jellegű beépített eljárásai

A nem-egyenlőség jellegű eljárások soha sem helyettesítenek be változót!

- $U \neq V$ :  $U$  nem egyesíthető  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.
- $U \neq V$ :  $U$  nem azonos  $V$ -vel.  
Soha sem jelez hibát.
- $U \neq V$ : Az  $U$  és  $V$  aritmetikai kifejezések értéke különbözik.  
Hibát jelez, ha  $U$  vagy  $V$  nem (tömör) aritmetikai kifejezés.

```
| ?- X \= 1+2.      => no
| ?- +(1,2) \= 1+2. => no

| ?- X \== 1+2.    => yes
| ?- 3 \== 1+2.    => yes
| ?- +(1,2)\==1+2  => no

| ?- X \= 1+2.     => hiba
| ?- 1+2 \= X.     => hiba
| ?- 2+1 \= 1+2.   => no
| ?- 2.0 \= 1+1.   => no
```

## A Prolog (nem-)egyenlőség jellegű beépített eljárásai – példák

		Egyesítés		Azonosság		Aritmetika		
<i>U</i>	<i>V</i>	$U = V$	$U \backslash = V$	$U == V$	$U \backslash == V$	$U := V$	$U \backslash = V$	$U \text{ is } V$
1	2	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>
a	b	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	error	error	error
1+2	+(1,2)	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>no</i>
1+2	2+1	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>no</i>
1+2	3	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>no</i>
3	1+2	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>
X	1+2	X=1+2	<i>no</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	error	error	X=3
X	Y	X=Y	<i>no</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	error	error	error
X	X	<i>yes</i>	<i>no</i>	<i>yes</i>	<i>no</i>	error	error	error

Jelmagyarázat: *yes* – siker; *no* – meghiúsulás, error – hiba.

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- **Megoldásgyűjtő beépített eljárások**
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Keresési feladat Prologban – felsorolás vagy gyűjtés?

- Keresési feladat: adott feltételeknek megfelelő dolgok meghatározása.
- Prolog nyelven egy ilyen feladat alapvetően kétféle módon oldható meg:
  - gyűjtés – az összes megoldás összegyűjtése, pl. egy listába;
  - felsorolás – a megoldások visszalépéses felsorolása: egyszerre egy megoldást kapunk, de visszalépéssel sorra előáll minden megoldás.
- Egyszerű példa: egy lista páros elemeinek megkeresése:

**% Gyűjtés:**

```
% páros_elemei(L, Pk): Pk az L
% lista páros elemeinek listája.
páros_elemei([], []).
páros_elemei([X|L], Pk) :-
    X mod 2 \= 0,
    páros_elemei(L, Pk).
páros_elemei([P|L], [P|Pk]) :-
    P mod 2 == 0,
    páros_elemei(L, Pk).
```

**% Felsorolás:**

```
% páros_eleme(L, P): P egy páros
% eleme az L listának.
páros_eleme([X|L], P) :-
    X mod 2 == 0, P = X.
páros_eleme([_X|L], P) :-
    % _X akár páros, akár páratlan
    % folytatjuk a felsorolást:
    páros_eleme(L, P).

% egyszerűbb megoldás:
páros_eleme2(L, P) :-
    member(P, L), P mod 2 == 0.
```

## Gyűjtés és felsorolás kapcsolata

- Vizsgáljuk meg, hogyan lehet egy felsoroló eljárást visszavezetni a gyűjtőre, és fordítva:
  - felsorolás gyűjtésből: a `member/2` könyvtári eljárás segítségével, pl.
 

```
páros_eleme(L, P) :-
    páros_elemei(L, Pk), member(P, Pk).
```

 Természetesen ez így nem hatékony!
  - gyűjtés felsorolásból: a megoldásgyűjtő beépített eljárások segítségével, pl.
 

```
páros_elemei(L, Pk) :-
    findall(P, páros_eleme(L, P), Pk).
% A páros_eleme(L, P) cél
% összes P megoldásának listája Pk.
```
  - a `findall/3` beépített eljárás – és társai – az Erlang listanézethez felelnek meg, pl.:
 

```
% seq(+A, +B, ?L): L = [A,...,B], A és B egészek.
seq(A, B, L) :-
    B >= A-1,
    findall(X, between(A, B, X), L).
```

## A findall(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):
  - a Cél kifejezést eljáráshívásként értelmezi, meghívja (A : annotáció meta- (azaz eljárás) argumentumot jelez);
  - minden egyes megoldásához előállítja Gyűjtő egy *másolatát*, azaz a változókat, ha vannak, szisztematikusan újjal helyettesíti;
  - Az összes Gyűjtő másolat listáját egyesíti Lista-val.

- Példák az eljárás használatára:

```
| ?- findall(X, (member(X, [1,7,8,3,2,4]), X>3), L).
    => L = [7,8,4] ? ; no
| ?- findall(X-Y, (between(1, 3, X), between(1, X, Y)), L).
    => L = [1-1,2-1,2-2,3-1,3-2,3-3] ? ; no
```

- Az eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):

Lista = { Gyűjtő **másolat** | (∃ X...Z)Cél igaz }  
 ahol X, ..., Z a findall hívásban levő *szabad változók*.

**Szabad változó** (definíció): olyan, a hívás pillanatában behelyettesítetlen változó, amely a Cél-ban előfordul de a Gyűjtő-ben nem.

## A bagof(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- Az eljárás végrehajtása (procedurális szemantikája):
  - a Cél kifejezést eljáráshívásként értelmezi, meghívja;
  - összegyűjti a megoldásait (a Gyűjtő-t és a szabad változók behelyettesítéseit);
  - a szabad változók összes behelyettesítését *felsorolja* és mindegyik esetén a Lista-ban megadja az összes hozzá tartozó Gyűjtő értéket.

- Példák az eljárás használatára:

```
gráf([a-c,a-b,b-c,c-e,b-d]).
| ?- gráf(_G), findall(B, member(A-B, _G), VegP).
    => VegP = [c,b,c,e,d] ? ; no
| ?- gráf(_G), bagof(B, member(A-B, _G), VegP).
    => A = a, VegP = [c,b] ? ;
    => A = b, VegP = [c,d] ? ;
    => A = c, VegP = [e] ? ; no
```

- A bagof eljárás jelentése (deklaratív szemantikája):

Lista = { Gyűjtő | Cél igaz }, Lista ≠ [].

## A bagof megoldásgyűjtő eljárás (folyt.)

- Explicit egzisztenciális kvantorok
  - bagof(Gyűjtő, V1 ^ ... ^ Vn ^ Cél, Lista) alakú hívása a V1, ..., Vn változókat egzisztenciálisan kvantálnak tekinti, így ezeket nem sorolja fel.
  - jelentése: Lista = { Gyűjtő | (∃ V1, ..., Vn)Cél igaz } ≠ [].

```
| ?- gráf(_G), bagof(B, A^member(A-B, _G), VegP).
    => VegP = [c,b,c,e,d] ? ; no
```

- Egymásba ágyazott gyűjtések

- szabad változók esetén a bagof nemdeterminisztikus lehet, így skatulyázható:

```
% A G irányított gráf fokszámlistája FL:
% FL = { A-N | N = |{ V | A-V ∈ G }|, N > 0 }
fokszámai(G, FL) :-
    bagof(A-N, Vk^(bagof(V, member(A-V, G), Vk),
                    length(Vk, N)
                    ), FL).
| ?- gráf(_G), fokszámai(_G, FL).
    => FL = [a-2,b-2,c-1] ? ; no
```

## A bagof megoldásgyűjtő eljárás (folyt.)

- Fokszámlista kicsit hatékonyabb előállítás
  - Az előző példában a meta-argumentumban célsorozat szerepelt, ez mindenképpen interpretáltan fut – nevezzük el segédeljárásként
  - A segédeljárás bevezetésével a kvantor is szükségtelenné válik:

```
% pont_foka(?A, +G, ?N): Az A pont foka a G irányított gráfban N, N>0.
pont_foka(A, G, N) :-
    bagof(V, member(A-V, G), Vks), length(Vks, N).
```

```
% A G irányított gráf fokszámlistája FL:
fokszámai(G, FL) :- bagof(A-N, pont_foka(A, G, N), FL).
```

- Példák a bagof/3 és findall/3 közötti kisebb különbségekre:

```
| ?- findall(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => L = [] ? ; no
| ?- bagof(X, (between(1, 5, X), X<0), L). => no
| ?- findall(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)]), L).
    => L = [f(_A,_A),g(_B,_C)] ? ; no
| ?- bagof(S, member(S, [f(X,X),g(X,Y)]), L).
    => L = [f(X,X),g(X,Y)] ? ; no
```

- A bagof/3 logikailag tisztább mint a findall/3, de időigényesebb!



## A setof(?Gyűjtő, :Cél, ?Lista) beépített eljárás

- az eljárás végrehajtása:
  - ugyanaz mint: bagof(Gyűjtő, Cél, L0), sort(L0, Lista),
  - itt sort/2 egy univerzális rendező eljárás, amely az L0 listát @< szerint rendez, az ismétlődések kiszűrésével, és az eredményt Lista-ban adja vissza.

- Példa a setof/3 eljárás használatára:

```
gráf([a-c,a-b,b-c,c-e,b-d]).
```

```
% Gráf egy pontja P.
```

```
pontja(P, Gráf) :- member(A-B, Gráf), ( P = A ; P = B ).
```

```
% A G gráf pontjainak listája Pk.
```

```
gráf_pontjai(G, Pk) :- setof(P, pontja(P, G), Pk).
```

```
| ?- gráf(_G), gráf_pontjai(_G, Pk).
```

```
⇒ Pk = [a,b,c,d,e] ? ; no
```

```
| ?- gráf(_G), bagof(P, pontja(P, _G), Pk).
```

```
⇒ Pk = [a,c,a,b,b,c,c,e,b,d] ? ; no
```

## Tartalom

### 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése**
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Prolog nyelvi eszközök a keresési tér szűkítésére

- Eszközök
  - Az első Prolog rendszerektől kezdve: vágó, szabványos jelölése !
  - Későbbi kiterjesztés: az ( if -> then ; else ) feltételes szerk.
- Feltételes szerkezet – procedurális szemantika (ismétlés)
 

A (felt->akkor;egyébként),folyt célsorozat végrehajtása:

  - Végrehajtjuk a felt hívást (egy önálló végrehajtási környezetben).
  - Ha felt sikeres ⇒ „akkor,folyt” célsorozattal folytatjuk, a felt első megoldása által eredményezett behelyettesítésekkel. A felt cél többi megoldását nem keressük meg!
  - Ha felt meghiúsul ⇒ „egyébként,folyt” célsorozattal folytatjuk.
- Feltételes szerkezet – alternatív procedurális szemantika:
  - A feltételes szerkezetet egy speciális diszjunkciónak tekintjük:
 

```
( felt, {vágás}, akkor
; egyébként
)
```
  - A {vágás} jelentése: megszünteti a felt-beli választási pontokat, és egyébként választását is letiltja.

## Feltételes szerkezet: választási pontok a feltételben

- Eddig főleg determinisztikus (választásmentes) feltételeket mutattunk.
- Példafeladat: első\_poz\_elem(L, P): P az L lista első pozitív eleme.
  - Első megoldás, rekurzióval (mérnöki)
 

```
első_poz_elem([X|_], X) :- X > 0.
első_poz_elem([X|L], EP) :- X <= 0, első_poz_elem(L, EP).
```
  - Második megoldás, visszalépéses kereséssel (matematikus)
 

```
első_poz_elem(L, EP) :-
    append(NemPozL, [EP|_], L), EP > 0,
    \+ van_poz_eleme(NemPozL).
van_poz_eleme(L) :- member(P, L), P > 0.
```
  - Harmadik megoldás, feltételes szerkezettel (Prolog hekker)
 

```
első_poz_elem(L, EP) :-
    ( member(X, L), X > 0 -> EP = X % (1)
; fail % ez a sor elhagyható
).
```
- Figyelem: a harmadik megoldás épít a member/2 felsorolási sorrendjére!
- Az (1) sorban az EP = X egyenlőség kiküszöbölése esetén első\_poz\_elem(+,+) módban hibásan működhet!

## A vágó eljárás

- A vágó beépített eljárás (!) végrehajtása:
  - letiltja az adott predikátum további klózainak választását,
 

```
első_poz_elem([X|_], X) :- X > 0, !.
```

```
első_poz_elem([X|L], EP) :- X =< 0, első_poz_elem(L, EP).
```
  - megszünteti a választási pontokat az előtte levő eljáráshívásokban.
 

```
első_poz_elem(L, EP) :- member(EP, L), EP > 0, !.
```
- Miért vágunk le ágakat a keresési térben?
  - Mi tudjuk, hogy nincs megoldás, de a Prolog nem – **zöld** vágó
    - (Például, a legtöbb Prolog megvalósítás „nem tudja”, hogy a  $X > 0$  és  $X \leq 0$  feltételek kizárják egymást.)
  - Eldobunk megoldásokat – **vörös** vágó, ez a program jelentését megváltoztatja
    - (Vörös vágó lesz a zöldből ha a „felesleges” feltételeket elhagyjuk (pl. az  $X \leq 0$  feltételt a fenti 2. klózban)

## Példák a vágó eljárás használatára

```
% fakt(+N, ?F): N! = F.
fakt(0, 1) :- !.
```

zöld

```
fakt(N, F) :- N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1.
```

```
% last(+L, ?E): L utolsó eleme E.
last([E], E) :- !.
```

zöld

```
last(_|L, Last) :- last(L, Last).
```

```
% pozitívak(+L, -P): P az L pozitív elemeiből áll.
pozitívak([], []).
```

vörös

```
pozitívak([E|Ek], [E|Pk]) :-
    E > 0, !,
```

```
    pozitívak(Ek, Pk).
```

```
pozitívak(_|Ek, Pk) :-
    /* \+ _E > 0, */ pozitívak(Ek, Pk).
```

Ha nincs **kikommentezve** akkor **zöld**

Figyelem: a fenti példák nem tökéletesek, hatékonyabb ill. általánosabban használható változatukat később ismertetjük!

## A vágó definíciója

- Segédfogalom: egy cél **szülőjének** az őt tartalmazó klóz fejével illetett hívást nevezzük
  - A 4-kapus modellben a szülő a körülvevő dobozhoz rendelt cél.
  - Pl. `last([E], E) :- !.` – a vágó szülője lehet a `last([7], X)` hívás.
  - A `g` nyomkövető parancs a cél őseit (a szülőt, a szülő szülőjét stb) listázza ki.
- A vágó végrehajtása:
  - mindig sikerül; de mellékhatásként a végrehajtás adott állapotától visszafelé egészen a szülő céljig – azt is beleértve – megszünteti a választási pontokat.
- A vágás kétféle választási pontot szüntet meg:
 

```
r(X) :- s(X), !. % az s(X)-beli választási pontokat – a vágót megelőző
                % cél(ok)nak az első megoldására való megszorítás
```

```
r(X) :- t(X). % az r(X) további klózainak választását – a vágót tartalmazó
              % klóz mellett való elköteleződés (commit)
```
- A vágó szemléltetése a 4-kapus doboz modellben: a vágó Redo kapujából a körülvevő (szülő) doboz Fail kapujára megyünk.

## A vágó által megszüntetett választási pontok

```
% vágó nélküli példa
q(X) :- s(X).
```

```
q(X) :- t(X).
```

```
% ugyanaz a példa vágóval
r(X) :- s(X), !.
```

```
r(X) :- t(X).
```

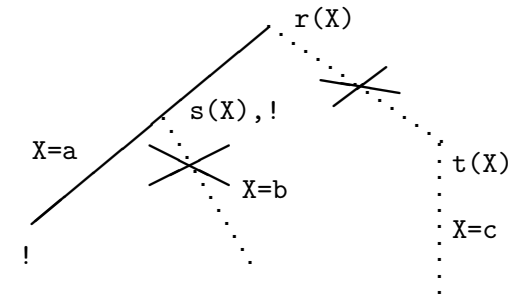
```
s(a).      s(b).      t(c).
```

```
% a vágó nélküli példa futása
:- q(X), write(X), fail.
```

--> abc

```
% a vágót tartalmazó példa futása
:- r(X), write(X), fail.
```

--> a



## A diszjunktív feltételes szerkezet visszavezetése vágóra

- A diszjunktív feltételes szerkezet, a diszjunkcióhoz hasonlóan egy segédeljárással váltható ki:

```

p :-
    aaa,

    ( felt1 -> akkor1
    ; felt2 -> akkor2
    ; ...
    ; egyébként
    ),
    zzz.

p :-
    aaa, segéd(...), zzz.

segéd(...) :- felt1, !, akkor1.
segéd(...) :- felt2, !, akkor2.
...
segéd(...) :- egyébként.

```

- Az egyébként ág elmaradhat, ilyenkor a megfelelő klóz is elmarad.
- A felt részekben értelmetlen vágót használni
- Az akkor részekben lehet vágó. Ennek hatásköre, a  $\rightarrow$  nyílból generált vágóval ellentétben, a teljes  $p$  predikátum (ilyenkor a Prolog megvalósítás egy speciális, ún. távolbaható vágót használ).
- Vágót rendkívül ritkán szükséges feltételes szerkezetben szerepeltetni.

## Feltételes szerkezetek és fejillesztés

- Vigyázat: a tényleges feltétel részét képezik a fejbéli egyesítések!

```

% abs(X, A): A = |X| (A az X abszolút értéke).
abs(X, X) :- X >= 0, !.
abs(X, A) :- A is -X.

% a vágó előtt van fej-egyesítés
% az egyesítés explicitté téve
abs(X, A) :- A = X, X >= 0, !.
abs(X, A) :- A is -X.

```

- A fej-egyesítés gondot okozhat, ha az eljárást ellenőrzésre használjuk:  
| ?- abs(10, -10). --> yes

- A megoldás a **vágás alapszabálya**:

- A kimenő paraméterek értékadását mindig a vágó után végezzük!

```

abs(X, A) :- X >= 0, !, A = X.
abs(X, A) :- A is -X.

```

- Ez nemcsak általánosabban használható, hanem hatékonyabb kódot is ad: csak akkor helyettesíti be a kimenő paramétert, ha már tudja, mi az értéke (nincs „előre-behelyettesítés”, mint a fenti példákban).
- („**kimenő**” paraméterek – vágó alkalmazásakor általában nincs többirányú használat :-)

## A vágás első alapesete – klóz mellett való elkötelezés

- A klóz melletti elkötelezés egy egyszerű feltételes szerkezetet jelent.

```

szülő :- feltétel, !, akkor.
szülő :- egyébként.

```

- A vágó szükségtelenné teszi a feltétel negációjának végrehajtását a többi klózban. A logikailag tiszta, de nem hatékony alak:

```

szülő :- feltétel, akkor.
szülő :- \+ feltétel, egyébként.

```

De: a fenti két alak csak akkor ekvivalens, ha feltétel egyszerű, nincs benne választás.

- Analógia: ha  $a$ ,  $b$  és  $c$  Boole-értékű változók, akkor

```

if a then b else c  $\equiv$  a  $\wedge$  b  $\vee$   $\neg$  a  $\wedge$  c

```

- A vágó által kiváltott negált feltételt célszerű kommentként jelezni:

```

szülő :- feltétel, !, akkor.
szülő :- /* \+ feltétel, */ egyébként.

```

## A bevezető példákban a vágás alapszabályát betartó változata

```

% fakt(+N, ?F): N! = F.
fakt(0, F) :- !, F = 1.
fakt(N, F) :- N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1.

```

```

% last(+L, ?E): az L nem üres lista utolsó eleme E.
last([E], Last) :- !, Last = E.
last(_|L, Last) :- last(L, Last).

```

```

% pozitívak(+L, ?Pk): Pk az L pozitív elemeiből áll.
pozitívak([], []).
pozitívak([E|Ek], Pk) :-
    E > 0, !, Pk = [E|Pk0], pozitívak(Ek, Pk0).
pozitívak(_|L, Pk) :-
    /* \+ _E > 0, */ pozitívak(L, Pk).

```

**Megjegyzés:** a diszjunktív alakban a feltételek eleve explicitek, nincs fejillesztési probléma, ezért **a diszjunktív feltételes szerkezet használatát javasoljuk a vágó helyett.**

## Példa: $\max(X, Y, Z)$ : X és Y maximuma Z (kiegészítő anyag)

- 1. változat, tiszta Prolog. Lassú (előre-behelyettesítés, két hasonlítás), választási pontot hagy.

```
max(X, Y, X) :- X >= Y.
max(X, Y, Y) :- Y > X.
```

- 2. változat, zöld vágóval. Lassú (előre-behelyettesítés, két hasonlítás), nem hagy választási pontot.

```
max(X, Y, X) :- X >= Y, !.
max(X, Y, Y) :- Y > X.
```

- 3. változat, vörös vágóval. Gyorsabb (előre-behelyettesítés, egy hasonlítás), nem hagy választási pontot, de nem használható ellenőrzésre, pl. `| ?- max(10, 1, 1) sikerül.`

```
max(X, Y, X) :- X >= Y, !.
max(X, Y, Y).
```

- 4. változat, vörös vágóval. Helyes, nagyon gyors (egy hasonlítás, nincs előre-behelyettesítés) és nem is hoz létre választási pontot.

```
max(X, Y, Z) :- X >= Y, !, Z = X.
max(X, Y, Y) /* :- Y > X */.
```

## A vágás második alapesete – első megoldásra való megszorítás

- Mikor használjuk az első megoldásra megszorító vágót?
  - behelyettesítést nem okozó, eldöntendő kérdés esetén;
  - feladatspecifikus optimalizálásra (hekkelésre :-);
  - végtelen választási pontot létrehozó eljárások megszelidítésére.
- Eldöntendő kérdés: eljáráshívás csupa bemenő paraméterrel
 

```
% egy_komponensbeli(+A, +B, +Gráf):
% Az A és B pontok a G gráfnak ugyanabban a komponensében vannak.
egy_komponensbeli(A, B, Graf) :-
    utvonal(A, B, Graf), !.
```
- Eldöntendő kérdés esetén általában nincs értelme többszörös választ adni/várni.

## Feladatspecifikus optimalizálás (Kiegészítő anyag)

- Az alábbi példa ugyanazt a módszert használja, mint az `első_poz_elem/2`, csak sokkal bonyolultabb feladatra.
- A feladat: megállapítandó egy lista első fennsíkjának a hossza. (*Fennsíknak* nevezzük egy számlista olyan folytonos, nem üres részlistáját, amelyik pozitív számokból áll és semelyik irányban sem terjeszthető ki.)

```
% Az L lista első fennsíkjának a hossza H.
efhossz(L, H) :-
    append(_NemFennsik, FennsikMaradek, L),
    FennsikMaradek = [X|_], X > 0, !,
    append(Fennsik, Maradek, FennsikMaradek),
    ( Maradek = []
    ; Maradek = [Y|_], Y <= 0
    ), !,
    length(Fennsik, H).
```

- a fenti **diszjunkció** kiváltható egy negációval:

```
\+L( Maradek = [Y|_], Y > 0 )
```

## Végtelen választás megszelidítése: `memberchk`

- A `memberchk/2` beépített eljárás Prolog definíciója:
 

```
% memberchk(X, L): "X eleme az L listának" kérdés első megoldása.

% 1. változat                                % 2. ekvivalens változat
memberchk(X, L):-                             memberchk(X, [X|_]) :- !.
    member(X, L), !.                          memberchk(X, [_|L]) :-
  memberchk(X, L).
```
- `memberchk/2` használata
  - Eldöntő kérdésben (visszalépéskor nem keresi végig a lista maradékát.)
 

```
| ?- memberchk(1, [1,2,3,4,5,6,7,8,9]).
```
  - Nyílt végű lista elemévé tesz, pl.:
 

```
| ?- memberchk(1,L), memberchk(2,L), memberchk(1,L).
      L = [1,2|_A] ?
```

## Nyílt végű listák kezelése memberchk segítségével: szótárprogram

## Tartalom

```
szótár(Sz):-
    read(M-A), !,
    % A read(X) beépített eljárás egy kifejezést
    % olvas be és egyesíti X-szel
    memberchk(M-A, Sz),
    write(M-A), nl,
    szótár(Sz).
szótár(_).
```

## Egy futása:

```
| ?- szótár(Sz).
|: alma-apple.           |: alma-X.
alma-apple              alma-apple
|: korte-pear.          |: X-pear.
korte-pear              korte-pear
                        |: vege.    % nem egyesíthető M-A-val

Sz = [alma-apple,korte-pear|_A] ?
```

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- **Vezérlési eljárások**
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Vezérlési eljárások, a call/1 beépített eljárás

- Vezérlési eljárás: A Prolog végrehajtáshoz kapcsolódó beépített eljárás.
- A vezérlési eljárások többsége **magasabbrendű** eljárás, azaz olyan eljárás, amely egy vagy több argumentumát eljáráshívásként értelmezi. (A magasabbrendű Prolog eljárásokat szokás **meta-eljárásnak** is hívni.)
- A meta-eljárások fő képviselője a call(+Cél):
  - Cél egy struktúra vagy névkonstans (vö. callable/1).
  - Jelentése (deklaratív szemantika): Cél igaz.
  - Hatása (procedurális szemantika): a Cél kifejezést **hívássá alakítja** és végrehajtja.
- A klóztörzsben célként megengedett egy X változó használata, ezt a rendszer egy call(*Modulnév*:X) hívássá alakítja át.

```
| kétszer(X) :- call(X), X.
| ?- kétszer(write(ba)), nl.  =>  baba
| ?- listing(kétszer).      =>  kétszer(X) :-
                                call(user:X), call(user:X).
```

## Vezérlési szerkezetek mint eljárások

- A call/1 argumentumában szerepelhetnek vezérlési szerkezetek is, mert ezek beépített eljárásként is jelen vannak a Prolog rendszerben:
  - (', ')/2: konjunkció.
  - (;)/2: diszjunkció.
  - (->)/2: if-then; (;)/2: if-then-else.
  - (\+)/2: megghiúsulós negáció.
- A call-ban szereplő vezérlési szerkezetek ugyanúgy futnak, mint az interpretált (azaz consult-tal betöltött) kód.
- A Cél-beli vágó csak a call belsejében vág (szülője a call(Cél) hívás).
- \+ Cél: Cél „nem bizonyítható”. A beépített eljárás definíciója vágóval:
 

```
\+ X :- call(X), !, fail.
\+ _X.
```
- Példák:
 

```
| ?- _Cél = (kétszer(write(ba)), write(' ')), kétszer(_Cél), nl.
baba baba
| ?- kétszer((member(X, [a,b,c,d]), write(X), fail ; nl)).
abcd
abcd
```

## call/1 példa: futási időt mérő meta-eljárás

```
% Kiírja Goal első megoldásának előállításához vagy a meghiúsuláshoz
% szükséges időt, a Txt szöveg kíséretében.
time(Txt, Goal) :-
    statistics(runtime, [T0,_]), % T0 az indítás óta eltelt CPU idő,
                                % msec-ban (szemégyűjtés nélkül).
    (
        call(Goal) -> Res = true
    ; Res = false
    ),
    statistics(runtime, [T1,_]), T is T1-T0,
    format('~w futási idő = ~3d sec\n', [Txt,T]),
    % ~w formázó: kiírás a write/1 segítségével
    % ~3d formázó: I egész kiírása I/1000-ként, 3 tizedesre
    Res = true. % meghiúsul, ha Goal meghiúsult
```

A call/1 költséges: egy 4472 hosszú lista megfordítása nrev-vel (kb. 10 millió append hívás), minden append körül egy felesleges call-lal ill. anélkül:

	call nélkül	call-lal	Lassulás
lefordítva	0.47 sec	2.46 sec	5.23
interpretálva	6.97 sec	8.66 sec	1.24

## További beépített vezérlési eljárások

- once(Cél): Cél igaz, és csak az első megoldását kérjük. Definíciója:
 

```
once(X) :- call(X), !.
          vagy, feltételes szerkezettel
          once(X) :- ( call(X) -> true ).
```
- true: azonosan igaz, fail: azonosan hamis (mindig meghiúsul).
- repeat: végtelen sokszor igaz (végtelen választási pont). Definíciója:
 

```
repeat.
repeat :- repeat.
```
- A repeat eljárást egy mellékhatásos eljárás ismétlésére használhatjuk.
- Példa (egyszerű kalkulátor):
 

```
bc :- repeat, read(Expr),
        ( Expr = end_of_file -> true
        ; Res is Expr, write(Expr = Res), nl, fail
        ),
        !.
```
- A végtelen választási pontot kötelező egy vágóval semlegesíteni!

## Példa: magasabbrendű reláció definiálása – Kiegészítő anyag

- Az implikáció ( $P \Rightarrow Q$ ) megvalósítása negáció segítségével:

```
% P minden megoldása esetén Q igaz.
forall(P, Q) :-
    \+ (P, \+Q). % Szintaktikus emlékeztető:
                % az első \+ után kötelező a szóköz!

| ?- _L = [1,2,3],
    % _L minden eleme pozitív:
    forall(member(X, _L), X > 0).
true ?
| ?- _L = [1,-2,3], forall(member(X, _L), X > 0).
no
| ?- _L = [1,2,3],
    % _L szigorúan monoton növény:
    forall(append(_, [A,B|_], _L), A < B).
true ?
```

- forall/2 csak eldöntendő kérdés esetén használható.

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## A Prolog megvalósítás néhány mérföldköve

- 1973: Marseille Prolog (A. Colmerauer et al.)
  - értelmező (interpreter), Fortran nyelven
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos (structure-sharing)
  - veremszervezés: egyetlen verem (csak visszalépéskor szabadul fel)
- 1977: DEC-10 Prolog (D. H. D. Warren)
  - fordítóprogram Prolog és assembly nyelven (+ értelmező Prologban)
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-osztásos
  - veremszervezés: három verem (visszalépéskor felszabadulnak)
    - globális verem (global): struktúra-beli változók, szemégyűjtött
    - fő/lokális verem (main/local): eljárások, választási pontok, változók, determinisztikus lefutáskor felszabadul
    - nyom (trail): változó-behelyettesítések (vágónál felszabadítható)
- 1983: WAM — Warren Abstract Machine (D. H. D. Warren)
  - absztrakt gép Prolog programok végrehajtására
  - kifejezések ábrázolása: struktúra-másolásos (structure-copying)
  - három verem, (ld. DEC-10), a struktúrákat a globális verem tárolja
  - A legtöbb mai Prolog WAM alapú (SICStus, SWI, GNU Prolog, ...)

## Struktúrák ábrázolása – kiegészítő anyag

- A kétféle kifejezés-ábrázolás összehasonlítása:

	struktúra-osztásos	struktúra-másolásos
tárigény:	$O(\text{változók száma})$	$O(\text{struktúra mérete})$
struktúra-építés ideje	konstans	$O(\text{struktúra mérete})$
struktúra-szétszedés	költségesebb	kevésbé költséges

- Struktúra **építése**: egy változónak és egy **programszövegbeli** struktúrának az egyesítése
- FONTOS**: egy változó értékeként megjelenő struktúra egyesítése egy **behelyettesítetlen változóval** mindenképpen **konstans költségű!**
- Példa:
 

```
hosszabbit(L, [1,2,3,...,n|L]).
sokszoroz(0, L) :- !, L = [].
sokszoroz(N, L) :-
    hosszabbit(L0, L), N1 is N-1, sokszoroz(N1, L0).
```
- sokszoroz( $n$ ,  $L$ ) idő- és tárigénye struktúra-osztásnál  $O(n)$ , struktúra-másolásnál  $O(n^2)$
- A gyakorlatban mégis a struktúra-másolásos megoldás a hatékonyabb.

## WAM: Prolog kifejezések tárolása (LBT – low bit tagging scheme)

- Behelyettesítetlen változó:
 

saját cím	REF
-----------	-----
- Változóra való utalás:
 

másik vált. címe	REF
------------------	-----
- Névkonstans:
 

atom tábla index	A	CON
------------------	---	-----
- Egész szám:
 

egész érték	I	CON
-------------	---	-----
- Lista:
 

cím	LIST
-----	------
- Struktúra:
 

cím	STRU
-----	------
- Színek/betűtípusok: *globális vagy fő verem* ill. **csak globális verem**
- A SICStus 3.x rendszer a 4 legmagasabb helyértékű biten tárolta jelzőket (tag) — ezért a veremterületek mérete 256 Mbyte-ban volt korlátozott. (SICStus 4-ben már LBT séma van!)

## WAM: néhány további részlet

- Változók kezelése
  - Két változó egyesítése: a fiatalabbik = az öregebbre utaló **REF**
  - Utalástalanítás**: az (esetleg többtagú) REF-lánc követése
  - Behelyettesítetlen változó  $\equiv$  önmagára mutató utalás  $\Rightarrow$  egyszerűbb utalástalanítás
- Visszalépés
  - Feltételes változó**: olyan behelyettesítetlen változó, amely öregebb mint a legfrissebb választási pont
  - Feltételes változó behelyettesítése esetén a változó címét beírjuk a nyom-verembe
  - Visszalépéskor a nyom alapján „visszacsinaljuk” a változó-behelyettesítéseket, majd a veremeket visszahúzzuk
- SICStus WAM visszafejtő (nem dokumentált, változhat):
 

```
| ?- use_module(library(disassembler)).
(... )
| ?- disassemble(<predikátum>/<argumentumszám>).
```
- A WAM bemutatása (tutorial): <http://wambook.sourceforge.net/>

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- **Determinizmus és indexelés**
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Determinizmus

- Egy hívás **determinisztikus**, ha (legfeljebb) egyféleképpen sikerülhet.
- Egy eljáráshívás egy sikeres végrehajtása **determinisztikusan futott le**, ha nem hagyott választási pontot a híváshoz tartozó részében:
  - vagy **választásmentesen** futott le, azaz létre sem hozott választási pontot (figyelem: ez a Prolog megvalósítástól függ!);
  - vagy létrehozott ugyan választási pontot, de megszüntette (kimerítette, levágta).
- A SICStus Prolog nyomkövetésében **?** jelzi a **nemdeterminisztikus** lefutást:

```

p(1, a). | ?- p(1, X). % det. hívás,
p(2, b). |           1 1 Exit: p(1,a) % det. lefutás
p(3, b). | ?- p(Y, a). % det. hívás,
           ? 1 1 Exit: p(1,a) % nemdet. lefutás
           | ?- p(Y, b), Y > 2. % nemdet. hívás
           ? 1 1 Exit: p(2,b) % nemdet. lefutás
           1 1 Exit: p(3,b) % det. lefutás

```

## A determinisztikus lefutás és a választásmentesség

## Választásmentesség feltételes szerkezetek esetén

- Mi a **determinisztikus lefutás** haszna?
  - a futás gyorsabb lesz,
  - a tárigény csökken,
  - más optimalizálások (pl. jobbrekurzió) alkalmazhatók.
- Hogyan ismerheti fel a fordító a **választásmentességet**
  - egyszerű feltételes szerkezet (vö. Erlang őrfeltétel)
  - indexelés (indexing)
  - vágó és indexelés kölcsönhatása
- Az alábbi definíciók esetén a  $p(\text{Nonvar}, Y)$  hívás **választásmentes**, azaz nem hoz létre választási pontot:

## Egyszerű feltétel

```

p(X, Y) :-
  ( X == 1 -> Y = a
  ; Y = b
  ).

```

## Indexelés

```

p(1, a).
p(2, b).

```

## Indexelés és vágó

```

p(1, Y) :- !,
           Y = a.
p(_, b).

```

- Feltételes szerkezet végrehajtásakor általában választási pont jön létre.
- A **SICStus Prolog** a „( felt -> akkor ; egyébként )” szerkezetet választásmentesen hajtja végre, ha a **felt** konjunkció tagjai csak:
  - aritmetikai összehasonlító eljáráshívások (pl. <, =, ==), és/vagy
  - kifejezés-típust ellenőrző eljáráshívások (pl. atom, number), és/vagy
  - általános összehasonlító eljáráshívások (pl. @<, @=<, ==).
- Választásmentes kód keletkezik a „fej :- felt, !, akkor.” klózból, ha **fej** argumentumai különböző változók, és **felt** olyan mint fent.
- Például választásmentes kód keletkezik az alábbi definíciókból:

```

vektorfajta(X, Y, Fajta) :-
  ( X == 0, Y == 0
    % X=0, Y=0 nem lenne jó
  -> Fajta = null
  ; Fajta = nem_null
  ).

```

```

vektorfajta(X, Y, Fajta) :-
  X == 0, Y == 0, !,
  Fajta = null.
vektorfajta(_X, _Y, nem_null).

```



## Indexelés

- Mi az indexelés?
  - egy adott hívásra illeszthető klózik gyors kiválasztása,
  - egy eljárás klózikainak **fordítási idejű** csoportosításával.
- A legtöbb Prolog rendszer, így a SICStus Prolog is, az első fej-argumentum alapján indexel (first argument indexing).
- Az indexelés alapja az első fejargumentum külső funktora:
  - C szám vagy névkonstans esetén C/0;
  - R nevű és N argumentumú struktúra esetén R/N;
  - változó esetén nem értelmezett.
- Az indexelés megvalósítása:
  - Fordítási időben: funktor  $\Rightarrow$  illeszthető fejjű klózik részhalmaza.
  - Futási időben: a részhalmaz lényegében konstans idejű kiválasztása (hash tábla használatával).
  - **Fontos:** ha egyelemű a részhalmaz, nincs választási pont!

## Példa indexelésre

p(0, a).	/* (1) */	q(1).
p(X, t) :- q(X).	/* (2) */	q(2).
p(s(0), b).	/* (3) */	
p(s(1), c).	/* (4) */	
p(9, z).	/* (5) */	

- A p(A, B) hívással illesztendő klózik:
  - ha A változó, akkor (1) (2) (3) (4) (5)
  - ha A = 0, akkor (1) (2)
  - ha A fő funktora s/1, akkor (2) (3) (4)
  - ha A = 9, akkor (2) (5)
  - minden más esetben (2)
- Példák hívásokra:
  - p(q(1), Y) nem hoz létre választási pontot.
  - p(s(1), Y) létrehoz választási pontot, de determinisztikusan fut le.
  - p(s(0), Y) nemdeterminisztikusan fut le.

## Struktúrák, változók a fejargumentumban

- Ha a klózik szétválasztásához szükség van az első (struktúra) argumentum részeire is, akkor érdemes segédeljárást bevezetni.
- Pl. p/2 és q/2 ekvivalens, de q(Nonvar, Y) determinisztikus lefutású!

p(0, a).	q(0, a).	q_seged(0, b).
p(s(0), b).	q(s(X), Y) :-	q_seged(1, c).
p(s(1), c).	q_seged(X, Y).	
p(9, z).	q(9, z).	

- Az indexelés figyelembe veszi a törzs elején szereplő egyenlőséget: p(X, ...) :- X = Kif, ... esetén Kif funktora szerint indexel.
- Példa: lista hosszának reciproka, üres lista esetén 0:

```
rhossz([], 0).
rhossz(L, RH) :- L = [_|_], length(L, H), RH is 1/H.
```

- A 2. klóz kevésbé hatékony változatai

```
rhossz([X|L], RH) :- length([X|L], H), RH is 1/H.
                    % ^ újra felépíti [X|L]-t.
rhossz(L, RH) :- L \= [], length(L, H), RH is 1/H.
                    % L=[] esetén választási pontot hagy.
```

## Indexelés – további tudnivalók

- Indexelés és aritmetika
  - Az indexelés nem foglalkozik aritmetikai vizsgálatokkal.
  - Pl. az  $N = 0$  és  $N > 0$  feltételek esetén a SICStus Prolog nem veszi figyelembe, hogy ezek kizárják egymást.
  - Az alábbi fakt/2 eljárás lefutása nem-determinisztikus:
 

```
fakt(0, 1).
fakt(N, F) :- N > 0, N1 is N-1, fakt(N1, F1), F is N*F1.
```
- Indexelés és listák
  - Gyakran kell az üres és nem-üres lista esetét szétválasztani.
  - A bemenő lista-argumentumot célszerű az első argumentum-pozícióba tenni.
  - Az [] és [...|...] eseteket az indexelés megkülönbözteti (funktorkuk: '[]' / 0 ill. '.' / 2).
  - A két klóz sorrendje nem érdekes (feltéve, hogy zárt listával hívjuk az első pozíción) – de azért tegyük a leálló klózt mindig előre.

## Listakezelő eljárások indexelése: példák

- Az append/3 választásmentesen fut le, ha első argumentuma zárt végű.  

```
append([], L, L).
append([X|L1], L2, [X|L3]) :- append(L1, L2, L3).
```
- A last/2 közvetlen megfogalmazása nemdeterminisztikusan fut le:  

```
% last(L, E): Az L lista utolsó eleme E.
last([E], E).
last(_[_|L], E) :- last(L, E).
```
- Érdekes segédeljárást bevezetni, last2/2 választásmentesen fut  

```
last2([X|L], E) :- last2(L, X, E).

% last2(L, X, E): Az [X|L] lista utolsó eleme E.
last2([], E, E).
last2([X|L], _, E) :- last2(L, X, E).
```
- Az utolsó listaelemet választásmentesen felsoroló member/2:  

```
member(E, [H|T]) :- member_(T, H, E).

% member_(L, X, E): Az [X|L] lista eleme E.
member_(_, E, E).
member_([H|T], _, E) :- member_(T, H, E).
```

## Az indexelés és a vágó kölcsönhatása

- Hogyan vehető figyelembe a vágó az indexelés fordításakor?
- Példa: a p(1, A) hívás választásmentes, de a q(1, A) nem!  

```
p(1, Y) :- !, Y = 2. % (1)
p(X, X). % (2)
Arg1=1 → (1), Arg1≠1 → (2)

q(1, 2) :- !. % (1)
q(X, X). % (2)
Arg1=1 → {(1),(2)}, Arg1≠1 → (2)
```
- A fordító figyelembe veszi a vágót az indexelésben, ha garantált, hogy egy adott fő funktor esetén a vágót elérjük. Ennek feltételei:
  - 1. arg. változó, konstans, vagy csak változókat tartalmazó struktúra,
  - a további argumentumok változók,
  - a fejen az összes változóelőfordulás különböző,
  - a törzs első hívása a vágó (előtte megengedve egy fejillesztést kiváltó egyenlőséget).
- Ekkor az adott funktorhoz tartozó listából kihagyja a vágó utáni klózoikat.
- Példa: p(X, D, E) :- X = s(A, B, C), !, ... p(X, Y, Z) :- ...
- Ez egy újabb érv a vágás alapszabálya mellett:

A kimenő paraméterek értékadását mindig a vágó után végezzük!

## A vágó és az indexelés hatékonysága – kieg. anyag

- Fibonacci-szerű sorozat:  $f_1 = 1$ ;  $f_2 = 2$ ;  $f_n = f_{\lfloor 3n/4 \rfloor} + f_{\lfloor 2n/3 \rfloor}$ ,  $n > 2$   

```
% determ. xx=' ' | % determ. lefut. xx='c' | % választásmentes, xx='ci'
fib(1, 1). fibc(1, 1) :- !. fibci(1, F) :- !, F = 1.
fib(2, 2). fibc(2, 2) :- !. fibci(2, F) :- !, F = 2.
fib(N, F) :- fibc(N, F) :- fibci(N, F) :-
    N > 2, N2 is N*3//4, N3 is N*2//3,
    fibxx(N2, F2), fibxx(N3, F3),
    F is F2+F3.
```

- Futási idők  $N = 6000$  esetén

	fib	fibc	fibci
futási idő	1.25 sec	1.22 sec	1.13 sec
meghiúsulási idő	0.29 sec	0.03 sec	0.00 sec
összesen	1.54 sec	1.25 sec	1.13 sec
nyom-verem mérete	37.4Mbyte	18.7 Mbyte	240 byte

- fibc esetén a meghiúsulási idő azért nem 0, mert a rendszer a nyom-vermet (trail-stack) dolgozza fel. (A nyom-verem tárolja a változó-értékadások visszacsinálási információit.)

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Jobbrekurzió (farok-rekurzió, tail-recursion) optimalizálás

- Az általános rekurzió költséges, helyben és időben is.
- Jobbrekurzióról beszélünk, ha
  - a rekurzív hívás a klóztörzs utolsó helyén van, vagy az utolsó helyen szereplő diszjunkció egyik ágának utolsó helyén stb., és
  - a rekurzív hívás pillanatában **nincs választási pont a predikátumban** (a rekurzív hívást megelőző célok determinisztikusan futottak le, nem maradt nyitott diszjunkciós ág).
- Jobbrekurzió optimalizálás: az utolsó hívás végrehajtása **előtt** az eljárás által lefoglalt hely felszabadul ill. személygyűjtésre alkalmassá válik.
- Ez az optimalizálás nemcsak rekurzív hívás esetén, hanem minden **utolsó** hívás esetén megvalósul – a pontos név: utolsó hívás optimalizálás (last call optimisation).
- A jobbrekurzió így tehát nem növeli a memória-igényt, korlátlan mélységig futhat – mint a ciklusok az imperatív nyelvekben. Példa:
 

```
ciklus(Állapot) :- lépés(Állapot, Állapot1), !, ciklus(Állapot1).
ciklus(_Állapot).
```

## Az akkumulátorok használata

- Az akkumulátorokkal általánosan több egymás utáni változtatást is leírhatunk:
 

```
p(..., A0, A):-
    q0(..., A0, A1), ...,
    q1(..., A1, A2), ...,
    qn(..., An, A).
```
- A `sum3/3` második klóza ilyen alakra hozva:
 

```
sum3([X|L], S0, S):- plus(X, S0, S1), sum3(L, S1, S).
plus(X, S0, S) :- S is S0+X.
```
- Akkumulátorváltozók elnevezési konvenciója: kezdőérték: *Vált0*; közbülső értékek: *Vált1*, ..., *Váltn*; végérték: *Vált*.
- A Prolog akkumulátorpár nem más mint a funkcionális programozásból ismert gyűjtőargumentum és a függvény eredményének együttese.
- A DCG formalizmus – akkumulátorpárok automatikus „átszövése”:
 

```
sum3([X|L]) --> plus(X), sum3(L).
```

## Predikátumok jobbrekurzív alakra hozása – listaösszeg

- A listaösszegzés „természetes”, nem jobbrekurzív definíciója:
 

```
% sum0(+L, ?S): L elemeinek összege S (S = 0+Ln+Ln-1+...+L1).
sum0([], 0).
sum0([X|L], S):- sum0(L,S0), S is S0+X.
```
- Jobbrekurzív lista-összegző:
 

```
% sum(+L, ?S): L elemeinek összege S (S = 0+L1+L2+...+Ln).
sum(L, S):- sum(L, 0, S).
% sum(+L, +S0, ?S): L elemeit S0-hoz adva kapjuk S-t. (≡ Σ L = S-S0)
sum([], S, S).
sum([X|L], S0, S):- S1 is S0+X, sum(L, S1, S).
```
- A jobbrekurzív `sum` eljárás több mint **3-szor gyorsabb** mint a `sum0`!
- Az **akkumulátor** az imperatív (azaz megváltoztatható értékű) változó fogalmának deklaratív megfelelője:
  - A `sum/3`-ban az `S0` és `S` argumentumok akkumulátorpárt alkotnak.
  - Az akkumulátorpár két része az adott változó mennyiség (a példában az összeg) különböző időpontokban vett értékeit mutatja:
    - `S0` az összeg a `sum/3` **meghívásakor**: a változó kezdőértéke;
    - `S` az összeg a `sum/3` **lefutása után**: a változó végértéke.

## Akkumulátorok használata – folytatás

- Többszörös akkumulálás – lista összege és négyzetösszege
 

```
% sum2(+L, +S0, ?S, +Q0, ?Q): S-S0 = Σ Li, Q-Q0 = Σ Li2
sum2([], S, S, Q, Q).
sum2([X|L], S0, S, Q0, Q):-
    S1 is S0+X, Q1 is Q0+X*X, sum2(L, S1, S, Q1, Q).
```
- Többszörös akkumulátorok összevonása egyetlen **állapotváltozóvá**

```
% sum3(+L, +S0/Q0, ?S/Q): S-S0 = Σ Li, Q-Q0 = Σ Li2
sum3([], SQ, SQ).
sum3([X|L], SQ0, SQ) :-
    plus3(X, SQ0, SQ1), sum3(L, SQ1, SQ).
% teljesen analóg a "sima" összegzővel

plus3(X, S0/Q0, S/Q) :- S is S0+X, Q is Q0+X*X.
```

## Különbséglisták

- A revapp mint akkumuláló eljárás  
`% revapp(Xs, L0, L): Xs megfordítását L0 elé fűzve kapjuk L-t.`  
`% Másképpen: Xs megfordítása L-L0.`  
`revapp([], L, L).`  
`revapp([X|Xs], L0, L) :-`  
`L1 = [X|L0], revapp(Xs, L1, L).`
- Az L-L0 jelölés (különbséglista): az a lista, amelyet úgy kapunk, hogy L végéről elhagyjuk L0-t (ez feltételezi, hogy L0 szuffixuma L-nek).
- Például az [1,2,3] listának megfelelő különbséglisták:
  - [1,2,3,4]-[4], [1,2,3,a,b]-[a,b], [1,2,3]-[], ...
  - A legáltalánosabb (nyílt) különbséglistában a „kivonandó” változó:  
`[1,2,3|L]-L`
- Egy nyílt különbséglista konstans időben összefűzhető egy másikkal:  
`% app_dl(DL1, DL2, DL3): DL1 és DL2 különbséglisták összefűzése DL3.`  
`app_dl(L-L0, L0-L1, L-L1).`  
`| ?- app_dl([1,2,3|L0]-L0, [4,5|L1]-L1, DL).`  
`=> DL = [1,2,3,4,5|L1]-L1, L0 = [4,5|L1]`
- A nyílt különbséglista „egyszer használatos”, egy hozzáfűzés után már nem lesz nyílt!

## Különbséglisták (folyt. – kiegészítő anyag)

- Példa: lineáris idejű listafordítás, nrev stílusában, különbséglistával:  
`% nrev(L, DR): Az L lista megfordítása a DR különbséglista.`  
`nrev_dl([], L-L).` % L-L  $\equiv$  üres különbséglista  
`nrev_dl([X|L], DR) :-`  
`nrev_dl(L, DR0),`  
`app_dl(DR0, [X|T]-T, DR).` % [X|T]-T  $\equiv$  egyelemű különbséglista  
`% app_dl(DL1, DL2, DL3): DL1 és DL2 különbséglisták összefűzése DL3.`  
`app_dl(L-L0, L0-L1, L-L1).`  
`% Az L lista megfordítása R`  
`rev(L, R) :- nrev_dl(L, R-[]).`
- Az nrev\_dl/2 eljárás törzsében érdemes a két hívást megcserélni (jobbrekurzió!).
- `nrev_dl(L, R-R0)  $\implies$  rev2(L, R0, R)` átalakítással és `app_dl` kiküszöbölésével a fenti nrev\_dl/2 eljárásból kapunk egy rev2/3-t, amely azonos revapp/3-mal!
- Ettől az átalakítástól kb **3-szor gyorsabb** lesz a program  $\implies$  érdemes a különbséglisták helyett akkumulátorpárokat használni!
- **A továbbiakban a különbséglista jelölést csak a fejkommentek megfogalmazásában használjuk.**

## Az append mint akkumuláló eljárás (kiegészítő anyag)

- Írjunk egy `eleje_marad(Eleje, L, Marad)` eljárást!  
`% eleje_marad(Eleje, L, Marad): Az L lista prefixuma az Eleje lista,`  
`% ennek L-ből való elhagyása után marad a Marad lista.`  
`eleje_marad([], L, L).`  
`eleje_marad([X|Xs], L0, L) :-`  
`L0 = [X|L1], eleje_marad(Xs, L1, L).`
- Az akkumulálási lépés: `L0 = [X|L1]`, egy elem **elhagyása** a lista elejéről.
- A 2. és 3. argumentum felcserélésével az `eleje_marad` eljárás átalakul az `append` eljárássá!
- Tehát az `append` is tekinthető akkumuláló eljárásnak (a 2. és 3. argumentum a szokásos akkumulátorpárokhoz képest fel van cserélve):  
`% append(Xs, L, L0): L0 elejéről Xs elemeit elhagyva marad L.`  
`% Másképpen: Xs = L0-L.`  
`append([], L, L).`  
`append([X|Xs], L, L0) :-`  
`L0 = [X|L1], append(Xs, L, L1).`
- Az akkumulálási lépés: az `L0` változó értékül kap egy listát, melynek farka `L1`, az akkumulált mennyiség: az a változó, amelyben az összefűzés eredményét várjuk.

## Tartalom

### 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

Egy mintafeladat:  $a^n b^n$  alakú sorozat előállítás (kieg. anyag)● Első megoldás,  $3n$  lépés

```
% anbn(N, L): Az L lista N db a-ból
% és azt követő N db b-ből áll.
anbn(N, L) :-
    an(N, a, AN),
    an(N, b, BN),
    append(AN, BN, L).

% an(N, A, L): L az A elemet N-szer
% tartalmazó lista
an(0, _A, L) :- !, L = [].
an(N, A, [A|L]) :-
    N > 0,
    N1 is N-1,
    an(N1, A, L).
```

● Második megoldás,  $2n$  lépés

```
anbn(N, L) :-
    an(N, b, [], BN),
    an(N, a, BN, L).

% an(N, A, L0, L): L-L0 az A
% elemet N-szer tartalmazó lista
an(0, _A, L0, L) :- !, L = L0.
an(N, A, L0, [A|L]) :-
    N > 0,
    N1 is N-1,
    an(N1, A, L0, L).
```

 $a^n b^n$  alakú sorozatok (kieg. anyag, folyt.)● Harmadik megoldás,  $n$  lépés

```
anbn(N, L) :-
    anbn(N, [], L).

% anbn(N, L0, L): Az L-L0 lista N db a-ból és azt követő N db b-ből áll.
anbn(0, L0, L) :- !, L = L0.
anbn(N, L0, [a|L]) :-
    N > 0,
    N1 is N-1,
    anbn(N1, [b|L0], L).
```

## ● A második klóz nem jobbrekurzív változata

```
anbn(N, L0, L) :-
    N > 0, N1 is N-1,
    L1 = [b|L0], % 1. lépés: L0 elé b => L1
    anbn(N1, L1, L2), % 2. lépés: L1 elé a^N1 b^N1 => L2
    L = [a|L2]. % 3. lépés: L2 elé a => L
```

 $a^n b^n$  alakú sorozatok – C++ megoldás (kiegészítő anyag)

## ● C++ megoldás

```
link *anbn(unsigned n) {
    link *l = 0, *b = 0; // ez elé építjük a b-ket
    link **a = &l; // ebbe tesszük az a-kat
    for (; n > 0; --n) {
        *a = new link('a'); // előlről
        a = &(*a)->next; // hátra épít
        b = new link('b', b); // hátulról előre épít
    }
    *a = b; return l;
}
```

## Összetettebb adatstruktúrák akkumulálása (kiegészítő anyag)

## ● Az adatstruktúra:

```
% :- type bfa -> ures ; bfa(int, bfa, bfa).
```

## ● A fa csomópontjaiban tároljuk a számértékeket, a levelek nem tárolnak információt.

## ● Egészek gyűjtése rendezett bináris fában

- beszur(BFa0, E, BFa): Az E egész számnak a BFa0 fába való beszúrása a BFa bináris fát eredményezi.
- Itt BFa0 és BFa egy akkumulátorpár, de az indexelés érdekében BFa0 az első argumentum-pozícióba kerül.

## ● Példafutás:

```
| ?- beszur(ures, 3, Fa0),
    beszur(Fa0, 1, Fa1),
    beszur(Fa1, 5, Fa2).
```

```
Fa0 = bfa(3,ures,ures),
```

```
Fa1 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),ures),
```

```
Fa2 = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ?
```

## Akkumulálás bináris fákkal (kieg. anyag)

## ● Elem beszúrása bináris fába

```
% beszur(BF0, E, BF): E beszúrása BF0 rendezett fába
% a BF rendezett fát adja
% :- pred beszur(bfa::in, int::in, bfa::out).
beszur(ures, Elem, bfa(Elem, ures, ures)).
beszur(BF0, Elem, BF):-
    BF0 = bfa(E,B,J), % az indexelés működik!
    ( Elem == E -> BF = BF0
    ; Elem < E ->
        BF = bfa(E,B1,J),
        beszur(B, Elem, B1)
    ; BF = bfa(E,B,J1),
        beszur(J, Elem, J1)
    ).
```

## Akkumulálás bináris fákkal – kieg. anyag, folyt.

## ● Lista konverziója bináris fává

```
% lista_bfa(L, BF0, BF): L elemeit beszúrva BF0-ba kapjuk BF-t.
% :- pred lista_bfa(list(int)::in, bfa::in, bfa::out).
lista_bfa([], BF, BF).
lista_bfa([E|L], BF0, BF):-
    beszur(BF0, E, BF1),
    lista_bfa(L, BF1, BF).

| ?- lista_bfa([3,1,5], ures, BF).
BF = bfa(3,bfa(1,ures,ures),bfa(5,ures,ures)) ? ;
no

| ?- lista_bfa([3,1,5,1,2,4], ures, BF).
BF = bfa(3,bfa(1,ures,bfa(2,ures,ures)),
        bfa(5,bfa(4,ures,ures),ures)) ? ;
no
```

## Akkumulálás bináris fákkal – kieg. anyag, folyt.

## ● Bináris fa konverziója listává

```
% bfa_lista(BF, L0, L): A BF fa levelei az L-L0 listát adják.
% :- pred bfa_lista(bfa::in, list(int)::in,
%                 list(int)::out).
bfa_lista(ures, L, L).
bfa_lista(bfa(E, B, J), L0, L) :-
    bfa_lista(J, L0, L1),
    bfa_lista(B, [E|L1], L).
```

## ● Rendezés bináris fával

```
% L lista rendezettje R.
% :- pred rendez(list(int)::in, list(int)::out).
rendez(L, R):-
    lista_bfa(L, ures, BF), bfa_lista(BF, [], R).

| ?- rendez([1,5,3,1,2,4], R).
R = [1,2,3,4,5] ? ;
no
```

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Hogyan írjunk át imperatív nyelvű algoritmust Prolog programmá?

- Példafeladat: Hatékony hatványozási algoritmus
  - Alaplépés: a kitevő felezése, az alap négyzetre emelése.
  - A kitevő kettes számrendszerbeli alakja szerint hatványoz.
- Az algoritmust megvalósító C nyelvű függvény:

```
/* hatv(a, h) = a**h */
int hatv(int a, unsigned h)
{
    int e = 1;
    while (h > 0)
    {
        if (h & 1) e *= a;
        h >>= 1; a *= a;
    }
    return e;
}
```

- Az algoritmusban három változó van: a, h, e:
  - a és h végértékére nincs szükség,
  - e végső értéke szükséges (ez a függvény eredménye).

## A hatv C függvénynek megfelelő Prolog eljárás

- Kétargumentumú C függvény  $\implies$  2+1-argumentumú Prolog eljárás.
- A függvény eredménye  $\implies$  utolsó arg.:  $\text{hatv}(+A, +H, ?E): A^H = E$ .
- Ciklus  $\implies$  segédeljárás:  $\text{hatv}(+A0, +H0, +E0, ?E): A0^{H0} * E0 = E$ .
- »a« és »h« C változók  $\implies$  »+A0« és »+H0« bemenő *paraméterek* (nem kell végérték),  
»e« C változó  $\implies$  »+E0, ?E« *akkumulátorpár* (kezdőérték, végérték).

<pre>hatv(A, H, E) :-     hatv(A, H, 1, E).  hatv(A0, H0, E0, E) :- H0 &gt; 0, !,     (   H0 /\ 1 == 1         % /\ <math>\equiv</math> bitenkénti "és"     -&gt;  E1 is E0*A0     ;   E1 = E0     ),     H1 is H0 &gt;&gt; 1,     A1 is A0*A0,     hatv(A1, H1, E1, E). hatv(_, _, E, E).</pre>	<pre>int hatv(int a, unsigned h) {     int e = 1;     ism: if (h &gt; 0)         { if (h &amp; 1)             e *= a;           h &gt;&gt;= 1;           a *= a;           goto ism;         } else return e; }</pre>
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## A C ciklus és a Prolog eljárás kapcsolata

- A ciklust megvalósító Prolog eljárás minden pontján minden C változónak megfeleltethető egy Prolog változó (pl. h-nak H0, H1, ...):
  - A ciklusmag elején a C változók a megfelelő Prolog argumentumban levő változónak felelnek meg.
  - Egy C értékadásnak egy új Prolog változó bevezetése felel meg, az ez után következő kódban az új változó felel meg a C változónak.
  - Ha a diszjunkció egyik ága megváltoztat egy változót, akkor a többi ágon is be kell vezetni az új Prolog változót, a régivel azonos értékkel (ld. `if (h & 1) ...`).
- A C ciklusmag végén a Prolog eljárást vissza kell hívni, argumentumaiban az egyes C változóknak pillanatnyilag megfeleltetett Prolog változóval.
- A C ciklus **ciklus-invariánsa** nem más mint a Prolog eljárás fejkommentje, a példában:

```
% hatv(+A0, +H0, +E0, ?E): A0H0 * E0 = E.
```

## Programhelyesség-bizonyítás (kiegészítő anyag)

- Egy algoritmus (függvény) specifikációja:
  - **előfeltételek**: a bemenő paramétereknek teljesíteniük kell ezeket,
  - **utófeltételek**: a paraméterek és az eredmény kapcsolatát írják le.
- Egy algoritmus **helyes**, ha minden, az előfeltételeket kielégítő adatra a függvény hibátlanul lefut, és eredményére fennállnak az utófeltételek.
- Példa:  $x = \text{mfoku\_gyok}(a, b, c)$ 
  - előfeltételek:  $b*b-4*a*c \geq 0$ ,  $a \neq 0$
  - utófeltétel:  $a*x*x+b*x+c = 0$
  - a program:
 

```
double mfoku_gyok(a, b, c)
double a, b, c;
{ double d = sqrt(b*b-4*a*c);
  return (-b+d)/2/a;
}
```
- A program helyességének bizonyítása lineáris kódra viszonylag egyszerű.

## Ciklikus programok helyességének bizonyítása (kieg. anyag)

- A ciklusokat „fel kell vágni” egy **ciklus-invariánssal**, amely:
  - az előfeltételekből és a ciklust megelőző értékadásokból következik,
  - ha a ciklus elején fennáll, akkor a ciklus végén is (indukció),
  - belőle és a leállási feltételből következik a ciklus utófeltétele.

```
int hatv(int a0, unsigned h0) /*utófeltétel: hatv(a0, h0) = a0h0 */
{ int e = 1, a = a0, h = h0;
  while /*ciklus-invariáns: a0h0 == e*ah */ (h > 0)
  {
    /* induláskor a kezdőértékek alapján triviálisan fennáll */
    if (h & 1) e *= a;          /* e' = e * ah&1 */
    h >>= 1;                  /* h' = (h-(h&1))/2 */
    a *= a;                   /* a' = a*a */
  }
  /* indukció: e'*ah' = ... = e*ah */
  return e;
  /* Az invariánssból h = 0 miatt következik az utófeltétel */
}
```

## Tartalom

### 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- **Modularitás**
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Modulok definiálása SICStus Prolog nyelven

- Minden modul külön állományba kell kerülni.
- Az állomány első programeleme egy modul-parancs kell legyen:
 

```
:- module( ModulNév, [ExpFunktor1, ExpFunktor2, ...]).
```
- *ExpFunktor* = az exportálandó eljárás funktora (név/arg.szám)
- Példa:
 

```
:- module(platók, [fennsík/3]).      % plato állomány első sora
```
- Modul-betöltésre szolgáló beépített eljárások:
  - `use_module(ÁllományNév)`
  - `use_module(ÁllományNév, [ImpFunktor1, ImpFunktor2, ...])`  
*ImpFunktor* – az importálandó eljárás funktora
  - *ÁllományNév* lehet névkonstans, vagy pl. `library(KönyvtárNév)`:
 

```
:- use_module(plato).                % a fenti modul betöltése
:- use_module(library(lists), [last/2]). % csak last/2 importált
```
- Modulkvalifikált hívási forma: *Modul:Hívás* a *Modul*-ban futtatja *Hívás*-t.
- A modulfogalom nem szigorú, egy nem exportált eljárás is meghívható modulkvalifikált formában, pl. `platók:első_fennsík(...)`.

## Meta-eljárások modularizált programban

- Meta-paraméterek átadása modulközi hívásokban:

modul1.pl állomány:

```
:- module(modul1, [kétszer/1]).
```

```
%:- meta_predicate kétszer(:). (*)
```

```
kétszer(X) :-
    X, X.
```

```
p :- write(bu).
```

modul2.pl állomány:

```
:- module(modul2, [q/0,r/0]).
```

```
:- use_module(modul1).
```

```
q :- kétszer(p).
```

```
r :- kétszer(modul2:p).
```

```
p :- write(ba).
```

- Futtatás:

```
| ?- [modul1,modul2].
```

```
| ?- q. => bubu
```

```
| ?- r. => baba
```

- Automatikus modul-kvalifikáció meta-predikátum deklarációval:  
Ha `modul1.pl`-ben elhagyjuk a `(*)`-gal jelzett sor előtti `%` kommentjelet, akkor

```
| ?- q. => baba!
```



## Meta-predikátum deklaráció, modulnév-kiterjesztés

- Meta-predikátum deklaráció
  - Formája:
 

```
:- meta_predicate <eljárásnév>(<módspec1>, ..., <módspecn>),
....
```

    - $\langle \text{módspec}_i \rangle$  lehet ‘:’, ‘+’, ‘-’, vagy ‘?’.
    - A ‘:’ mód azt jelzi, hogy az adott argumentumot **betöltéskor** ún. modulnév-kiterjesztésnek kell alávetni. (A többi mód hatása azonos, be/kimenő irányt jelezhetünk segítségükkel.)
  - Egy *Kif* kifejezés modulnév-kiterjesztése a következő átalakítást jelenti:
    - ha *Kif*  $M: X$  alakú, vagy olyan változó, amely az adott eljárás fejében meta-argumentum pozíción van, akkor változatlanul hagyjuk;
    - egyébként helyettesítjük *CurMod*:*Kif*-fel, ahol *CurMod* a kurrens modul.
  - Példa folyt. (tfh. a modul1-beli kétszer meta-predikátumnak deklarált!)
 

```
:- module(modul2, [négyszer/1,q/0]).
:- use_module(modul1).
q :- kétszer(p).

:- meta_predicate négyszer(:).
négyszer(X) :- kétszer(X), kétszer(X).  $\implies$  változatlan
```

## Tartalom

- 6 Haladó Prolog
  - Meta-logikai eljárások
  - Megoldásgyűjtő beépített eljárások
  - A keresési tér szűkítése
  - Vezérlési eljárások
  - A Prolog megvalósítási módszereiről
  - Determinizmus és indexelés
  - Jobbrekurzió és akkumulátorok
  - Listák és fák akkumulálása – példák
  - Imperatív programok átírása Prologba
  - Modularitás
  - Magasabbrendű eljárások
    - Dinamikus adatbáziskezelés
    - Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
    - Egy összetettebb példaprogram
    - „Hagyományos” beépített eljárások
    - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Magasabbrendű eljárások – listakezelés

- Magasabbrendű (vagy meta-eljárás) egy eljárás,
  - ha eljárásként értelmezi egy vagy több argumentumát
  - pl. `call/1`, `findall/3`, `\+ /1` stb.
- Listafeldolgozás `findall` segítségével – példák
  - Páros elemek kiválasztása (vö. Erlang filter)
 

```
% Az L egész-lista páros elemeinek listája Pk.
páros_elemei(L, Pk) :-
    findall(X, (member(X, L), X mod 2 =:= 0), Pk).

| ?- páros_elemei([1,2,3,4], Pk).  $\implies$  Pk = [2,4]
```
  - A listaelemek négyzetre emelése (vö. Erlang map)
 

```
% Az L számlista elemei négyzeteinek listája Nk.
négyzetei(L, Nk) :-
    findall(Y, (member(X, L), négyzete(X, Y)), Nk).

négyzete(X, Y) :- Y is X*X.

| ?- négyzetei([1,2,3,4], Nk).  $\implies$  Nk = [1,4,9,16]
```

## Részlegesen paraméterezett eljáráshivások – segédeszközök

- A `négyzete/0` kifejezés a `négyzete/2` **részlegesen paraméterezett** hívásának tekinthető.
- Ilyen hívások kiegészítésére és meghívására szolgálnak a `call/N` eljárások.
- `call(RPred, A1, A2, ...)` végrehajtása: az `RPred` **részleges** hívást kiegészíti az `A1`, `A2`, ... argumentumokkal, és meghívja.
- A `call/N` eljárások SICStus 4-ben már beépítettek, SICStus 3-ban még definiálni kellett ezeket, pl. így:
 

```
:- meta_predicate call(:, ?), call(:, ?, ?), ....

% Pred az A utolsó argumentummal meghívva igaz.
call(M:Pred, A) :-
    Pred =.. FAs0, append(FAs0, [A], FAs1),
    Pred1 =.. FAs1, call(M:Pred1).

% Pred az A és B utolsó argumentumokkal meghívva igaz.
call(M:Pred, A, B) :-
    Pred =.. FAs0, append(FAs0, [A,B], FAs2),
    Pred2 =.. FAs2, call(M:Pred2).

....
```

- Részleges paraméterezéssel a map/3 meta-eljárás rekurzívan definiálható:

```
% map(Xs, Pred, Ys): Az Xs lista elemeire a Pred transzformációt  
% alkalmazva kapjuk az Ys listát.
```

```
map([X|Xs], Pred, [Y|Ys]) :-  
    call(Pred, X, Y), map(Xs, Pred, Ys).  
map([], _, []).
```

```
másodfokú_képe(P, Q, X, Y) :- Y is X*X + P*X + Q.
```

- Példák:

```
| ?- map([1,2,3,4], négyzete, L).           => L = [1,4,9,16]  
| ?- map([1,2,3,4], másodfokú_képe(2,1), L). => L = [4,9,16,25]
```

- A call/N-re épülő megoldás előnyei:

- általánosabb és hatékonyabb lehet, mint a findall-ra épülő;
- alkalmazható akkor is, ha az elemekre elvégzendő műveletek nem függetlenek, pl. foldl.

- % foldl(+Xs, :Pred, +Y0, -Y): Y0-ból indulva, az Xs elemeire  
% balról jobbra sorra alkalmazva a Pred által leírt  
% kétargumentumú függvényt kapjuk Y-t.*

```
foldl([X|Xs], Pred, Y0, Y) :-  
    call(Pred, X, Y0, Y1), foldl(Xs, Pred, Y1, Y).  
foldl([], _, Y, Y).
```

```
jegyhozzá(Alap, Jegy, Szam0, Szam) :- Szam is Szam0*Alap+Jegy.
```

```
| ?- foldl([1,2,3], jegyhozzá(10), 0, E). => E = 123
```

- % foldr(+Xs, :Pred, +Y0, -Y): Y0-ból indulva, az Xs elemeire jobbról  
% balra sorra alkalmazva a Pred kétargumentumú függvényt kapjuk Y-t.*

```
foldr([X|Xs], Pred, Y0, Y) :-  
    foldr(Xs, Pred, Y0, Y1), call(Pred, X, Y1, Y).  
foldr([], _, Y, Y).
```

```
| ?- foldr([1,2,3], jegyhozzá(10), 0, E). => E = 321
```

## Tartalom

### 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Dinamikus predikátumok

- A dinamikus predikátum jellemzői:
  - a program szövegében lehet 0 vagy több klóza;
  - futási időben hozzáadhatunk és elvehetünk klózokat belőle;
  - végrehajtása mindenképpen interpretált.
- Létrehozása
  - programszövegbeli deklarációval:
 

```
:- dynamic(Eljárásnév/Argumentumszám).
```

 (ha van klóza a programban, akkor az első előtt – ilyenkor kötelező);
  - futási időben, adatbáziskezelő beépített eljárással
- Adatbáziskezelő eljárások („adatbázis” = a program klózainak összessége):
  - klóz felvétele első, utolsó helyre: `asserta/1`, `assertz/1`
  - klóz törlése (illesztéssel, többszörösen sikerülhet): `retract/1`
  - klóz lekérdezése (illesztéssel, többszörösen sikerülhet): `clause/2`
- A klózfelvétel ill. törlés **tartós** mellékhatás, visszalépéskor **nem** áll vissza a korábbi állapot.

Klóz felvétele: `asserta/1`, `assertz/1`

- `asserta(:@Klóz)`
  - A Klóz kifejezést klózként értelmezve felveszi a programba az adott predikátum *első* klózaként. A Klózban levő változók szisztematikusan újakra cserélődnek.
  - A '@' mód jelentése: tisztán bemenő paraméter, az eljárás a paraméterbeli változókat nem helyettesíti be (a '+' mód speciális esete).
  - A ':' mód modul-kvalifikált paramétert jelez.
- `assertz(:@Klóz)`
  - Ugyanaz mint `asserta`, csak a Klóz kifejezést az adott predikátum *utolsó* klózaként veszi fel.

## • Példa:

```
| ?- assertz((p(1,X):-q(X))), asserta(p(2,0)),
    assertz((p(2,Z):-r(Z))), listing(p). => p(2, 0).
   p(1, A) :- q(A).
   p(2, A) :- r(A).

| ?- assert(s(X,X)), s(U,V), U == V, X \== U.
=> V = U ? ; no
```

Klóz törlése: `retract/1`

- `retract(:@Klóz)`
  - A Klóz klóz-kifejezésből megállapítja a predikátum funktorát.
  - Az adott predikátum klózeit sorra megpróbálja illeszteni Klóz-zal.
  - Ha az illesztés sikerült, akkor kitörli a klózt és sikeresen lefut.
  - Visszalépés esetén folytatja a keresést (illeszt, töröl, sikerül stb.)

## • Példa (folytatás):

```
| ?- listing(p), Cl = (p(2,_):-_),
    retract(Cl), format('Del: ~w.\n', [Cl]), listing(p), fail.
```

## • A futás kimenete:

<pre>p(2, 0). p(1, A) :-     q(A). p(2, A) :-     r(A).</pre>	<pre>Del: p(2,0):-true. p(1, A) :-     q(A). p(2, A) :-     r(A).</pre>	<pre>Del: p(2,_537):-r(_537). p(1, A) :-     q(A).</pre>
=> no		

Alkalmazási példa – egyszerűsített `findall`

- A `findall1/3` eljárás hatása megegyezik a beépített `findall`-lal, de
  - nem jó, ha a Cél-ban újabb, skatulyázott `findall1` hívás van.

```
:- dynamic(megoldás/1).
```

```
% findall1(Minta, Cél, L): Cél összes megoldására Minták listája L.
```

```
findall1(Minta, Cél, _MegoldL) :-
    call(Cél),
    asserta(megoldás(Minta)), % fordított sorrendben vesszük fel!
    fail.
```

```
findall1(_Minta, _Cél, MegoldL) :-
    megoldás_lista([], MegoldL).
```

```
% A megoldás/1 tényállításokban tárolt kifejezések
```

```
% fordított listája L-L0.
```

```
megoldás_lista(L0, L) :-
    retract(megoldás(M)), !,
    megoldás_lista([M|L0], L).
megoldás_lista(L, L).
```

```
| ?- findall1(Y, (member(X,[1,2,3]),Y is X*X), ML). => ML = [1,4,9]
```

Klóz lekérdezése: `clause/2`

- `clause(:@Fej, ?Törzs)`
  - A Fej alapján megállapítja a predikátum funktorát.
  - Az adott predikátum klózeit sorra megpróbálja illeszteni a Fej :- Törzs kifejezéssel (tényállítás esetén Törzs = true).
  - Ha az illesztés sikerült, akkor sikeresen lefut.
  - Visszalépés esetén folytatja a keresést (illeszt, sikerül stb.)

## •

## • Példa:

```
:- listing(p), clause(p(2, 0), T).
```

<pre>p(2, 0). p(1, A) :-     q(A). p(2, A) :-     r(A).</pre>	<pre>T = true ? ; T = r(0) ? ; no</pre>
---------------------------------------------------------------	-----------------------------------------

## A clause eljárás alkalmazása: egyszerű nyomkövető interpreter

- Az alábbi interpreter csak „tisztá”, beépített eljárást nem alkalmazó Prolog programok futtatására alkalmas.

```
% interp(G, D): A G cél futását D bekezdésű nyomkövetéssel mutatja.
interp(true, _) :- !.
interp((G1, G2), D) :- !,
    interp(G1, D), interp(G2, D).
interp(G, D) :-
    ( trace(G, D, call)
    ; trace(G, D, fail), fail % követi a fail kaput, tovább-hiúsul
    ),
    D2 is D+2,
    clause(G, B), interp(B, D2),
    ( trace(G, D, exit)
    ; trace(G, D, redo), fail % követi a redo kaput, tovább-hiúsul
    ).

% A G cél áthaladását a Port kapun D bekezdésű nyomkövetéssel mutatja.
trace(G, D, Port) :-
    /*D szöközt ír ki:*/ format('~|~t~*+', [D]),
    write(Port), write(': '), write(G), nl.
```

## Nyomkövető interpreter - példafutás

```
:- dynamic app/3, app/4. % (*)
app([], L, L).
app([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    app(L1, L2, L3).

app(L1, L2, L3, L123) :-
    app(L1, L23, L123),
    app(L2, L3, L23).

| ?- interp(app(_, [b,c], L, [c,b,c,b]), 0).
call: app(_203, [b,c], _253, [c,b,c,b])
call: app(_203, _666, [c,b,c,b])
exit: app([], [c,b,c,b], [c,b,c,b])
call: app([b,c], _253, [c,b,c,b])
fail: app([b,c], _253, [c,b,c,b])
redo: app([], [c,b,c,b], [c,b,c,b])
call: app(_873, _666, [b,c,b])
exit: app([], [b,c,b], [b,c,b])
exit: app([c], [b,c,b], [c,b,c,b])
call: app([b,c], _253, [b,c,b])
call: app([c], _253, [c,b])
call: app([], _253, [b])
exit: app([], [b], [b])
exit: app([c], [b], [c,b])
exit: app([b,c], [b], [b,c,b])
exit: app([c], [b,c], [b], [c,b,c,b])
L = [b] ?
```

A (\*) sor elhagyható, ha a fenti (mondjuk app34) állományt az alábbi (SICStus-specifikus) beépített eljárással töltjük be:

```
| ?- load_files(app34,
    compilation_mode(
        assert_all)).
```

## Tartalom

### 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
  - Egy összetettebb példaprogram
  - „Hagyományos” beépített eljárások
  - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## A DCG (Definite Clause Grammars) formalizmus

- DCG: előfeldolgozó eszköz nyelvtani elemzők írásához.
- DCG szabály:  $Fej \rightarrow Törzs. \implies Fej(A_0, A_m) :- Törzs(A_0, A_m)$ . A törzsben:
  - {Cél}  $\implies$  Cél (akkumulálást nem végző cél)
  - $[E_1, E_2, \dots, E_k], k \geq 0 \implies A_n = [E_1, E_2, \dots, E_k | A_{n+1}]$  (elemek akk.-a)
  - $p(X_1, X_2, \dots, X_j), l \geq 0 \implies p(X_1, X_2, \dots, X_j, A_n, A_{n+1})$  (akk.-t végző cél)
  - Vezérlés: konj. (.), diszj. (;), ha-akkor ( $\rightarrow$ ), vágó (!), negáció ( $\backslash$ )
- Példa: egy lista pozitív elemeinek kigyűjtése
 

```
% pe(L, Pk0, Pk): Az L számlista pozitív elemeinek listája Pk0-Pk.
% Másszóval: L pozitív elemeinek listáját Pk elé fűzve kapjuk Pk0-t
pe([], Pk0, Pk) :- Pk0 = Pk.
pe([X|L], Pk0, Pk) :- ( X > 0 -> Pk0 = [X|Pk1], pe(L, Pk1, Pk)
; pe(L, Pk0, Pk)
).
```
- A DCG jelölést használó, a fentivel azonos kódot eredményező eljárás:
 

```
pe2([]) --> [].
pe2([X|L]) --> ( {X > 0} -> [X], pe2(L)
; pe2(L)
).
```

## A DCG formalizmus használata nyelvtani elemzésre

- Példa – decimális számok elemzését végző szám(L0, L) Prolog eljárás
- Az L0, L paraméterek: karakterkódok listái
 

```
% szám(L0, L): Az L0-L különbséglista számjegykódok nem-üres listája
% Másszóval: L0 elejéről leelemezhető egy szám, és marad L
szám --> számjegy, számmaradék.

% számmaradék(L0, L): Az L0-L különbséglista számjegykódok listája
számmaradék --> számjegy, számmaradék ; "" . % "" ≡ []

% számjegy(L0, L): L0 - [K|L], ahol K egy számjegy kódja
számjegy --> "0";"1";"2";"3";"4";"5";"6";"7";"8";"9" . % "9" ≡ [0'9]
```
- A számjegy/2 eljárás egy másik megvalósítása
 

```
számjegy --> [K], {decimális_jegy_kódja(K)}.

% K egy számjegy kódja.
decimális_jegy_kódja(K) :- K >= 0'0, K <= 0'9.
```
- A fenti DCG szabály Prolog megfelelője:
 

```
számjegy(L0, L) :-
    L0 = [K|L], % K a következő listaelem
    decimális_jegy_kódja(K). % megfelelő-e a K?
```

## DCG nyelvtani elemzés – további részletek

- Az elemzés – a Prolog végrehajtás miatt – nem-determinisztikus, pl.
 

```
| ?- szám("123 abc", L).
L = " abc" ? ; % leelemeztük a 123 számot
L = "3 abc" ? ; % leelemeztük a 12 számot
L = "23 abc" ? ; % leelemeztük az 1 számot
no
```
- A számmaradék eljárás determinisztikus változata
 

```
% számmaradék2(L0, L): L0-L számjegykódok maximális listája
számmaradék2 --> ( számjegy -> számmaradék2
; ""
).

vagy

számmaradék3 --> számjegy, !, számmaradék3. % A vágó köré nem kell {}
számmaradék3 --> "" .
```
- Futás:
 

```
| ?- szám2("123 abc", L).
L = " abc" ? ; % leelemeztük a (lehető leghosszabb) 123 számot
no
```

## Az elemző kiegészítése jelentéshordozó argumentumokkal

- Egy DCG szabály az elemzéssel párhuzamosan további (kimenő) argumentum(ok)ban felépítheti a kielemezett dolog „jelentését”
- Példa: szám elemzése és értékének kiszámítása:
 

```
% Leelemezhető egy Sz értékű nem-üres számjegysorozat
szám(Sz) --> számjegy(J), számmaradék(J, Sz).

% Leelemezhető számjegyek egy esetleg üres listája, amelynek
% az eddig leelemezett Sz0-val együtt vett értéke Sz.
számmaradék(Sz0, Sz) -->
    számjegy(J), !, {Sz1 is Sz0*10+J}, számmaradék(Sz1, Sz).
számmaradék(Sz0, Sz0) --> [].

% leelemezhető egy J értékű számjegy.
számjegy(J) --> [K], {decimális_jegy_kódja(K), J is K-0'0}.

| ?- szám(Sz, "102 56", L). => L = " 56", Sz = 102; no
```
- A számmaradék DCG szabály Prolog alakja:
 

```
számmaradék(Sz0, Sz, L0,L) :-
    számjegy(J, L0,L1), !, Sz1 is Sz0*10+J, számmaradék(Sz1, Sz, L1,L).
számmaradék(Sz0, Sz0, L0,L) :- L=L0.
```
- Itt két akkumulátorpár van: egy „kézi” (Sz) és egy DCG-ből generált (L).

## Aritmetikai kifejezések elemzése

- Egyszerű aritmetikai kifejezések elemzése és kiértékelése.
 

```
% kif0(Z, L0, L): L0-L egy Z aritmetikai kifejezéssé elemezhető ki
kif0(X+Y) --> tag0(X), "+", !, kif0(Y).
kif0(X-Y) --> tag0(X), "-", !, kif0(Y).
kif0(X) --> tag0(X).

tag0(X) --> szám(X). % egyelőre

| ?- kif0(Z, "4-2+1", []). => Z = 4-(2+1) Jobbról balra elemez!
```
- Egy lehetséges javítás
 

```
kif(Z) --> tag(X), kifmaradék(X, Z).
kifmaradék(X, Z) --> "+", tag(Y), !, kifmaradék(X+Y, Z).
kifmaradék(X, Z) --> "-", tag(Y), !, kifmaradék(X-Y, Z).
kifmaradék(X, X) --> [].

tag(Z) --> szám(X), tagmaradék(X, Z).
tagmaradék(X, Z) --> "*", szám(Y), !, tagmaradék(X*Y, Z).
tagmaradék(X, Z) --> "/", szám(Y), !, tagmaradék(X/Y, Z).
tagmaradék(X, X) --> [].

| ?- kif(Z, "5*4-2+1", []), Val is Z. => Z = 5*4-2+1, Val = 19 ? ; no
```

## Do-ciklusok (do-loops)

## ● Szintaxis:

```
( Iterátor1, ..., Iterátorm
do Célsorozat
)
```

## ● Az L lista minden elemét megnövelve 1-gyel kapjuk az NL listát:

```
novel(L, NL) :-
( foreach(X, L), foreach(Y, NL)
do Y is X+1
).
```

## ● Az L lista minden elemét megszorozva N-nel kapjuk az NL listát:

```
szoroz(L, N, NL) :-
( foreach(X, L), foreach(Y, ML), param(N)
do Y is N*X
).
```

## Do-ciklusok: példák további iterátorokra

```
| ?- (      for(I, 1, 5),      foreach(I, List)
do true   % I = 1, 2, ..., 5
).
```

```
List = [1,2,3,4,5] ? ; no
```

```
| ?- (  foreach(X, [1,2,3]), fromto(0, In, Out, Sum)
do Out is In+X
%In1=0, Out1=In1+X1, In2=Out1, ..., Out3=In3+X3, Sum=Out3
).
```

```
Sum = 6 ? ; no
```

```
| ?- (  foreach(X, [a,b,c,d,e]), count(I, 1, N),  foreach(I-X, Pairs)
do true                                % I = 1, ..., N
).
```

```
N = 5, Pairs = [1-a,2-b,3-c,4-d,5-e] ? ; no
```

```
| ?- (  foreacharg(A, f(a,b,c,d,e), I), foreach(I-A, List)
do true
).
```

```
List = [1-a,2-b,3-c,4-d,5-e] ? ; no
```

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Egy nagyobb DCG példa: „természetes” nyelvű beszélgetés

```
% mondat(Alany, Áll, LO, L): LO-L kielemezhető egy Alany alanyból és Áll
% állítmányból álló mondatná. Alany lehet első vagy második személyű
% névmás, vagy egyetlen szóból álló (harmadik személyű) alany.
```

```
mondat(Alany, Áll) -->
{én_te(Alany, Ige)}, én_te_perm(Alany, Ige, Áll).
```

```
mondat(Alany, Áll) -->
szó(Alany), szavak(Áll).
```

```
% én_te(Alany, Ige):
```

```
% Az Alany első/második személyű névmásnak megfelelő létige az Ige.
```

```
én_te("én", "vagyok").
```

```
én_te("te", "vagy").
```

```
% én_te_perm(Ki, Ige, Áll, LO, L): LO-L kielemezhető egy Ki
```

```
% névből, Ige igealakból és Áll állítmányból álló mondatná.
```

```
én_te_perm(Alany, Ige, Áll) -->
(  szó(Alany), szó(Ige), szavak(Áll)
;  szó(Alany), szavak(Áll), szó(Ige)
;  szavak(Áll), szó(Ige), szó(Alany)
;  szavak(Áll), szó(Ige)
).
```

## Példa: „természetes” nyelvű beszélgetés – szavak elemzése

```
% szó(Sz, L0, L): L0-L egy Sz betűsorozatból álló (nem üres) szó.
szó(Sz) --> betű(B), szómaradék(SzM), {illik([B|SzM], Sz)}, köz.

% szómaradék(Sz, L0, L): L0-L egy Sz kódlistából álló (esetleg üres) szó.
szómaradék([B|Sz]) --> betű(B), !, szómaradék(Sz).
szómaradék([]) --> [].

% illik(Szó0, Szó): Szó0 = Szó, vagy a kezdő kis-nagy betűben különböznek.
illik([B0|L], [B|L]) :-
    ( B = B0 -> true
    ; abs(B-B0) =:= 32
    ).

% köz(L0, L): L0-L nulla, egy vagy több szóköz.
köz --> ( " " -> köz ; "" ).

% betű(K, L0, L): L0-L egy K kódú "betű" (különbözik a " ." jelektől)
betű(K) --> [K], {\+ member(K, " .?")}.

% szavak(SzL, L0, L): L0-L egy SzL szó-lista.
szavak([Sz|Szk]) --> szó(Sz), ( szavak(Szk)
                                ; {Szk = []}
                                ).
```

## Példa: „természetes” nyelvű beszélgetés – párbeszéd-szervezés

```
% :- type mondás --> kérdez(szó) ; kijelent(szó, list(szó)) ; un.
% Megvalósít egy párbeszédet.
párbeszéd :-
    repeat,
        read_line(L), % beolvas egy sort, L a karakterkódok listája
        ( menet(Mondás, L, []) -> feldolgoz(Mondás)
          ; write('Nem értem\n'), fail
          ),
    Mondás = un, !.

% menet(Mondás, L0, L): Az L0-L kielemezett alakja Mondás.
menet(kérdez(Alany)) -->
    {kérdő(Szó)}, mondat(Alany, [Szó]), "?".
menet(kijelent(Alany, Áll)) -->
    mondat(Alany, Áll), ".".
menet(un) --> szó("unlak"), ".".

% kérdő(Szó): Szó egy kérdőszó.
kérdő("mi").
kérdő("ki").
kérdő("kicsoda").
```

## Példa: „természetes” nyelvű beszélgetés – válaszok előállítás

```
:- dynamic tudom/2.

% feldolgoz(Mondás): feldolgozza a felhasználótól érkező Mondás üzenetet.
feldolgoz(un) :-
    write('Én is.\n').
feldolgoz(kijelent(Alany, Áll)) :-
    assertz(tudom(Alany, Áll)),
    write('Felfogtam.\n').
feldolgoz(kérdez(Alany)) :-
    tudom(Alany, _), !,
    válasz(Alany).
feldolgoz(kérdez(_)) :-
    write('Nem tudom.\n').

% Felsorolja az Alany ismert tulajdonságait.
válasz(Alany) :-
    tudom(Alany, Áll),
    ( member(Szó, Áll), format('~s ', [Szó]), fail
    ; nl
    ), fail.
válasz(_).
```

## Beszélgetős DCG példa – egy párbeszéd

```
| ?- párbeszéd.
|: Magyar legény vagyok én.
Felfogtam.
|: Ki vagyok én?
Magyar legény
|: Péter kicsoda?
Nem tudom.
|: Péter tanuló.
Felfogtam.
|: Péter jó tanuló.
Felfogtam.
|: Péter kicsoda?
tanuló
jó tanuló
|: Boldog vagyok.
Felfogtam.

|: Én vagyok Jeromos.
Felfogtam.
|: Te egy Prolog program vagy.
Felfogtam.
|: Ki vagyok én?
Magyar legény
Boldog
Jeromos
|: Okos vagy.
Felfogtam.
|: Ki vagy te?
egy Prolog program
Okos
|: Valóban?
Nem értem
|: Unlak.
Én is.
```

## Tartalom

## 6 Haladó Prolog

- Meta-logikai eljárások
- Megoldásgyűjtő beépített eljárások
- A keresési tér szűkítése
- Vezérlési eljárások
- A Prolog megvalósítási módszereiről
- Determinizmus és indexelés
- Jobbrekurzió és akkumulátorok
- Listák és fák akkumulálása – példák
- Imperatív programok átírása Prologba
- Modularitás
- Magasabbrendű eljárások
- Dinamikus adatbáziskezelés
- Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
- Egy összetettebb példaprogram
- „Hagyományos” beépített eljárások
- Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Aritmetikai beépített eljárások

- `X is Kif`: Kif aritmetikai kifejezés kell legyen, értékét egyesíti X-szel.
- `Kif1 ρ Kif2`: Kif1 és Kif2 aritmetikai kifejezések kell legyenek, értékeik között elvégzi a  $\rho$  összehasonlítást ( $\rho$  lehet =,  $=\backslash$ , <,  $=<$ , >,  $=>$ ).
- Aritmetikai kifejezésekben felhasználható funktorok:

Infix operátorok			
+ összeadás	// egész osztás	/\ bitenkénti és	
- kivonás	** hatványozás	\/ bitenkénti vagy	
* szorzás	mod modulus képzés	<< bitenkénti balra léptetés	
/ osztás	rem maradék képzés	>> bitenkénti jobbra léptetés	
Prefix operátorok:	- negáció	\ bitenkénti negáció	

Függvény jelölésűek			
abs/1	exp/1	floor/1	sign/1
atan/1	float/1	log/1	sin/1
ceiling/1	float_fractional_part/1	max/2,min/2	sqrt/1
cos/1	float_integer_part/1	round/1	truncate/1

## Listakezelő beépített eljárások

- Lista hossza: `length(?L, ?N)`
  - Jelentése: az L lista hossza N.
  - `length(-L, +N)` módban adott hosszúságú, csupa különböző változóból álló listát hoz létre.
  - `length(-L, -N)` módban rendre felsorolja a 0, 1, ... hosszú listákat.
  - Megvalósítását lásd korábban.
- Lista rendezése: `sort(@L, ?S)`
  - Jelentése: az L lista @< szerinti rendezése S, (==/2 szerint azonos elemek ismétlődését kiszűrve).
- Lista kulcs szerinti rendezése: `keysort(@L, ?S)`
  - Az L argumentum Kulcs-Érték alakú kifejezések listája.
  - Az eljárás jelentése: az S lista az L lista Kulcs értékei szerinti szabványos (@< általi) rendezése, ismétlődéseket nem szűr.

## Kifejezések kiírása

- `write(@X)`: Kírija X-et, ha szükséges operátorokat, zárójeleket használva.
- `writeln(@X)`: Mint `write(X)`, csak gondoskodik, hogy szükség esetén az névkonstansok idézőjelek közé legyenek téve.
- `write_canonical(@X)`: Mint `writeln(X)`, csak operátorok nélkül, minden struktúra szabványos alakban jelenik meg.
- `write_term(@X, +Opciók)`: Az Opciók opciólista szerint kiírja X-et.
- `format(@Formátum, @AdatLista)`: A Formátum-nak megfelelő módon kiírja AdatLista-t. A formázójelek alakja: `~{szám esetleg}<formázójel>`.

```

| ?- write('Helló világ').           => Helló világ
| ?- writeln('Helló világ').         => 'Helló világ'
| ?- write_canonical('*' - '%').    => -(*, '%')
| ?- write_canonical([1,2]).        => '(1,2)'
| ?- write_term([1,2,3], [max_depth(2)]). => [1,2|...]
| ?- format('X=~s -- ~3d s', [[0'j,0'6],3245]). => X=jó -- 3.245 s

```



## Kifejezések kiírása – felhasználó vezérelte formázás

- `print(@X)`: Alapértelmezésben azonos `write`-tal. Ha a felhasználó definiál egy `portray/1` eljárást, akkor a rendszer minden a `print`-tel kinyomtatandó rész kifejezésre meghívja `portray`-t. Ennek sikere esetén feltételezi, hogy a kiírás megtörtént, meghiúsulás esetén maga írja ki a rész kifejezést.  
A rendszer a `print` eljárást használja a változó-behelyettesítések és a nyomkövetés kiírására!
- `portray(@Kif)` (felhasználó által definiálandó ún. *kampó eljárás*): Igaz, ha `Kif` kifejezést a Prolog rendszernek *nem* kell kiírnia (és ekkor maga a `portray` kell, hogy elvégezze a kiírást).

- Példa:

```
portray(Matrix) :-
  Matrix = [[_|_|_|],
  ( member(Row, Matrix),
    nl, print(Row), fail
  ; true
  ).
| ?- X = [[1,2], [3,4], [5,6]].
X =
[1,2]
[3,4]
[5,6] ?
```

## Karakterek kiírása és beolvasása

- `put_code(+Kód)`: Kiírja az adott kódú karaktert.
- `nl`: Kiír egy soremelést.
- `get_code(?Kód)`: Beolvas egy karaktert és (karakterkódját) egyesíti `Kód`-dal. (File végénél `Kód = -1`.)
- `peek_code(?Kód)`: A soronkövetkező karakter kódját egyesíti `Kód`-dal. A karaktert nem távolítja el a bemenetről. (File végénél `Kód = -1`.)
- Példa:

```
% rd_line(L): L a következő sor karakterkódjainak listája.
% read_line néven beépített eljárás SICStus 3.9.0-tól.
rd_line(L) :-
  peek_code(0'\n), !, get_code(_), L = [].
rd_line([C|L]) :-
  get_code(C), rd_line(L).
| ?- rd_line(L), member(X, L), put_code(X), write(' '), fail ; nl.
|: Hello world!
H e l l o   w o r l d !
```

## Példa: számbelolvasás

```
% számbe(Szám): a Szám szám következik az input-folyamban.
számbe(Szám) :-
  számjegy(Érték), számbe(Érték, Szám).

% Az eddig beolvasott Szám0-val együtt az input-folyamban következő
% szám értéke Szám.
számbe(Szám0, Szám) :-
  számjegy(E), !,
  Szám1 is Szám0*10+E,
  számbe(Szám1, Szám).
számbe(Szám, Szám).

% Érték értékű számjegy következik.
számjegy(Érték) :-
  peek_code(Kar),
  Kar >= 0'0, Kar <= 0'9,
  get_code(_),
  Érték is Kar - 0'0.

| ?- számbe(X), get_code(_), számbe(Y).
|: 123 456           =>   X = 123, Y = 456
```

## Kifejezések beolvasása

- `read(?Kif)`: Beolvas egy ponttal lezárt kifejezést és egyesíti `Kif`-fel. (File végénél `Kif = end_of_file`.)
- `read_term(?Kif, +Opciók)`: Mint `read/1`, de az `Opciók` opciólistát is figyelembe veszi.
- Példa – botcsinálta programbeolvasó:

```
consult_body :-
  repeat,
  read(Term),
  ( Term = end_of_file -> true
  ; assertz(Term), fail
  ),
  !.

| ?- consult_body.
|: p(X) :- q(X), r(X).
|: ^D
yes

| ?- listing([p/1]).
p(A) :-
  q(A),
  r(A).
yes
```

## Be- és kiviteli csatornák

- Csatornák megnyitása és kezelése:
  - `open(@Filenév, @Mód, -Csatorna)`: Megnyitja a `Filenév` nevű állományt `Mód` módban (`read`, `write` vagy `append`). A `Csatorna` argumentumban visszaadja a megnyitott csatorna „nyelét”.
  - `set_input(@Csatorna)`, `set_output(@Csatorna)`: Az ezt követő beviteli/kiviteli eljárások `Csatorna`-t használják majd (jelenlegi csatorna).
  - `current_input(?Csatorna)`, `current_output(?Csatorna)`: A jelenlegi beviteli/kiviteli csatornát egyesíti `Csatorna`-val.
  - `close(@Csatorna)`: Lezárja a `Csatorna` csatornát.
- Explicit csatornamegadás be- és kiviteli eljárásokban
  - Az eddig ismertetett összes be- és kiviteli eljárásnak van egy eggyel több argumentumú változata, amelynek első argumentuma a csatorna. Ezek: `write/2`, `writeln/2`, `write_canonical/2`, `write_term/3`, `print/2`, `read/2`, `read_term/3`, `format/3`, `put_code/2`, `tab/2`, `nl/1`, `get_code/2`, `peek_code/2`.

## Egy egyszerűbb be- és kiviteli szervezés: DEC10 I/O

- `see(@Filenév)`, `tell(@Filenév)`: Megnyitja a `Filenév` file-t olvasásra/írásra és a jelenlegi csatornává teszi. Újabb híváskor csak a jelenlegi csatornává teszi.
- `seeing(?Filenév)`, `telling(?Filenév)`: A jelenlegi beviteli/kiviteli csatorna állománynevét egyesíti `Filenév`-vel.
- `seen`, `told`: Lezárja a jelenlegi beviteli/kiviteli csatornát.
- Példák – nagyon egyszerű `consult` variánsok:

```
consult_dec10_style(File) :-
    seeing(Old), see(File),
    repeat,
        read(Term),
        (   Term = end_of_file
        -> seen
        ;   assertz(Term), fail
        ),
    !,
    see(Old).
```

```
consult_with_streams(File) :-
    open(File, read, S),
    repeat,
        read(S, Term),
        (   Term = end_of_file
        -> close(S)
        ;   assertz(Term), fail
        ),
    !.
```

## Hibakezelési beépített eljárások

- Hibahelyzetet beépített eljárás rossz argumentumokkal való meghívása, vagy a `throw/1` (`raise_exception/1`) eljárás válthat ki.
- Minden hibahelyzetet egy Prolog kifejezés (ún. hiba-kifejezés) jellemez.
- Hiba „dobása”, azaz a `HibaKif` hibahelyzet kiváltása:
 

```
throw(@HibaKif),
raise_exception(@HibaKif)
```
- Hiba „elkapása”:
 

```
catch(:+Cél, ?Minta, :+Hibaág),
on_exception(?Minta, :+Cél, :+Hibaág)
```

  - Hatása: Futtatja a `Cél` hívást.
    - Ha `Cél` végrehajtása során hibahelyzet nem fordul elő, futása azonos `Cél`-lal.
    - Ha `Cél`-ban hiba van, a hiba-kifejezést egyesíti `Minta`-val.
    - Ha ez sikeres, meghívja a `Hibaág`-at.
    - Ellenkező esetben továbbdobja a hiba-kifejezést, hogy a további körülvevő `catch` eljárások esetleg elkaphassák azt.

## Programfejlesztési beépített eljárások (SICStus specifikusak)

- `set_prolog_flag(+Jelző, @Érték)`: `Jelző` értékét `Érték`-re állítja.
- `current_prolog_flag(?Jelző, ?Érték)`: `Jelző` pillanatnyi értéke `Érték`.
- Néhány fontos Prolog jelző:
  - `argv`: csak olvasható, a parancssorbéli argumentumok listája.
  - `unknown`: viselkedés definiálatlan eljárás hívásakor (`trace`, `fail`, `error`).
  - `source_info`: forrásszintű nyomkövetés (`on`, `off`, `emacs`).
- `consult(:@Files), [:@File, ...]`: Betölti a `File(ok)at`, interpretált alakban.
- `compile(:@File)`: Betölti a `File(ok)at`, lefordított alakot hozva létre.
- `listing`: Kírija az összes interpretált eljárást az aktuális kimenetre.
- `listing(:@EljárásSpec)`: Kírija a megnevezett interpretált eljárásokat.
- Itt és később: `EljárásSpec` – név vagy funktor, esetleg modul-kvalifikációval ellátva, ill. ezek listája, pl. `listing(p)`, `listing([m:q,p/1])`.

## Programfejlesztési eljárások (folytatás)

- `statistics`: Különböző statisztikákat ír ki az aktuális kimenetre.
- `statistics(?Fajta, ?Érték)`: Érték a Fajta fajtájú mennyiség értéke.
  - Példa: `statistics(runtime, E) => E=[Tdiff, T]`, Tdiff az előző lekérdezés óta, T a rendszerindítás óta eltelt idő, ezredmásodpercben.
- `break`: Egy új interakciós szintet hoz létre.
- `abort`, `halt`: Kilép a legkülső interakciós szintre ill. a Prolog rendszerből.
- `trace`: Elindítja az interaktív nyomkövetést.
- `debug`, `zip`: Elindítja a szelektív nyomkövetést, csak spion-pontoknál áll meg.  
(A `zip` mód gyorsabb, de nem gyűjt annyi információt mint a `debug` mód.)
- `nodebug`, `notrace`, `nozip`: Leállítja a nyomkövetést.
- `spy(:@EljárásSpec)`: Spion-pontot tesz a megadott eljárásokra.
- `nospyp(:@EljárásSpec)`: Megszünteti a megadott spion-pontokat.
- `nospya11`: Az összes spion-pontot megszünteti.

## Tartalom

- 6 Haladó Prolog
  - Meta-logikai eljárások
  - Megoldásgyűjtő beépített eljárások
  - A keresési tér szűkítése
  - Vezérlési eljárások
  - A Prolog megvalósítási módszereiről
  - Determinizmus és indexelés
  - Jobbrekurzió és akkumulátorok
  - Listák és fák akkumulálása – példák
  - Imperatív programok átírása Prologba
  - Modularitás
  - Magasabbrendű eljárások
  - Dinamikus adatbáziskezelés
  - Kényelmi eszközök: Definite Clause Grammars (DCG), ciklusok
  - Egy összetettebb példaprogram
  - „Hagyományos” beépített eljárások
  - Fejlettebb nyelvi és rendszerelemek

## Külső nyelvi interfész (kiegészítő anyag)

- Hagományos (pl. C nyelvű) programrészek meghívásának módja:
  - A Prolog rendszer elvégzi az átalakítást a Prolog alak és a külső nyelvi alak között. Kényelmesebb, biztonságosabb mint a másik módszer, de kevésbé hatékony. Többnyire csak egyszerű adatokra (egész, valós, atom). (MProlog)
  - A külső nyelvi rutin pointereket kap Prolog adatstruktúrákra, valamint hozzáférési algoritmusokat ezek kezelésére. Nehézkesebb, veszélyesebb, de jóval hatékonyabb mint az előző megoldás. Összetett adatok adásvételére is jó. (SWI, SICStus)

## Külső nyelvi interfész – példa (kiegészítő anyag)

- A példa a `library(bdb)` megvalósításából származik.
- A C nyelven megírandó eljárás Prolog hívási alakja:  
`index_keys(+Spec, +Kif, -Kulcs, -Szám)`
- A megírandó eljárás jelentése:
  - Ha `Spec` és `Kif` különböző funktorú kifejezések, akkor `Szám = -1` és `Kulcs = []`.
  - Egyébként, ha `Spec` valamelyik argumentuma `+` és `Kif` megfelelő argumentuma változó, akkor `Szám = -2` és `Kulcs = []`.
  - Egyébként `Szám` a `Spec` argumentumaként előforduló `+` névkonstansok száma, `Kulcs` pedig `Kif` megfelelő argumentumainak *kivonatából* képzett lista. A kivonat lényegében az argumentum funktora, azzal az eltéréssel, hogy a konstansok kivonata maga a konstans, struktúrák esetén pedig a struktúra neve és az aritása külön elemként kerül a kivonat-listába.

## Külső nyelvi interfész – példa (SICStus 3) – kiegészítő anyag

## ● A példaeljárás használata

```
| ?- [ixtest].
| ?- index_keys(f(+, -, +, +),
               f(12.3, _, s(1, _, z(2)), t),
               Kulcs, Szam).
Kulcs = [12.3,s,3,t], Szam = 3 ?
```

## ● Az ixtest.pl Prolog file tartalmazza az interfész specifikációját:

```
foreign(ixkeys, index_keys(+term, +term, -term, [-integer])).
    % 1. arg: bemenő, általános kifejezés
    % 2. arg: bemenő, általános kifejezés
    % 3. arg: kimenő, általános kifejezés
    % 4. arg: a C függvény értéke, egész (long)

foreign_resource(ixkeys, [ixkeys]).

:- load_foreign_resource(ixkeys).
```

## ● A C programot elő kell készíteni a Prolog számára az splfr (link foreign resource) eszköz segítségével:

```
splfr ixkeys ixtest.pl +c ixkeys.c
```

## Külső interfész – a C kód (ixkeys.c állomány, kieg. anyag)

```
#include <sicstus/sicstus.h>

#define NA -1 /* not applicable */
#define NI -2 /* instantiatedness */

long ixkeys(SP_term_ref spec,
            SP_term_ref term, SP_term_ref list)
{
    unsigned long sname, tname, plus;
    int sarity, tarity, i;
    long ret = 0;
    SP_term_ref arg = SP_new_term_ref(),
                tmp = SP_new_term_ref();

    SP_get_functor(spec, &sname, &sarity);
    SP_get_functor(term, &tname, &tarity);
    if (sname != tname || sarity != tarity)
        return NA;

    plus = SP_atom_from_string("+");

    for (i = sarity; i > 0; --i) {
        unsigned long t;
        SP_get_arg(i, spec, arg);
        SP_get_atom(arg, &t); /* no check */
        if (t != plus) continue;

        SP_get_arg(i, term, arg);
        switch (SP_term_type(arg)) {
            case SP_TYPE_VARIABLE:
                return NI;
            case SP_TYPE_COMPOUND:
                SP_get_functor(arg, &tname, &tarity);
                SP_put_integer(tmp, (long)tarity);
                SP_cons_list(list, tmp, list);
                SP_put_atom(arg, tname);
                break;
        }
        SP_cons_list(list, arg, list); ++ret;
    }
    return ret;
}
```

## Hasznos lehetőségek SICStus Prolog-ban (kieg. anyag)

## ● Tetszőleges nagyságú egész számok

pl.:

```
| ?- fakt(40,F).
```

```
F = 815915283247897734345611269596115894272000000000 ?
```

## ● Globális változók (Blackboard)

```
bb_put(Kulcs, Érték)
```

A Kulcs kulcs alatt eltárolja Érték-et, az előző értéket, ha van, törölve. (Kulcs egy (kis) egész szám vagy névkonstans lehet.)

```
bb_get(Kulcs, Érték)
```

Előhívja Érték-be a Kulcs értékét.

```
bb_delete(Kulcs, Érték)
```

Előhívja Érték-be a Kulcs értékét, majd kitörli.

## Hasznos lehetőségek SICStus-ban kieg. anyag, folyt.)

## ● Visszaléptethető módon változtatható kifejezések

```
create_mutable(Adat, ValTKif)
```

Adat kezdőértékkel létrehoz egy új változtatható kifejezést, ez lesz ValTKif. Adat nem lehet üres változó.

```
get_mutable(Adat, ValTKif)
```

Adat-ba előveszi ValTKif pillanatnyi értékét.

```
update_mutable(Adat, ValTKif)
```

A ValTKif változtatható kifejezés új értéke Adat lesz. Ez a változtatás visszalépéskor visszacsinálódik. Adat nem lehet üres változó.

## ● Takarító eljárás

```
call_cleanup(Hivas, Tiszito)
```

Meghívja call(Hivas)-t és ha az véglegesen befejezte futását, meghívja Tiszito-t. Egy eljárás akkor fejezte be véglegesen a futását, ha további alternatívák nélkül sikerült, megghiúsult vagy kivételt dobott.

## Fejlett vezérlési lehetőségek SICStusban (kieg. anyag)

### Blokk-deklarációk

- Példa:

```
:- block p(-, ?, -, ?, ?).
```

Jelentése: ha az első és a harmadik argumentum is behelyettesítetlen változó (blokkolási feltétel), akkor a `p` hívás felfüggesztődik.

Ugyanarra az eljárásra több vagylagos feltétel is szerepelhet, pl.

```
:- block p(-, ?), p(?, -).
```

- Végtelen választási pontok kiküszöbölése blokk-deklarációval

```
:- block append(-, ?, -).
```

```
append([], L, L).
```

```
append([X|L1], L2, [X|L3]) :-
    append(L1, L2, L3).
```

## Blokk-deklarációk (kieg. anyag, folyt.)

- Generál-és-ellenőriz típusú programok gyorsítása

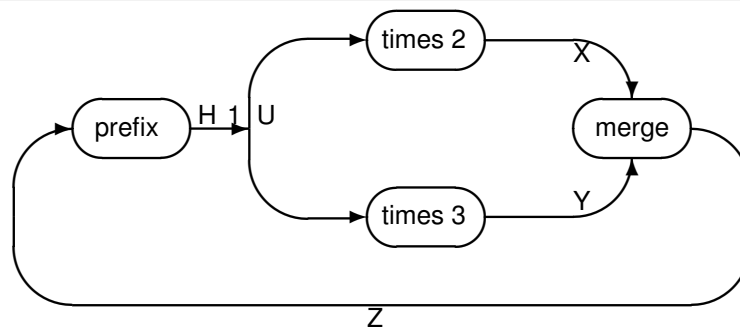
- általában nem hatékonyak (pl `megrajzolja_1`), mert túl sok visszalépést használnak
- korutinszervezéssel a generáló és ellenőrző rész „automatikusan” összefésülhető
- ehhez az ellenőrző részt kell előre tenni és megfelelően blokkolni

- Korutinszervezésre épülő programok

- Példa: egyszerűsített Hamming feladat

- keressük a  $2^i * 3^j$  ( $i \geq 1, j \geq 1$ ) alakú számok közül az első  $N$  darabot nagyság szerint rendezve.
- „stream-and-parallelism” közelítésmódot használva korutinszervezéssel egyszerűen lehet megoldani

## Hamming probléma (kieg. anyag)



```
% A H lista az első N, csak a 2 és 3 tényezőkből álló szám.
```

```
hamming(N, H) :-
```

```
    U = [1|H], times(U, 2, X), times(U, 3, Y),
```

```
    merge(X, Y, Z), prefix(N, Z, H).
```

```
% times(X, M, Z): A Z lista az X elemeinek M-szerese
```

```
:- block times(-, ?, ?).
```

```
times([A|X], M, Z) :- B is M*A, Z = [B|U], times(X, M, U).
```

```
times([], _, []).
```

## Hamming probléma (kieg. anyag, folyt.)

```
% merge(X, Y, Z): Z az X és Y összefésülése.
```

```
:- block merge(-, ?, ?), merge(?, -, ?).
```

```
% Csak akkor fusson, ha az első két argumentum ismert
```

```
merge([A|X], [B|Y], V) :-
```

```
    A < B, !, V = [A|Z], merge(X, [B|Y], Z).
```

```
merge([A|X], [B|Y], V) :-
```

```
    B < A, !, V = [B|Z], merge([A|X], Y, Z).
```

```
merge([A|X], [A|Y], [A|Z]) :-
```

```
    merge(X, Y, Z).
```

```
merge([], X, X) :- !.
```

```
merge(_, [], []).
```

```
% prefix(N, X, Y): Az X lista első N eleme Y.
```

```
prefix(0, _, []) :- !.
```

```
prefix(N, [A|X], [A|Y]) :-
```

```
    N > 0, N1 is N-1, prefix(N1, X, Y).
```

## Korutinszervező eljárások (kieg. anyag)

- `freeze(X, Hivas)`  
Hivast felfüggeszti mindaddig, amíg `X` behelyettesíthető változó.
- `frozen(X, Hivas)`  
Az `X` változó miatt felfüggesztett hívás(oka)t egyesíti `Hivas`-sal.
- `dif(X, Y)`  
`X` és `Y` nem egyesíthető. Mindaddig felfüggesztődik, amíg ez el nem dönthető.
- `call_residue_vars(Hivas, Valtozok)`  
Hivas-t végrehajtja, és a `Valtozok` listában visszaadja mindazokat az új (a `Hivas` alatt létrejött) változókat, amelyekre vonatkoznak felfüggesztett hívások. Pl.

```
| ?- call_residue_vars((dif(X,f(Y)), X=f(Z)), Vars).
    X = f(Z),
    Vars = [Z,Y],
    prolog:dif(f(Z),f(Y)) ?
```

## SICStus könyvtárak (kieg. anyag)

- Könyvtár betöltése :- `use_module(library(könyvtárnév))`.
- A legfontosabb könyvtárak
  - `avl` – AVL fák segítségével megvalósított „asszociációs listák” (kiterjeszthető leképezések Prolog kifejezések között)
  - `atts` – tetszőleges attribútumok hozzárendelése Prolog változókhöz, tárolórekeszként és az egyesítés módosítására is használható
  - `bdb` – Prolog kifejezések állományokban való tárolására szolgáló adatbázis, felhasználó által definiált többszörös indexelési lehetőséggel
  - `between` – számintervallumok felsorolása
  - `codesio` – karakterlistából olvasó ill. abba író be- és kiviteli eljárások
  - `file_systems` – állományok és könyvtárak kezelése
  - `heaps` – bináris kazal (heap), pl. prioritásos sorokhoz (priority queue)
  - `lists` – listakezelő alapműveletek
  - `logarr` – logaritmusos elérési idejű kiterjeszthető tömbök
  - `odbc` – ODBC adatbázis interfész
  - `ordsets` – halmazműveletek (halmaz  $\equiv$  @< szerint rendezett lista)
  - `queues` – sorokra (queue, FIFO store) vonatkozó műveletek

## Legfontosabb SICStus könyvtárak, kieg. anyag, folyt.

- `random` – véletlenszám-generátor
- `samsort` – általános rendezés (nem szűri az ismétlődő elemeket)
- `sockets` – socket interfész
- `system` – operációsrendszer-szolgáltatások elérése
- `terms` – általános Prolog kifejezések kezelése (pl. változók kigyűjtése)
- `timeout` – célok futási idejének korlátozása
- `trees` – az `arrays` könyvtárhoz hasonló, de nem-kiterjeszthető logaritmusos elérési idejű tömbfogalom, bináris fákkal
- `ugraphs` – élcímkék nélküli irányított és irányítatlan gráfok
- `wgraphs` – irányított és irányítatlan gráfok, egészértékű élcímkékkel
- `linda/client` és `linda/server` – Linda-szerű processzkommunikáció
- `clpb` – Boole-értékekre vonatkozó korlátmegoldó (constraint solver)
- `clpq` és `clpr` – korlátmegoldó a racionálisak és a valósok tartományán
- `clpfd` – véges tartományokra vonatkozó korlátmegoldó
- `tcltk` – A `Tcl/Tk` nyelv és eszközkészlet elérése
- `gauge` – Prolog programok a teljesítményvizsgálata `tcltk` grafikus felülettel

## Új irányzatok a logikai programozásban – kitekintés (kieg. anyag)

- Bevezetés a Logikai Programozásba c. jegyzet 6. fejezete:
  - Párhuzamos megvalósítások
  - Az Andorra-I rendszer rövid bemutatása
  - A Mercury nagyhatékonyságú LP megvalósítás
  - Korlát-logikai programozás (Constraint Logic Programming – CLP)
- Az utolsó két témával foglalkozik a „**Nagyhatékonyságú deklaratív programozás**” c. MSc szakirányos tárgy

## VII. rész

## Haladó Erlang

- 1 Bevezetés
- 2 Cékla: deklaratív programozás C++-ban
- 3 Erlang alapok
- 4 Prolog alapok
- 5 Keresési feladat pontos megoldása
- 6 Haladó Prolog
- 7 Haladó Erlang

## Prolog és Erlang: néhány eltérés és hasonlóság

Prolog	Erlang
predikátum, kétféle érték	függvény, értéke tetsz. típusú
siker esetén változóbehelyettesítés	csak bemenő argumentum és visszatérési érték van
választási pontok, többféle megoldás	determinizmus, egyetlen mo.
$C_1, \dots, C_n$ célsor., redukció+visszalépés	$S_1, \dots, S_n$ szekv. kif., értéke $S_n$
összetett kifejezés (struktúra), a lista is	ennes, lista típusok (tuple, list)
operátor definiálása	-
egyesítés szimmetrikus	jobb oldalon tömör kif., bal oldalon mintakif.; őrfeltételekkel

- Néhány hasonlóság:
  - a függvény is klózokból áll, kiválasztás mintaillesztéssel, sorrendben
  - a függvényt is a funktora (pl. `bevezeto:fac/1`) azonosítja
  - változóhoz csak egyszer köthető érték
  - lista szintaxisa (de: Erlangban önálló típus), sztring (fűzér), atom

## Tartalom

- 7 Haladó Erlang
  - Rekord
    - Rekurzív adatstruktúrák
    - Listák használata: futamok
    - Rekurzió fajtái
    - Halmazműveletek (rendezetlen listával)
    - Generikus keresőfák
    - Lusta farkú lista Erlangban

## Modul

- Modul: attribútumok és függvénydeklarációk sorozata
- Attribútumok

```

-module(Modname).
-export([F1/Arity1,...]).
-import(Modname,[F1/Arity1,...])

-compile(Opciók).
-include("filename.hrl").
-define(Makrónév,Helyettesítés).
-undef,-ifdef,-ifndef,-else,-endif
-vsxn(Verzióleírás).
-saját_attribútum(Info).

```

```

Modulnév: atom
Kívülről is látható függvények listája
Más modulok modulnév nélkül használható függvényeinek listája
Fordítási opciók
Rekord definíciós fájl beemelése
Makró manipuláció
Feltételes fordítás
Verzióinfó
Bővíthető saját attribútummal

```

- Modulinformációk lekérése: `m(Modname)`, `Modname:module_info()`

```

2> m(khf).
...
3> khf:module_info().
...

```

## Rekord

- Ha egy ennesnek sok a tagja, nehéz felidézni, melyik tag mit jelent
- Ezért vezették be a rekordot - bár önálló rekordtípus nincs
- Rekord = címkézett ennes; szintaktikai édesítőszers
- $n$  mezejű rekord =  $n + 1$  elemű ennes:  $\{\text{rekordnév}, m_1, \dots, m_n\}$
- Rekord deklarálása (csak modulban!):  
`-record(rn, {p1=d1, ..., pn=d1}),`  
 ahol
  - $rn$ : rekordnév,
  - $p_j$ : mezőnév,
  - $d_j$ : alapértelmezett érték (opcionális).
- Rekord létrehozása és változóhoz kötése:  
 $X = \#rn\{m_1=v_1, \dots, m_n=v_n\}$
- Egy mezőérték lekérdezése:  $X\#rn.m_i$
- Egy/több mezőérték változóhoz kötése:  $\#rn\{m_2=V, m_4=W\} = X$

## Rekord: példák

A `todo.hrl` rekorddefiníciós fájl tartalma:

```
-record(todo, {sts=remind, who='HP', txt}).
```

- Csak így használhatja több Erlang modul ugyanazt a rekorddefiníciót (`-include("todo.hrl"). attribútum`)
- Deklaráció beolvasása  
`1> rr("todo.hrl").`  
`[todo]`
- Új, alapértelmezett rekord ( $X$ ) létrehozása  
`2> X0 = #todo{}`  
`#todo{sts = remind, who = 'HP', txt = undefined}`
- $X1$  is új  
`3> X1 = #todo{sts=urgent, who='KR', txt="Fóliák!"}`  
`#todo{sts = urgent, who = 'KR', txt = "Fóliák!"}`
- Rekord ( $X1$ ) másolása frissítéssel;  $X2$  is új  
`4> X2 = X1#todo{sts=done}`  
`#todo{sts = done, who = 'KR', txt = "Fóliák!"}`

## Rekord: további példák

- Mezőértékek lekérdezése  
`5> #todo{who=W, txt=T} = X2.`  
`#todo{sts = done, who = 'KR', txt = "Fóliák!"}`  
`6> W.`  
`'KR'`  
`7> T.`  
`"Fóliák!"`  
`>8 X1#todo.sts.`  
`urgent`
- Rekorddeklaráció elfelejtése  
`9> rf(todo).`  
`ok`  
`10> X2.`  
`{todo, done, 'KR', "Fóliák!"}`  
 A rekord az Erlangon belül: ennes.

## Tartalom

- 7 Haladó Erlang
  - Rekord
  - Rekurzív adatstruktúrák
  - Listák használata: futamok
  - Rekurzió fajtái
  - Halmazműveletek (rendezetlen listával)
  - Generikus keresőfák
  - Lusta farkú lista Erlangban



## Lineáris rekurzív adatstruktúrák – Verem (Stack)

- Lista: rekurzív adatstruktúra: `@type list() = [] | [any()|list()]`
- Verem: ennessel valósítjuk meg, listával triviális lenne
- Műveletek: üres verem létrehozása, verem üres voltának vizsgálata, egy elem berakása, utoljára berakott elem leválasztása

`stack.erl`

```
%% @type stack() = empty | {any(),stack()}
```

```
empty() -> empty.
```

```
is_empty(empty) -> true;
is_empty({_,_}) -> false.
```

```
push(X, empty) -> {X,empty};
push(X, {_X,_S}=S) -> {X,S}.      % {_X,_S}=S: réteges minta
```

```
pop(empty) -> error;
pop({X,S}) -> {X,S}.
```

## Verem példák

```
2> S1 = stack:push(1, stack:empty()).
{1,empty}
3> S2 = stack:push(2, S1).
{2,{1,empty}}
4> S3 = stack:push(3, S2).
{3,{2,{1,empty}}}
```

- Pl. megfordíthatunk egy listát; 1. lépés: verembe tesszük az elemeket

```
5> Stack = lists:foldl(fun stack:push/2, stack:empty(), "szoveg").
{103,{101,{118,{111,{122,{115,empty}}}}}}
```

- 2. lépés: a verem elemeit sorban kivesszük és listába fűzzük

`stack.erl – folytatás`

```
% to_list(S) az S verem elemeit tartalmazó lista LIFO sorrendben.
to_list(empty) -> [];
to_list({X,S}) -> [X|to_list(S)].
```

```
6> stack:to_list(Stack).
"gevozs"
```

## Elágazó rekurzív adatstruktúrák (pl. bináris fa)

- Műveletek bináris fákon: létrehozása, mélysége, leveleinek száma

`tree.erl – Műveletek bináris fákon: létrehozása, mélysége, leveleinek száma`

```
% @type btree() = leaf | {any(),btree(),btree()}.
```

```
empty() -> leaf.      % Üres fa.
```

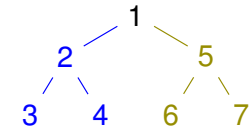
```
node(V, Lt, Rt) -> {V,Lt,Rt}.      % Lt és Rt fák összekapcsolása
                                % egy új V értékű csomóponttal.
```

```
depth(leaf) -> 0;      % Fa legnagyobb mélysége.
depth({_,Lt,Rt}) -> 1 + erlang:max(depth(Lt), depth(Rt)).
```

```
leaves(leaf) -> 1;      % Fa leveleinek száma.
leaves({_,Lt,Rt}) -> leaves(Lt) + leaves(Rt).
```

## Bináris fa (folyt.): listából fa, fából lista

```
L=empty(), T=node(1, node(2, node(3,L,L),
                           node(4,L,L)),
                  node(5, node(6,L,L),
                           node(7,L,L)))
```



```
T ↦ {1,{2,{3,leaf,leaf}},{4,leaf,leaf}},{5,{6,leaf,leaf},{7,leaf,leaf}}
```

`tree.erl – folytatás`

```
to_list_prefix(leaf) -> [];
to_list_prefix({V,Lt,Rt}) ->
    [V] ++ to_list_prefix(Lt) ++ to_list_prefix(Rt).
```

```
to_list_infix(leaf) -> [];
to_list_infix({V,Lt,Rt}) ->
    to_list_infix(Lt) ++ ([V] ++ to_list_infix(Rt)).
```

```
from_list([]) -> empty();
from_list(L) -> {L1,[X|L2]} = lists:split(length(L) div 2, L),
                node(X, from_list(L1), from_list(L2)).
```

## Elágazó rekurzív adatstruktúrák – könyvtárszerkezet

```
2> Home = {d,"home",           % home
           [{d,"kitti",       % home/kitti
             [{d,".firefox", []}, % home/kitti/.firefox
              {f,"dir.erl"},      % home/kitti/dir.erl
              {f,"khf1.erl"},     % home/kitti/khf1.pl
              {f,"khf1.pl"}]},    % home/kitti/khf1.erl
           {d,"ludvig", []}]}.
```

## dir.erl – Könyvtárszerkezet kezelése

```
% @type tree()      = file() | directory().
% @type file()     = {f, name()}.
% @type directory() = {d, name(), [tree()]}.
% @type name()     = string().

% Fa mérete (könyvtárak és fájlok számának összege).
count({f,_})      -> 1;
count({d,_,L})    -> 1 + lists:sum([count(I) || I <- L]).
```

## Könyvtárszerkezet – folytatás

## dir.erl – Könyvtárszerkezet kezelése (folytatás)

```
% @spec subtree(Path::[name()], Tree::tree()) -> tree() | notfound.
% Tree fa Path útvonalon található részfája.
subtree([Name], {f,Name} = Tree)      -> Tree;
subtree([Name], {d,Name,_} = Tree)    -> Tree;
subtree([Name|[_]=SubPath], {d,Name,L}) ->
  case lists:keyfind(Sub, 2, L) of
    false -> notfound;
    SubTree -> subtree(SubPath, SubTree)
  end;
subtree(_, _)                          -> notfound.
```

```
3> dir:subtree(string:tokens("home/kitti/.firefox", "/"), Home).
{d,".firefox", []}
4> dir:subtree(string:tokens("home/kitti/firefox", "/"), Home).
notfound
```

## Tartalom

## 7 Haladó Erlang

- Rekord
- Rekurzív adatstruktúrák
- Listák használata: futamok
- Rekurzió fajtái
- Halmazműveletek (rendezetlen listával)
- Generikus keresőfák
- Lusta farkú lista Erlangban

## Futam definíció

- *Futam*: olyan nem üres lista, amelynek szomszédos elemei adott feltételnek megfelelnek
- A feltételt az előző és az aktuális elemre alkalmazandó *predikátumként* adjuk át a futamot előállító függvénynek
  - *Predikátum*: logikai függvény (igaz/hamis), példa:
 

```
1> P = fun erlang:'<' / 2.
#Fun<erlang.<.2>
2> P(1, 2).
true
3> P(2, 2).
false
```
- Feladat: írjunk olyan Erlang-függvényt, amely egy lista egymás utáni elemeiből képzett (diszjunkt, tovább nem bővíthető) futamok listáját adja eredményül – az elemek eredeti sorrendjének megőrzésével
- Az első, naív változatban egy-egy segédfüggvényt írunk egy lista *első* (prefix) *futamának*, valamint a *maradéklistának* az előállítására (vö. dp12a\_gy3:rampa, lists:splitwith/2)

## Futamok előállítás – naív változat

## ● Példa:

```
4> futam:elso_futam(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[1,3,9]
```

## futam.erl – Futamok felsorolása

```
% @type pred() = fun(elem(), elem()) -> bool().
% @type elem() = any().

% @spec elso_futam(P::pred(), List::[elem()]) -> Fs::[elem()].
% Fs a List P-t kielégítő első (prefix) futama.
elso_futam(_P, [X]) ->
  [X];
elso_futam(P, [X|Ys=[Y|_]]) ->
  case P(X, Y) of
    false -> [X];
    true -> [X|elso_futam(P, Ys)]
  end.
```

## Futamok előállítás – naív változat (3)

## ● Példa:

```
6> futam:naiv_futamok(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[[1,3,9], [5,7], [2,5,9], [1,6], [0], [0,3,5,6], [2]]
7> futam:naiv_futamok(P, []).
[]
8> futam:naiv_futamok(P, [1]).
[[1]]
```

## futam.erl – folytatás

```
% @spec naiv_futamok(Pred::pred(), List::[elem()])
% -> Lists::[[elem()]].
% Lists a List szomszédos elemeiből álló, Pred-et kielégítő
% futamok listája.
naiv_futamok(_P, []) -> [];
naiv_futamok(P, List) -> Fs = elso_futam(P, List),
  Ms = maradek(P, List),
  [Fs|naiv_futamok(P, Ms)].
```

## Futamok előállítás – naív változat (2)

## ● Példa:

```
4> futam:elso_futam(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[1,3,9]
5> futam:maradek(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]
```

## futam.erl – folytatás

```
% @spec maradek(P::pred(), List::[elem()]) -> Ms::[elem()].
% Ms a List P-t kielégítő első futam utáni maradéka.
maradek(_P, [_X]) ->
  [];
maradek(P, [X|Ys=[Y|_]]) ->
  case P(X, Y) of
    false -> Ys;
    true -> maradek(P, Ys)
  end.
```

## Futamok előállítás – hatékonyabb változat

## ● Pazarlás kétszer megkeresni az első futamot, a korábbi példa:

```
4> futam:elso_futam(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[1,3,9]
5> futam:maradek(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
[5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]
```

● Kezeljük az első futamot és a maradékot *egyetlen párként*:

```
9> futam:futam_maradek(P, [1,3,9,5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]).
{[1,3,9], [5,7,2,5,9,1,6,0,0,3,5,6,2]}
```

```
% @spec futam_maradek(P::pred(), L::[elem()]) ->
% {Fs::[elem()], Ms::[elem()]}.
% Fs := elso_futam(P, L) és Ms := maradek(P, L).
futam_maradek(_P, [X]) -> {[X], []};
futam_maradek(P, [X|Ys=[Y|_]]) ->
  case P(X, Y) of
    true -> {Fs, Ms} = futam_maradek(P, Ys),
      {[X|Fs], Ms};
    false -> {[X], Ys}
  end.
```

## Futamok előállítás – hatékonyabb változat (2)

### futam.erl – folytatás

```
% @spec *futamok(Pred::pred(), L::[elem()]) -> Lists::[[elem()]].
naiv_futamok(_P, []) -> futamok(_P, []) ->
  [];                               [];
naiv_futamok(P, L) -> futamok(P, L) ->
  Fs = elso_futam(P, L),           {Fs, Ms} = futam_maradek(P, L),
  Ms = maradek(P, L),              [Fs|futamok(P, Ms)].
  [Fs|naiv_futamok(P, Ms)].
```

- Példa futam\_maradek felhasználására: számtani sorozatok gyűjtése

```
10> futam:difek([1,3,5,7,7,5,3,1,1,1,1,2]).
[[1,3,5,7], [7,5,3,1], [1,1,1], [2]]
```

```
% @spec difek(Xs::[number()]) -> Dss::[[number()]].
% Dss az Xs számtani sorozatot alkotó részlistáinak listája.
difek([X1,X2|_]=L) ->
  {Fs,Ms} = futam_maradek(fun(A, B) -> B-A:=X2-X1 end, L),
  [Fs|difek(Ms)];
difek([_]=L) -> [L]; difek([]) -> [].
```

## Rekurzió alapesetek

- Lineáris rekurzió

Példa: lista összegének meghatározása

### rek.erl – Rekurzió példák

```
sum([]) -> 0;
sum([H|T]) -> H + sum(T).
```

- Elágazó rekurzió (Tree recursion)

Példa: bináris fa leveleinek száma

```
% @type btree() = leaf | {any(),btree(),btree()}.
leaves(leaf) -> 1;
leaves({_,Lt,Rt}) -> leaves(Lt) + leaves(Rt).
```

- Mindkettőből *rekurzív folyamat* jön létre, ha alkalmazzuk: minden egyes rekurzív hívás mélyíti a vermet

- Például sum/1 az egész listát kiteríti a vermen:  $\text{sum}([1,2,3]) \rightarrow$

$1 + \text{sum}([2,3]) \rightarrow 1 + (2 + \text{sum}([3])) \rightarrow 1 + (2 + (3 + \text{sum}([])))$

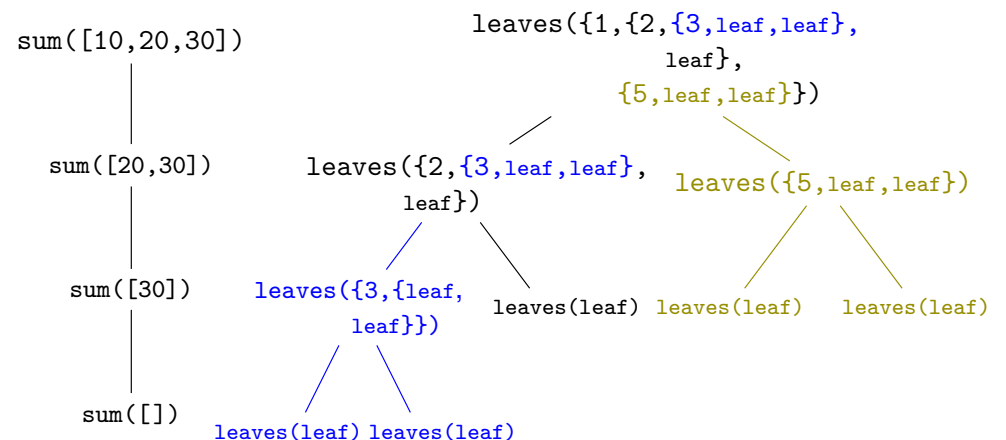
## Tartalom

### 7 Haladó Erlang

- Rekord
- Rekurzív adatstruktúrák
- Listák használata: futamok
- Rekurzió fajtái
- Halmazműveletek (rendezetlen listával)
- Generikus keresőfák
- Lusta farkú lista Erlangban

## Rekurzív folyamat erőforrásigénye

- Hívási fa (call graph, CG fa): futás során meghívott függvények



- A lépések száma főként a *CG méretének* függvénye

- A tárigény (veremigény) főként a *CG mélységének* függvénye<sup>7</sup>

<sup>7</sup>itt lineáris függvénye

## Jobbrekurzió, iteráció

Gyakran érdemes akkumulátorok bevezetésével jobbrekurzióvá alakítani

- Példa: lista összegének meghatározása

```
sumi(L) -> sumi(L,0).
```

```
sumi([], N) -> N;
```

```
sumi([H|T], N) -> sumi(T, N+H).
```

- A segédfüggvényt jobb nem exportálni, hogy elrejtjük az akkumulátort
- A jobbrekurzióból *iteratív folyamat* hozható létre, amely nem mélyíti a vermet: `sumi/2` tárigénye konstans: `sumi([1,2,3],0) -> sumi([2,3],1) -> sum([3],3) -> sum([],6)`
- Ne tévesszük össze egymással a rekurzív számítási folyamatot és a rekurzív függvényt, eljárást!
  - Rekurzív függvény esetén csupán a szintaxisról van szó, arról, hogy hivatkozik-e a függvény, eljárás *önmagára*
  - Folyamat esetében viszont a folyamat menetéről, lefolyásáról beszélünk
- Ha egy függvény *jobbrekurzív (tail-recursive)*, a megfelelő folyamat – az értelmező/fordító jószágától függően – lehet iteratív

## A jobbrekurzió mindig *nagyságrendekkel* előnyösebb? Nem!

- A jobbrekurzív `sumi(L1)` össz-tárigénye konstans (azaz  $\Theta(1)$ ), a lineáris-rekurzív `sum(L1)` össz-tárigénye  $\Theta(\text{length}(L1))$
- Melyiknek alacsonyabb az össz-tárigénye?
  - `bevezeto:append(L1,L2)`
  - `R1=lists:reverse(L1),bevezeto:revapp(R1,L2)` % *jobbrek.*
- `append` kiteríti `L1` elemeit a vermen, ennek tárigénye  $\Theta(\text{length}(L1))$ , majd ezeket `L2` elé fűzi, így tárigénye  $\Theta(\text{length}(L1)+\text{length}(L2))$
- `revapp(R1,L2)` iteratív számítási folyamat, nem mélyíti a vermet, **de** `revapp` felépíti az `L1++L2` akkumulátort, ennek tárigénye szintén  $\Theta(\text{length}(L1)+\text{length}(L2))$
- A jobbrekurzív `revapp` össz-tárigénye *nagyságrendileg* hasonló, mint a lineáris-rekurzív `append` függvényé!
- Ha az akku. mérete nem konstans (azaz  $\Theta(1)$ ), meggondolandó a jobbrekurzió...

## Rekurzív folyamat erőforrásigénye – Példák

Példa <sup>8</sup>	Lépések (CG méret)	CG mélység	Tárigény $\approx$ mélység* állapot
<code>sum(lists:seq(1, n))</code>	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n) \cdot \Theta(\log n)$
<code>sumi(lists:seq(1, n))</code>	$\Theta(n)$	$\Theta(1)$ (konst.)	$\Theta(1) \cdot \Theta(\log n)$
SEND+MORE=MONEY kimerítő keresés, itt $n = 8$	$\Theta(10^n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n) \cdot \Theta(\log n)$
$(n * n)$ -es Sudoku kimerítő keresés, tipikusan $n = 9$	$\Theta(n^{n*n})$	$\Theta(n * n)$	$\Theta(n^2 \cdot n^2 \log n)$

- A rekurzióból fakadó tárigény lehet jelentős is (vö `sum/1`, `sumi/1`), és lehet elhanyagolható is a lépésekhez képest (SMM, Sudoku)
- Az eljárások, függvények olyan *minták*, amelyek megszabják a számítási folyamatok, processzek menetét, *lokális* viselkedését
- Egy számítási folyamat *globális* viselkedését (pl. idő- és tárigény) általában nehéz megbecsülni, de törekednünk kell rá

<sup>8</sup> $f(n) = \Theta(g(n))$  jelentése:  $g(n) \cdot k_1 \leq f(n) \leq g(n) \cdot k_2$  valamilyen  $k_1, k_2 > 0$ -ra

## Elágazó rekurzió példa: Fibonacci-sorozat

### Kiegészítő anyag

- Amikor hierarchikusan strukturált adatokon kell műveleteket végezni, pl. egy fát kell bejárni, akkor az elágazó rekurzió nagyon is természetes és hasznos eszköz
- Az elágazó rekurzió numerikus számításoknál az algoritmus első megfogalmazásakor is hasznos lehet; példa: írjuk át a Fibonacci-számok matematikai definícióját programmá – `0,0,1,1,2,3,5,8,13,...`

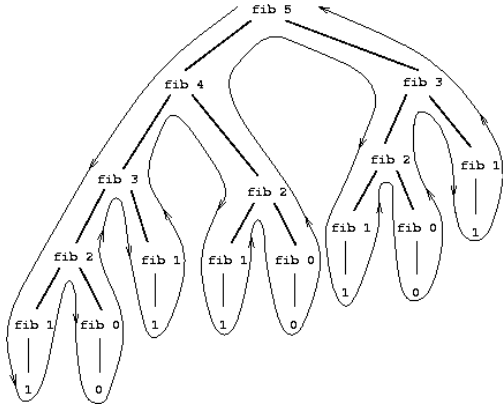
$$F(n) = \begin{cases} 0 & \text{ha } n = 0, \\ 1 & \text{ha } n = 1, \\ F(n-1) + F(n-2) & \text{különben.} \end{cases}$$

Naív Fibonacci, előfelt.:  $N \in \mathbb{N}$

```
fib(0) -> 0;
fib(1) -> 1;
fib(N) -> fib(N-2) + fib(N-1).
```

- Ha már értjük a feladatot, az első, rossz hatékonyságú változatot könnyebb átírni jó, hatékony programmá. Az elágazó rekurzió segíthet a feladat megértésében.
- *Hivatkozás:* Structure and Interpretation of Computer Programs, 2nd ed., by H. Abelson, G. J. Sussman, J. Sussman, The MIT Press, 1996

## Elágazó rekurzió példa: Fibonacci-sorozat (2)



- Elágazóan rekurzív folyamat hívási fája  $\text{fib}(5)$  kiszámításakor
- Alkalmatlan a Fibonacci-számok előállítására
- A  $F(n)$  meghatározásához pontosan  $F(n+1)$  levélből álló fát kell bejárni, azaz ennyiszor kell meghatározni  $F(0)$ -at vagy  $F(1)$ -et

- $F(n)$  exponenciálisan nő  $n$ -nel:  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{F(n+1)}{F(n)} = \varphi$ , ahol  $\varphi = (1 + \sqrt{5})/2 \approx 1.61803$ , az *aranymetszés* arányszáma

## Elágazó rekurzió példa: Fibonacci-sorozat (3)

- A lépések száma tehát  $F(n)$ -nel együtt exponenciálisan nő  $n$ -nel
- A tárigény ugyanakkor csak lineárisan nő  $n$ -nel, mert csak azt kell nyilvántartani, hogy hányadik szinten járunk a fában
- A Fibonacci-számok azonban lineáris-iteratív folyamattal is előállíthatók: ha az  $A$  és  $B$  változók kezdőértéke rendre  $F(1) = 1$  és  $F(0) = 0$ , és ismétlődően alkalmazzuk az  $A \leftarrow A + B$ ,  $B \leftarrow A$  transzformációkat, akkor  $N$  lépés után  $A = F(N+1)$  és  $B = F(N)$  lesz

```

fibi(0) -> 0;
fibi(N) -> fibi(N-1, 1, 0).

```

```

% fibi(N,A,B) az A←A+B, B←A trafó N-szeri ismétlése utáni A.
fibi(0, A, _B) -> A;
fibi(I, A, B) -> fibi(I-1, B+A, A).

```

- A Fibonacci-példában a lépések száma elágazó rekurzióval  $n$ -nel exponenciálisan, lineáris rekurzióval  $n$ -nel arányosan nőtt!
- Pl. a `tree:leaves/1` függvény is lineáris rekurzióvá alakítható, de ezzel már nem javítható a hatékonysága: valamilyen LIFO tárolót kellene használni a mélységi bejáráshoz a rendszer stackje helyett

## Programhelyesség informális igazolása

- Egy rekurzív programról is be kell látnunk, hogy
  - funkcionálisan helyes (azaz azt kapjuk eredményül, amit várunk),
  - a kiértékelése biztosan befejeződik (nem „végtelen” a rekurzió).
- Ellenpélda: `fib(-1)` végtelen ciklus, bár a paraméter „csökken”!
- Bizonyítása rekurzió esetén egyszerű, *strukturális indukcióval* lehetséges, azaz visszavezethető a teljes indukcióra valamilyen *strukturális tulajdonság* szerint
- Csak meg kell választanunk a strukturális tulajdonságot, amire vonatkoztatjuk az indukciót; pl. a `fib/1` az  $N = 0$  paraméterre leáll, de a 0 nem a legkisebb egész szám: a *nemnegatív számok halmazában* viszont a legkisebb  $\rightarrow$  módosítani kell az értelmezési tartományt
- A `map` példáján mutatjuk be

## Programhelyesség informális igazolása (folyt.)

```

% @spec map(fun(A) -> B, [A]) -> [B].
map(_F, []) -> [];
map(F, [X|Xs]) -> [F(X)|map(F, Xs)].

```

- 1 A strukturális tulajdonság itt a lista hossza
- 2 A függvény funkcionálisan helyes, mert
  - belátjuk, hogy a függvény jól transzformálja az üres listát;
  - belátjuk, hogy az  $F$  jól transzformálja a lista első elemét (a fejét);
  - indukciós feltevés: a függvény jól transzformálja az eggyel rövidebb listát (a lista farkát);
  - belátjuk, hogy a fej transzformálásával kapott elem és a fark transzformálásával kapott lista összefűzése a várt listát adja.
- 3 A kiértékelés véges számú lépésben befejeződik, mert
  - a lista (mohó kiértékelés mellett!) véges,
  - a függvényt a *rekurzív ágban* minden lépésben egyre rövidülő listára alkalmazzuk (strukturális tulajdonság csökken), és
  - a rekurziót előbb-utóbb leállítjuk (ui. kezeljük az *alapesetet*, ahol a strukturális tulajdonság zérus, van rekurziót nem tartalmazó klóz).

## Tartalom

### 7 Haladó Erlang

- Rekord
- Rekurzív adatstruktúrák
- Listák használata: futamok
- Rekurzió fajtái
- Halmazműveletek (rendezetlen listával)
- Generikus keresőfák
- Lusta farkú lista Erlangban

## Tagsági vizsgálat

- A halmazt itt egy rendezetlen listával ábrázoljuk
- A műveletek sokkal hatékonyabbak volnának rendezett adatszerkezettel (pl. rendezett lista, keresőfa, hash)
- Erlang STDLIB: sets, ordsets, gb\_sets modulok

set.erl – Halmazkezelő függvények

```
% @type set() = list().
```

```
% empty() az üres halmaz.
```

```
empty() -> % Az absztrakció miatt szükséges:
[] . % ábrázolástól független interfész.
```

```
% isMember(X, Ys) igaz, ha az X elem benne van az Ys halmazban.
```

```
isMember(_, []) ->
false;
isMember(X, [Y|Ys]) ->
X:=Y orelse isMember(X, Ys).
```

- **Megjegyzés:** orelse lusta kiértékelésű

## Új elem berakása egy halmazba, listából halmaz

- newMember új elemet rak egy halmazba, *ha még nincs benne*

set.erl – folytatás

```
% @spec newMember(X::any(), Xs::set()) -> Xs2::set().
% Xs2 halmaz az Xs halmaz és az [X] halmaz uniója.
newMember(X, Xs) ->
case isMember(X, Xs) of
true -> Xs;
false -> [X|Xs]
end.
```

- listToSet listát halmazzá alakít a duplikátumok törlésével; naív (lassú)

```
% @spec listToSet(list()) -> set().
% listToSet(Xs) az Xs lista elemeinek halmaza.
listToSet([]) ->
[];
listToSet([X|Xs]) ->
newMember(X, listToSet(Xs)).
```

## Halmazműveletek

- Öt ismert halmazműveletet definiálunk a továbbiakban (rendezetlen listákkal ábrázolt halmazokon):
  - unió (union,  $S \cup T$ )      vö. lists:fold\*/3
  - metszet (intersect,  $S \cap T$ )      vö. lists:filter/2
  - részhalmaza-e (isSubset,  $T \subseteq S$ )      vö. lists:all/2
  - egyenlők-e (isEqual,  $S \equiv T$ )
  - hatványhalmaz (powerSet,  $2^S$ )
- Otthoni gyakorlásra: halmazműveletek megvalósítása rendezett listákkal, illetve fákkal.  
A vizsgán lehetnek ilyen feladatok...

## Unió, metszet

set.erl – folytatás

```
% @spec union(Xs::set(), Ys::set()) -> Zs::set().
% Zs az Xs és Ys halmazok uniója.

union([], Ys)      -> Ys;
union([X|Xs], Ys) ->
  newMember(X, union(Xs, Ys)).

union2(Xs, Ys) ->
  foldr(fun newMember/2, Ys, Xs).

% @spec intersect(Xs::set(), Ys::set()) -> Zs::set().
% Zs az Xs és Ys halmazok metszete.

intersect([], _) ->
  [];
intersect([X|Xs], Ys) ->
  Zs = intersect(Xs, Ys),
  case isMember(X, Ys) of
    true  -> [X|Zs];
    false -> Zs
  end.

intersect3(Xs, Ys) ->
  [ X || X <- Xs,
    isMember(X, Ys)
  ].
```

## Halmaz hatványhalmaza

- Az  $S$  halmaz hatványhalmazának nevezzük az  $S$  összes részhalmazának a halmazát, jelölés itt:  $2^S$
- $S$  hatványhalmazát *rekurzívan* például úgy állíthatjuk elő, hogy kiveszünk  $S$ -ből egy  $x$  elemet, majd előállítjuk az  $S \setminus \{x\}$  hatványhalmazát
- Például  $S = \{10, 20, 30\}$ ,  $x \leftarrow 10$ ,  $2^{S \setminus \{x\}} = \{\{\}, \{20\}, \{30\}, \{20, 30\}\}$
- Ha tetszőleges  $T$  halmazra  $T \subseteq S \setminus \{x\}$ , akkor  $T \subseteq S$  és  $T \cup \{x\} \subseteq S$ , azaz mind  $T$ , mind  $T \cup \{x\}$  eleme  $S$  hatványhalmazának
- Vagyis  $2^{\{10, 20, 30\}} =$

$$\{\{\}, \{20\}, \{30\}, \{20, 30\}\} \cup \{\{\}\cup\{10\}, \{20\}\cup\{10\}, \{30\}\cup\{10\}, \{20, 30\}\cup\{10\}\}$$

*% powerSet\*(S) az S halmaz hatványhalmaza.*

```
powerSet1([]) ->
  [[]];
powerSet1([X|Xs]) ->
  P = powerSet1(Xs),
  P ++ [ [X|Ys] || Ys <- P ].

powerSet2(Xs) -> % jobbrekurzívan
  foldl(fun(X, P) ->
    P ++ [ [X|Ys] || Ys <- P ],
    end,
    [[]],
    Xs).
```

## Részhalmaza-e, egyenlők-e

set.erl – folytatás

```
% @spec isSubset(Xs::set(), Ys::set()) -> B::bool().
% B igaz, ha Xs részhalmaza Ys-nek.
isSubset([], _) ->
  true;
isSubset([X|Xs], Ys) ->
  isMember(X, Ys) andalso isSubset(Xs, Ys).

% @spec isEqual(Xs::set(), Ys::set()) -> B::bool().
% B igaz, ha Xs és Ys elemei azonosak.
isEqual(Xs, Ys) ->
  isSubset(Xs, Ys) andalso isSubset(Ys, Xs).
```

- isSubset lassú a rendezetlenség miatt
- andalso lusta kiértékelésű
- A listák egyenlőségének vizsgálata ugyan beépített művelet az Erlangban, halmazokra mégsem használható, mert pl. [3,4] és [4,3] listaként különböznek, de halmazként egyenlők.

## Halmaz hatványhalmaza – hatékonyabb változat

- $A P ++ [ [X|Ys] || Ys <- P ]$  művelet hatékonyabbá tehető

set.erl – folytatás

```
% @spec insAll(X::any(), Yss::[[any()]], Zss::[[any()]]) -> Xss::[[any()]].
% Xss az Yss lista Ys elemeinek Zss elé fűzött
% listája, amelyben minden Ys elem elé X van beszúrva.
insAll(_X, [], Zss) ->
  Zss;
insAll(X, [Ys|Yss], Zss) ->
  insAll(X, Yss, [[X|Ys] | Zss]).

powerSet3([]) ->
  [[]];
powerSet3([X|Xs]) ->
  P = powerSet3(Xs),
  insAll(X, P, P). % [ [X|Ys] || Ys <- P ] ++ P kiváltására
```



## Tartalom

### 7 Haladó Erlang

- Rekord
- Rekurzív adatstruktúrák
- Listák használata: futamok
- Rekurzió fajtái
- Halmazműveletek (rendezetlen listával)
- Generikus keresőfák
- Lusta farkú lista Erlangban

## Generikus keresőfák Erlangban

Lásd a leírást a <http://dp.iit.bme.hu/dp08a/gtree.pdf> (1–5. oldalak), a futtatható példaprogramokat a `gtree.erl` fájlban.

### Megjegyzések:

- `gtree:set_to_list/1` funkcióban azonos `tree:to_list_infix/1` függvénnyel, de hatékonyabb: nincs benne összefűzés ( $L1++L2$ ), csak építés ( $[H|T]$ )
- ```
1> gtree:list_to_set([3,1,5,4,2,1]).
{3,{1,leaf},{2,leaf,leaf}},{5,{4,leaf,leaf},leaf}}
2> io:format("~10p~n",
    [gtree:list_to_map([3,a],[1,a],[5,a],[4,b],[2,b],[1,x]])]).
{{3,a},
 {{1,x},
  leaf,
  {{2,b},
   leaf,
   leaf}}},
 ...
```

## Tartalom

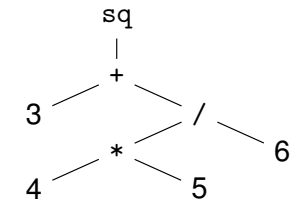
### 7 Haladó Erlang

- Rekord
- Rekurzív adatstruktúrák
- Listák használata: futamok
- Rekurzió fajtái
- Halmazműveletek (rendezetlen listával)
- Generikus keresőfák
- Lusta farkú lista Erlangban

## Összetett kifejezés kiértékelése

- Egy összetett kifejezést az Erlang két lépésben értékeli ki, **mohó** kiértékeléssel; az alábbi rekurzív kiértékelési szabállyal:
  - 1 **Először** kiértékeli az operátort (műveleti jelet, függvényjelet) és az argumentumait,
  - 2 majd **ezután** alkalmazza az operátort az argumentumokra.
- A kifejezéseket *kifejezésfával* ábrázolhatjuk
- Hasonló a Prolog-kifejezés ábrázolásához:
 

```
| ?- write_canonical(sq(3+4*5/6)).
sq(+ (3, / (* (4, 5), 6)))
```
- A mohó kiértékelés során az operandusok alulról fölfelé „terjednek”



- Felhasználói függvény mohó alkalmazása (fent 2. pont):

- 1 a függvény törzsében a formális paraméterek összes előfordulását lecseréli a megfelelő aktuális paraméterre,
- 2 majd kiértékeli a függvény törzsét.

## Függvényalkalmazás mohó kiértékelése

Tekintsük a következő egyszerű függvények definícióját:

```
sq(X) -> X * X.
sumsq(X, Y) -> sq(X) + sq(Y).
f(A) -> sumsq(A+1, A*2).
```

Mohó kiértékelés esetén minden lépésben egy rész kifejezést egy vele egyenértékű kifejezéssel helyettesítünk. Pl. az  $f(5)$  mohó kiértékelése:

```
f(5) -> sumsq(5+1, 5*2) -> sumsq(6, 5*2) -> sumsq(6, 10) -> sq(6) +
sq(10) -> 6*6 + sq(10) -> 36 + sq(10) -> 36 + 10*10 -> 36 + 100 -> 136
```

- A függvényalkalmazás itt bemutatott *helyettesítési modellje*, az „egyenlők helyettesítése egyenlőkkel” (*equals replaced by equals*) segíti a függvényalkalmazás *jelentésének* megértését
- Olyan esetekben alkalmazható, amikor egy függvény *jelentése független* a környezetétől (pl. ha minden mellékhatás kizárva)
- Az fordítók rendszerint bonyolultabb modell szerint működnek

## Mohó és lusta kiértékelés

- Igazolható, hogy olyan függvények esetén, amelyek jelentésének megértésére a helyettesítési modell alkalmas, a kétféle kiértékelési sorrend azonos eredményt ad
- Vegyük észre, hogy lusta (szükség szerinti) kiértékelés mellett egyes rész kifejezéseket néha többször is ki kell értékelni
- A többszörös kiértékelést jobb értelmezők/fordítók (pl. Alice, Haskell) úgy kerülik el, hogy az azonos rész kifejezéseket megjelölik, és amikor egy rész kifejezést először kiértékelnek, *az eredményét megjegyzik*, a többi előfordulásakor pedig ezt az eredményt veszik elő. E módszer hátránya a nyilvántartás szükségessége. Ma általában ezt nevezik *lusta* kiértékelésnek.

## Lusta kiértékelés

- Az Erlang tehát először kiértékeli az operátort és az argumentumait, majd alkalmazza az operátort az argumentumokra
- Ezt a kiértékelési sorrendet *mohó* (eager) vagy *applikatív sorrendű* (applicative order) kiértékelésnek nevezzük
- Van más lehetőség is: a kiértékelést addig halogatjuk, ameddig csak lehetséges: ezt *lusta* (lazy), *szükség szerinti* (by need) vagy *normál sorrendű* (normal order) kiértékelésnek nevezzük
- Példa: az  $f(5)$  lusta kiértékelése:

```
f(5) -> sumsq(5+1, 5*2) -> sq(5+1) + sq(5*2) -> (5+1)*(5+1) +
(5*2)*(5*2) -> 6*(5+1) + (5*2)*(5*2) -> 6*6 + (5*2)*(5*2) -> 36 +
(5*2)*(5*2) -> 36 + 10*(5*2) -> 36 + 10*10 -> 36 + 100 -> 136
```

- Példa: a `false andalso f(5) > 100` lusta kiértékelése:

```
false andalso f(5) > 100 -> false
```

## Lusta kiértékelés Erlangban: lusta farkú lista

- Ismétlés: `% @type erlang:list() = [] | [any()|list()]`.
- A `[H|T]` egy speciális szintaxisú kételemű ennes, nemcsak listákra használhatjuk:
 

```
1> [1|[2]].
[1,2] % Lista, mert a | utáni rész lista.
2> [1|[2|[]]].
[1,2] % Lista, mint az előző.
3> [1|2].
[1|2] % Egy kételemű ennes, mert a | utáni rész nem lista.
```
- A következő főlíakon az átláthatóság kedvéért a listaszintaxist használjuk egy kételemű ennesre, a lusta listára

`lazy.erl` – Lusta farkú lista

```
% @type lazy:list() = [] | [any()|fun() -> lazy:list()]
```

- A fenti szerkezetben a második tag (fark) *késleltett kiértékelésű* (delayed evaluation)
- Teljesen lusta lista: `verylazy.erl` (nem tananyag)

```
% @type verylazy:list() = fun() -> ([] | [any()|verylazy:list()])
```

## Lusta farkú lista építése

- Végtelen számsorozat:

lazy.erl – folytatás

```
% @spec infseq(N::integer())
%       -> lazy:list().
infseq(N) ->
  [N|fun() -> infseq(N+1) end].
```

- Példák:

```
1> lazy:infseq(0).
[0|#Fun<lazy.1.65678590>]
2> T1 = tl(lazy:infseq(0)).
#Fun<lazy.1.65678590>
3> T1().
[1|#Fun<lazy.1.65678590>]
```

- Véges számsorozat:

lazy.erl – folytatás

```
% @spec seq(M::integer(),
%         N::integer())
%       -> lazy:list().
seq(M, N) when M =< N ->
  [M|fun() -> seq(M+1, N) end];
seq(_, _) ->
  [].
```

- Példák:

```
1> lazy:seq(1,1).
[1|#Fun<lazy.0.35745118>]
2> tl(lazy:seq(1,1)).
#Fun<lazy.0.35745118>
3> (tl(lazy:seq(1,1)))().
[]
```

## Erlang-lista konvertálása

- Erlang-listából lusta lista:

- Nagyon gyors: egyetlen függvényhívás

```
% @spec cons(erlang:list())
%       -> lazy:list().
cons([]) ->
  [];
cons([H|T]) ->
  [H|fun() -> cons(T) end].
```

```
1> lazy:cons([1,2]).
[1|#Fun<lazy.10.66878903>]
2> T2 = tl(lazy:cons([1,2])).
#Fun<lazy.10.66878903>
3> T2().
[2|#Fun<lazy.10.66878903>]
4> (tl(T2()))().
[]
```

- Lusta listából Erlang-lista:

- Csak az első N elemét értékeljük ki: lehet, hogy végtelen

```
% @spec take(lazy:list(),
%         N::integer())
%       -> erlang:list().
take(_, 0) -> [];
take([], _) -> [];
take([H|_], 1) -> [H]; % optim.
take([H|T], N) ->
  [H|take(T(), N-1)].
```

```
1> lazy:take(lazy:infseq(0), 5).
[0,1,2,3,4]
2> lazy:take(lazy:seq(1,2), 5).
[1,2]
```

- Ha N=1, a T() hívás felesleges

## Gyakori függvények lusta listára adaptálva – iteratív sum

- Lista összegzése (csak véges listára)

lazy.erl – folytatás

```
sum(L) -> sum(L, 0).
```

```
% @spec sum(lazy:list(), number()) -> number().
sum([], X) -> X;
sum([H|T], X) -> sum(T(), H+X). % jobbrekurzív!
```

- Összehasonlítás:

- lists:sum(lists:seq(1,N=10000000))  
mohó, gyors<sup>9</sup>, tárigénye lineáris N-ben
- lazy:sum(lazy:seq(1,N=10000000))  
lusta, lassabb, tárigénye kb. konstans (korlátos számok esetén)

- Általánosabban a lusta lista és a mohó Erlang-lista összehasonlítása:

- Tárigénye csak a kiértékelt résznek van
- Lusta lista teljes kiértékelése sokkal lassabb is lehet (késleltetés)
- De időigénye alacsonyabb lehet, ha nem kell teljesen kiértékelni

<sup>9</sup>ha nem itt kell létrehozni a listát; a példában lists:sum gyors, lists:seq lassú

## Gyakori függvények lusta listára adaptálva – map

- Motiváció: listanézet nem alkalmazható; a lusta szintaxis elrejtése

lazy.erl – folytatás

```
% @spec map(fun(), lazy:list()) -> lazy:list().
map(_, []) -> [];
map(F, [H|T]) -> [F(H)|fun() -> map(F, T()) end].
```

```
• 1> F = fun(X) -> io:format("Hivas: F(~p)~n", [X]), math:exp(X) end.
#Fun<erl_eval.6.80247286>
2> F(1).
Hivas: F(1)
2.718281828459045
3> L = lazy:map(F, lazy:infseq(1)).
Hivas: F(1)
[2.718281828459045|#Fun<lazy.5.87890739>]
4> lazy:take(L, 3).
Hivas: F(2)
Hivas: F(3)
[2.718281828459045, 7.38905609893065, 20.085536923187668]
```

## Gyakori függvények lusta listára adaptálva – filter, append

- Motiváció: listanézet, ++ nem alkalmazható; a lusta szintaxis elrejtése

## lazy.erl – folytatás

```
% filter(fun(any()) -> bool(), lazy:list()) -> lazy:list().
% Kicsit mohó, az eredménylista fejéig kiértékeli a listát
filter(_, []) ->
    [];
filter(P, [H|T]) ->
    case P(H) of
        true -> [H|fun() -> filter(P, T()) end];
        false -> filter(P, T()) % megkeressük az eredmény fejét
    end.

% @spec append(lazy:list(), lazy:list()) -> lazy:list().
append([], L2) -> L2;
append([H|T], L2) -> [H|fun() -> append(T(), L2) end].
```

## Nevezetes számsorozatok

- Fibonacci-sorozat

```
% @spec fibs(integer(), integer()) -> lazy:list.
fibs(Cur, Next) -> [Cur|fun() -> fibs(Next, Cur+Next) end].
```

```
1> lazy:take(lazy:fibs(0,1),10).
[0,1,1,2,3,5,8,13,21,34]
```

- Eratoszteni szita

```
% @spec sift(Prime::integer(), L::lazy:list()) -> L2::lazy:list().
% L2 lista L lista azon elemei, melyek nem oszthatóak Prime-mal.
sift(Prime, L) -> filter(fun(N) -> N rem Prime /= 0 end, L).
```

```
% @spec sieve(L1::lazy:list()) -> L2::lazy:list().
% L2 lista az L1 végtelen lista szitálása (üres listára hibát ad).
sieve([H|T]) -> [H|fun() -> sieve(sift(H, T())) end].
```

```
1> lazy:take(lazy:sieve(lazy:infseq(2)),10).
[2,3,5,7,11,13,17,19,23,29]
```

## Lusta append alkalmazása: lusta qsort

```
% Csak emlékeztetőül: @spec eqsort(erlang:list()) -> erlang:list().
eqsort([]) -> [];
eqsort([Pivot|Xs]) -> eqsort([X || X <- Xs, X < Pivot])
    ++ [Pivot|eqsort([X || X <- Xs, X >= Pivot])].

% @spec qsort(lazy:list()) -> lazy:list().
qsort([]) -> [];
qsort([Pivot|Xs]) ->
    io:format("hivas: qsort(~w~n", [take([Pivot|Xs], 100)]),
        Low = fun(X) -> X < Pivot end, High = fun(X) -> X >= Pivot end,
        append(qsort(filter(Low, Xs())),
            [Pivot|fun() -> qsort(filter(High, Xs())) end]).
```

|   |  |   |
|---|--|---|
| 1> L=cons([5,3,6,8,1,7]).<br>[5 #Fun<lazy.10.7...>]   | 3> take(S, 1).<br>[1]                                | 6> take(qsort(L), 6).<br>Hivas: qsort([5,3,...])<br>Hivas: qsort([3,1])<br>Hivas: qsort([1])<br>Hivas: qsort([6,8,7])<br>Hivas: qsort([8,7])<br>Hivas: qsort([7]) |
| 2> S = qsort(L).<br>Hivas: qsort([5,3,6,8,1,7])<br>Hivas: qsort([3,1])<br>Hivas: qsort([1])<br>[1 #Fun<lazy.12.1...>] | 4> take(S, 3).<br>[1,3,5]                            |   |
|   | 5> take(S, 4).<br>Hivas: qsort([6,8,7])<br>[1,3,5,6] |   |